

ローカルネットワークにおける  
通信プロトコルと待ち行列モデル

東北大 通研 白鳥則郎  
高橋博之  
野口正一

1 要 約

計算機システムの巨大化に伴う「ソフトウェア」設計、特に、保守のコストが急激に増加しつゝある。計算機網における通信プロトコルについても同様である。是故本稿では、通信プロトコルを、設計から検証、実装、性能評価及び保守まで一貫した思想のもとで開発する系統的設計法を示す。又、後半では系統的設計法における性能評価の問題に焦点をしげり、特に、解析的評価によく用いられる待ち行列理論の応用について述べる。待ち行列モデルとして扱われる対象は計算機ネットワークである。計算機ネットワークは、高度な分散処理システムを構築する上で基本的な役割を果たすシステムであり、広域網とローカルネットワークに分類される。特に、ローカルネットワークはオフィスオートメーション(OA)との関連から最近注目されてい

。この中で、ループ形網と Ethernet が高度な OA を実現するシステム形態として期待されてゐる。後半では、前述の Ethernet における通信方式の評価について試みる。評価する通信方式は先に筆者らが提案した RAP 方式である。この方式を待ち行列的にモデル化すると、往復巡回形の多重待ち行列となる。このようないくつかのモデルは従来より種々の角度から検討されており、特に、M. Eisenberg<sup>[4]</sup> は、全處理型について、ほとんどのすべてのモデルを包含するよう、より一般的な条件のもとで検討しており、各待ち行列における待ち時間分布の Laplace-Stieltjes 変換及び同一窓口での再訪時間分布の Laplace-Stieltjes を与えている。又、同時に、これらの平均値を導出する“方法”について示唆しているが、 $M = 2$  の場合を除き複雑性(Complexity)の問題から具体的には、与えていない。ここで、M は待ち行列の個数を示す。前述の Ethernet における RAP 方式は M. Eisenberg が検討したモデルに含まれる。しかししながら、本稿では、RAP 方式について M. Eisenberg とは別の解析手法を用いて考察することにする、各待ち行列における客の平均待ち呼数を閉じた形で得ることができる。

尚、通信方式の設計の立場から見ると、同一制限式のモデルが興味深い。つまり、トラヒックペターンが与えられた時

レスポンスタイムを最小とする他の決定問題に適用し得る  
からである。しかし、現在のところ、巡回形走除き、RAP  
方式も含め一般的に解かれていない。現在、筆者らは、RA  
P方式の総合的な評価を、既一制限式を中心として種々の角  
度から検討を進めている。本稿では、その一部である全処理  
型のRAP方式についての検討例を示す。

## 2. プロトコルの系統的設計法と行列理論

図1にプロトコルの系統的設計法の概要をフローチャート  
で示す。ここで、プロトコルの系統的設計法とは、“論理的  
な設計だけではなく、拡張・変更及び保守の容易性を支援する  
設計手順及び支援システムの確立手順である”。

系統的な設計法の主な具備条件は次の6項目であり、特に  
、項目(1), (2), (4), (6)には、“容易性”が  
要求される。

- (1) プロトコルの理解, (2) 設計(記述),
- (3) 検証, (4) 実装, (5) 性能評価,
- (6) マニュアル, ドキュメンテーション。

又、同図において、システムの性能評価も重要な項目である。  
つまり、システムが設計者の意図した機能及びパフォーマンスを実現してはどうぞ、スループットをいかにレス

ポンスタイムなどの評価基準で評価する必要がある。このようにシステム評価には、数理計画法、行列理論、計算機シミュレーションなどがよく利用される。特に、計算機システムの定量的評価に係る行列モデルが用いられる。本稿では、次章で、計算機ネットワークの定量的評価に係る行列理論を応用した例を示す。

