

# 溶融塩ボルタンメトリーに関する基礎的研究

瀬光之尉

| 記号 | と | 単位の表 |
|----|---|------|
|    |   |      |

| 1  | 緒   | 言・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・                 | 1 |
|----|-----|---|---|
| 2  | 溶   | 融塩ボルタンメトリーの基本的な実験技術・・・・・・・・・・・・・・・              | 4 |
| 2. | 1   | はじめに・・・・・・ ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・              | 4 |
| 2. | .2  | 電解セル、加熱炉・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・    | 5 |
| 2. | .3  | 分極指示電極・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・       | C |
| 2. | .4  | 照合電極 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・ 11               | 7 |
| 2. | . 5 | 溶媒浴の調域・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・ 2            | 3 |
| 2. | . 6 | 文 献 • • • • • • • • • • • • • • • • • •         | 3 |
| 3  | 溶   | 融塩ボルタンメトリーにおける測定と制御・・・・・・・・・・・・・・・29            | Э |
| 3  | . 1 | はじめに・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・ 29             | 9 |
| 3  | .2  | 溶融塩ボルタンメトリーの測定 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・ 29          | 9 |
| 3  | .3  | 高速掃引ボルタンメトリーの制御 ・・・・・・・・・・・・・・・・38              | 3 |
| 3  | .4  | 文 献 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·         | l |
| 4  | 溶   | 融塩ボルタンメトリーの定量機能に関する研究・・・・・・・・・・・・・ 72           | 2 |
| 4  | . 1 | はじめに・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・ 72            | 2 |
| 4  | .2  | 高速掃引ボルタンメトリーにおける物質移動の測定 · · · · · · · · · · 73  | 3 |
| 4  | . 3 | 実験操作,遷移時間の再現性・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・80            | ) |
| 4  | .4  | 固体指示極における分極速度と物質移動・・・・・・・・・・・・・・94              | 1 |
| 4  | .5  | 文 献 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·         | 2 |
| 5  | 溶   | 融塩ボルタンメトリーの定性機能に関する研究・・・・・・・・・・・・・・・・・124       | 1 |
| 5  | . 1 | はじめに・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・        | 4 |
| 5  | .2  | Randles 型ボルタンメトリーにおける拡散 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・12 | 5 |
| 5  | .3  | 固体指示極によって得られるボルタモグラムの波形解析 ・・・・・・・・・・13          | 7 |
| 5  | .4  | タングステンと白金の指示電極によって得られるボルタモグラムとその解析,             |   |
|    |     | および定性機能に関する解析・評価 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・14      | 9 |
| 5  | .5  | 文 献 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·         | 9 |
| 総招 | Ę.  |   | 1 |
| 謝舒 | ž.  |   | 4 |

# 記号と単位の表

| Α                | 電極面積(cm²)  |
|------------------|--|
| a(t)             | 復極剤の還元によって指示極上に電析した金属のもつ活量                       |
| C(x, t)          | 電極からの距離 x と電解時間 t を自変数とする復極剤濃度                   |
| C°               | 復極剤溶液内(bulk) 濃度(mol/cm <sup>3</sup> , またはモル濃度)   |
| $C_0$            | 復極剤の酸化体の濃度(mol/cm <sup>3</sup> )                 |
| $C_R$            | 復極剤の還元体の濃度                                       |
| $C_d$            | 指示極の電気化学二重層容量(μF/cm²)                            |
| D                | 拡散定数(cm <sup>z</sup> /s)                         |
| $\Delta C(t)$    | 電極界面(x=0)における復極剤の濃度変化                            |
| $\Delta \phi$    | 入出力信号の位相差(゜)                                     |
| E, $E(t)$        | 指示極電位 (V)  |
| F                | ファラデー定数, 96,4870 (C/mol)                         |
| Io               | クロノポテンシォメトリーの規正定電流値(A)                           |
| i(t)             | 電解電流密度(A/cm²)                                    |
| i.               | クロノポテンシォメトリーの規正定電流の電流密度 (A/cm <sup>2</sup> )。交換電 |
|                  | 流密度でないことに注意。                                     |
| K <sub>r</sub>   | 遷移時間定数(s <sup>1/2</sup> cm/mol)                  |
| L                | ラプラス変換   |
| М                | 入出力信号の振巾比(ゲイン)                                   |
| n                | 電子授受反応に関する電子数                                    |
| Р                | 分極速度   |
| $q$ (S, $\rho$ ) | 復極剤C(x, t)の無次元化濃度                                |
| R                | 気体定数, 8.31433J/mol·K                             |
| ρ                | tの無次元化時間   |
| S                | x の無次元化距離  |
| 8                | ラプラス変換形における変数                                    |
| Т                | 絶対温度( <b>K</b> )                                 |
| t                | 電解開始からの経過時間(s)                                   |
| τ                | 遷移時間(s)  |

- v Randles ボルタンメトリーの指示極電位の掃引速度(V/s)
- ω 角速度または角速度周波数(rad/s)
- x 電極からの垂直距離(cm)

# 第1章

# 緒 言

近年.エネルギー産業や電子材料産業あるいは希有金属製造産業において高効率,高純度 を達成するため溶融塩を反応媒体として利用する技術の開発が盛んである。その結果関連す る反応に対する基礎的な数値の測定や,機構の解明が要求されるようになってきた。

ポーラログラフィー,ボルタンメトリーは本来分析手段であって,定量,定性の両分析を 同時に行いうるという,他の電気分析法にはないユニークな機能をもっているため水溶液系 においてしばしば利用されていることはよくしられている。しかし一方で,電解製造反応を 含む,水溶液系での種々の反応の機構解明の手段としても広く利用されてきた。たしかに, このユニークな機能は,物理化学的な測定手段としてもこの方法をすぐれたものの一つにし ている。すなわち簡単な測定によって,電極反応の平衡電位や速度定数のみならず,溶液内 反応の平衡定数や速度定数・拡散定数などの熱力学的・速度論的基礎数値を,また,動的応 答の解析を通じて,種々の反応の機構に関する情報を与えてくれる。

溶融塩系にボルタンメトリーを適用した溶融塩ボルタンメトリーは,溶融状態のままで実 行できる比較的簡単な物理化学的測定手段として上述の要求に極めて有効に答えてくれる。 勿論関連プロセスにおける溶融状態のままでのモニタ分析用としても有効である。事実,た とえば Journal of Electorochemical Society の今年,1986年の8月号を例にとると電気化学に 関する20編の報文中,7編が溶融塩に関するものであり,そのうち3編が予備的な研究手段 として溶融塩ボルタンメトリーを採用している。

ところで高温で行なわれる溶融塩ポーラログラフィー,ボルタンメトリーはいうまでもな く分極指示極として水銀滴下電極を使用できない。すなわち固体極を採用せざるを得ない。 溶融塩系において固体指示極がもつ多くの間題点は,つねに意識されてはいるが従来必ずし も陽の形で処理されることがなく,ポーラログラフィー,ボルタンメトリーの有効・精密な 利用という点で大きな制約となっており,この手段を予備的なものにとどめてきた所以でも ある。

本研究は,固体電極の採用によって,基本技術,測定法,その定量機能,定性機能のそれ ぞれの面において生じる問題点を,包括的かつ定量的に追求・解析し,より有効・精密な測 定を行うために不可欠と考えられる知識を提供しようとするものである。本研究の概要は次 の通りである。 まず第2章では、できるだけひろく標準的に採用しうる基本的な実験技術を確立しようと した。すなわち、2.2では、ポーラログラフィー特有の操作性を満足させつつ、気密性、耐 熱性に優れた電解セルを作った。2.3では水銀滴下極に代り得る固体指示極の作成法につい て、そのバックグラウンド特性を指標に、詳細に検討した。2.4では構造がコンパクトで挿 入型として使用でき、かつ平衡到達時間の短かく、安定な塩素照合電極を開発した。2.5で はポーラログラムの測定に不可欠な浴の脱水法について種々試み、極めて短時間に有効に脱 水しうる方法を開発した。

第3章では溶融塩系固体分極指示極に適した測定法について検討し装置を試作した。すな わち3.2では、固体電極を用いる溶融塩ボルタンメトリーでは高速単掃引法が適しているこ とを指摘するとともに、物質移動の研究にはノロノポテンシォメトリーが、また、定性機能 の研究には Randles 型ボルタンメトリーが適していることを明らかにした。そして溶融塩系 の物性値に適合したこれらの測定装置を設計、試作した。3.3では、溶融塩ボルタモグラフ で制御が必要になることに鑑み、電極過程の伝達関数表現をはじめて導き、電解制御系の定 量的解析、設計法を確立し、希望する制御帯域を実現する方法を示した。

第4章では溶融塩ボルタンメトリーにおける固体分極指示極上での物質移動の研究を行っ た。まず4.2では、物質移動を線型拡散からずれさせる種々の要因を定量的に解析するため には、遷移時間定数を、境界値問題の無次元化によって導入した分極速度なる量の関数とし て測定するのがよいことを示した。ついで4.3では、固体指示極において再現性のよい遷移 時間を得る測定法を種々の要因の検討によって確立したのち、分極速度の低域、中域、高域 の3つの区間にわけて測定結果の解析を進めた。まず低域では溶融塩系の固体指示極上にお ける対流発生の様子を精密に解析するとともに、固体指示極のエッジによる物質移動によっ て遷移時間定数が線型拡散で与えられる数値からずれる様子を、分極速度を変数として定量 的に与え得る式を導いた。中域の解析では線型拡散の生じている分極速度の上限、下限値を 与える式を導くとともに、残余電流と固体電極半径が遷移時間定数に与える影響を定量的に 表わす式を導いた。高域では、電気二重層充電と固体極表面アラサが遷移時間定数に与える 影響を定量的に表わす式を導いた。

物質移動に関する以上の結果は,分極速度を共通尺度として他の電解形式の固体電極のボ ルタンメトリーに拡張することができる。

第5章では、固体指示極を用いる溶融塩ボルタンメトリーの定性機能について Randles 型 ボルタンメトリーを用いて基礎的な検討を行った。まず5.2では波形から非線型拡散の影響 を排除するため、相当分極状態を定義し、4章の結果を利用して固体指示極において線型拡 散を与える分極速度の範囲を確定した。ついで線型拡散のシミュレータを作成した。5.3に おいては固体指示極によって得られるボルタモグラムの波形を決定する析出金属の活量変化 に関して H-I型, K-L型, G型, S型の4つの基本型を設定しそれぞれのボルタモグラムを 上記のシミュレータを用いて模疑した。5.4では上記の模疑ボルタモグラムを作業パタンと して各種の固体電極実測ボルタモグラムを解析し波形のもつ定性機能に関して解析・評価し た。

# 第2章

# 溶融塩ボルタンメトリーの基本的な実験技術

#### 2.1 はじめに

水溶液系においてよく確立されているボルタンメトリーの基本的な実験技術,すなわち電 解セルや分極指示極などの構成・使用法は,温度の高い溶融塩系ではそのまま適用できない。 溶融塩ボルタンメトリーの基本的な実験技術に関する項目を列挙すると次の通りである。

電解セルと加熱炉

関連ガスの精製

分極指示極

照合電極, 対極

溶媒塩精製

無水浴の調成

高温での操作環境は苛酷であってこれらの項目について充分な吟味なしに実験すれば,正 しい結果が得られないばかりでなくボルタモグラムそのものが得られなくなることは屢々経 験するところである。

本章の目的の第一は,各項目について可及的な努力を拂うことによって,4章以下での研 究意図を達成するために必要となる高い総合精度を与えうる基本技術を確立しようとする点 にある。

目的の第2は、併せて、溶融塩ボルタンメトリーとしてできるだけひろくかつ標準的に採 用し得る実験技術を確立しようとする点にある。この点について述べると溶融塩系では、水 溶液系と異なって浴の種類や性質が多岐にわたり、また操作温度も100℃~900℃と広い。従 来の電解系は、特定の測定條件に対応して臨時的かつ単能的に組み立てられ、これがややも すれば、操作の円滑性、経済性を欠けさせ、大気中の水分混入などの副反応をまねいて溶融 塩ボルタンメトリー特有の低い成功率、低い再現性の原因となってきた<sup>11</sup>。本章で述べる方 法で構成した電解系は、4章以下で扱うLiCl-KCl(400°~450℃)系のみならず、 LiF-NaF-KF(500℃)<sup>21</sup>、KI-CsI(600℃)<sup>31</sup>、NaCl-CsCl(600℃)<sup>41</sup>、LiCl-NaCl(650℃)<sup>41</sup>、 Li<sup>2</sup>SO<sub>4</sub>-K<sub>2</sub>SO<sub>4</sub>-Na<sub>2</sub>SO<sub>4</sub>(600℃)<sup>51</sup>の各系においていずれも極めて安定に作動させることができ た。

# 2.2 電解セル,加熱炉,ガス精製-真空系<sup>6</sup>

#### 2.2.1 電解セル

溶融塩ボルタンメトリーの再現性が低くなる第一の原因は容器にある。①気密を保持しか つ、②溶融塩に侵されない材質を用いる必要がある。①の気密性は、高温では活性になる酸 素、窒素、水分などが混入しないよう正圧をもったアルゴン雰囲気を保持するために必要で ありまた真空乾燥や、各種の処理ガスを浴から脱気する際の真空操作のためにも必要である。 ②の材質については、種々の溶融塩それぞれに対して耐食性のあるものを選ぶ必要があるが 気密構造に加工することが困難、あるいは高価になりがちである。

図2.1は、考えられるセル構造の基本形である。図中a,bは従来の<sup>10~171</sup>, c は本実験で用いた形を示す。aと異なってb,cは、塩が直接触れるルツボ形の内部容器と気密構造の外部容器とを分けそれぞれに適した材質を使うことによって上記の問題を解決している。しかも高価な外部容器を半永久的に使いながら内部容器のみを消耗品とすることができる。

今回の実験で使用した c の構造の b に対する特徴は気密保持のまま図2.1のように上部 キャップや上部側面に固定された挿入物(照合電極や対極)の先端部①,浴面②,加熱炉の 均熱帯③の相対位置を自由に選ぶことができる点にある。②を③の中央におき、かつガス導 入管のみ下げた状態で塩の溶融と脱水処理をしたのち、ガス導入管のみを上げて系全体を脱



図2.1 電解セルの基本構造

ガスし,ついで外部容器を引き下げて①②③を適正位置にもち来たして測定を行なう。これ らの相対的な位置は外部からみることはできないが、上、下部で外枠に固定した物差しに よって精確にモニタができる。この構造のもう1つの利点は、図2.1のa,bにくらべて、下部 側管より雰囲気ガスを導入(図2.2参照)しているためガスの置換効率がよい点である。 図2.2に、電解セルの詳細を示した。



(内部容器A)

簡単なビーカまたはルツボの形をしたセルでよい。溶融塩は良電導性であるから、関連電 極の配置やルギン毛管の設定などについて特別の考慮を必要としないためである。外径 55mm\*,高さ80mmのセルの上端に、約3mm\*の孔をあけ、これにフックをかけて上部より 出し入れする。容量としては約50mlの溶融塩がはいる。電極類の交換や、溶質の添加に よって外系から持ち込まれる不純物の、浴の単位質量あたりの量を小さくするため、水溶液 系より大型にした。形状は高型としたが浴面からの飛沫が、半永久的に用いる外部容器壁に 付着しこれを腐食・失透させないためである。 材質は500℃以下ではパイレックス、以上 ではバイコールを用いた。パイレックスセルは、十分に乾燥したLiCl-KCl共融浴と450℃に おいて30時間接触しても壁面に変化は認められなかった。なお、内容物をいれたまま放冷す るとセルは破損することがあるので測定終了後は、フックを使ってセルを引き上げ、溶融状 態のままの内容物をあける心要があった。LiCl-KCl系の場合、このようにすれば、破損する まで数回利用できる。パイレックスセルは、LiF-NaF-KF(500℃)系においても、調成浴が 実験中充分乾燥した状態を保持するかぎり、残余電流に変化を生じることなしに24時間にわ たって使用できる<sup>21</sup>

(外部容器B)

セルは,気密を保持したまま,電極やガス導入管を上下・回転させたり,試料を添加した りできる構造にする必要がある。

外部容器は本体の石英管とパイレックス製の上下キャップよりなり,外部容器自身,クラ ンプを用いて炉内を上下できる。

本体は不透明石英製で中間部のみ10cm長の,同径の透明石英管を融着してあり、透明型 加熱炉(2.2.2)を使用したとき、内部が観察できる。

上部のキャップのすり合せ部はジャケットで水冷し、キャップの上部に、大1個、小3個 のすり合せ孔を設けた。大きな孔は外径20mm\*の照合電極(2.4)用であり、他は分極指示 極(2.3)、バブリング用ガス導入管および予備のためのものである。上下動と回転をする ことが必要な分極指示極とガス導入管は後述のセルの上下のための支持棒などとともに外径 6 mm\*に統一し、耐熱性のポリアクリル酸エステル製のOリングを二重に用いたステンレス 製ウイルソンシールを通して挿入した。

上部キャップの側面にはガス排出管(固定),浴温度測定用熱電対保護管(外径6mm\*バ イコール製)挿入孔,および密閉系をくずさずに試料を添加するための試料導入管(固定) を設けた。対極を必要とするときはこれを熱電対保護管先端に白金線でくくりつけた。熱電 対保護管は、ベローズで取り付けて手動のかくはん棒として利用した。

上部キャップの上辺部は、下部加熱本体部よりの輻射熱によって昇温する。500℃以上の浴 温で使用する場合は、グリースをつけたすり合せ小孔部の昇温をさけるため水を通したビ ニール管を図に示したようにキャップ全体に巻きつけて水冷する必要があった。

下部のキャップには,雰囲気ガス(アルゴン)導入用側管,真空ライン側管,およびセルの 上下位置調整のための外径 6 mm\*の支持棒の保持用ウィルソンシールを挿入するすり合せ孔 を設けた。支持棒は SSA 製の熱電対保護管で,外面を少し研磨してなめらかにした。測定 中の下部キャップの昇温は著しくなく,すり合せ部は水冷していない。

外部容器の気密度は、セルに溶融塩をいれない状態で、2段の Conco 型回転ポンプと油 拡散ポンプを用いて、上部キャップに直接装着したガイスラー管の緑色のけい光の消失(10 <sup>-3</sup>mmHg以下)をめやすにしてチェックした。

2.2.2 加熱炉

ニクロム発熱体を用いた縦型管状抵抗炉を自作した。2つの型があり1つは通常の型であ るが他は透明型で内部を観察できる。

(通常の型の電気炉)

短時間で昇温できるよう大きいめに2kWとし1時間で900℃に達した。1mm\*の第一種ニク ロム線7.2m(10Ω)2本を並列に、炉心管の巻線区間25cmのうち、上部4cmの区間は4回、 下部5cmの区間は7回、中間部16cmの区間は12回まいて上下方向に約14cmの均熱部を得た。 図2.2に示すように中間部に銅製の均熱筒がいれてあるが、測定時に誘導をさけるため均熱 筒は常時、またニクロム線は切換えて測定時のみ接地した。

加熱電流は、図2.3の結線によって、その5~10%のみをオンオフ制御して、オンオフ時の温度変動を小さくした。

浴につけた熱電対の出力は浴温の精密測定にのみ用いた。この出力を温度制御の検出端に



図2.3 電気炉制御回路

用いると、ニクロム線から浴温への熱伝達おくれが大きいため、オンオフの制御精度が悪く、 とくに透明構造の炉では制御不能になった。したがって制御用の熱電対はニクロム線に極め て接近して炉体下部より挿入した。このため、浴温は制御温度と異なるが、その差はほぼ一 定しており、かつ両構造の炉において、オンオフ時の浴温の変動は0.1℃以下であった。

炉体はアングル台に固定して操作しやすい高さに保った。 (透明構造の電気炉)

セル内を観察できることは電極の配置状況や変化,変形,あるいは溶質の溶解状況を知る ために極めて望ましい。当初はキャップ上部に直角プリズムと照明をおいて観察していた。 しかし上部からの観察には限界があるため、横から観察できる図2.4の透明構造の炉を作製

した。

文献2)~5)における種々の錯体の色の記述は、この炉による観察に基づいている。

炉体はバイコール製の3重管よりなっている。内管に,38個のキザミ目をいれた熱電対保 護管を3本,縦に固定し,これに2mm<sup>\*</sup>のニクロム線をキザミ目にのせながら巻きつけた。 中管と外管により空気浴が形成される。500℃以上で使用する場合には,外管の外側を観察 孔を設けたアルミ箔で巻く必要があった。

## 2.2.3 ガス精製系と真空系

溶融塩ボルタンメトリーではいく種かの腐食性ガスを用い、また減圧操作を必要とするので、円滑な操作のためには配管系を完備しておく必要がある。配管は主として13mm\*(真空系は30mm\*)の硬質ガラス管を用い、管の接続はすべてハンドバーナによる溶封を行なって



-9-

測定機器類の腐食をさけた。

零囲気ガスはアルゴンを用いた。窒素は、高温では指示極に電析する希有金属類と窒化反応をするおそれがあり用いなかった。アルゴンはまた、溶質を溶解するためのかくはんや、脱塩化水素のため、浴中に長時間バブリングする必要がある。この間にガス中の水分などの不純物が浴に蓄積するおそれがあるから可及的に精製した。市販の99.99%のアルゴンを、まず五酸化リンを通して水分を除去し、ついで800℃に保ったスポンジチタンを通して、窒素、酸素、一酸化炭素を除去した。精製系を正圧に保つとともにおよその流量をしるための装置、管内のゲージ圧が30mm Hg 以上になると仂く安全辨(水銀シール)を設けた。

塩化物浴の脱水に用いる塩化水素ガスは、特級塩酸を特級硫酸に滴下して得た。後に鶴見 ソーダのボンベ入りのものを使用した。塩化水素は五酸化リンと反応するので無水過塩素酸 マグネシウムで脱水した。

照合電極に用いる塩素ガスは、市販の液化塩素ガス(99.7%)を、主要不純物である水と 塩化水素とを除くため、酸化カルシウムと五酸化リンとを通して使用した。

真空系は、3系統設けた。第一のものはアスピレーターによるもので容器中に充満した塩 化水素ガスを除去するときは、まずこの系統を用いて数回アルゴン置換を行った。第2の系 統は真空ポンプを用いたが、これを塩素、塩化水素から保護するため、塩化カルシウム一水 酸化ナトリウム等量混合物をつめた長さ1m(40mm\*)の管を前置した。第3は最終的な真 空操作に用いるもので油拡散ポンプに直結している。

この他に、バブリング後の塩化水素、塩素、アルゴンの排出管を設けた。

## 2.3 分極指示電極"

溶融塩で採用できる分極指示電極は、3章で述べるように液体金属滴下電極でなく固体微 小電極である。従来の溶融塩直流ポーラログラフィーでは、固体指示極はややもすれば便宜 的に作製されてきた。指示極は、本論文で意図するような高い精度の実験においてはもっと も重要であり本節では固体微小分極指示極の作製の問題をあらためてとり上げ詳細に検討し た。

なお,定量的な解析に耐えるデータを取得するためには,電極近傍での物質移動を規正す るため電極を絶縁体で支持して適当な大きさと形状に保持する必要がある。したがって固体 微小電極の形状としては図2.5の a でなく b.c.d のような形が考えられるが本論文では,ひ ろく,かつ標準的に採用しうるものとして d の形を用いた。

その理由は次の通りである。3章で述べるように本研究では、溶融塩固体電極ボルタメト

-10-



図2.5 微小固体指示極の形状

リーで標準的に採用し得る電解型式として電流あるいは電位規正の単掃引高速分極法を採用 した。掃引期間中の物質移動に関しては, b.c型は円筒拡散に終始するためデータ解折は容 易になるのに対して, d型は, 平面拡散が基本になるにしてもこれに電極エッジ部の拡散 が介入してくるため解析の困難性がます。一方, どの形の電極も, 系が高温であるため, 復 極ごとに電極の損傷が蓄積して一定回数の使用の後, 使いずてにしなければならない。この 点で, 研磨による再生が容易な d型が圧到的に有利となる。しかもエッジ部での拡散の介 入は, 4章での解折でみられるように分極条件を適当な範囲にえらぶことによって避けるこ とができる。

## 2.3.1 構成材料

電極材料は、抵抗が低く、陽極溶出電位が貴で、関連物質の電解反応に対してポーラログ ラフ的に不活性である必要がある。可能性のある材質を、関連する特性値とともに表2.1に 示した。水溶液系で用いられるグラツシーカーボンや炭化ホウ素は、高温で使える絶縁用の 溶封材が現在のところ得られないのではぶかざるを得なかった。

次に支持用の絶縁体の材質については、まず操作温度で、電気抵抗が低下せず、また浴や 電析物に対して耐腐食性があるだけでなく、溶封したとき、電極体とよくなじむとともに溶 封面での歪が限度内におさまってクラックが生じないことが大切である。絶縁体の材料につ いては採用する溶封法とも関係がある。直接溶封がもっとも手軽であり、セラミックコー ティングや、膨脹係数を連続的に適合させていく段接ぎガラスは実際的でない。直接溶封に 使用しうると考えられるガラスを、関係特性値とともに表2.2に示した。これらのガラスは メーカ (たとえば日本電気ガラス)に特注すれば5kg単位で種々の径のガラス管の形で入 手できる。

#### 表2.1 指示極金属特性表

|                |          | <b>-1</b> *1                 | ~        | 最高作業温度,℃ |      | α×10 <sup>−6</sup> , ℃ <sup>−1</sup> | ₩₩₩₩10-6 |
|----------------|----------|------------------------------|----------|----------|------|--------------------------------------|----------|
|                | 五隅       | ε, ν                         | m. p., C | 真空中      | 空気中  | 120~130°C                            | LEMAN    |
| 軟              | Pt       | 0.328 (Pt <sup>2+</sup> )    | 1750     | 1600     | 1400 | 9.25                                 | 10.6     |
| 質              | Ag       | 0.935 (Ag <sup>+</sup> )     | 961      | 850      | 850  | 19.2                                 | 1.62     |
| 金              | Fe       |                              | 1530     | 500      | 200  | 13.2                                 | 7.6      |
| 属              | Au       | - 0.001 (Au <sup>3 +</sup> ) | 1063     | 950      | 950  | 14.4                                 | 2. 2     |
| Iđi            | Ni       | 1.139 (Ni <sup>2+</sup> )    | 1452     | 900      | 400  | 14.5                                 | 7.5~10.0 |
| - XXC<br>- 665 | w        | 0.408 (W <sup>2+</sup> )     | 3350     | 3000     | 300  | 4.4                                  | 5.6      |
| 貝              | Мо       | 0.538 (Mo <sup>2+</sup> )    | 2450     | 2000     | 200  | 5.5                                  | 4.8      |
| 重              | 50W+50Mo | _                            | 2800     | 2000     | 200  | 5.0                                  | 8.6      |
| 腐              | Та       | -                            | 2800     | 2500     |      | 6.5                                  | 15.5     |

\*1 W. J. Hamer (J. Electrochem. Soc., 103. 8(1956)の400℃における formation cell の e. m. f.

#### 表2.2 指示極溶封ガラス特性表

|     | 名称           | 組成  | α×10 <sup>−6</sup> , 'C <sup>−1</sup> | 除歪範囲,C  | 備考                    |
|-----|--------------|---|---------------------------------------|---------|-----------------------|
| Pt  | BM           | SiO <sub>2</sub> , Al <sub>2</sub> O <sub>3</sub> , B <sub>2</sub> O, BaO, R <sub>2</sub> O (日本電気ガラス)   | 4.9                                   | 550~510 | 0.5mm <sup>*</sup> 以下 |
| の   | SL           | BMの組成に CaO, MgO を追加 ( 〃 〃 )   | 10.8                                  | 520~480 |                       |
| 軟   | Corning 0120 |   |                                       | вм      |                       |
| 日 ガ | Corning G5   |   | 8.9                                   | 430~404 |                       |
| え   | G. E.C.LI    | SiO <sub>2</sub> . 57, Al <sub>2</sub> O <sub>3</sub> . 1, Na <sub>2</sub> O. 5, K <sub>2</sub> O. 7, PbO. 30                                       | 9.1                                   | 430~350 |                       |
| 14/ | 石英           |   | 0.5                                   |         |                       |
| 崩   | B7           | BMとおなじ、SiO2が多く, R2Oが少ない(日本電気ガラス)  | 3.4                                   | 560~520 |                       |
| の   | вт           | Wビード巻   | 3.8                                   | 520~480 |                       |
| 質   | Pyrex        |   | 3.2                                   | 580~520 |                       |
| 2   | G.E.C.WQ31   | SiO <sub>2</sub> . 84, Al <sub>2</sub> O <sub>3</sub> . 5, R <sub>2</sub> O <sub>3</sub> . 11,  | 1.0                                   | 750     |                       |
| ス   | B.T.H.C14    | SiO <sub>2</sub> , 58, 5, Al <sub>2</sub> O <sub>3</sub> , 22, 5, K <sub>2</sub> O, 0, 8, CaO, 63, MgO, 8, 9, B <sub>2</sub> O <sub>3</sub> , 3, 0, | 3.7                                   | 730     |                       |

両表をみると、電極材料と溶封材料の組み合せは、それぞれの膨脹係数の大小と融点(または軟化点)の高低によって、軟質金属一軟質ガラス、硬質金属一硬質ガラスの2つに大別できることがわかる。

もっとも貴な金属である白金と、もっとも耐熱性のある石英との組み合せは、理想的では あるが、直接溶封の形では、極めて細い白金線の場合以外は実現しない。同様に、耐熱性の よい、タングステン一石英の組み合せも、WQ31ガラスでビード巻きしたうえ、溶封部を ドーム型(歪を散らすため)にしはじめて可能といわれている。溶出電位の貴な金や銀は電 極材としては望ましいのであるが膨脹係数が極めて大きいので、これに適合する耐熱性のあ るガラスは現在のところみあたらない。

以下,軟質金属から白金,硬質金属からタングステンとモリブデンを選んで,指示電極の 残余電流(バックグラウンド)特性を指標としてその溶封法を検討した。

#### 2.3.2 指示電極の製作

(1)白金電極

0.4mm\*(B.S.No.26)の新しい白金線を約3cm長にニッパで切断し、ガラスー金属の溶

封面での気泡の発生の原因になる表面のキズがないことをルーペでたしかめた。熱王水に数 秒漬けたのち流水で洗滌し,約40cm長,0.3mm\*のリード線用の白金線(古くてよい)の一 端に点溶接した。一方,電極の支持に用いる外径6mm\*肉厚0.6mm40cm長の溶封用のガラ ス管は,内壁のゴミを十分に洗い流し(溶封の際,内壁が収縮するため,内面のゴミが蓄積 して溶封面の泡の原因になる),乾燥した。

溶封は、上記のガラス管の一端を、都市ガス一酸素炎で加熱して図2.6,bのように肉を溜 めていったん放冷し、cに示すように切断する。白金は、大気中で加熱しつづけても溶封に 不都合な酸化被膜が生じないのでビード巻き(タングステン電極の項参照)の必要はない、 直接に白金線をガラス管に通して先端部を再び加熱して e のように十分融着せしめた。つい で、歪をできるだけ小さくするため炎の上で、極めて除々に温度を下げた。放冷ののち先端 部を e に示すように直角に、エメリペーパで240、320、600、1000、1500、2000番の順に研 磨した。顕微鏡で研磨面にキズのないことをたしかめるとともに顕微鏡の視野にあるマイク ロスケールを用いて直径を3方向に測定して平均直径を得た。

電極の再生が必要なときは(4.3.2参照),1000番以下の研磨操作をくり返す。浴に浸漬したり抜き出したりする際,浴上0.5cm位の位置に1~2分放置して急な加熱と冷却をさければ,溶封部を研磨しきるまで使用できる場合が多い。ただし毎回クラックの有無を観察しておく心要がある。

次に,上記の,外径6mm\*のガラス管として使用する溶封ガラスの選択については,殘余 電流や復極波を実際に観測して決める必要がある。

白金にマッチドシールが可能な市販ガラスに鉛ガラスとSLガラス(日本電気ガラス)があ る。

鉛ガラスは、溶封面に鉛が折出するばかりでなく、直流ポーラログラムの殘余電流が他の ものにくらべて著しく大きかった。



図2.6 指示極の溶封法

SLガラスは、きれいに溶封できた。直流ポーラログラムの殘余電流も小さく、また数回 くり返して測定してもその値は変化しなかった。ところがこの電極をクロノポテンシオメト リの測定に用いると4.3.4の図4.5に示したように、規正電流値を大きく(遷移時は短かくな る)すると、測定ごとに遷移時間の増加する現象がみられた。原因は4.3.4に詳述したが、 規正電流値を大きくすると、復極波の観測に要する総電解量が小さくなるため、シール部に おける何等かの副反応に費やされる電解電気量(この値が測定ごとに増大する)が、たとえ 微量であっても、総電解量に対して影響を与えることになるためと考えられる。すなわちた とえ低速掃引ボルタンメトリーや直流ポーラログラフィーで問題の生じないSLのような溶 封ガラスであっても高速掃引ボルタンメトリー(電位規正法でも、総電解量が小さくなる事 情は同じ)に利用できるとは限らないわけである。

白金の溶封ガラスとして表2.2記載の BZ ガラスや BM ガラスを用いると規正電流値が 1200 µ Aの大電流になっても上記の増加現象が認められないことが分った。BM ガラスは, 膨脹係数がモリブデンに近く,かなり硬質のガラスであるが,0.5mm\*から0.6mm\*以下の白 金線であれば,図2.6,eに示す融着の際,酸素一都市ガス炎を用いて極めて強く焼いて白金 とガラスをなじませると溶封できることがわかった。また除冷に充分注意を拂えば0.8mm\* の溶封に成功する場合もある。ただし,使用の際熱ショックをさけるよう注意を拂っても 0.8mm\*の場合は白金とガラスが剝離(白く光る)しやすく1~2回しか使用できなかった。

0.6mm\*以下の白金線が,膨脹係数に大きな差のある BM ガラスや BZ ガラスに溶封でき るのは,降伏点が低く延性のある白金の細線の側で歪が吸収されたためと考えられる。

(2)タングステン・モリブデン電極

両金属とも白金より卑であるため、陽極側で使用できる電位範囲が狭くなる。しかし、多 くの復極金属(溶媒のアルカリ金属も含めて)と合金を作りにくいため復極ごとの電極素地 の損傷が少なくまた膨脹係数が白金より低いため、硬質のガラスで溶封できることともあい まって、耐熱性のある指示電極が得られた。事実、ここで述べる方法で作成したタングステ ン電極は400~450℃のLiCl-KCl系のみならず650℃のNaCl-KCl系および600℃のKl-CsI系でも 満足に作動した<sup>2-4)</sup>

0.4mm\*のタングステン,モリブデン線を約40cmの長さにグラインダで切断した。粉未治 金による製品であるから,切断部には,溶封時の気泡や,使用時のリークの原因になるク ラックが入りやすく,切断後の視認が大切であった。ついで先端2~3cm長の溶封される 部分を15%水酸化ナトリウム溶液につけ,銅陰極を用いて3~4Vの直流電圧で数秒間陽極 溶出を行って,表面のアクアダックを除去するとともに金属光沢面を得,しかるのち流水で 洗浄した。

両金属線とも、バーナで加熱すると、比較的低い温度で、金属表面によく固着した黄褐色 の酸化物被膜が生成するが、更に加熱をつづけると膜は厚くなり剝離、揮発する。溶封面の 黄褐色はこの酸化物がガラスにもとけこんで、金属一ガラス間でセメントの役割を果たすも のと考えられ、真空管工業の分野では完全な溶封の証左とみなされている。しかしこのよう な溶封を行った指示電極は図2.7、aに示すように、白金電極にくらべて殘余電流は著しく 大きく、また再現性のある大きな2つの波を与え不都合であることが分った。これに反して、 溶封面が金属固有の白い地金色を呈する溶封を行なうとこのような波は消失し、バックグラ ウンドは著しく改善された。タングステン電極を例にとると溶封法は次の通りである。

BZガラス管(モリブデンではBMガラス)を毛細管に引き,その内径を,タングステン線の直径0.4mmよりわずかに大きくした。このように線をとおしたときの隙間を小さくすると後で溶封の際に加熱によって金属一ガラスはすぐ融着し得るので,加熱の程度によって融着速度を自由に制御できるようになる。

この毛細管を約15mm長に切断し、その一端をあぶって閉じるとともに、他端をも軽くあ ぶって、タングステン線を挿入するとき切口がその表面をキズつけないようにする。一方タ ングステン線の、地金色の出ている先端20~30mmの部分を、炎にくぐらせて表面を脱ガス するとともに淡々褐色の透明な酸化被膜を作った。この過程がないと溶封面には気泡がの こった。ついで、冷却することなく、ただちに上記の毛細管をかぶせて、回転させながら、 小さくした都市ガス一酸素炎の先端を、閉じた側から出発して、隙間の空気を包み込まない よう注意しながら4~5秒かけて他端にまで移動させて融着させた。炎の移動が早すぎると、 空気を包み込んだり、金属表面からの小さい気泡が溶封面に生じたりした。遅すぎると酸化 が進みすぎる。しかるのち、全体を10~15秒赤熱してよくなじませた。この間に、淡々褐色 の酸化物被膜はガラスの中に溶けこむと思われ、冷却後は溶封面はきれいな地金色を呈した。

このようにして得た,毛細管を融着したタングステン線の先端部分は,白金線の場合と同 じ要領で,先を溜めた6mm<sup>\*</sup>,40cmのBZ管に時間をかけて溶封することができた。これを 白金線と同様の手順で研磨した。

(3)使用法

白金電極は、膨脹係数が合っていないので浴に出し入れする際は、すでに述べたように溶 上にしばらく保持して熱ショックをさけた。一般に研磨後の電極は、浴に挿入した直後は浴 とはなじまず、電気は流れない。このため、測定の前に、たとえば LiCI-KCI系であれば、 -0.6V~-2.7V(vs. Cl2電極) ほどの範囲を手動でポーラログラフのドラムを回転して3 V/s位の掃引速度で3~4回掃引して導通を得た。この際,正負両側に極端に電圧をかける と導通はすぐ得られるが、電極の変質が起るので避けるべきである。

## 2.3.3 使用可能な電位範囲

作製した指示電極を用いて得た, LiCl-KCl 共融系(400℃)の溶媒のみの直流ポーラログ ラムを図2.7に示した。比較のためステンレス線(膨張係数は1.4×10<sup>-5</sup>, SL溶封)および針 状グラファイトによるバックグラウンドも示した。対極は塩素照合電極を用いている。

同一の浴であっても,指示極の種類によって,陰陽両分極の最終上昇(final ascendance) が種々の電位で生じ,利用し得る電位範囲が異なることが分る。

陰分極の最終上昇はアルカリ金属の析出によると考えられるがタングステン電極のそれ が、Hamerの理論分解電圧(Li<sup>+</sup>+e⇔Li, 2Cl<sup>-</sup>⇔Cl<sup>2</sup>+e)にもっとも近い。白金電極のそれ は、0.4Vも卑になっている。このいわゆる under voltage の原因は、白金が、高温でアルカ リ金属と合金を作りやすいためと考えられる。タングステン、モリブデンともに、印加電圧 を最終上昇電位に達せしめたのち、元の貴な開始電位にもどすと、析出アルカリ金属の溶出 電流が流れたのち、すみやかにその電位における殘余電流値を再現した。この値は上記操作 を数回くり返しても再現され、取り出して電極表面を観察しても変化は認められなかった。 これに対して白金電極は最終上昇のアルカリ金属析出をさせた後の殘余電流の回復は遅く再



図2.7 各種指示極の直流ポーラログラムのバックグラウンド(塩素電極基準)

# 表2.3 各種指示極の使用可能な電位範囲, V (vs. 塩素 電極, 400<sup>°</sup>C)

| 指示極        | 負 側   | 正側    |
|------------|-------|-------|
| 白金         | -3.27 | -0.32 |
| タングステン     | -3.52 | -0.40 |
| モリブデン      | -3.60 | -0.65 |
| ステンレススティール | -3.43 | -1.25 |

現性も悪い。また白金―ガラスの接触部が黒変していた。

以上のことから比較的卑な復極の測定には負側の電位範囲が広く,アルカリ析出に対して も影境を受けにくいタンダステン電極が適していると考えられる。

一方,陽分極の最終上昇は各金属の,種々の電位で生じる陽極酸化によるものと考えられ る。グラファイト電極のみが塩素の生成によるものであろう。白金は-0.3ボルトである。 この電位より正の電位から逆に掃引すると,図に示すようにピーク状の波を示し,その高さ は,正の電位に保った時間にほぼ比例し,記録中にカクハンすると高さは減少した。また Pt/Pt<sup>++</sup>の平衡電位は0.299V(vs.Cl<sup>2</sup>電極)であることが知られている。したがってこの最 終上昇は可溶性の PtCl<sup>2</sup> の生成する白金の電解酸化反応であろう。