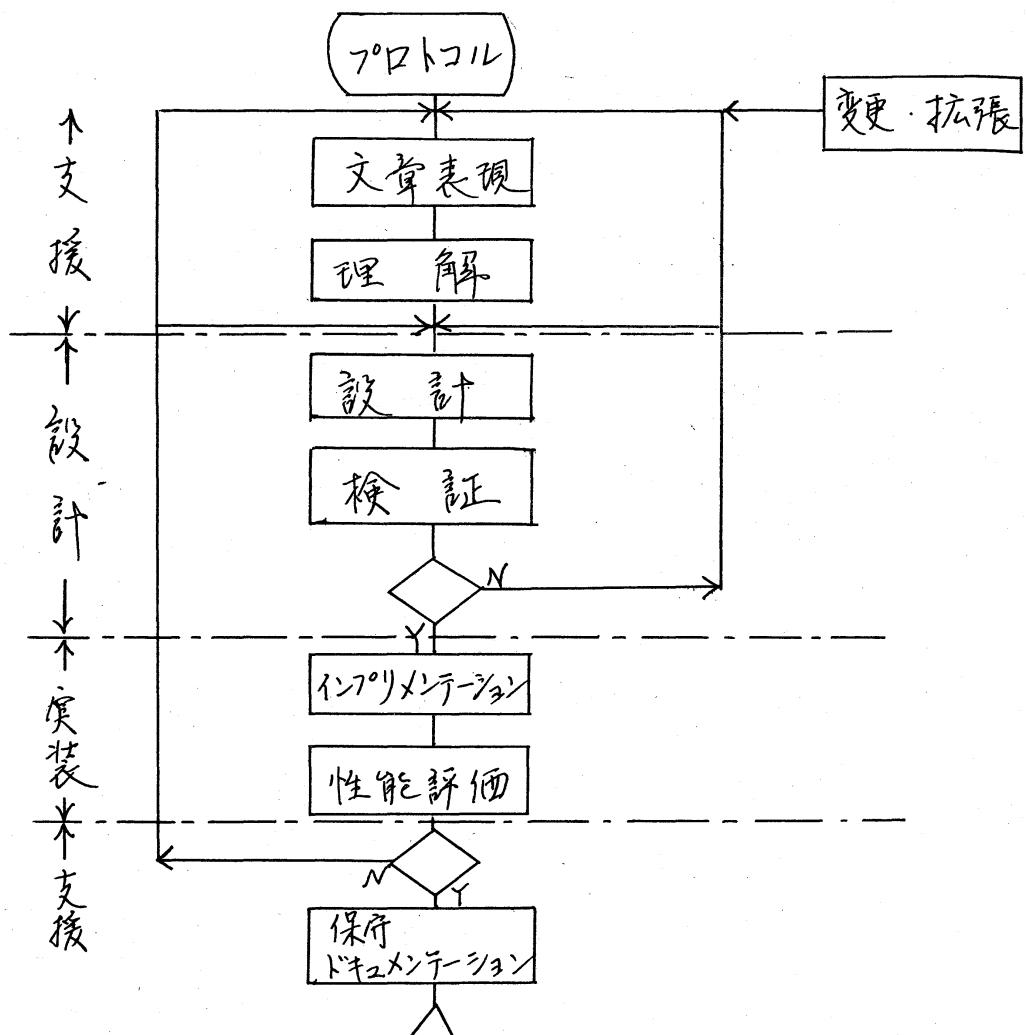


図1. プロトコルの系統的設計法と性能評価

### 3. EthernetにおけるRAP方式の評価

分散処理、特にOA化の動きに伴い、その通信ネットとしてルーブネットと並びEthernetが注目されてゐる。筆者らは先にEthernetにおけるP-, T-CSMA方式の解析を報告した。本稿では、その問題点（通信路長が長く、又は伝送速度が速くするとキャリアセンスによる衝突の回避効果が低下し最大スループットが減少する）を解決する非衝突形の新方式として、先に考察した半同期式と基本といた従来形交互優先方式（RAP方式）を提案する。