モリブデンは-0.6V, タングステンは-0.4V付近であり、負から正に掃引すると陽極効 果のような現象がみられ,逆に掃引しても白金のようにピーク状の波は得られなかった。こ のことから揮発性の塩化物が生成する電解酸化反応であろう。

表2.3に各電極の使用可能な電位範囲(殘余電流が±0.1A/cm<sup>2</sup>を示す電位)を示した。

# 2.4 照合電極"

水溶液系においては水銀プールの対極を基準とする測定がしばしば行なわれる。水銀プー ルの自然電極電位の再現性と安定性が比較的よいからである。装置,操作を簡単にすること が望まれる溶融塩ポーラログラフィーにおいてもしばしば白金,タングステン,グラファイ トなどを対極(2極法)ないしは基準極(3極法)として用いることが多い。しかし, LiCl-KCl系(450℃)において大面積の白金,タングステン,グラファイトの自然電極電位 を塩素照合電極に対して測定すると白金で40mV/h,他の2つで数百mV/hの時間変動を示 すことが分った。ボルタンメトリーを定量法としてのみ用いるような場合以外は一般に照合電 極は必ず用いなければならない。ポーラログラフィーやボルタンメトリーに適するような、 構造がコンパクトで平衡到達時間の短い照合電極を開発した。

#### 2.4.1 照合電極の選定

本論文で取り上げる LiCl-KCl系や他のアルカリハロゲン化物系において安定で再現性の

-17-

よい熱力学的平衡電極としてAg/Ag<sup>+</sup>, Pt/Pt<sup>++</sup>, などが知られている。しかしこのような金 属/金属イオンの第一種電極と異なってCl₂/Cl<sup>-</sup>の塩素電極を照合電極として利用できれば電 位規定イオンが溶媒の陰イオンとなるため, ボルタンメトリーの照合電極として次のような 利点を期待できる。

① 正負いずれに電流を流してもCl₂+2e≒2Cl⁻の反応が起り、濃度分極が生じない。すなわち電流容量の大きい照合電極が得られる。その結果、対極としての兼用ができ、みかけ上2極法とすることができる。また、浴に溶質として特定の金属イオンをその金属の陽極溶出法で導入することがあるが同様の理由でその際の通電補助陰極としても利用できる。そして、M+Cl₂=MCl₂なる目的とする生成反応のみが生じ、余分な効果が残らない。このように照合電極、対極、補助極の3つを兼ねることができ装置、操作が簡単になることは溶融塩ポーラログラフィーでは大きな利点になり得る。

② 溶媒を構成するCI-が電位規定イオンであるから液間起電力が生じない。

③ 照合電極内部液に溶存する塩素ガスが被測定系にもれてもアルゴンのバブリングだけ で除去し得る。

④ 塩素電極を基準とし測定される各種復極イオンの平衡電位はM+Cl<sub>2</sub>=MCl<sub>2</sub>なる生成 反応の自由エネルギー変化に直接に対応している。

## 2.4.2 液洛部の構造

従来の塩素電極は、塩の熱力学的特性を測定するために組まれた電地の一方の極である場 合が多く、相手極に対して対称構造をもつものが多い。ポーラログラフィー、ボルタンメト リーの照合電極としては、取り扱いが容易になるよう、液洛部を含めてできるだけコンパク トな挿入型の構造であることが望ましい。また、ポーラログラフィーは測定感度が高いので 被検液と照合電極液の混合はできるだけさけられるものでなければならない。

液洛部として、多孔質陶器(細菌炉過管)、コランダム、石英すり合せを試みたが適当な ものがなく結局、図2.8に示すようなピンホールのダブルジャンクションを採用した。

ピンホールは、1.3mm厚の半透明石英管の底に約1mmの孔をあけ、これを直径0.1mm以 下に焼き縮めたものである。時として詰まって絶縁されることがあったので、内・外管にそ れぞれ2個づつあけた。中間室にには3µmの石英ウールを詰め塩素ガスの拡散を押えた。 中間室はアルゴン零囲気となるよう外管上部に孔があけてある。図2.1で示すように浴のは いった容器Aを持ち上げて上部キャップに固定された塩素電極の先端①を浴面②と一致させ て浸漬させ、内室、中間室および被測定系の全系をいったん真空に引いてピンホールに浴を しみこませたのちアルゴンで常圧にもどすと30分で内室・中間室、被検液のヘッドは同一に



図2.8 塩素照合電極

なった。しかるのち塩素を導入した。内液と被検液に大面積の白金極を挿入して約450℃の LiCl-KCl系で、4本の電極について測定したダブルジャンクション部の交流抵抗はそれぞれ、 75、68、79、60Ωであった。内液の溶存塩素のもれをみるため、塩素電極を約10時間作動さ せたが、殘余電流に溶存塩素の還元による変化は認められなかった。

# 2.4.3 内部極の構造

従来の,たとえばNaCl-KCl系の電地の研究に用いられた塩素電極<sup>い</sup>は,グラファイトまた はカーボンの棒または管を塩素ガスで洗う構造になっており,平衡起電力の測定は作動後数 日たってから行なわれている。ポーラログラフ用照合電極の実用的な内部極として平衡到達 時間を短縮する目的で図2.9に示す構造のものを用いた。 塩素ガス導入管は外径6mm\*, 孔径2mm,30cm長のグラファイト管を特注のグラファイト製のつなぎ管(日本カーボン)でつぎたして全長約50cmにしたもとを用いた。上端まで グラファイト管にしたのは熱起電力の発生をさけるとともにガスの予熱を行なうためである。 この先端に,多孔質のカーボン(孔径20µm,気孔率50%)をカーボンセメントで図のよ うに接着した。前処理として,先端にある多孔質部を庶糖の飽和溶液で含浸し,真空乾燥し たのち塩素気流内で600℃で2時間加熱し,冷却後,塩素ガスを封じた容器中に保存した。

使用に際しては、グラファイト管に乾燥塩素を通しつつ多孔質部を浴に3~4mmの深さ (テスタで導通を知ってから更に3~4mm押し込む)に浸漬し、塩素ガスを小気泡として 散逸させた。この構造で塩素流量は、15mmHgのゲージ圧で40~100cm/minの範囲にあった。 流出塩素は側管より一気圧で放出しているので界面の有効圧は1気圧である。

# 2.4.4 塩素照合電極の特性

(1) 内部抵抗

4本の内部極を450℃のLiCl—KCl浴に液洛部を介さずに挿入し相互間の交流抵抗(1 kHz)を測定したところNO.1-NO.3, NO.1-NO.2, NO.1-NO.4の間でそれぞれ3.6, 3.6, 3.9 $\Omega$ であった。したがって内部電極の抵抗は上記の半分の値約2 $\Omega$ になる。すなわち, 照合電極全体としての内部抵抗は, 先に測定したダブルジャンクションの抵抗で決まり, ほぼ60~80 $\Omega$ 程度であった。

(2) 電位特性

電位と塩素流量:浴中で約20時間熟成してある塩素電極に対する新しい塩素電極の電位は、 挿入後負側より除々に変動し5~40分で定常値に達した。平衡到達前は塩素の補給を中断す ると電位はすみやかに負側に10~20mV変化した。定常に達したのち流量の変化に無関係に 動作させるためにに塩素流量に下限があり、この構造では50cm/min程度であった。これ以 下では、たとえば補給をとめると平衡到達前と違ってわずかに2~3mV程度であるがやは り負側に電位変化した。ただしその時点で流量を50cm/min以上にもどすと直ちに旧値が再 現された。300~400cm/min以上に流量を上げると内部液の温度が下り更に流量を上げると 凍結が生じた。。

安定性:塩素流量を適正な50cm<sup>1</sup>/min程度に保つと定常に達した後,少くとも15時間は±0.1mV以内で一定値を示した。

再現性:安定化した後の塩素電極相互の電位差(バイアス電位)を4本づつ測定したところ,17本のうち12本が±0.25mV,5本が±0.5mV以内であった。

平衡性:この定常電位が、熱力学的な平衡電位であることをたしかめるため、Cla

(760mmHg) / LiCl-KCl // LiCl-KCl / Cl₂(PmmHg)-Ar {(760-P)mmHg} なる塩素アルゴンガス濃淡電地を組み,塩素分圧を変えて起電力を測定して結果を図2.10に 示した。実線はネルンスト式

 $E = 2 F/RT \cdot \ln(760/P)$ 

による理論値である。

実測にあたっては塩素流量のみをほぼ50cm<sup>4</sup>/min程度に保つよう努力した。ガス組成を変 化したとき、電位の応答は2~3分で終了した。塩素分圧が1/10以下では起電力は理論値よ り下ってくるが、この組成では塩素流量のみを50cm<sup>4</sup>/minに保つことが困難になること、全 気体の流量が増加して内部液の温度が低下することなどが原因であろう。

この図は、塩素圧が1気圧の近傍にあれば、電極電位は、ほぼ、熱力学的な平衡電位とみ なしてよいことを示している。





図2.11 塩素電極電位

なお,平衡状態にある電位をレコーダで記録したのが図2.11である。バブリングに同期して,平衡値の上下を0.1~0.2mVの幅で変動している。0.2mVの変動はネルンスト式による と2.2mmHg(450℃)の変動に対応することから,バブリングにより生じる浴のヘッド差の 変動に基ずく塩素有効圧の変動が原因であると考えられる。

(3) 分極特性

液洛部はオーム損を与えるだけであるから内部電極だけの分極容量を求めた。

3本の塩素電極をジャンクションなしに浴中に浸漬し,第1と第2の電極間に電流を通じ, その分極を,第3の塩素電極を基準にして測定して図2.12に示した。分極は,電流を通じま たは断ったとき,瞬間に変化する部分と,除々に変化する部分とから成りたっている。前者 は交流ブリッジで測定した電気抵抗に,そのときの分極電流を乗じた値にほぼ等しく抵抗分 極である(図2.13)。抵抗分極は,陽分極でほぼ100%を占め,陰分極では約95%を占める。 陰分極ではCl₂+2e→2Cl<sup>-</sup>の化学分極(分圧変化または反応速度による)が生じているもの と考えられる。

溶質を電解酸化法で導入する際の補助電極として使用できるかどうかを知るため、長時間、 大電流を流して(80mA, 1時間)陰陽分極を起させたが、電流を切ると、陽分極では瞬間 に、陰分極では4分位で、電位は±0.15mV以内で分極前の値に復した。

以上から,数100μA以下を通電するボルタンメトリーの場合の分極は液洛部の抵抗律速 であって80Ω×500μA=0.04mV程度の抵抗分極にすぎず,安定で再現性のよい,対極兼用 の照合電極として十分使用できること,また通電用の補助極の機能をもたせることもできる



ことが分った。

# 2.5 溶媒浴の調成<sup>"</sup>

ポーラログラフィーでは拡散による物質移動を利用するため,溶媒である水に電導性の無 関係塩を加えて支持塩溶液を作る。溶融塩系では,溶媒である溶融塩自身が電導性があるた め支持電解質の役割をもかねることになる。

このような溶媒塩の要件として①電導性がよいことに加えて、②種々の復極波を溶媒の分 解なしに観測できるよう大きな分解電圧をもち、③種々の溶質に対する溶解能力が大きく、 ④熱安性がよく、腐食性がなく、⑤融点が著しく高くないことが必要である。

我々が利用した溶媒には目的に応じて種々のものがあるが<sup>2-90</sup>, このうちモル比0.59: 0.41のLiCl-KCl共融系はこれらの要件をよく具えており,基礎研究にもっとも適した溶媒で ある。本論文ではこの溶媒を用いて研究を進めたわけであるがボルタンメトリーの溶媒とし て使用に耐えるだけの殘余電流の小さい無水浴を調成することは容易ではなかった。

本節では、塩の精製に関しては水溶液のポーラログラムのバックグラウンドを、無水浴の 調成に関しては浴のバックグラウンドをそれぞれ指標として種々検討した結果を述べる。

## 2.5.1 溶媒塩の精成

溶融塩浴は、モル濃度に換算して、たとえばLiCl-KCl系のLiClのモル濃度を1MLiCl溶液の それにくらべると約20倍濃厚であって、できるだけ純粋な塩を用いる必要がある。本共融系 の第一の難点は塩化リチウムの純品が得られないことであった。

市販の特級相当と称する塩化リチウムの30wt%水溶液のポーラログラムを図2.14に示した。各社の商品(本荘亜鉛,関東化学,半井,竹内)は大なり小なり,図中のa.b.cの波をもち,またベースそのものが,特級塩化カリウムの相当濃度のそれに対し数十倍以上高い値(おそらく鉄による)をもっている。種々の精製法を試みたが次に述べる方法でこれらの波を消失させることができた。なお各社の分析表による主たる不純物は鉄,鉛,カルシウム,バリウム,マグネシウム,またアニオンとしては硝酸イオン,硫酸イオンであった。

市販の塩化リチウムを大気中でSSAルツボで溶融し,約700℃で30分間空気を吹き込んだ。 冷却後約40wt%の水溶液として一週間放置し,かなりの沈澱の生成した弱アルカリ性の溶 液を得,これを口過した。この段階で赤熱によって3価になった鉄と,黒色の炭素質の不純 物およびバリウム,カルシウムの一部が除去されると考えられる。塩酸で中和の後,アンモ ニアで弱アルカリ性にして,塩化リチウムに対して3~4%当量にあたるシュウ酸アンモニ ウム―炭酸アンモニウム等量モル溶液を加熱状態でかくはんしながら極めて除々に加えて再 び一週間放置してバリウムロ紙で口過した。重金属,マグネシウム,バリウム,カルシウム



電位 vs. S.C.E., V

図2.14 LiCl 40% 水溶液のポーラログラム

 <sup>1, 2.</sup> 市販 LiCl, 3. 精製 LiCl, 4. メルク特級 LiCl 実線はそれぞれフルスケール 2 μA と 50μA の場合を示す。

は少量の炭酸リチウムの沈澱と共沈して除去されると考えられる。しかるのち硝酸イオン, 硫酸イオンなどのアニオンを除去するため、当量の炭酸アンモニウムを加えて炭酸リチウム として沪別した。これより再生した精製塩化リチウム水溶液のポーラログラムは、図2.14に みられるように、a.b.cの波が消えるとともに、殘余電流が著しく減少した。

なお精製塩化リチウムは次の形で保存しておいた。すなわち精製塩化リチウムに対して 25wt%の塩化アンモニウム粉末を加え、大型蒸発皿で溶液をかくはんしつつ蒸発乾固し、 粉砕したのち大型白金皿中で溶融し、乾燥塩化水素ガスを吹き込みながら赤熱した。この間 塩化アンモニウムは白煙となって揮発しさる。約500℃に予熱してある40cm容量の高純度ア ルミナ坩堝に注ぎ、デシケータ(P₂O₅)中で放冷した。このようにするとドライボックス中 でルツボ形の固塊をルツボから簡単にとり出しすことができた。ガラス瓶中にこれを予め大 量に保存し、その1個を無水浴の調整の際の出発物質とした。

2.5.2 LiCI-KCI共融系の無水浴の調成とそのバックグラウンド

(1) 無水浴の調成

塩化リチウムは吸湿性が大で特別の注意なしに融解すると加水分解反応

LiCl+H₂O⇔LiOH+HCl

をおこし、生成したOH<sup>-</sup>は

 $OH^- + e \rightarrow \frac{1}{2}H_2 + O^{--}$ 

の反応によって還元され殘余電流は著しく増大してポーラログラムが記録できなくなること が知られている<sup>120</sup>。無水のLiCl-KCl浴の調成法としては一般に、マグネシウム添加法、塩素 ガスバブリング法<sup>111</sup>、塩化水素ガスバブリング法<sup>121</sup>がある。第1の方法は、過剰のMgが浴を 還元性にするおそれがある。第2の方法についてはLiCl-KClにLi<sub>2</sub>Oを添加して得た混濁液に 対して塩素と塩化水素のバブリング効果を調べたところ後者のバブリングによって浴はすみ やかに透明になるのに反して塩素のバブリングによると濃褐色の、やや不透明な液が得られ るにすぎず、Li<sub>2</sub>Oの溶解、中和に効果的とは考えにくい。第3のLaitinenの塩化水素法は、 結晶に吸着・吸蔵した水分を予め除去するため、セルに充填後一昼夜の真空乾燥を施こし、 その後、溶融して400~450℃の測定温度にもちきたし、塩化水素をバブルして上記の加水分 解反応を押えながら水分を蒸発させていく方法である。このためポーラログラフ法の前処理 としてはあまりに時間がかかりすぎる欠点がある。

ここで開発した方法は、大気下で予め別の容器中で一挙に750~800℃の高温に加熱して塩

化水素を15分間吹き込み,ついで塩化水素を飽和させたままこの高温の浴を測定用のルツボ 型のセルA(図2.2参照)に注ぎいれこれを測定用の密封容器Bに装塡して塩化水素とアルゴ ンのバブリングおよび脱ガスを行ないつつ放冷によって測定温度にもち来たす方法で,装塡 前の20分と,後の70分の計1.5時間で前処理を完了する。しかも得られるバックグラウンド 特性は,Laitinen らにくらべてすぐれていた。

方法の詳細は次の通りである。まず、保存中の塩化リチウムの固塊1個(前記の出発物 質)約40~50gをドライボックス中で正確に秤量し大型白金ルツボにいれ,これに規定量の 特級塩化カリウムと,全量に対して約25wt%の塩化アンモニウムを加え,大気中,バーナ 上で加熱・融解させ塩化水素ガスを吹き込みながら約15分間赤熱状態を保った。しかるのち 塩化水素ガスを吹き込みつつ,やや温度を下げる。一方,測定の密封容器Bにあらかじめ装 着し,測定温度で乾燥・予熱してある坩堝型容器Aをフックでとり出し,これに上記溶融物 を注ぎいれた。この際,バネ秤で溶融物の重量を測定する。容器Bを装置後,空気を除去 するため減圧・アルゴン置換を各2回おこなったのちガス導入管を浴につけ塩化水素を約20 分ふき込んだ。そののち,ガス導入管を浴の上まで引きあげて減圧・アルゴン置換を各2回 くり返して容器内の塩化水素を除いた。ついで浴中の塩化水素を除去するため減圧(約10<sup>-</sup> mmHg)20分,アルゴンバブル30分行なって処理を完了した。

このようにして調成した浴の殘余電流をすでに述べた0.4mm\*の白金(SLガラス溶封)の 断面を使った電極で測定した結果(423℃)を図2.15に示した。殘余電流は低く,最終上昇 電位も卑であって充分に良好なバックグラウンドが得られた。Laitinen らの方法にくらべ





ると、赤熱状態での塩化水素の短時間のバブリングの方が長時間の真空乾燥より有効であり、 また大気中で手早く容器Aに移しても、この間での吸湿は、浴が高温であってかつ塩化水素 ガスで飽和しているため避けられるものと考えられる。

(2) 前電解の効果

 $-2.6Vの殘余電流値は調成ごとに1~2 \mu Aの範囲にある。この値が6 \mu Aを示した乾燥$ 不十分な浴を、25.7 cm<sup>2</sup>タングステン陰極-塩素陽極間で15時間の定電位電解(<math>-2.6V)を 行なうと殘余電流の値は約2  $\mu$  Aまで減少した。そして更に電解をつづけてもこれ以上の減 少はみられなかった。すなわち、上記の方法で調整した-2.6Vで1~2 $\mu$ Aの殘余電流を示 す浴は、脱水管理が不充分な浴に対して長時間にわたって前電解を施こしたものに充分匹敵 することが明らかになった。

(3) 殘余電流の性質

本浴の殘余電流は、次の考察が示すように水溶液系から類推される値より、オーダ的に大 きく、この値を還元性不純物だけで説明することは困難で、むしろ溶融塩浴固有の性質と考 えられる。

すなわち、殘余電流について次のような事実が観察された。

① 本浴と、ほぼこれと同濃度の塩化リチウム水溶液(1.7g精製LiCl+2gHaO)との、白 金電極による、陽分極最終上昇より1.0V卑な電位での殘余電流を比較すると前者のそれは ほぼ30倍ほど大である。

② 本浴の2.4ボルトにおける殘余電流を同一の浴で、白金およびタングステン指示極を 用いてそれぞれ15回測定した結果、前者では1.2µA±0.1µA、後者で10µA±1µAを得、 タングステン指示極の示す殘余電流は白金のそれにくらべて著しく大である。

もし殘余電流が浴中の還元性不純物によるものであれば、水系、溶融塩系ともに拡散恒数 が同じオーダである(~10<sup>-5</sup>cm<sup>2</sup>/s)といわれていることから、①、②のそれぞれにおいて 2つの数値は同じ位でなければならない。

一方,充電電流である可能性もない。もし溶融塩系における二重層容量の典型的な値とし て20 μ F/cm<sup>2</sup>を用いると,この実験における電圧変化速度(0.0033V/s)と電極面積 (0.4mm<sup>4</sup>ディスク電極)では充電電流は0.084 μ Aと計算され,オーダ的に無視できるはず である。

この2つの事実に対して次のように説明することができる。すなわち、一般にLi<sup>+</sup>の析出 電位より著しく陽な電位では、Li<sup>+</sup>の還元電流Li<sup>+</sup>+e→Liは観測されないのが普通である。 しかしそのような電位でも指示極電位は、E=E°+RT/F・lnau/atで与えられるはずである。 したがって不活性な指示電極上で浴中のLi<sup>+</sup>の活量atに対する還元体としての金属リチウム の活量auは1にくらべて極めて小さい値であるとしても存在していると考えるのが自然であ る。ところが高温の溶融塩系では、この金属リチウムが浴中または指示極金属内部へ散逸す る速度は大きいと考えてよい。したがって任意の電位において浴中のLi<sup>+</sup>の活量(一定値) に対して上記の式を満足するauの値を維持するためたえずこの散逸速度に対応してLi<sup>+</sup>+e→ Liの還元電流が流れなければならず、これが殘余電流として観測されることになる。タング ステンは、2.3.3でのべたように卑側最終上昇におけるアルカリ金属の析出・溶出の影響を 受けにくく、アルカリ金属に対す親和性が白金にくらべて低いことから浴中への散逸速度も 大きく、その結果、殘余電流も大きくなると説明できる。

もしこのような溶融塩系固有の原因で殘余電流が大きいとすると電解分極の速度がLiの散 逸速度を上まわらないかぎり、いかに浴を精製しても水溶液系にくらべて定量下限が高くな るのはさけられないといえよう。

# 2.6 文 献

- J. Braunstein, G. Mamantou : "Advances in Molten Salt Chemistry", vol. 2, Plenum Press, N. Y. (1973)
- 2) 北村. 一瀬, 小島: 電気化学, 43, 119(1975), 39, 700(1971)
- 3) 北村. 一瀬, 小島: 電気化学, 43, 703(1975)
- 4) 北村. 一瀬, 小島: 電気化学, 44, 171(1976), 45, 22(1977)
- 5) 坂本, 蔵保, 一瀬, 小島: 溶融塩, 20, 171(1977)
- 6) 西,一瀬:溶融塩,5,472(1962)
- 7) 西, 一瀬: 京大工研彙報, 20, 20(1961)
- 8) 西, 一瀬:京大工研彙報, 19, 25(1961)
  西, 一瀬:電気化学, 39, 355(1971)
- 9) 西,一瀬:京大工研彙報, 20, 19(1961), 21(1961)
- 10) A. M. Shams El Dim : Electrochimica Acta, 4, 242(1961)
- 11) D. L. Maricle, D. N. Hume : J. Electrochem. Soc., 107, 354(1960)
- 12) H. A. Laitinen, W. S. Fergnson, R. A. Osteryoung : J. Electrochem. Soc., 104, 516(1957)
- 13) D. O. Laleigh, J. T. White, C. A. Ogden : J. Electrochem. Soc., 126, 1093(1979)
- 14) F. Lantelme, D. Daminacos, M. Chemla J. Electrochem. Soc., 127, 498(1980)
- 15) S. Dauan, P. Dudley, D. Inman : J. Electrochem. Soc., 142, 215(1982)
- 16) T. Yoko, R. A. Bailey, G. E. McManis, M. H. Miles : J. Electrochem. Soc., 131, 2590(1984)
- 17) C. O. Park, R. A. Rapp : J. Electrochem. Soc., 133, 1636(1986)

# 第3章

# 溶融塩ボルタンメトリーにおける測定と制御

#### 3.1 はじめに

ポーラロブラフィー,ボルタンメトリーが水溶液系ですぐれた分析法の一つであるのは, 履歴がなく再現性のよい液体金属(水銀)滴下電極を分極指示電極に使用しているためであ る。本章ではまず溶融塩系での液体金属滴下電極の使用に伴う問題点を述べ(3.2.1),広く, 標準的に使用しうる指示極として固体電極を採用せざるを得ないことを示した。ついで,固 体分極指示極を採用することに伴って生じる測定上の問題点を指摘し,測定法として,単掃 引の高速分極法が適していることを明らかにした(3.2.2)。そして溶融塩系の物性値に適合 した測定回路を設計・試作した(3.2.3)。また高速分極法では一般に電解制御が必要となる。 電極過程を伝達関数でより一般的に表現する手法を電気化学にはじめて導入することによっ て,従来では経験的に扱われてきた電解制御について,制御の必要性の判定,制御帯域の予 測,制御調節部の仕様の決定,負帰還閉回路の安定化などについてボード線図の作図によっ て定量的に実行する手法を示した(3.3)。なお伝達関数の導入は,その後筆者らが開発した 全く新しい高分解能ボルタンメトリーであるランダムパルスボルタメトリー<sup>™</sup>の基礎理論を 与えてくれた。

#### 3.2 溶融塩ボルタンメトリーの測定

## 3.2.1 溶融塩ポーラログラフィー測定の歴史と問題点

ポーラログラフィーがすぐれている理由は上述のように水銀という液体金属の滴下電極を 用いているためである。溶融塩系でのポーラログラフィーの測定は、まず滴下水銀電極に よって行われた。Nachtrieb と Steinberg は 100℃ ~ 150℃の温度範囲において LiNO₄-NH₄NO₄-NH₄CIおよびLiNO₄-NaNO₄-KNO₄の低融点浴において、Ni<sup>#</sup>, Pb<sup>#</sup>, Cd<sup>#</sup>, Ag<sup>+</sup> の典型的な可逆ポーラログラムを得,波高は複極剤の濃度に比例し、滴下特性の測定から、 水溶液と同様拡散に関する Ilkovic の式が成立することを示した<sup>1</sup>。この実験によって、溶 融塩系では溶媒そのものが支持電解質をもかねるという点で水溶液系と異なるが、復極剤の 物質移動という点に関しては原理上の差異のないことが明らかになった。しかしながら水銀 は沸点が356.7℃であり、また蒸気圧が高いうえ、溶融塩中で分散しやすいこともあって 200℃以上での使用は困難であり、滴下水銀電極自身はその後あまり使われていない。

液体ビスマスの滴下電極も450℃の LiCl-KCL 共融系において使用され、Cd<sup>®</sup>、Zn<sup>®</sup>の複極 波が観測された<sup>3</sup>が操作上大きな困難を伴う上に、Biの標準単極電位が比較的卑であって、 使用可能な電位の範囲が0.5V程度にとどまるという本質的な欠点があり、これまたその後 は使用されていない。

溶融塩ポーラログラフィーの測定はその後もっぱら,高温に耐え,使用しうる溶融塩の種類も多くなる,白金やタングステン,あるいはカーボンやグラファイトなどの比較的不活性な固体微小電極を用いて,ボルタンメトリーの形で行なわれている。水溶液系のように固体電極上での水素の発生がないため水銀電極と同様陰極側の広い範囲にわたって電流ー電圧曲線を記録しうることも理由の一つである。しかし固体電極であるため,精密な測定という観点からみると次に述べるようないくつかの問題点がある。

① まず固体電極を静置電極として使用する場合,原理上,Randles型の単一掃引法とな るため,限界電流は電圧の掃引速度に依存するはずである。0.2V/min 程度の,通常のポー ラログラフの掃引速度において,De Vries は LiCl-KCl 系においてこの種の依存性を観測し ているが<sup>31</sup>,一方 Maricle らのように,これを認めていない場合も多い<sup>11</sup>。このように,測定 者により,あるいは浴によりまた電極の形状により,応答の性質が異なって観測される問題 がある。溶融塩では熱による不規則な対流が著しいためネルンストの準定常拡散層が比較的 短時間に形成されるがそれは極めて不安定であると説明されている。

② もう一つの問題は金属が固体で折出する場合すなわち浴の温度が折出金属の融点より 低い場合,一般に限界電流は、印加電圧が負になるほど、また電解時間が長びくほど増加す るいわゆる increasing effect が観測され<sup>51</sup>、定量のために必要となる電流の水平部が得にく いことである。全限界電流の10~15%が平均値のまわりを変動するいわゆる fluctuating effect<sup>11</sup>も報告されている。金属が結晶状に折出し、電極の面積や表面あらさが変化し、物質 移動量が変るためと説明されている。

③ 自然対流や樹枝状折出に敏感な静置極の欠点をなくすための努力が払われ,気泡洗浄 型 (dipping) 電極<sup>6,7)</sup>や回転電極<sup>6)</sup>が試みられた。対流を安定化し樹枝状金属をふり切ることに よりかなり再現性のある限界電流が得られているが,電流と濃度の間の関係は,理論的には 対流の非定状方程式を解かねばならず半実験式に止まらざるを得ないことが指摘されており <sup>8)</sup>定量情報の取得法としては,溶融塩セルの密閉系に適用するには装置的に複雑になること とあいまって問題が多いと思われる。著者らが溶融塩ポーラログラフィーの実験を開始した 時のおおよその状況はこのようなものであった。
## 3.2.2 高速単掃引法による溶融塩ボルタンメトリーの測定

これらの問題点は次のような方法によって根本的に解決することができるものと筆者らは 考えた<sup><sup>9</sup></sup>。

① まず対流の影響をさけ拡散による安定な物質補給を行なわせるため、使いやすい静置の固体指示電極を用い、しかも拡散層が発達しすぎて対流の介入をまねかないよう短時間内に測定を終了する方法を採用すべきである。しかもこの短時間内に、広い電位範囲にわたって情報が取得できるように指示極の分極電位が、溶媒の正負分解電圧の全範囲にわたって掃引される必要がある。

すなわち,ボルタンメトリーには多くの方式があるが,電流規正,電位規正いずれの場合 においても,静置電極を用いた高速単掃引型の測定法を採用すべきである。

② 一方,折出物による電極の変形をさけるため,分極電位に到達するまでの期間中の全 電析量を低い値に押える必要がある。一般に、単掃引型測定法では高速掃引は電流増大を意味している。

電流規正型の典形的な単掃引法であるクロノポテンシオメトリーを例にとると分極の速さ を決めるのは定電流値 *i*<sub>0</sub>(*A*/cm<sup>2</sup>) であって次式に従って遷移時間τの1/2乗は *i*<sub>0</sub> に逆比例し,

 $\frac{i_0 \tau^{1/2}}{C^0} = \frac{\pi^{1/2} n F D^{1/2}}{2} \qquad (3.1)$ 

遷移時間でを短かくするためにはいを大きくしなければならない。

また,電位規正型の典型的な単掃引法である Randles 型ボルタンメトリーを例にとると, 分極の速さを決める電位変化速度 v を大にしなければならないがそうすると電解電流 i は次 式にしたがって v<sup>1/2</sup> に比例して大きくなる。

 $i = 2n^{3/2} F^{2/3} \pi^{-1/2} R^{-1/2} T^{-1/2} C^{\circ} D^{1/2} v^{1/2} \Phi[(\sigma t)^{1/2}] \qquad (3.2)$ 

しかるに、単掃引あたりの電析クーロン量 B (C/cm<sup>2</sup>) に注目すると、次の (3,3), (3,4) 式に示すように、分極の速さが大であるほど、クロノポテンシオメトリーにおいて も、Randles 型ボルタンメトリーにおいても B が減少することがわかる。まずクロノポテン シオメトリーにおいては、掃引時間を、丁度遷移時間が経過した時までとみなして、この間 に電解される量 B は in τ であることに注目すると (3,1) 式より

$$B = i_0 \tau = \frac{C^{02} n^2 F^2 D \pi}{4 i_0} \qquad (3.3)$$

-31-

を得, Bはinに逆比例する結果となる。また Randles 型ボルタンメトリーにおいては, 掃引 時間を, 電解電流がピーク電流の2/3の値になるまでとみなして, この時点までの電流, (3,2) 式をアナログ計算器を用いて積分すると次の実験式がえられ(5章参照),

 $B = 1.504 C^{\circ} \sqrt{\frac{RTD}{nFv}} \qquad (3.4)$ 

Bは v<sup>11</sup>に逆比例する結果となる。

以上のことから単掃引型の測定法を、しかも高い分極速度で溶融塩系に適用すれば、安定 な拡散を有効に利用できるのみならず、幸いなことに電析量を少なくして電極の変形をも避 けられることがわかる。すでにのべたように代表的な単掃引電流規正法にクロノポテンシオ メトリー、単掃引電位規正法に Randles 型ボルタンメトリーがある。

波形解析の容易さからみれば、4章で詳細に述べるように、クロノポテンシオメトリーは 定量情報の取得法としてすぐれているが定性情報の取得法としては劣っており、Randles 型 ボルタンメトリーは5章で述べるように逆になっている。

そこでこのような観点から,両方式のボルタンメトリーを一個のスイッチの切り換えのみ で実行可能な測定装置を設計・試作して本研究を進めることにした。設計の基本仕様は,溶 融塩の特性を考慮して次のように定めた。

(Randles 型ボルタモグラフ設計仕様)

指示極と照合電極の間を,特定の開始電圧から出発して単一の鋸歯状波電位で掃引し,内 蔵オッシロスコープの X 軸に指示極電位を, Y 軸に電解電流を表示する。ここで鋸歯状波 を三角波の代りに採用したのは分極終了後折出物を直ちに溶出することによって高温での電 極の損傷をさけるためである。

1. 掃引開始電圧:+3V~-5V(可変)

2. 掃引電圧振幅: 0 ~±4V(可変)

3. 掃引電圧変化速度: 0~100V/s(可変)

1の規正値は,種々の照合電極の使用を考慮して,2は,溶融塩の分解電圧が4V以下で あることを考慮して定めた。また規正値3の値は次のような考慮を払って定めた。高速分極 を実行するため,Randles型では電圧掃引速度を大きくしなければならないがこれがあまり 大きすぎると充電電流が増大する。そこでファラデー電流 *i*<sub>2</sub> に対して充電電流 *i*<sub>c</sub> の比を 0.1以下に保つための掃引速度 *v*(*V*/s)の上限を求めた。いま,溶融塩系での拡散恒数  $D(cm^2/s)$ を10<sup>-5</sup>,溶融塩-指示電極金属界面の二重層容量  $C_d(\mu F/cm^2)$ を40とみつもり,  $i_c = AC_a v$ とすると

から,復極剤濃度 C<sup>o</sup>が10<sup>-1</sup>~10<sup>-1</sup>M において vとして10~100V/s が得られる。

4. 電解電流: 0~2mA

5. 指示極電位:+1~-4.0V

電解電流は溶融塩系の上記の条件において、0.4mm<sup>♥</sup>の円板電極を用いた場合、電圧変化 速度 v=100V/s において式(3.2)よりピーク電流は0.8mA になり、より大きな電極の使 用も考慮して2mA までとした。

(クロノポテンシオグラフの設計仕様)

指示極一対極間に一定値の電流を流し、その間の指示電極の、照合電極に対する電位変化 をオッシロスコープのY軸に表示(X軸は時間)する。

1. 定電流值: 0~1.5mA(可変)

迅速に分極させるためには遷移時間を短かくする必要があり、定電流値を大きくしなけれ ばならない。しかし大きすぎると充電のための遷移時間が大になる。ファラデー電気量 Q<sub>r</sub> の1%以下に充電電気量 Q<sub>c</sub>を押える定電流密度 i<sub>0</sub>の上限は、前出の物性値を下式

 $Q_c/Q_f = 0.01 = 4i_0 C_d \Delta E / \pi n^2 F^2 (C^0)^2 D \qquad (3.6)$ 

に代入し(ただし電圧の変化や $\Delta E \approx 0.1$ Vとして), C<sup>®</sup>を $10^{-3} \sim 10^{-3}M$ とすると $0.05 \sim 0.5$ A/cm<sup>2</sup>となり,したがって規正値 *i*。は数mA あれば充分である。

2. 指示極電位:+2~-4.0V

3. 時間軸フルスケール掃引時間:10~10-3s

3の値は上記の定電流値で計算される遷移時間は10-100msであることから決めた。

3.2.3 測定電子回路

試作装置の全回路を図3.1に示した。6位置のロータリスイッチ1個の切り換えで Randles 型ボルタンメトリー(以下 RS),クロノポテンシオメトリー(以下 CP),定電位 クロノアンペロメトリー(以下 PS)およびそれぞれのスタンバイのモードを得られる。

製作した電源は次の8種類である。@400V(40mA):Xアンプと電解制御アンプ用, ⑤浮 いた400V(40mA):Yアンプ用, ⑥250V(180mA):鋸歯状波発生ファンタストロン回路,



図3.1 溶融塩ボルタモグラフ回路図



掃引方向可変回路,電解用電力管 6 RP15, XYアンプ直流点火の各電源用, ④350V(5 mA) : 定電流回路用, ④-250V(40mA):開始電圧可変回路用, ①-6V(3A):アンプ以外の ヒータ電源用, ⑧1500V(1 mA):ブラウン管電源用, ⑤浮いた1500V(1 mA):帰線消去用 である。④から⑥は,すべて,電圧標準管5651を用い,これと出力電圧分割値の差を差動二 段増巾回路で増巾して制御管を馳動した直列制御型の電源回路である。定格出力においてい ずれも変化率0.0025,出力リップル3 mV以内であった。

(RS(PS)ボルタモグラフの回路)

鋸歯状波発生回路は仕様によって広い周波数にわたり良質な鋸歯状波を出力する必要があ るので、しゃへい格子結合型のファンタストロン回路を用いた。単掃引型と多重掃引型の切 り換えは図中のV\*の第3格子電圧を切り換えて行なった。V\*の第2格子電圧はカソードホ ロワーを経た後、非掃引時の輝点消去のための輝度調節用15000V 電源のベースとなる。つ いで V<sub>\*\*</sub>の次段の V<sub>2</sub>のカソードホロワ出力を二点で分取し、一つは PS の時間軸用に X ア ンプへ,他は PS 用波形として振巾調整のため可変分割(PS では接地)して,位相可変回 路⑧につなぐ。掃引方向はこの差動増巾回路の出力のいずれかを切り換えて取り出し正負に 可変とした。任意開始加電圧は、-250V を VR®で可変分割しこれを電解掃引波形に重ねる ことによって得た。このようにして得た電解規正波形を,電解時の電圧降下補償回路⑦を経 て電解出力管 6 RP15Vzの第一格子に入力し、その出力をカソードホロワーで取り出して電 解電流測定用抵抗 VR<sub>5</sub>(10K-100Ωの精密抵抗)を経て電解電圧として対極 C へ印加した。 なお VR₅ に生じる電圧降下は電解電流信号として Y 軸アンプに入力した。電池は V₂₂ の定 常出力の打ち消し用である。分極指示極 I は接地した。照合電極 R の電圧は, 前段より給 せられた電圧波形と比較して、その差を6BA6×2(V23, V24)よりなる平衡型増巾により誤差信 号として増巾し, 6RP15の第一格子点に負帰還した。このようにして電流測定用の電圧降下 I×VR<sub>5</sub>, セル内の電圧降下および指示極の逆起電力などの変化を補償して, 照合電極電位 のみを規正した。この補償回路⑦は PS にした時も動作する。照合電極 R の対接地電圧は X 軸アンプの入力になっている。この補償回路が満足に動作することをたしかめるため、対極 と照合電極の両端子を短絡し、この短絡点と指示極端子1との間にセルの代りにダミー抵抗 を接続し、この抵抗値を変えることによって電流を変化させてダミー抵抗両端の電圧を種々 の規正電圧で測定して図3.2に示した。VR。が1KΩの場合、電流が変化してもダミー抵抗の 端子電圧に変化の生じないことが分る。1KΩ以上の場合でもI×VR,が100mV 程程度であれ ばその電圧降下は充分補償されることがわかった。