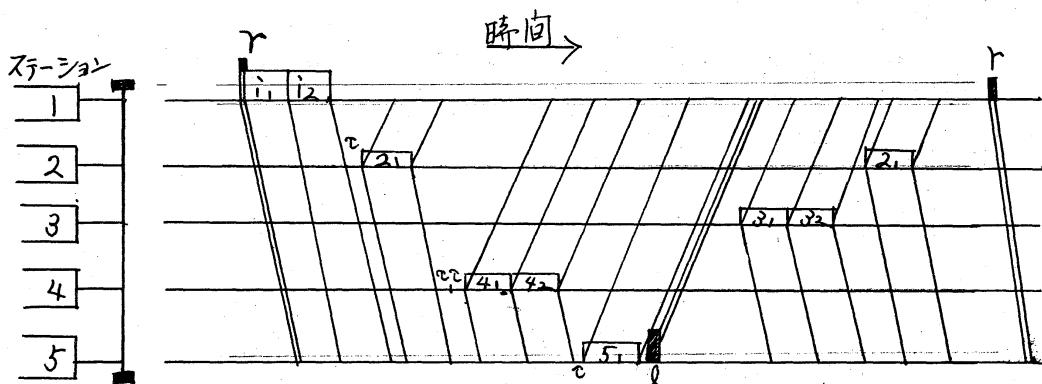


図2. RAP方式における通信路のタイムシーケンス

#### 3. 1 RAP方式のプロトコル

図2において、共通の通信路上に配置されたステーションは次の手順に従ってパケットを送信する。各ステーションは通信路の両端に設けたサイクル発生器が交互に発信するスト

一ト信号によって起動されるとサイクル内での自ステーションの優先順位に従う送出時点と検出しパケットの伝送を行う。上方向のスタート信号に対してはステーション $1, 2, \dots, N$ の優先順位をとる。ステーションごとの動作は、まずスタート信号に続くパケットがあるかどうかチャネルをセンスする。(1) キャリアオンならオフにするまで待つ(2) 後続のパケットがあるかどうかチャネルをセンスする。(2) キャリアオフならカウンタ+1とし(3) チャネルをセンスする。(キャリアセンス時間は $T_{sec}$ とする。)(1), (2) を繰り返された後カウンタ =  $i - 1$ 以下をキャリアオフと検出し(4)直ちにパケットの送出を開始する。下方向のスタート信号に対しては逆順( $N, N-1, \dots, 1$ )の優先順位とする。

### 3. 2 待ち行列モデル

RAP方式を用いたEthernetを待ち行列モデルで表現すると、図3のようになる。このようなモデルは、多重待ち行列問題として知られています。RAP方式は、1で述べたようにサーバーが移動する方式を往復巡回型と名付けられます。従って、RAP方式の往復巡回型の待ち行列として分類されます。

通信方式の設計の立場から見ると、た一制限式のモデルが興味深い。つまり、トラセーフパトーンが与えられた瞬間、レスポンスタイムを最小とする走の決定問題に適用し得るべくである。しかし、現在のところ、巡回型を除き、RAP方式も含め一般的に解されていない。筆者らは、計算機シミュレーションを用いて、種々の興味深い結果を得ておますが、別の機会にまとめて報告する予定である。

本稿では、全処理型のRAP方式、つまり全処理型の往復巡回型多重待ち行列について考察した結果を報告する。

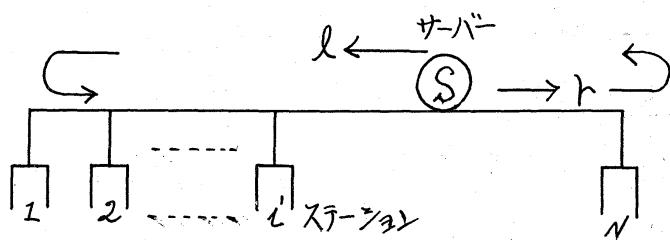


図3. 往復巡回型の多重待ち行列モデル

このようすモデルは従来より種々の角度から検討されており、特に、M. Eisenberg<sup>[4]</sup>は、全処理型について、ほとんどすべてのモデルを包含するようすなり、一般的な条件のもとで検討しており、各待ち行列における待ち時間分布の Laplace-Stieltjes 变換及び同一窓口への再訪時間分布