X.Y アンプはともにほぼ同型の平衡型直流三段増巾器で、初段管のプレート電源を最終

-36-

表3.1 Y アンプの安定性



図3.3 X アンプ直線性テスト

図3.2 VRs=1kQにおける電解電圧の補償効果

段のカソード電圧からとって回路の直流的な安定を図った。Y アンプは,電解電流信号で ある I×VR<sub>5</sub> の電圧がアースに対して浮いているため、400V の電源の接地側を浮かし、 $V_{22}$ のカソードにつないである。総合感度は X が 1 mm/mV,Y が 5 mm/mV,周波数特性は0~  $20_{\kappa}$ Hzまで-0dbであった。点火 1 時間後の X アンプのドリフトは入力電圧換算0.5mV/h, Y アンプは数時間後に0.5mV/h であった。10mV 入力に対する出力変動はほぼ同様である が Y アンプについての結果を表3.1に示した。

直線性はX.Yアンプともに良好であり、Xアンプの場合の1例を図3.3に示した。

電解のスタートとリセットについては次のような注意を払っている。すなわち,高温で, 損傷を受けやすい指示極を保護するため,スタンバイの状態では,開始電圧が指示極に印加 されないようにした。すなわち,RS,PSともに電解前には,電解電圧はダミー抵抗R<sup>n</sup> (図3.1では R.D. 端子)に印加されており,指示極は自然電極電位の状態に放置され,補 償回路入力はR<sup>n</sup>の上端,すなわち電流測定用抵抗VRsとの接続点となっている。電解開始 とともにR<sup>n</sup>はセルに切り換えられる。すなわち,スタートボタンを押すとミニリレーRS が励起され,その第一接点rs1はトリガパルスをファンタストロンに送って掃引波形を発 生しはじめるとともに,一方第二接点rs2はリレーRLをrl1によって自己保持させ第一, 第二接点rl2,rl3によってダミー抵抗をセルに切り換える。単掃引の場合,最初の掃引で は分極指示極は自然電極状態から出発して,可変開始電圧と掃引電圧とが加算されて印加さ れる。掃引終了後は開始電圧のみ印加された状態に保たれ,この間に折出金属が溶出される。 リセットボタンを押さずに再び開始電圧から出発した掃引を行なうこともできる。最後にリ セットを押すと *RL* の自己保持は解かれ,回路からセルが除かれダミー抵抗が接続され指示極は自然電極の状態にもどる。PS では掃引電圧の振巾を0としておくだけで,スタート,リセットの接続機構は上と同じである。

ブラウン管は残光性の5UP7Fを使用,帰線消去および非掃引時の輝点消去の回路を設けた。ブラウン管上の図形はポラロイドカメラ120またはキャノンカメラで記録した。

(クロノポテンシォグラフの回路)

設計仕様を満足するよう低電流から高電流まで高い精度で一定値を実現するため、制御管 として6RP15を用いた直列制御の定電流回路を作成した。なお6RP15は PS, RS とも共用であ り、スイッチの切り換えで上記の回路を構成した。同管のカソードはセルの対極 C に直接 つないだ。対極 C はまた接地して誘導をさけている。指示極 I は、電流検知用抵抗 VR<sub>1</sub> を 経て負電源に接続した。陽分極を行なうときは、I. C 端子の接続を逆にする。電流検知用抵 抗の値を変えて定電流値は変化させた。すなわちこの可変抵抗に生じる電圧低下を、電圧標 準管5651と比較し、その差(誤差信号)を V17, V18の平衡型直流 2 段増巾器で増巾して 6RP15に負帰還して定電流を得た。また5651に直列にトランス T7を入れ、その1 次側端子 に、外部端子 OSCから、任意の振巾・周波数の交流電圧を発振器から入力できるようにし た。これにより交直両型の CP および Heyrovsky-Forejt 型 CP の 3 種を実行できる。

電解は、ダミー抵抗をスイッチによって電解セルに切り換えて開始させる。ただし、この スイッチは、スタートボタンオンによる時間軸掃引(ファンタストロン出力を利用)の開始 の後、0.3msec だけおくれて動作するディレーリレーにより駆動した。また指示極に溶媒の アルカリ金属が折出するのは望ましくないので指示極が溶媒の分解電位に達するとこの電位 をワンショットマルチによって検知して自動的にダミー抵抗に切り換える働きをする自動遮 断回路(図3.1中のACB回路③)を設けた。負荷抵抗(ダミー)の変化による定電流値の 変化については、1mA で 0 から10KΩまで、500 μAで500kΩまで、50 μAで1MΩまでの 負荷の変化に対して電流の変動は0.5%以下であった。

## 3.3 高速掃引ボルタンメトリーの制御

## 3.3.1 高速掃引ボルタモグラフの問題点

固体指示極を用いる溶融塩ボルタンメトリーの測定には高速単掃引法が適していると考え られる。しかし高速に掃引すると前節で述べたように不可避的に電解電流が大きくなり、電 解回路内で生じる電圧降下,逆起電力,分極抵抗が短時間内に大きく変化し,電子回路の応 答おくれとあいまって,電解条件である規正波形が変形を受ける。したがって電解条件の制 御の必要性が増してくる。

前節に示した回路では、制御対象とする信号、すなわち制御量として、RSでは照合電極 電位、CPでは電流検知用抵抗に生じる電圧降下をそれぞれ選び.これらを、目標信号、す なわち RSではファンタストロン出力である鋸歯状波、CPでは電圧標準管5651の一定出力、 からそれぞれ差し引き、得られた誤差信号を6BA6×2の差動増巾器で増巾して電解駆動管 6RP15の第一格子に負帰還して制御した。しかし前節では、直流的な誤差の測定を行ったに とどまり、電子回路の応答おくれに基づく動的解析やさらにさかのぼって、そもそも電解セ ルの制御が必要かどうかの定量的な判断、必要な制御帯域を確保するための電子回路パラ メータの選択、発振対策など、いわゆる現代の自動制御理論において行なわれる制御に関す る定量的な予測・解析は行なっていない。

電解の制御に自動制御理論を導入する必要性はすでに Booman ら<sup>ど</sup>により指摘された。しかし、今まで、電極過程そのものを自動制御理論でいうところの信号伝達要素、すなわち伝 達関数の形で表現することがなされていなかったため、電極過程を帰還ループ内に含む電解 制御系の定量的な解析は実行のしようがなかった。

そこで、3.3.2(1),(2)ではまず電極過程そのものを伝達関数として表現する手法を示し、ついで(3)ではこれを構成要素として含む電解セルの伝達関数を導く手法を示した。(4)(5)(6)では 電極過程を希望する条件で進行させるべく電解セルを制御する上で必要となる種々の定量的 な予測・解析の手法を示した。最後に3.3.3で、これらに関する実測結果を示した。ここで 述べた手法は溶融塩ボルタンメトリーにおいてのみならず、一般に電気化学系の計測・制御 における電解条件の精密化に役立ち、その後、我々の実験室で行ったランダムパルスボルタ ンメトリーの測定装置の開発や、電極過程をスペクトルパタンとしてとらえパタン認識手法 を導入したより高分解能の分析法の開発において技術的な基礎となった<sup>50</sup>

## 3.3.2 電極過程の制御に関する理輸

(1) 自動制御における信号伝達

電極過程の制御に既存の制御理論を導入する上で基礎となる制御理論における信号伝達の 概念を簡単に説明した。

自動制御では種類のまちまちな物理過程や特殊な機器を制御対象として帰還ループ内に組み込む。制御対象や制御用機器を含めて、これらを統一的に扱うため、それぞれを図3.4のブロック線図で示すような一入力、一出力の信号伝達



図3.4 ブロック線図と伝達関数

要素とみなし、その信号伝達特性を伝達関数あるいはその実測結果である周波数応答やイン パルス応答で記述する。

今,要素の入出力物理信号の,定常値からのズレ(定常値を信号の原点に選ぶ)を,時間 を自変数とする波形,すなわちアナログ入出力信号 x(t),y(t) とみなすと,伝達関数 G(s) は 次式で定義される。

 $G(s) = \frac{Y(s)}{X(s)} \quad \dots \qquad (3.7)$ 

ここでX(s), Y(s)はx(t), y(t)の時間に関するラブラス変換である。

なお周波数応答は、信号の試験用の入力信号として正弦波を用いたとき、入出力信号の差 すなわち振巾比 M とその位相差 $\Delta \phi$ (\*)を入力信号の周波数 $\omega$ (rad/s)の関数として実測した もので、次式に従って、 $s=j\omega$ としたときの伝達関数に一致する。

 $M = |G(jw)| \qquad (3.8)$  $\Delta \phi = \angle G(jw) \qquad (3.9)$ 

周波数応答の図示の方法の一つにボード線図がある。横軸に周波数 logω,縦軸にゲイン 20logM とΔ ¢ をえらぶことによって周波数応答をスペクトル的にプロットしたもので前者 をゲイン特性曲線,後者を位相特性曲線という。

このようにして定義された信号伝達要素 G の相互間には図3.5で示される代数算が成立し、 制御システムの合成と分解をボード線図上で作図することができる。

| 结合名       | プロック表示   | 等価済算                                     |
|-----------|--|--|
| 加 え、合 せ 点 | $\begin{array}{c} B_1(s) \\ \vdots \\ B_2(s) \end{array} \xrightarrow{B_1(s) \pm B_2(s)} \\ \end{array}$ | $B_1(s)\pm B_2(s)$                       |
| 引出点       | B(s)   | B(s)                                     |
| 直列结合      | $\begin{array}{c} B(s) \\ \hline G_1(s) \\ \hline G_2(s) \\ \hline \end{array}$                          | $B(s)G_1(s)G_2(s)$                       |
| 並 列 結 合   | $B(s) = \begin{bmatrix} G_1(s) \\ G_2(s) \end{bmatrix} + \frac{1}{2}$                                    | $B(s)\{G_1(s)+G_2(s)\}$                  |
| フィードバック結合 | $\begin{array}{c} \mathcal{B}(s) + \\ \mp \\ G_1(s) \\ G_2(s) \end{array}$                               | $B(s) \frac{G_1(s)}{1 \pm G_1(s)G_2(s)}$ |

図3.5 ブロックの代数算則

(2) 電極過程の伝達関数とブロック線図<sup>131,14)</sup>

まず,拡散に基づく種々の復極過程を,電解電流信号と界面濃度変化信号(どちらを入力 に選んでもよい)の間の伝達要素とみなし,その伝達特性を上記の定義に従う伝達関数で表 現しうることを示す。

(i)拡散のみが起る場合

拡散方程式:

初期条件:

境界条件:

$$D_{\theta} \left( \frac{\partial C_{\theta}}{\partial x} \right)_{x=0} = -D_{R} \left( \frac{\partial C_{R}}{\partial x} \right)_{x=0} = i(t)/nFA \qquad (3.13)$$

ここで*i*(*t*) は電流密度でtを自変数とする任意波形である。以下(3.20) 式までは, ラプ ラス変換を用いる通常の解き方で進む。

(3.12)(3.14)を用い(3.10,11)式をtについてラプラス変換してxに関する常微分方程 式にしたのち,xについて解くと、次式を得る。

ただし $\overline{C_0}$ ,  $\overline{C_R}$ は,  $C_0(x,t)$ ,  $C_R(x,t)$ のtに関するラプラス変換形である。

$$\overline{C_R} = \frac{C_R^o}{S} + C_2 e^{-\sqrt{\frac{S}{D_R}}x} \qquad (3.16)$$

電流信号のラプラス変換を次式にしたがって  $\varphi(s)$ とおく。

$$L\{i(t)/nFA\} = \varphi(s)$$

(3.15,16) と(3.13)の各式より

$$C_1 = -\frac{1}{\sqrt{D_0 s}} \varphi(s), \qquad C_2 = \frac{\varphi(s)}{\sqrt{D_R s}}$$

したがって

$$\overline{C_0} = \frac{C_0^o}{s} - \frac{1}{\sqrt{D_0}} \frac{1}{\sqrt{s}} \varphi(s) e^{-\sqrt{\frac{s}{D_0}}x} \qquad (3.17)$$

$$\overline{C}_{R} = \frac{C_{R}^{\circ}}{S} + \frac{1}{\sqrt{D_{R}}} \frac{1}{\sqrt{S}} \varphi(S) e^{-\sqrt{\frac{S}{D_{R}}}x} \qquad (3.18)$$

ここで電流,電位なる測定可能な量に直接関係する電極界面濃度を求めると,(3.17), (3.18)式でx=0として

$$\overline{C_0}(0,s) = \frac{C_0^o}{s} - \frac{1}{\sqrt{D_0}} \frac{\varphi(s)}{\sqrt{s}} \qquad (3.19)$$

$$\overline{C_R}(0,s) = \frac{C_R^o}{s} + \frac{1}{\sqrt{D_R}} \frac{\varphi(s)}{\sqrt{s}} \qquad (3.20)$$

を得る。

さて従来の理論ポーラログラフィーでは、ここで逆変換を行って時間領域の下式のような Volterra 型の積分方程式を得、

$$C_{0}(0,t) = C_{0}^{o} - \frac{1}{\sqrt{D_{0}}} \frac{1}{\sqrt{\pi}} \int_{0}^{t} \frac{\Phi(\tau)}{\sqrt{t-\tau}} d\tau \qquad (3.21)$$

$$C_{R}(0,t) = C_{R}^{o} + \frac{1}{\sqrt{D_{R}}} \frac{1}{\sqrt{\pi}} \int_{0}^{t} \frac{\Phi(\tau)}{\sqrt{t-\tau}} d\tau \qquad (3.22)$$

これを,種々の型式のボルタンメトリーに応じて,それぞれの固有の境界条件に従って,数 値解法によって解くのが常道である。

ところが逆変換せずに、(3.19)、(3.20)式の段階で、これを次の(3.23,24)式のように 移項すると伝達関数が得られるのである。

$$\frac{C_{\theta}^{\circ}}{s} - \overline{C_{\theta}}(0,s) = \frac{1}{\sqrt{D_{\theta}}} \frac{\varphi(s)}{\sqrt{s}} \qquad (3.23)$$

$$\overline{C}_{R}(0, s) - \frac{C_{R}^{0}}{s} = \frac{1}{\sqrt{D_{R}}} \frac{\varphi(s)}{\sqrt{s}} \qquad (3.24)$$

左辺の $C_0^{\circ}/s$ ,  $C_n^{\circ}/s$  はそれぞれ時間領域での常数 $C_0^{\circ}$ ,  $C_n^{\circ}$ のプララス変換形であることに 注目すると (3.23) 式左辺は  $\{C_0^{\circ}-C_n(0,t)\} = \Delta C_n(t)$ , (3.24) 式左辺は  $\{C_n(0,t)-C_n^{\circ}\} = \Delta C_n(t)$ , のラプラス変換形, すなわち界面での $C_0^{\circ}$ ,  $C_n^{\circ}$ を基準に選んだときの濃度変化信号  $\Delta C_0(t)$ ,  $\Delta C_n(t)$  のラプラス変換形に他ならない。今, 時間領域での電流信号i(t) のラプラ ス変換形は $L | (i(t)\} = nFA \varphi(s)$  で与えられるから, (3.23), (3.24) 式は次の (3.25) 式, (3.26)式に変形できる。

$$\frac{L|\Delta C_0(t)|}{L|i(t)|} = \frac{1}{nFAD_0^{1/2}} \cdot \frac{1}{s^{1/2}} = G_0(s) \qquad (3.25)$$

$$\frac{L|\Delta C_{R}(t)|}{L|i(t)|} = \frac{1}{nFAD_{R}^{1/2}} \cdot \frac{1}{s^{1/2}} = G_{R}(s) \qquad (3.26)$$

濃度変化信号をバルク濃度で正規化して ΔCo/Co とすれば(3.25) 式は次式になる。

$$\frac{L[\Delta C_0(t)/C_0^o]}{L[i(t)]} = \frac{1}{nFAC_0^o D_0^{1/2}} \frac{1}{s^{1/2}} = G(s) \qquad (3.27)$$

ここに得られた G(s) は図3.6aに示すように入力信号に電流,出力信号に界面濃度変化を選んだときにはじめて表現が可能になる,酸化過程を伝達関数で表現したものと考えることができる。電流規正電解に対応して,任意の入力波形 *i*(*t*) に対する出力波形の取得は(3.28) 式で表現することができる。



図3.6 電極過程の伝達関数

$$L\left\{\frac{\Delta C_0(t)}{C_0^{\circ}}\right\} = G(s) \cdot L\left\{i(t)\right\} \qquad (3.28)$$

一方,入出力を逆にして,電位規正電解に対応して入力を界面濃度変化,出力を電流とした とき,電極過程の伝達関数は単に上記の*G*(*s*)の逆数とおけばよい。これを(3.29)式に示 し,また図3.6(b)に図示した。

$$L[i(t)] = \frac{1}{G(s)} \cdot L\left\{\frac{\Delta C_0}{C_0^o}\right\} = nFAC_0^o D_0^{1/2} s^{1/2} L\left\{\frac{\Delta C_0}{C_0^o}\right\}$$
(3.29)

また,(3.27)式のボード線図を図3.7に示した。

(ii) 理論ポーラログラフィーにおける伝達関数の意味

上記の伝達関数の表現は電極過程に対して一般的なものであって、次の(iii) でみられるように拡散過程に化学反応が結合した場合にもやはり導くことができるのである。

従来のポーラログラムの理論式は,化学反応・拡散基本方程式を電位規正,電流規正電解 いずれにしても相互に無関係な特定の入力波形の電解形式(電極界面の条件規正)すなわち 境界条件の下で解いて得られる,各方式に固有の複雑な形をした式,「解」,としてのみを表



図3.7 単純拡散過程のボード線図

現されて来た。これに対して(3.27)式や図3.7で示した伝達関数による表現は、境界条件、 入力波形を考えにいれることはさしあたり留保し、その代りに電極過程のみの特性を、入力 波形に無関係な一つの信号伝達要素として独立に、しかも基本方程式にも相当するすっきり した形にまとめている。なお、もし解が必要なら、これを演算子、ないしは電極過程のシ ミュレータと考えて任意の入力波形に(3.28)式の形で作用させることにより出力信号の波 形を得ることができる。伝達関数表現は、従来の理論ポーラログラフィーにはなかった、入 力波形や電解形式に依存しない、より一般的な形になっているばかりでなく次に示すいくつ かの成果にみられるように、電極系の制御・計測・模擬という実用的な面に非常な有利さで 活用できるのである。

 電解制御に近代的自動制御理論を導入することが可能となり、次節以下でみるように 制御特性の予測・設計・測定を定量的に実行できる。

② 電極過程の特徴が伝達関数に反映されるため、従来その電解形式と不可分の形で実行 されて来たボルタンメトリーによる定性・定量分析も、すべて伝達関数の測定におきかえら れる。その結果、試験入力波形はどんな波形であってもよく、また極めて有利な既存の各種 伝達関数測定法を導入することができる。後にわれわれが開発した、白色雑音を試験信号に 用い、パタン認識を利用した高速・高分解能の分析法はこの測定原理を積極的に活用したも のである。。

③ 本節の(i)や(iii)にみられるように、拡散と化学反応よりなる<u>溶液内過程</u>は、動的な 線形要素として伝達関数で表現できることがわかった。その結果要素出力 $\Delta C(t)$ またはi(t)の波形は入力波形i(t)または $\Delta C(t)$ に対して一義的に定まることが陽の形ではっきりした。 一方、電子交換など<u>電極表面過程</u>はi(t)、 $\Delta C(t)$ および電極電位E(t)の3信号間の、Butler 式のような時間を含まない非線形要素として表現できる。両要素を組み合わせると典型的な 電極系の完全なシミュレータ(モデル)を実現できる。これを用いて有効に電極系の解析や 演算計測(定性分析)を実行することができる。

(iii) 拡散に化学反応が付随して起きる場合の伝達関数

先行反応が付随したいわゆるカイネティック過程と、後行反応が付随したキャタリティック過程についても、結局、次の(3.69)式と(3.72)式のように伝達関数を導くことができる。

① 次式のような先行反応があるカイネティック過程:

拡散-反応方程式と初期・境界条件は次の通りである。ここで k, k。は正, 逆方向の反応速度定数である。

$$\frac{\partial C_0}{\partial t} = D_0 \frac{\partial^2 C_0}{\partial x^2} + k_f C_f - k_b C_0 \qquad (3.31)$$

$$\frac{\partial C_{Y}}{\partial t} = D_{Y} \frac{\partial^{2} C_{Y}}{\partial x^{2}} - k_{f} C_{Y} + k_{b} C_{0} \qquad (3.32)$$

初期条件 
$$\frac{C_0(x,0)}{C_1(x,0)} = K = \frac{k_f}{k_b}$$
 (3.33)

境界条件 
$$\left(\frac{\partial C_0}{\partial x}\right)_{x=0} = \frac{i(t)}{nFAD_0}$$
 (3.35)

$$D_{r} \left(\frac{\partial C_{\gamma}}{\partial x}\right)_{x=0} = 0 \qquad (3.36)$$

$$C_0(\infty, t) + C_1(\infty, t) = C^o \qquad (3.37)$$

$$\frac{C_0(\infty,t)}{C_1(\infty,t)} = K = \frac{k_f}{k_b} \qquad (3.38)$$

$$\varphi = C_r - \frac{k_b}{k_f} C_0 \qquad (3.41)$$

とおくと(3.31) + (3.32) 式により拡散方程式は次のようになる。

$$\frac{\partial \psi}{\partial t} = D \frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} \qquad (3.42)$$

また(3.32) - (3.31) ×
$$\frac{k_b}{k_f}$$
より

$$\frac{\partial \varphi}{\partial t} = D \frac{\partial^2 \varphi}{\partial x^2} - (k_s + k_b) \varphi \qquad \dots \qquad (3.43)$$

(3.40), (3.41) 式より

$$C_{0} = \frac{k_{f}(\psi - \varphi)}{k_{f} + k_{b}} \qquad (3.44)$$

$$C_r = \frac{k_b \psi + k_f \varphi}{k_f + k_b} \qquad (3.45)$$

したがって(3.33)式から(3.38)式の初期・境界条件は(3.46)~(3.51)式となる。

$$\psi(x,0) = C^{\circ} \qquad (3.46)$$

$$\varphi(x,0) = 0 \qquad (3.47)$$

$$\left(\frac{\partial\psi}{\partial x}\right)_{x=0} - \left(\frac{\partial\varphi}{\partial x}\right)_{x=0} = \frac{i(t)}{nFAD} \left\{1 + \frac{k_b}{k_f}\right\} \qquad (3.48)$$

$$k_{b} \left(\frac{\partial \psi}{\partial x}\right)_{x=0} + k_{f} \left(\frac{\partial \varphi}{\partial x}\right)_{x=0} = 0 \qquad (3.49)$$

$$\psi(\infty,t) = C^{\circ} \quad \dots \qquad (3.50)$$

$$\varphi(\infty,t) = 0 \qquad \dots \qquad (3.51)$$

この条件で(3.42),(3.43)式を解くことなる。(3.46)式を考慮して両式をtについて ラプラス変換して次のxに関する常微分方程式を得る。

(3.50)式,(3.51)式を考慮するとそれぞれの解は次式で与えられる。

£

$$\overline{\psi}(x,s) = C_1 exp\left(-\sqrt{\frac{s}{D}}x\right) + \frac{C^o}{s} \quad \dots \qquad (3.54)$$

$$\overline{\varphi}(x,s) = C_2 exp\left(-\sqrt{\frac{s+k_f+k_b}{D}}x\right) \qquad (3.55)$$

ここで境界条件(3.48), (3.49) 式をtに関してラプラス変換すると(3.56), (3.57) 式を 得る。

$$\left(\frac{\partial\overline{\psi}}{\partial x}\right)_{x=0} - \left(\frac{\partial\overline{\varphi}}{\partial x}\right)_{x=0} = \frac{\overline{i}(s)}{nFAD} \left(1 + \frac{k_b}{k_f}\right) \qquad (3.56)$$

(3.54), (3.55) 式を(3.56), (3.57) 式に代入して得た連立方程式をC<sub>1</sub>, C₂について解くと,

$$C_1 = -\sqrt{\frac{D}{s}} \cdot \frac{\overline{i(s)}}{nFAD} \qquad (3.58)$$

$$C_2 = \frac{k_b}{k_f} \sqrt{\frac{D}{s + k_f + k_b}} \cdot \frac{\overline{i(s)}}{nFAD} \qquad (3.59)$$

これらを(3.54), (3.55) に代入すると

$$\overline{\psi} = \frac{C^{\circ}}{s} - \sqrt{\frac{D}{s}} \cdot \frac{\overline{i(s)}}{nFAD} exp\left(-\sqrt{\frac{s}{D}}x\right) \qquad (3.60)$$

$$C_0(x,t) = \frac{k \lambda (\psi - \varphi)}{k_f + k_b} \downarrow \eta \qquad (3.62)$$

-48-

$$\overline{C}_{\mathfrak{o}}(x,s) = \frac{k_{f}}{k_{f} + k_{b}} \left( \overline{\varphi} - \overline{\varphi} \right)$$

$$= \frac{k_{f}}{k_{f} + k_{b}} \left\{ \frac{C_{\mathfrak{o}}}{s} - \sqrt{\frac{D}{s}} \cdot \frac{\overline{i}(s)}{nFD} \cdot exp\left( -\sqrt{\frac{s}{D}}x \right) \right\}$$

$$- \frac{k_{b}}{k_{f}} \sqrt{\frac{D}{s + k_{f} + k_{b}}} \cdot \frac{\overline{i}(s)}{nFAD} exp\left( -\sqrt{\frac{s + k_{f} + k_{b}}{D}}x \right) = \dots \dots (3.63)$$

$$\therefore \quad \overline{C}_{0}(o,s) = \frac{k_{f}}{k_{f} + k_{b}} \left\{ \frac{C^{o}}{s} - \sqrt{\frac{D}{s}} \cdot \frac{i(s)}{nFAD} - \frac{k_{b}}{k_{f}} \sqrt{\frac{D}{s + k_{f} + k_{b}}} \cdot \frac{i(s)}{nFAD} \right\}$$
(3.64)

$$C_0^{o} + C_{y^o} = C^o, \ C_0^{o} / C_{y^o} = k_f / k_b \sigma \delta h \delta,$$

$$\frac{k_{\mathcal{F}}}{k_{\mathcal{F}}+k_b}C^o = C_0^o \qquad (3.65)$$

(3.65) 式を(3.64) 式に代入すると

したがって伝達関数G(s)は,

$$G(s) = \frac{L|C_0^{o} - C_0(0, t)/C_0^{o}|}{L|i(t)|} = \frac{C_0^{o}/s - \overline{C}_0(0, s)}{\overline{i}(s)C_0^{o}}$$

$$=\frac{1}{nFA\sqrt{D}C_0^{o}}\cdot\frac{k_f}{k_f+k_b}\cdot\left(\frac{1}{\sqrt{s}}+\frac{k_b}{k_f}\cdot\frac{1}{\sqrt{s+k_f+k_b}}\right) \qquad (3.67)$$

今, 先行反応の時定数T

$$T = \frac{1}{k_f + k_b} \qquad (3.68)$$

を用いると電流信号から界面濃度変化への伝達関数は、C。を C。°で正規化すれば

となる。

この伝達関数のボード線図を図3.8に示した。カイネティック過程はこのスペクトルパタンで特徴的に表現されるわけである。

濃度変化信号から電流への伝達関数は上式の逆数で与えられ、ボード線図は図3.8におい て上下を逆にすれば得られる。

② 次式のような後続反応によるキャタリティック過程の場合:

化学種 Z の濃度 C<sup>\*</sup> は十分大きく,(3.71)式が擬一次反応で進行するとすると,前述の 場合と似た式の運用によって結局,電流から界面濃度変化への信号の伝達関数として次式を 得ることができる。





$$ttil, T = \frac{1}{k_r C_z^{\ o}}$$
 (3.73)

キャタリティック過程のボード線図を図3.9に示した。いうまでもなく界面濃度変化から 電流への伝達関数は(3.72)式のGの逆数で与えられる。

(3) 電解セルのブロック線図・伝達関数および電解信号伝達の通過帯域

上で得られた復極の伝達関数は、電極を介して、電解セルの一部として組み込まれる。次 に電解セルとしてのブロック線図とその全伝達関数およびボード線図を求めよう。このボー ド線図はまた、電解を、制御しながら行わなければならないかどうかを判定する情報をも与 えてくれる。

図3.10は分極指示極 I, 照合電極 R, 対極 C よりなる基本的な電解セルを示す。ここで R<sub>M</sub> は電解回路の直列抵抗で, また電解電流測定用の抵抗であってもよい。e<sub>n</sub> は作用電極の 電位, e<sub>n</sub> は照合電極による e<sub>n</sub> の検出電位, e<sub>n</sub> は対極電位, e<sub>n</sub> は分極操作電位である。

e.からexへの信号伝達、すなわち電位規正電解のブロック線図は図3.11のようになる。電



図3.9 キャタリティック過程のボード線図





図3.10 電解セル

図3.11 電解セルのブロック線図

流規正の電解であれば電解電流を出力にするため、図中の iR<sub>M</sub>を右端にもってくればよい。

図中, G<sub>c</sub>, G<sub>\*</sub> は対極から溶液,溶液から照合電極への電位伝達要素で,対極の分極操作 遅れ,照合電極の電位検出遅れの定量的表現であって,G<sub>c</sub> × G<sub>\*</sub> としてインパルス応答法ま たは周波数応答法で実測できる量であり,またいずれかを1に近い条件で実測すれば分離も できるであろう。

図中の, e, から界面濃度変化ΔC/C<sup>o</sup>への伝達要素は,可逆な復極の場合は,ネルンストの 指数関係である。この非線型要素は,しかし動作点として平衡電位 e を選びその近傍で線 型近似すれば次式にしたがって,ゲイン定数 nF/RT の零次要素とみなすことができ ζ<sup>1</sup>。

$$e_s - e_e = \frac{RT}{nF} \cdot ln \frac{C(0,t)}{C^o} \qquad (3.74)$$

界面濃度 $\Delta C$ からファラデー電流 $i_s$ への要素は、単純な拡散を仮定すれば(3.29)式で与 えられる。また $e_s$ から充電電流 $i_c$ への伝達要素は、指示極の二重層容量を $C_a$ とすれば、  $AC_aS$ で表わされる1次進み要素である。実際に流れる電流は $i_f$ と $i_c$ の和となる。そして この電流により生じる回路内の電圧降下 $iR_M$ が分極操作電圧 $e_A$ に負帰還されてブロック線 図が完成する。

このブロック線図全体としての,入力 e<sup>1</sup> から出力 e<sup>x</sup> への全伝達関数 G(s) はブロック線 図の合成演算則を用いると次式によって与えられる。

 $G(s) = \frac{G_c \cdot G_R}{\left(1 + R_M \left(\frac{n^2 F^2}{RT} C^o A \sqrt{Ds} + A C_a s\right)\right)} \qquad (3.76)$ 

これが電解セルとしての電位伝達おくれを定量的に示すことのできる伝達関数である。 もし、対極一照合電極間の溶液中に生じる電圧降下*iR*、(両極間の溶液内有効抵抗を*R*と して)を無視できないときは図中の点線で示したブロックが入る。G が1に近い場合は*R*<sub>M</sub>

<sup>\*1)</sup>本節では線形の扱いにかぎったが、非線形の場合、すなわち①可逆系でのこの指数関係をそのままで扱う 場合、②e。と電流との2入力によってΔC/C<sup>o</sup>を与える非可逆系でのButlerの関係式をそのままで扱う場合、 のいずれについても類似の方法でブロック図を組むことができる。文献18)を参照していただきたい。

と R. はブロック線図中では並列になるため、上式では R M が R H + R. で置き換えられる。

電解セルの信号伝達の様子をスペクトル的に把握するため(3.76)式のボード線図を溶融 塩の代表的な物性値を用いて計算し図3.12に示した。すなわち,T = (450+273)K,  $C_n = 20$  $\mu F/cm^2$ ,  $D = 10^{-6}cm^2/s$ , n = 2であり,指示極は溶融塩ボルタンメトリー用に設定した直径 0.4mm\*円板とした。なお溶融塩系では大面積,低抵抗の照合電極・対極を用いるので  $G_{c}, G_{\mu}$ ともに1に近似した。同図(1),(2),(3)は復極剤濃度が2,20,200各mMの場合をそれ ぞれ図示し,また,(4)は濃度が200mMにおいて2重層容量を2,20,200 $\mu F/cm^2$ に変えた 場合を図示している。

これらをみると、低域(低周波数領域)側はゲイン・位相特性が0dB,  $0^{\circ}(G(s) = 1)$ の領域である。この領域では $e_1$ から  $e_k$ への信号は忠実に伝送される(通過帯域)ため電解



図3.12 電解セルのボード線図(1)

を制御する必要がない。図3.12より制御の必要がない入力信号周波数領域を一目で知ること ができる。

**1**4

次に,通過帯域の高域の限界を与える信号の減衰,遅れの様子をみると,一つはゲイン減 衰率10*d B/dec*,位相遅れ45°,すなわち電極過程の伝達関数中にある s<sup>1/2</sup>=*j*ω<sup>1/2</sup>の1/2階の項 に対応するもので,溶液内拡散によるおくれであり,もう一つは-20*db/dec*, -90°の二重 層充電によるおくれである。

低域側からみていくと、まず、拡散による減衰が生じ( $\omega_r$ )、ついで二重層充電による減 衰が生じる( $\omega_a$ )。 $R_M = 1 \Omega$ では両者が一致して起り、条件によってはこの順序は逆になる。

それぞれが原因で決る伝達通過帯域 ω, ω, をそれぞれ独立に予測する式を次に導いた。 すなわち (3.76)式 G(s)の分母で1を無視して得たゲイン特性の漸近線と, 0d B の線との



図3.12 電解セルのボード線図(2)

交点の周波数として

$$\omega_{f} = \frac{R^{2} T^{2}}{n^{4} F^{4} R_{M}^{2} C^{02} A^{2} D} (rad/s) \qquad (3.77)$$

$$\omega_d = \frac{1}{R_M A C_d} (\operatorname{rad}/s) \qquad (3.78)$$

を得る。

実験条件を上式に代入して算出される ω, ω, のうち低周波数の方が律速となって, その値より少くとも1 dec低い周波数がセルの通過帯域となる。



図3.12 電解セルのボード線図(3)

化学反応が拡散に付随する場合の帯域計算式は、図3.11中の濃度からファラデー電流への ブロックに、(3.69)式または(3.72)式を代入すれば(3.76)式に相当する式として容易 に導くことができる。しかし、実際は電極過程が未知であるからこそ電解によって測定し、

(3.69) 式や(3.72) 式に相当する特性を明らかにしようとするわけである。その意味で, 化学反応が付随せず,そのため応答が早い復極に対して導かれている上式(3.77),(3.78) 式は,電解セルの通過帯域の最低値を与えるわけで,セルの制御の要・不要を定量的に予測 するためのもっとも有用な一般式である。

制御の必要がないときは,電解信号の希望波形を電力増巾器を介して電極に直接に入力す るだけでよい。



図3.12 電解セルのボード線図(4)

(4) 自動制御の原理

希望する入力信号波形に含まれる最高周波数が,前式によって予測されるセルの帯域を越 えているときは、電解セルを制御ループの中に組み込んで制御しなければならない。つぎに、 制御原理を以下の解析に必要な程度に説明する。

図3.13は制御の原理を示したブロック線図である。制御とは、制御対象  $G_{\mu}$ の出力を図の ように制御量として位置づけ、これをブロックの負帰還結合(図3.5参照)によって目標量 と一致させる動作である。すなわち、制御量の現在値をまず検出器  $G_{\beta}$ によって検出し、そ の出力である検出量を目標量から差し引いて(その逆でない)誤差信号を得る。これをあら たに持ち込んだ増巾器  $G_{\mu}$ で増巾して、その出力で制御対象に訂正操作を加えるのである。 その際、検出量が目標量より大き(小さ)ければ誤差信号およびその増巾出力の訂正動作信 号は負(正)となって検出量を下(上)げる方向に働く。これが負の帰還(negative feedback)である。

目標量を入力,制御量を出力としてみたときの伝達特性,すなわち制御系そのものの伝達 関数Gは図3.13bにブロック線図の代数算を適用すれば得られる。





図3.14 電圧相似形直流差動演算増幅器と そのブロック線図

図3.13 制御とボード線図

$$G = \frac{G_A G_P}{1 + G_A G_P G_B} \qquad (3.79)$$

制御の原理は、増幅器 G<sub>4</sub>のゲインを上げることによって、

 $|G_{\mathbb{A}}G_{\mathbb{P}}G_{\mathbb{B}}| \gg 1 \qquad (3.80)$ 

(3.79) 式の分母の1を無視し、その結果

$$G = \frac{G_A G_P}{G_A G_P G_B} = G_B^{-1} \qquad (3.81)$$

を得て、制御系の伝達関数を、フィードバックループの検出器の伝達特性  $G_a$ の逆特性に等 しくする点にある。検出おくれのない検出器、 $G_a = 1$ を用いれば、 $G_1$ 、 $G_n$ の特性の如何を 問わず全伝達関数 G は 1 になり、目標量から制御量へ信号を忠実に伝達させることができ る。このように目標量から制御量へ信号が忠実に伝達される周波数の領域を制御系の通過帯 域、制御帯域と呼ぶ。制御帯域の高域限界は次のようにして与えられる。高域側では、 $G_1$ 、  $G_a$ といえども減衰するので

 $|G_A G_P G_B| \ll 1$ 

: (3.79) 式の右辺の分母は1となり、制御系は

 $G = G_A G_P \qquad (3.82)$ 

となって前向きの特性のみ、すなわち G<sup>1</sup> と G<sup>1</sup> の直列結合(図3.13中の破線参照)により与えられる。

したがって制御系のもっとも重要な特性,帯域の高域限界を決めるのは本来の制御対象の 特性 *G<sub>r</sub>* と増巾器の特性 *G<sub>i</sub>* の積である。ここで *G<sub>r</sub>* は前節で述べた電解セルの特性に相当す る。図3.13で明らかなよう *G<sub>p</sub>* の通過地域 ω<sub>pc</sub> が制御帯域 ω<sub>cc</sub> まで拡大される。

つぎにGiについて説明する。

図3.14,bは、図3.13において誤差信号の取得・増巾によって操作信号を得る部分を抜き出 したものであり、図3.1では差動増巾器(6BA6×2)と制御管(6RP15)で構成した部分に 相当する。負帰還結合でもっとも重要なこの部分は、図3.14aに示すように1個の演算増巾 器で等価表現できる。

演算増巾器 G-はゲインの極めて大きい電圧相似型差動直流増巾器であって入出力の関係

は次式で与えられる。

*G*<sup>4</sup>の特性は図3.15のボード線図に示したように、ゲイン定数 *G*<sup>o</sup>が80~120*dB*、減衰率 20*dB/dec*の一次遅れ特性をもっている。

以上が制御の原理であるが、制御システムを組むにあたって次の3点が重要である。

① ある特性 G<sup>n</sup> をもった制御対象に対して, 欲する制御帯域を達成するにはどのような 特性の増巾器 G<sup>n</sup> を選択しなければならないか。

② 訂正信号は負帰還の閉ループ内を $G_A$ ,  $G_P$ ,  $G_A$ の直列結合 ( $G_1 \times G_P \times G_A = G_L$ )を一 巡するが、一巡伝達関数 $G_L$ の特性がナイキストの条件を満足していないときは発振して制 御不能となる。すなわち閉ループは安定であるかを判定し、不安定と予測される場合は、 ループ内に補償要素を挿入して安定化する必要がある。

③ 実際に構成されたシステムが希望した制御特性をもっているか。

次節(5),(6)では電解制御におけるこれらの問題をボード線図上の作図によって解析する手 法を示した。

(5) 電解制御系のブロック線図・伝達関数・制御帯域"

3.1.3で構成して電位制御回路 (RS)を等価表現した回路が図3.16である。演算増巾器の正の入力電圧 e<sub>i+</sub> として目標信号波形の電圧,負の入力電圧 e<sub>i-</sub> として制御量すなわち照合電極電位が選ばれており,増巾器の差動入力 e<sub>i+</sub> - e<sub>i-</sub> が誤差信号,増巾器出力電圧 e<sub>0</sub> は操作信





図3.16 電解回路

図3.15 演算増幅器のボード線図



図3.17 電解制御ブロック線図

号となっている。この回路をブロック線図であらわしたのが図3.17である。この図は,図 3.11に示した電解セルのブロック線図を,図3.13の制御対象 Gr の部分に組み込んで得られ る。

(3.76)式で与えられる電解セルの伝達関数をここであらためて $\beta$ とおき,目標信号 $e_+$ から制御量 $e_R$ への制御系伝達関数をG,演算増巾器のそれを $\mu$ とすると,本制御系の伝達関数Gとして,図3.17にブロック線図演算(図3.5)を施して次式を得る。

ここでµは図3.15の GAで与えられる。

制御帯域を与える G は,上式中の β に (3.76) 式, μ に図3.15中の式を代入して計算す れば得られるが,ここでは β, μ それぞれのボード線図を用いてボード線図上の作図によっ て得る方法を示す。厳密な計算・作図は,電極過程の伝達関数を知らないかぎり不可能であ る。むしろ電極過程の伝達関数が未知であるからこそ電解条件を制御してこれを求めるので ある。したがって制御領域の予測は本来,概算であって以下に示す漸近線近似法<sup>\*1</sup>を有効に 利用できる。