の Laplace-Stieltjes を与えていた。又、同時にこれらの中  
平均値を導出する“方法”について示唆していたが、 $M = 2$  の  
場合を除き複雑性 (complexity) の問題から具体的には、与  
えていた。ここで、 $M$  は待ち行列の個数を示す。前述の  
Ethernet における RAP 方式は M. Eisenberg が検討した  
モデルに含まれる。不しきりながら、本稿では、RAP 方式に  
ついて M. Eisenberg とは別の解析手法を用いて考察するこ  
とに付く、各待ち行列における密度の平均待ち呼数を閉じた形  
で得ることができた。この結果を次節で与える。

### 3. 3 全処理 RAP 方式の評価

#### [諸定義及び仮定]

入力：窓口  $i$  の到着率（ポアソン到着、バックファ無限と  
する）。 $H_i(x)$ ；窓口  $i$  の呼の処理時間の分布関数、1 次  
2 次積率を  $\mu_i, \mu_i^{(2)}$ （有限）とする。 $U_i^r(x)$ ；窓口  $i$  から  
 $i+1$  の歩行時間の分布関数 ( $i=1, 2, \dots, N-1$ )，  
1 次、2 次積率を  $U_i^l, U_i^{l(2)}$ （有限）とする。窓口  $i$  から  $i-1$  へは、 $U_i^l(x), U_i^l, U_i^{l(2)} (i=2, 3, \dots, N)$  とする。  
平衡状態において扱い者の移動方向が下で扱い者が窓口  $i$  に  
到着した瞬間で窓口  $i$  の待ち呼数が  $j$  である確率を  $p_{ij}$  ( $j=1, j^2, \dots, j_N$ ),  $i=2, 3, \dots, N$ , 移動方向が  $i$  の場合

$g_i^l(j_1, j_2, \dots, j_N)$ ,  $i = 1, 2, \dots, N-1$  とする。扱い者の移動方向が  $l$  で、窓口  $j$  の呼び処理が終了した瞬間に窓口  $i$  の待ち呼数が  $j$  である確率を  $g_i^r(j_1, j_2, \dots, j_N)$ ,  $i = 2, \dots, N$ , 移動方向が  $l$  の場合  $g_i^l(j_1, \dots, j_N)$ ,  $i = 1, \dots, N-1$  とする。 $\therefore$  これらの母関数を  $G_{T_i}^r(x_1, \dots, x_N)$ ,  $G_{T_i}^l(x_1, \dots, x_N)$ ,  $Q_i^r(x_1, \dots, x_N)$ ,  $Q_i^l(x_1, \dots, x_N)$  とする。

### [結果； 平均待ち呼数]

母関数の関係式は次式とする。

$$G_{T_{i+1}}^r(x_1, \dots, x_N) = G_{T_i}^r\{x_1, \dots, x_{i-1}, \Gamma_i^*(z-z_i), \\ x_{i+1}, \dots, x_N\} \times U_i^{r*}(z), \quad i=2, \dots, N-1 \quad (1)$$

$$G_{T_{i-1}}^l(x_1, \dots, x_N) = G_{T_i}^l\{x_1, \dots, x_{i-1}, \Gamma_i^*(z-z_i), x_{i+1}, \dots, x_N\} \times U_i^{l*}(z), \\ i=2, \dots, N-1. \quad (2)$$

$$G_{T_2}^r(x_1, \dots, x_N) = G_{T_1}^r\{\Gamma_1^*(z-z_1), x_2, \dots, x_N\} \times U_1^{r*}(z) \quad (3)$$

$$G_{T_{N-1}}^l(x_1, \dots, x_N) = G_{T_N}^l\{x_1, \dots, x_{N-1}, \Gamma_N^*(z-z_N)\} \times U_N^{l*}(z) \quad (4)$$

$$Z = \sum_{i=1}^N z_i, \quad z_i = \lambda_i(1-x_i), \quad \Gamma^*(S); \quad \text{全移動時間分布の LS 变換}$$