低周波数域では $\mu$ のボード線図、図3.15から明らかなように $\mu \gg 1$ である。したがって前 節で述べた原理により制御の低域漸近線 |  $G_t$  | として(3.84) 式の分母の1を無視して

$$|G_{\iota}| = \frac{\mu \beta}{\mu \beta} = 1$$
 (3.85)

すなわち制御の伝達特性が得られる。一方,高域では $\mu$ ,  $\beta$ ともに図3.12と図3.15から明 らかなようにゲインが減垂するので |  $\mu\beta$  | ≪1となり,式(3.84)の高域漸近線 |  $G_{*}$  | と

<sup>\*1</sup> 前節(4)で述べた高・低両域での近似法は、ボード線図上では、高低両域でのゲイン特性曲線の漸近線を求める ことに相当する。

して次式を得る。

 $|G_{h}| = \frac{|\mu\beta|}{1} = |\mu\beta| \qquad (3.86)$ 

したがって|G|のボード線図は $G_h$ ,  $G_l$ の2つ線よりなる折線として得られ, 求める制 御帯域は両線の交点で与えられることになる。

今, 演算増巾器としてゲイン定数70000, 交 叉周波数100MHz(1/Tc=1.57×10<sup>e</sup>)のフィル ブリックp45AUを選び, 電解セルのボード線 として線型拡散の図3.12(2)を選んで作図の手 順を示す。

まず図3.18に示すようにボード線図上に | $\mu$ |, | $\beta$ |をそれぞれプロットする。ボー ド線図の縦軸は対数であるから積が和になる ことに注目して,高域漸近線 | $\mu\beta$ |((3.86) 式)は、ボード線図上で $\mu$ から負の $\beta$ を差し 引いて図のように得られる。一方低域域漸近線 | $G_i$ | = 1 ((3.85)式)は、0 デシベルの横軸 そのものである。結局、(3.84)式で与えられ る |G|として 2 つの線よりなる太線で示した ボード線図を得、両直線の交点の左側が制御帯 域となる。電解セルだけの通過帯域が図3.18で 10<sup>2</sup>(rad)であったものを、制御によって10<sup>6</sup>(rad)



図3.18 溶融塩ボルタモグラフ制御系ボード線図

この作図原理に碁づくと、予めβの概略の パタンを予測ないしは実測で得たとき、希望する帯域を実現するにはどのような特性の増巾 器を選べばよいかを容易に知ることができるのである。

(6) 電解制御系の安定性

制御系の訂正信号は、閉ループ(図3.13)すなわち一巡伝達関数  $G_{\iota}(G_{\Lambda}G_{P}G_{B})$ をたえずま わっている。よく知られたナイキストの条件によれば、 $\angle G_{\iota} = -180^{\circ}$ の周波数において  $G_{\iota} | > 1$ 、または、 $|G_{\iota}| = 1$ において $\angle G_{\iota} < -180^{\circ}$ なら、訂正信号は自分自身との干渉 によって増強され、閉ループは発振する。制御系のループを閉じるとき安定かどうかを予測

-61-

し, また, 発振が生じたときは適当な補償要素を挿入して安定化しなければならない。以下 に電解制御系の安定性は簡単に予測しうることを示す。

(3.84) 式は、図3.5から明らかなように演算増巾器を表わす $\mu$ を前向き要素、電解セル を表わす $\beta$ をフィードバック要素としてループを閉じたことを意味する。ここで訂正信号は  $\mu$ と $\beta$ の直列結合 $\mu$  $\beta$ をまわりつづけるので $\mu$  $\beta$ が一巡伝達関数である。まずボード線図、 図3.18上で $\mu$ と $\beta$ <sup>-1</sup>のゲイン特性曲線の交点を求める。

 $|\mu| = |\beta^{-1}|$ 

この交点の周波数では上式より |  $\mu \beta$  | = 1 =  $G_L$  である。この点での位相差 $\angle G_L = \angle \mu$  $\beta$ を知ればナイキストの条件を知ることができる。それには図中の交差角  $\alpha$  をみればよい。 理由は次のとおりである。

一般に 2 次, 1 次遅れの, それぞれゲイン衰下率40 dB/dec, 20 dB/dec をもつ帯域での 位相遅れはそれぞれ180°, 90° である。すなわち10 dB/decの減衰当り45°の遅れがあると考 えてよい。 $\angle G_{L} = \angle \mu \beta$ は次式

 $\angle \mu \beta = \angle \mu + \angle \beta$ 

で与えられるから図3.18の角  $\alpha \in dB/dec$  単位で表わしたとき、その値が40 dB/dec 以下で あればこの周波数における $\angle G_{\mu}$ の位相遅れは180<sup>°</sup>以下であることを示す。すなわちループ は安定に閉じることができる。逆に40 dB/dec 以上の時は不安定である。

電解系の1/2次遅れ(-10 d B/dec,  $-45^{\circ}$ )の部分が交点にくるような図3.18では上記の 交叉角  $\alpha$  を30 d B/dec で閉じることができ、発振は原理的に生じないことがわかる。

なお,水溶液系の電解制御実験ではしばしば発振を経験する。溶融塩系と異なって溶液抵 抗が高いために照合電極・対極の検出・操作遅れ(抵抗×容量)が大きくなり得るし,また, 電解回路,電子回路の迷容量による遅れが大きくなり,閉鎖率が40*db/dec*以上になり得る。 このようなときには交叉角を小さくするため,種々の補償要素を閉回路に挿入して一巡伝達 関数を変形する。これに関しては,文献14)でくわしく説明し,種々の可能な補償法を挙げ たので参照して頂きたい。

3.3.3 電極過程の伝達関数の測定と、電解制御系における制御帯域の予測・測定<sup>15)</sup>

(1) 電極過程の伝達関数の実測例

伝達関数の測定法としては電気,機械工学のみならず種々の分野での計測に関連して,多 くの方法が提案されている。もし,3.3.2で述べたように電極過程を伝達関数で表現できる のなら,既存のこれらの測定法を電極系に適用して図3.8,図3.9のようなボード線図を実測 できるはずである。ここでは,実測の容易な水溶液系を例にとって*Tl*+の単純拡散系,Cd-ニトロトリ酢酸(NTA)のカイネティック系,Fe-トリエタノールアミン(TEA)のキャタリ ティック系の3つの系において実測のボード線図が,予測したものとよい一致を示し,電極 過程の伝達関数表現が可能であることを実証する。

用いた電極セルは H 型で,対極は水銀プール,参照電極は飽和カロメル電極,指示極は 滴下電極(キャピラリ内径 5  $\mu$ m,滴下時間200s)である。伝達関数の測定法は白色雑音 法<sup>19)</sup>を用いた。入力白色信号は、10ビットのシフトレジスタを利用して得た1024パルス周期 の M 系列(Maximum-length linear shift register sequence)擬似ランダム信号(駆動ク ロックパルス fo に対して fo / 1000 < f < 200 fo / 1000の,約2 ディケードの白色帯域をもつ) を一次遅れ要素を通したのち、可逆系において電位→濃度信号の伝達を線形化しうるよう最 大振巾を±10 mV にしたものである。これを、中心電位の近傍に電位制御の条件で印加した。 入力電位信号および出力の電解電流信号を1024点にわたりサンプリングし、コンピュータ内 で入出力信号の相互相関関数 R<sub>m</sub> およびそのフーリエ変換である、相互パワースペクトル S<sub>m</sub> (ボード線図に等価)に変換した。すなわち S<sub>xx</sub>, S<sub>xy</sub>を入力及び入出力の自己,相互パ ワースペクトル、R<sub>xx</sub> を入力信号の自己相関関数とすると、

一方, 伝達関数 G(j ω) は次式で支えられる。

入力信号は白色信号であるからそのパワースペクトルは定数  $S_*(j\omega) = K$  (一定)である。 故に

となり  $G(j\omega)$ は  $S_{v}(j\omega)$ と同じ形になる。 $R_{xy}$ は入,出力信号 x, y の相互相関関数で、 次式で与えられる。

結局,白色雑音を入力した時のクロススペクトルを取得すればこれがボード線図を与える。 (i) 単純拡散の場合(3.3.2.(2).(i)参照)

0.1mM~3mMTINO<sub>3</sub>-1MKNO<sub>3</sub>

中心電位:-0.47V vs. SCE

$$G(s) = \frac{L|i(t)|}{L|C^o - (0,t)|} = nF\sqrt{D}\sqrt{s} \quad \cdots \quad (3.93)$$

理論ボード線図のゲイン特性曲線は10*dB/dec*の直線,位相は45°であるが測定技術上一 次遅れ(-20*dB/dec*, -90°)を通したので実測ボード線図は-10*dB/dec*,45°となる。 図3.19は3 mM 溶液の S<sub>\*\*</sub>を,実部,虚部に分けて位相とともにプロットしたものである。 図3.20は大きさをプロットものでいずれも理論通りのボード線図が得られている。図3.20で 低濃度でスペクトルの実部の勾配の値が下ってくるのは,1次の微分成分である充電電流の 影響が大きくなってくるためである。一方,その影響を受けない虚部は,0.1mMの濃度で も10*dB/dec* の勾配を維持している。

(ii) 先行反応が付随する場合(3.3.2.(2).(iii).①)

1 mMCd(NO<sub>3</sub>)<sub>2</sub>-10mMNTA(2Na塩)-1MKNO<sub>3</sub>-酢酸バッファ(pH3.71, 4.15) 中心電位:-0.63V vs.SCE

通常  $k_1 \ll k_2$  であり、この平衡は左へ大きくずれており、酢酸緩衡液で pH を一定に保てば  $k_f = k_1$  [H] を常数とみなして擬一次の先行反応系となることはよく知られている。 Cd/Cd<sup>++</sup> は可逆系であるから小振巾の電位規正電解では信号は界面濃度変化から電解電流 へと零次で伝達され、伝達関数は(3.67)式の逆数となって次式で与えられるはずである。

$$G(s) = \frac{L[i(t)]}{L[C^o - C(0,t)]} = \frac{nF\sqrt{D}}{k_f T} \left\{ 1 / \left( \frac{1}{\sqrt{s}} + \frac{k_b \sqrt{T}}{k_f \sqrt{Ts+1}} \right) \right\} \quad (3.95)$$

ただし式中  $k_f = k_1$ [H],  $k_b = k_2$  である。

理論ボード線図は図3.21中の実線であるが、一次遅れを挿入しているので同図破線が実測 される。 $Cd^{++}$ の補給は図の領域Iでは、遊離した $Cd^{++}$ の拡散により、領域IIでは錯体の解離 反応によって、領域IIIではCd錯体自身の拡散によって起ることは容易に推定できる。K. R. Bullok, D. E. Smith<sup>10</sup>によれば pH=3.05で  $k_1$ =3.5×10<sup>2</sup>, K = $k_1/k_2$  =4.9×10<sup>-2</sup>,  $k_2$  =0.7× 10<sup>4</sup>である。すなわち K $k_2$  =17であり、図3.21中の左の折点は2.7Hz 近傍、右の折点は 1100Hz付近に現われるはずである。用いた白色雑音の帯域は、装置の関係上0.15Hz ~



図3.19 3.0mMT1\*/DME系クロススペクトル



図3.20 Tl<sup>+</sup>/DME系のクロススペクトル



図3.21 カイネティック過程の理論ボード線図
600Hz であるから左側の折点が観測可能である。

pH 3.71および pH 4.15の Cd-NTA 系について実測結果を図3.22に示した。図中 1 は NTA を含まない場合で, -10 *d B/dec* の直線を示している。先行反応が生じないので単純 な拡散パタンを示している。

図中の2はNTAを40mM加え、pHを3.71に、3はpHを4.15にした時のものである。い



図3.22 Cd(NTA)系のクロススペクトル

ずれも−10 dB/dec から−20 dB/dec への勾配の変化による析点が認められ, pH の増加 (Kk/が減小する)とともに予測通り析点は低周波数側(左側)へ移動している。 (iii)後続化学反応が付随する場合 (3.3.2.(2)(iii)②)。

この系は後続化学反応系としてよく知られ、もし NH<sub>2</sub>OH が Fe(TEA)<sup>-</sup>に比べて大過剰に 存在する時は速度定数は *k*[NH<sub>2</sub>OH]=*k* と考えることができ擬一次反応とみなせる。Fe の還 元は可逆であるから、電位から電流への伝達関数は(3.72)式の逆数で与えられる。

ここでT=1/kである。ボード線図は図3.23となり、一次遅れを通して実測されるものは 図中の破線で示したようなものになる。酸化種の補給は領域(I)では後続化学反応によって、 (II)では拡散によって行なわれる。

D. S. Polcyn, I. Shain ら<sup>19</sup>によると〔NH₂OH〕が130mMの時 &=25.2であるといわれ, 析 点は4Hz 付近に現われることになる。



図3.23 キャタリティック過程の理論ボード線図

実測ボード線図を図3.24に示す。1 は NH<sub>2</sub>OH を加えない場合で典型的な拡散パタンを示し、2 では [NH<sub>2</sub>OH ] が130mM、3 では400mMである。予想どおり-20 dB/decの化学反応パタンから10 dB/decの拡散パタンへの移行の析点が認められ、また [NH<sub>2</sub>OH ] が大きく (k が大) なると予想通りこの析点は右側へ移行している。



図3.24 Fe(TEA)NH2OH系のクロススペクトル

(2) 電解制御系における制御帯域の予測と測定結果

図3.18中の $\beta$ は450℃において溶融塩系の物性値に基づいて20mMの復極剤濃度に対して 予測した電解セルのボード線図である。セルの通過帯域は $R_M$ が100 $\Omega$ で1k(rad/s), 1 k $\Omega$ ではわずか1(rad/s)である。今, 制御によってこの帯域を10kHzにするため制御帯域の析 点周波数がこれより1 dec 高い100KHz ( $\approx$ 10<sup>6</sup>(rad/s))となるよう設計する。

このため3.3.2(5)で示したように図3.18ではフィルブリック社 p45AU 演算増巾器(オー プンゲイン95~100 dB, 交叉周波数が 100MHz)を選定している。前節で述べた手法に 従って p45AU のゲイン特性曲線 Goa を書き込み,ついで電解セルのゲイン特性を差し引い てループゲインGu を得る。0 db との交点が制御帯域であり10<sup>6</sup>rad/s に設定されている。交 叉率は30 dB/dec であり安定に動作するはずであり、実事,制御系は安定であった。

20mMAgCl-LiCl-KCl系(450℃)において0.4mm<sup>\*</sup>の白金指示極を用い測定したボード線 図を図3.25に示した。用いたオツシレータの発振波数は10MHzまでである。

同図にみられるように、10<sup>°</sup>Hz で約5°の位相おくれがみられるがゲイン特性曲線はほぼ 10<sup>°</sup>Hz までフラットであり、予想値との大差は認められない。



図3.25 Ag<sup>+</sup>(LiCl-KCl)系の電解制御の周波数応答

## 3.4 文 献

- 1) M. Steinberg, N. H. Nachtrieb : J. Am. Chem. Soc., 72. 3558(1950)
- 2) R. J. Heus, J. J. Egan : J. Electrochem. Soc., 107, 824(1960)
- 3) E. D. Black, T. DeVries : Anal. Chem., 27, 906(1954)
- 4) D. L. Maricle, D. N. Hume : Anal. Chem., 33, 1188(1961)
- 5) H. A. Laitinen, C. H. Liu, W. S. Feragnson : Anal. Chem., 30, 1266(1958)
- 6) Yu, K. Delimersky, I. D. Panchenko : Coll. Czek. Chem. Commun., 25, 3061(1960)
- 7) S. N. Flengas : J. Chem. Soc., 534(1956)
- 8) 西. 端野, 一瀬: 京大工研彙報, 24, 28(1963)
- 9) 西, 一瀬: 京大工研彙報, 19, 26(1961)
- 10) 一瀬,永柳,小島: J Electroanal. Chem., 49, 187(1974), 70, 245(1976)
- 11) 西, 一瀬:電気化学, 32, 155(1964)
  西, 一瀬:京大工研彙報, 24, 30, 31(1963)
- G. L. Booman, W. B. Holbrook : Anal. Chem., 35, 1793(1963)
   D. Garreau, J. M. Saveant : J Electroanal. Chem., 50, 1(1974)
- 13) 一瀬,小島:溶解塩,11,159,298(1968)
- 14) 一瀬,小島:電気化学, 37, 15, 93, 157(1969)
- 一瀬, 永柳, 小島: J Electroanal. Chem., 33, 253(1971)
   八嶋, 一瀬, 小島: Reb. Polarogr., 21, 15(1975)
- 16) K. R. Bullock, D. E. Smith ; Anal. Chem., 46, 1069(1974)
- 17) D. S. Polcyn, I. Shain : Anal. Chem., 38, 376(1966)
- 18) 一瀬,山岸,小島: J Electroanal. Chem., 94, 187 (1978)., 106, 35 (1980). 108, 213 (1980). 132, 85 (1982). 147, 97 (1983). 113. 41 (1980)
- 19) たとえば G.A.Bekey, W.J.karplus: "Hybrid Computation", J.wiley, N.Y. (1971)

## 第4章

# 溶融塩ボルタンメトリーの定量機能に関する研究

#### 4.1 はじめに

ポーラログラフィ,ボルタンメトリーは,定量分析と定性分析を,分極曲線より得られる 2つのパラメータによって同時に行なうという,他の電気分析法にない特長をもっている。 特にその定量分析の機能は定性分析のそれに比べて信頼性も高く,この方法の基本的な機能 とみなされている。定量分析の基礎となっている溶液内の拡散現象が,均一化過程であって, 安定性・再現性に富んでいるからである。従って,なによりもまず溶融状態のままでの定量 情報の取得手段として有用であると考えられ,その定量機能についての研究は極めて重要で ある。

本章の目的は,静置微小固体指示極を用いた高速単掃引法を溶融塩系におけるいわば標準 的な定量法とするため,この方法において物質移動に影響を与える種々の要因をできるだけ 定量的に明らかにしようとする点にある。

さて,固体分極指示極を用いて定量分析を行なおうとする場合,高速単掃引法によって安 定な拡散を実現したとしても(3.2.2参照)なお,一つの問題が残る。復極中の析出金属の 活量変化を一義的に規正できないという問題である。

可逆な金属還元を例にとってこれを説明しよう。指示電極電位は電極界面の還元体,酸化 体の活量比で決る。もし分極指示極が水銀であれば,水銀表面上での還元体である析出金属の 活量は水銀内での析出金属の拡散によって決まり,その値は界面での濃度勾配すなわち電流 に比例する。また酸化体の電極界面での活量も溶液内での拡散によって決まり,電流値と限 界電流値の差に比例する。従って電流の関数としての両活量をネルンスト式に代入すれば, Heyrovsky-Illkovic 型の電位-電流関係曲線が一義的に得られ,曲線に対して半波電位・波 高という定性・定量パラメータが一義的に定まる。

ところが,分極指示極が固体であれば,まず酸化体の界面濃度については,これが溶液内 拡散で決まる点で,水銀電極の場合と同じであって問題は生じないが一方,還元体の析出金 属の活量は,種々の金属が,種々の指示極素地金属表面上に析出するため,その組合せや析 出量によって,析出金属,素地金属間での復雑な界面固相反応(合金生成,結晶析出など) の平衡論,速度論的様相が異なり,拡散によって定まる水銀極の場合のように,一義的にそ の値を設定することができない。特に,高速単掃引法では,分極終了後も指示極の素地金属 が析出金属で全面的に覆われることがなく,単純に析出金属の活量を一定とおくこともでき ない。この結果,5章にみられるように観測されるボルタモグラムは析出金属活量の複雑な 変化に応じて複雑な形状を示し,ボルタモグラムから得られる定性・定量両パラメータはと もに,注意深く設定した特定の条件以外ではその本来の役割を期待しがたいものとなる。す なわち,固体電極における定量機能の研究は決して単純なものでない。特に電位規正法では 界面での酸化・還元両態の活量比を電位を通じて変化させることによって,直接的に溶液内 拡散を馳動するため,この影響を大きく受ける。この間題は5章で取り上げる。

幸いなことに単掃引法の一つであるクロノポテンシオメトリーで得られる定量パラメータ, 還移時間,は次節で述べるように析出金属の活量変化の影響を受けにくく,溶液内の物質移 動の様子のみを独立に反映している。