又、扱い者が窓口  $j$  に到着した瞬間に窓口  $i$  の平均待ち呼数

$$\text{は } g_i^r(j) = \lim_{x_1, x_2, \dots \rightarrow 1} \frac{\partial G_i^r(x_1, \dots, x_N)}{\partial x_j} / G_i^r(1, \dots, 1).$$

式 (1) ~ (4) を用いて、種々の操作及び変換を行って、  
と最終的に次式を得る。

224

$$g_i^h(1) = \lambda_1(1 - \rho_1) v / (1 - \sum_{j=1}^N \rho_j)$$

$$g_N^l(1) = \lambda_N(1 - \rho_N) v / (1 - \sum_{j=1}^N \rho_j)$$

$$g_i^r(i) = \lambda_i \left\{ (1 - \sum_{j=1}^i \rho_j) v_i^h + v \sum_{j=1}^{i-1} \rho_j \right\} / (1 - \sum_{j=1}^N \rho_j)$$

$$g_i^l(i) = \lambda_i \left\{ (1 - \sum_{j=1}^i \rho_j) v_i^l + v \sum_{j=i+1}^N \rho_j \right\} / (1 - \sum_{j=1}^N \rho_j)$$

$$g_i^r(j) = \begin{cases} \lambda_i \sum_{k=j}^{i-1} U_k^h + \lambda_j \sum_{k=j+1}^{i-1} Y_k g_k^r(k), & (j < i) \\ \lambda_j \left\{ \sum_{k=1}^{i-1} U_k^h + \sum_{k=2}^j U_k^l \right\} + \lambda_j \left\{ \sum_{k=1}^{i-1} Y_k g_k^r(k) + \sum_{k=2}^{j-1} Y_k g_k^l(k) \right\}, & (i < j) \end{cases}$$

$$g_i^l(j) = \begin{cases} \lambda_j \left\{ \sum_{k=j}^{N-1} U_k^h + \sum_{k=i+1}^N U_k^l \right\} + \lambda_j \left\{ \sum_{k=j+1}^{N-1} Y_k g_k^h(k) + \sum_{k=i+1}^N Y_k g_k^l(k) \right\}, & (j < i) \\ \lambda_j \sum_{k=i+1}^N U_k^l + \lambda_j \sum_{k=i+1}^{j-1} Y_k g_k^l(k), & (j > i) \end{cases}$$

(10)

二二七

$$U_j^h = \sum_{i=2}^j U_i^h + \sum_{i=1}^{j-1} U_i^h, \quad U_j^l = \sum_{i=j+1}^N U_i^l + \sum_{i=j}^{N-1} U_i^l,$$

$$U = U_j^h + U_j^l, \quad Y_i = -T_i^*(0) = R_i / (1 - P_i),$$

$$P_i = \lambda_i R_i,$$

#### 4. まとめ

本稿では、はじめに計算機網における通信プロトコルの系統的な設計法を示し、この設計法におけるシステムの性能評価と待ち行列理論の関連について言及した。後半では Ethernet における通信方式として RAP 方式を提案し、その評価と、待ち行列モデルの上で試みた。RAP 方式は多重待ち行列モデルとして表現することができ、現在、長一制限式を中心として種々の角度から総合的な評価を試み、進展させていく。本稿では、その一部である全処理型の RAP 方式についての検討例を示した。

#### [文献]

- [1] 白鳥, 野口, “通信プロトコルの系統的設計法”,  
信学全大, 昭57-03.

- [2] 白鳥, 高橋, 野口, “通信プロトコルの理解の容易性と設計法”, 情報学会全大, 昭57-03
- [3] 郷原, 白鳥, 野口, “通信プロトコルの効果的設計法”, 信序会, 計算機研究會, 昭57-02
- [4] M. Eisenberg, “Queues with Periodic Service and Change over Time”, Ops. Res. (1972)
- [5] 橋田, 中村 “多重待行列の解析(1) - 全処理式 - ”  
研究報, 1970, 6, 19
- [6] 白鳥, 高橋, 野口, “線状結合形計算機網の情報伝送特性”, 信序論, D.Vol.J63-D, No.10, 1980