本章では、単掃引型電解によって図2.5d に示した形の固体指示極近傍で生じる拡散の様 子を遷移時間定数を指標にして詳細に調べた。

拡散に関する本章での実験結果は、5章で導入する相当分極状態の考えを用いて他の異 なった電極形式のボルタンメトリーに定量的に拡張することができる。

以下,まずクロノポテンシオメトリーにおける拡散の境界値問題を無次元化して分極速度 なる量を導入した(4.2)。そして拡散の様子を調べるには,遷移時間定数を分極速度を実験 変数として測定するのがよいことを示した。また,溶融塩系での拡散の安定性を調べるため, 遷移時間定数の再現性を測定し,これに影響を与える,電極溶封ガラス材質,測定ごとの分 極の回復とかくはん,および電極前処理について適正な条件を明らかにした(4.3)。ついで, 分極速度を広い範囲にわたって変化させて遷移時間定数の変化の様子を測定し,これに影響 を与える自然対流,指示極エッジ,残余電流,電極直径,二重層充電電流,電極表面アラサ などの因子が分極速度をかえるとどのように生成し消滅するかを解析し,これらの影響を分 極速度の関数として定量的に表現する式を導くとともに線型拡散(遷移時間定数が分極速度 によらず一定)を生じさせる分極速度の範囲を明らかにした(4.4)。

## 4.2 高速単掃引ボルタンメトリーにおける物質移動の測定

固体指示極高速単掃引ボルタンメトリーの定量機能の基礎的研究のため本章で採用した方 法を述べる。

## 4.2.1 クロノポテンシオメトリーの境界値問題の無次元化

クロノポテンシオメトリーは、一定の電流で電解しつつ、その間の時間(chrono) 一電位 測定(potentiometry)を行う方法としてデラヘイによって名付けられた電流規正の単掃引型 ボルタンメトリーである。その拡散に関する基本理論はよく知られている。ここでは、本章 での測定データの整理や、本章における成果を他の電解形式に援用する際に重要な役割を果 す基本理論の無次元化と分極速度なる量の導入を行う。

濃度  $C^{\circ}$  なる金属イオン  $M^{n+}$  がクロノポテンシオメトリーの条件, すなわち一定電流 L(A) により,指示電極上で金属 M に電解還元されるとする。電極からの垂直距離を x, 電解開始からの時間を t とする。いま  $M^{n+}$  の電極面上への物質移動は線型拡散と仮定する と,溶液中の復極剤の濃度は x と t のみの関数 C(x,t) となり,よく知られているように Fick の拡散の法則により与えられる。すなわち電解前は溶液に濃度分布がないとする単掃 引型の (4.1) 式で示される初期条件およびクロノポテンシオメトリの電解条件,すなわち 界面の流束一定を示す (4.2) 式の境界条件の下で偏微分方程式 (4.4) 式の解として与えら れる。

初期条件  $C(x,0) = C^{\circ}$  (4.1)

境界条件 
$$\left(\frac{\partial C(x,t)}{\partial x}\right)_{x=0} = \frac{I_0}{AnFD}$$
 (4.2)

$$[C(x,t)]_{x=\infty} = C^{\mathfrak{o}} \qquad \cdots \qquad (4.3)$$

Fickの第2則 
$$\frac{\partial C(x,t)}{\partial t} = D \frac{\partial^2 C(x,t)}{\partial x^2}$$
 (4.4)

ここで A は電極面積, D は拡散定数, n は電子数, F はファラデー定数である。(4.1), (4.2) 式を用いて (4.4) 式を解くと次式が得られる。

$$C(x,t) = C^{\circ} - \lambda \sqrt{D} \left\{ 2\sqrt{\frac{t}{\pi}} \exp\left(-\frac{x^{2}}{4Dt}\right) - \frac{x}{\sqrt{D}} \cdot \exp\left(\frac{x}{2\sqrt{Dt}}\right) \right\} \quad \dots \qquad (4.5)$$

ここで  $\lambda = I_0/nFAD$  である。

界面濃度が0になるのに要する時間,即ち遷移時間 $\tau$ を求めるため $C(0,\tau) = 0$ とおいて上式を解くと  $\tau$  に関してよく知られている定量の基礎式(Sandの式)が得られる。

$$\tau^{1/2} = \frac{C^{0} \pi^{1/2} n F D^{1/2} A}{2I_{0}} \qquad \dots \qquad (4.6)$$

すなわち、 $\tau^{1/2}$ は濃度に比例する。 $\tau$ を測定するためには、適当な  $I_0$ を選ぶ必要がある が、上式で  $I_0 \geq \tau^{1/2}$ は逆比例の関係にあり、 $I_0 \in t$ にすると $\tau$ は小に、または  $I_0 \in t$ にす ると $\tau$ は大となる。ここで実測できる量のみよりなる  $\frac{I_0 \tau^{1/2}}{AC^0}$ は定量分析の比例常数に相当 して遷移時間定数  $K_\tau$ とよばれる。

 $K_{\tau} = \tau^{1/2} I_0 / A C^0$  (4.7)

Krの内容は線型拡散の場合にかぎっていえば(4.6)式から(4.8)式で与えられる。

$$K_{\tau} = \frac{\tau^{1/2} I_0}{A C^0} = \frac{1}{2} \pi^{1/2} n F D^{1/2} \qquad (4.8)$$

線型拡散では  $K_r$  は、電流値  $I_0$ 、遷移時間 r、濃度  $C_0$  に無関係に復極剤に特有の拡散定 数のみで決る値となる。逆に実測  $K_r$  が、これらの測定条件をかえても一定値を保つならば、 線型拡散が生じていると考えられる。

さて本章では次の変数変換により無次元化濃度 q, 無次元化時間 ρ, 無次元化距離 S を 定義してクロノポテンシオメトリーの上述の基本理論の無次元化をはかる。

 $q = C(x,t)/C^{\circ} \qquad (4.9)$  $S = \sqrt{P/D}x \qquad (4.10)$ 

$$\rho = Pt \qquad (4.11)$$

但しPは境界条件を無次元化するために本論文で導入した量でここでは仮りに分極速度 と呼び次式で与えられる。

$$P = \frac{1}{n^2 F^2 D} \left(\frac{i_0}{C^0}\right)^2 \qquad (\beta \bar{w} \bar{w} \bar{g}) \qquad \dots \qquad (4.12)$$

但し i<sub>0</sub> は I<sub>0</sub>/A で電流密度である。

このようにおくと(4.1)式,(4.2)式の条件式は無次元化され,(4.13, 4.14, 15)式となる。

$$-75-$$

境界条件 
$$\left(\frac{\partial q}{\partial S}\right)_{S=0} = 1$$
 (4.14)

$$q(0,\infty) = 1 \qquad (4.15)$$

拡散方程式(4.7)式も次の様にして無次元化される。 いま(4.9)式,(4.11)式を(4.4)式の微分方程式の左辺に代入すると,

$$\frac{\partial q}{\partial \rho} P = D \frac{\partial^2 q}{\partial x^2}$$
$$\frac{\partial q}{\partial \rho} = \frac{D}{P} \frac{\partial^2 q}{\partial x^2} = \frac{D}{P} \frac{\partial}{\partial S} \left(\frac{\partial C}{\partial S} \frac{\partial S}{\partial x}\right) \frac{\partial S}{\partial x}$$
$$= \frac{D}{P} \frac{\partial^2 q}{\partial S^2} \left(\frac{\partial S}{\partial x}\right)^2$$

しかるに(4.10)式より

$$\left(\frac{\partial S}{\partial x}\right)^2 = \left(\sqrt{\frac{P}{D}}\right)^2$$

$$\therefore \quad \frac{\partial q}{\partial \rho} = \frac{\partial^2 q}{\partial S^2} \cdot \frac{D}{P} \left( \sqrt{\frac{P}{D}} \right)^2 = \frac{\partial^2 q}{\partial S^2}$$

すなわち無次元化された拡散方程式(4.16)式を得る。

$$\frac{\partial q}{\partial \rho} = \frac{\partial^2 q}{\partial S^2} \qquad (4.16)$$

つぎに, 解として界面濃度 q(0, p) を求めよう。まず(4.13),(4.14) 式の条件で(4.16) 式を解くと(4.5) 式に相当して次式が得られる。

$$q(S,\rho) = 1 - \left\{ 2\sqrt{\frac{\rho}{\pi}} \exp\left(-\frac{S^2}{4\rho}\right) - Serfc\left(\frac{S}{2\sqrt{\rho}}\right) \right\} \qquad (4.17)$$

したがって界面濃度は、上式で S=0とおいて

$$q(0,\rho) = \left(1 - \frac{2}{\pi^{1/2}}\rho^{1/2}\right) \qquad \dots \qquad (4.18)$$

-76-

となる。

界面濃度が零になるまでに要する時間,すなわち無次元化遷移時間を $\rho_r$ とすると, (4.18)式において $q(0, \rho_r) = 0$ とおいてPについて解き $\pi/4$ を得る。

$$\rho_{\tau} = \frac{\pi}{4} \qquad (4.19)$$

(4.18) 式はしたがって次式のように表わされる。

$$q(0,\rho) = 1 - \sqrt{\frac{\rho}{\rho_{\tau}}} \qquad (4.20)$$

(4.16) 式を(4.13),(4.14) 式の条件の下でアナログコンピュータで解くと(5章参照), 時間 *P* をパラメータにし,無次化距離 *S* を変数とする,無次元化濃度分布図を図4.1のように得ることができる。曲線上のパラメータはこれに π/(4×30) を乗じると無次元化時間 となる。

次に,固体電極における可逆析出の場合のクロノポテンシオグラム,電位 E—時間 t曲線 を無次元の形で求めておこう。この場合はつぎのネルンスト式が成立する。式中のC(0, t) または q(0, $\rho$ ) は (4.5) または (4.18) 式で与えられる。

 $E = E^{0} + \frac{RT}{nF} ln \frac{C(0,t)}{a(t)} = E^{0} + \frac{RT}{nF} ln \frac{qC^{0}}{a(\rho)} \qquad (4.21)$ 



図4.1 クロノポテンシオメトリーにおける濃度分布図

図4.2 理論クロノポテンシオグラム

ここで E<sup>o</sup> は金属 M の標準単極電位, a は析出金属の活量である。

さてボルタモグラムを記録中の指示極上に析出する金属の活量変化a(t)は、電極素地や 析出金属の種類、定電流値 $i_0$ や析出量、金属結晶成長過電圧、経過時間などに一般に依存 し、すでに述べたように固体電極における定性、定量分析を困難にする原因(5章で解析) となるが、ここでは、いわゆる Kolthoff-Lingane の仮定すなわち、金属の析出がはじまるや 表面は析出金属で覆われ、a(t)は1になり、以後は変化しないとする仮定を用いる。した がって(4.21)式は、

$$E = E^{\circ} + \frac{RT}{nF} \ln C^{\circ} q(0,S)$$

.

$$= E^{\circ} + \frac{RT}{nF} \ln C^{\circ} \left( 1 - \sqrt{\frac{\rho}{\rho_{\tau}}} \right) \qquad (4.22)$$

となる。

上式の無次元化波形を図示したものが図4.2である。図中の点線で示した曲線は, Kolthoff-Linganeの仮定が成立せず,活量が変化する場合の模式的なクロノポテンシオグラ ムを示す。

#### 4.2.2 遷移時間と物質移動

溶液内物質移動のみを反映する量として、本章で遷移時間を選んだ理由は溶液内過程が拡 散のみの場合はその値を与える(4.6)式が溶液内の拡散を表わす(4.1~4.4)式のみから 導出されることに基づいている。すなわち一定流束で電解したとき、界面濃度が初期値から 濃度零に到達する時間(定量パラメータ)は、活量変化や非可逆性などによる途中の経過如 何にかかわらず、一義的に(4.6)式で与えられる。これに反して、次章で定性機能を解折 するために採用した高速単掃引法である Randles 型ボルタンメトリーなど、電位規正法では 境界条件(4.21)式の E を時間の関数として規正することによって界面での C(0,t)/a(t) を変化させて拡散を馳動する。このため、5.3.3、5.4.2で示すように、たとえ定量特性であ るピーク電流であっても、物質移動以外に、析出金属の活量の変化の様子や過電圧の影響な ど、電極表面特性の影響を著しく受けることになり、物質移動のみの様子を一義的に反映し た量とみることができないのである。ただし、遷移時間も電極の表面の特性に全く無縁では ない。遷移状態の到達は、図4.2に示すように電位の急変により検知されるが電極特性の影 響は、図中の点線で示すように波形に影響を与え、点線の占める割合が大きくなれば遷移時 間を求めるための作図の結果に一定の影響を与え得る。しかし Randles 型ボルタンメトリー など、ピーク電流値が直接に影響を受ける場合に比べると、この影響ははるかに小さく、また4.3.4(3)に述べる方法で避けることができる。

#### 4.2.3 分極速度を変数とする遷移時間定数の測定

境界条件を無次元化するため(4.12)式で導入した分極速度 P なる量は本論文の4,5 章を通じて実験上,もっとも重要な基本変数として用いていく。一般にボルタンメトリーに おける種々の電解型式の差は,拡散方程式を解く際の境界条件の差によって与えられるが, P に相当する量は5章の(5.8)式でみられるように,他の電解形式においても境界条件の 無次元化にあたって(4.10),(4.11)式と同じ形式で導入することができるのである。そし てこのP を基本的な実験変数として測定を進めると,一つの電解形式内において,また異 なった電解形式相互間にも多くの現象について次に示すように,東一性が期待できる。

クロノポテンシオメトリーにおいては、Pなる量は L と C<sup>0</sup>,および電極面積 A,すなわち実験条件によって与えられる。(4.10)式、(4.11)式の変換式が示すように、P が大なるほど、実時間 t と実距離 x は縮小する。換言すれば、遷移時間はより短かくなり、拡散層はよりうすくなる(その際の両者の定量的な関係は(4.10)、(4.11)式および図4.1が示す)。すなわち P を大にすることは分極を早く行った事に相当する。このための P をここでは、分極速度と呼ぶわけである。たとえ L や C<sup>0</sup> が異なってもその比で決る P が同一、即ち分極速度が同じ条件で行われた二つの実験は、無次元化距離 S と無次元化時間  $\rho$  に対して、(4.10)、(4.11)式において等しい換算係数をもつわけで、したがって両実験では遷移時間が等しくなるとともに、生じた、実時間 t、実距離 x で示された濃度分布も原理的には同等となる。

この結果,対流やエッジ,表面アラサなどの拡散におよぼす影響も,個々の L や C<sup>®</sup>の値には無関係に, P によってのみ束一的に定まってくることが期待されうる。

一方,(4.7)式で示されるように遷移時間定数 $K_r$ は、半無限拡散の場合には上述の分極 速度に無関係に一定値を保つ性質がある(定量法としての Sand の基礎式)。そこで本章で は、Pに相当する( $i_0/C^0$ )<sup>2</sup>を主実験変数として変化させて横軸とし、(4.7)式で与えられる  $K_r$ を実測して縦軸とするという形でデータを整理し、 $K_r$ の、一定値よりのズレを解析する ことにより、定量の基礎となる半無限拡散に影響を与える諸因子、すなわち、対流、表面ア ラサ、電極周辺部(エッジ)、二重層充電、残余電流などの影響を分極速度 Pを自変数とす る関数の形で定量的に式で表現することを試みた。

分極速度を横軸としたこれら諸因子の生成, 消滅のパターンは, 5章で述べる相当分極状

態の考えに従って P を共通尺度としてそのまま他の電解形式のボルタンメトリーにも適用 できるのである。この考え方が本章の特長となっている。

なお、本実験を行った時点で溶融塩クロノポテンシオメトリーの研究例は、H. A. Laitinen らによる報告<sup>30</sup>のみであり、現在においてはすでに広く利用されるにいたっているが<sup>10-i4)</sup>、本章のように他形式のボルタンメトリーへの拡張も考えつつ、かつ分極速度を広くかえて、溶融塩という場において定量に影響を与える因子を包括的かつ定量的に解析した例はない。

本節の結果をまとめると、溶融塩ボルタンメトリーにおける物質移動のみを独立にとり上 げて研究する方法について検討し、

 まず溶融塩ボルタンメトリーにおいて固体指示電極を用いる場合は、熱対流をさけ、 電析物による電極の変形をさけるために、静置指示極による高速単掃引法のボルタンメト リーが適していることを明らかにした(3.2.2参照)。

② 高速単掃引法の定量機能に影響を与える因子を観測する方法として、物質移動のみを、 他の効果から分離して反映しているクロノポテンシオメトリーの遷移時間の測定が適してい ることを示した。

③ クロノポテンシオメトリーの基本理論を無次元化し、他の電解形式のボルタンメト リーと共通の形で定義できる分極速度なる量を導いた(5章参照)。

④ 本章における実験データの整理法である、分極速度を変えて遷移時間定数を測定する 方法を説明した。各分極速度領域で束一的にあらわれることが予想される遷移時間定数の一 定値よりのズレの要因を解析することにより、どのような分極速度の領域ではどのような因 子が半無限線型拡散を基準とする定量機能に影響を与えるかを定量的に明らかにするためで ある。このようにして得られたクロノポテンシオメトリーにおける分極速度に対する諸因子 の生起、消滅の、分極速度を軸とするスペクトル的なパターンは、5章で述べる相当分極状 態の理論により、分極速度を共通尺度としてそのまま他の電解形式に拡張することができる。

#### 4.3 実験操作,遷移時間の再現性

#### 4.3.1 はじめに

まず溶融塩系における物質移動そのものの再現性を明らかにする目的で、クロノポテンシ オメトリーの遷移時間の再現性を測定する(4.3.3)。また、この測定の過程で明らかになっ た再現性を得るために必要な実験操作法を述べる(4.3.4, 4.3.5, 4.3.6)。これらの方法は 高速単掃引法に属する他の電解型式のボルタンメトリーにおいても、物質移動の再現性を維 持するために採用する必要がある。

#### 4.3.2 クロノポテンシオメトリーの測定操作

(1) 電極

本章では、クロノポテンシオグラムの遷移時間値のみを測定し、その電位特性の精密な測 定は行なわない。したがって照合電極は使用せず、2極方式により25mm×35mmの白金板対 極と白金指示極のみを用いた。同様の理由で指示極金属材の効果は測定対象としなかった。 すなわちタングステンやモリブデンに比べて再現性の良い残余遷移時間を与える白金極のみ を用いた。なお対極に白金を用いたのは、測定の後に白金指示極をそれと短絡して、指示極 を電位的に再生させるためである。固体指示電極の形状は、すでに述べたように図2.5の*d* に示した、成形ならびに再生を高い精度でしかも容易に行なうことのできる埋め込み微小円 板である。製作法の詳細は2.3.2で述べたとおりで、0.1、0.2、0.4、0.8mm ¢ でそれぞれ 30mm長の表面にキズのない白金線を、熱起電力を避けるため白金リード線(0.4mm ¢)に 点溶接し、ガラスに溶封したのち、先端を直角に240、600、1000、1500、2000番の乾式エメ リーを用いて遂次的に研磨して鏡面とした。顕微鏡で表面に疵のないことを確かめ、また視 野内の校正ずみのスケールを用いて3方向に直径を測定しこれを平均して電極直径を求めた。

(2) 溶液の調成

LiCl-KCl 浴は2章で述べた方法で調整し、450°C でアルゴン雰囲気下で用いた。真空乾燥 した市販の無水塩化物を用いて約2mM から160mM に至る Cd<sup>"</sup>, Ni<sup>"</sup>, Pb<sup>"</sup>, Tl<sup>'</sup>, Zn<sup>"</sup>, Cr<sup>""</sup>, Ag<sup>'</sup>の溶液を調整した。溶質の添加による溶液の密度変化は無視した。

(3) 測定回路

3章で示した測定装置をクロノポテンシオグラフのモードにセットし,かつ2極法で測定 するため照合電極と対極用の端子を短絡して用いた。電解開始のスタートボタンを押し,こ れと連動させたカメラで,ブラウン管上の波形を35mmX線用フィルム上に撮影し,現像後 原像の2倍に拡大投影してデラヘイの作図法により遷移時間を求めた。

(4) 測定手順

小型の白金ルツボに入れて秤量した復極剤をルツボごと浴に投入し,対極を用いてよく攪伴した。ついで指示極を電解槽に挿入し,溶封部の破損,電極面での気泡の発生をさけるため、あらかじめ浴上約0.5cmの位置に3分程保持して温度平衡に達せしめたのち浴に漬けた。

浴の脱水が満足に行なわれている場合は、電極の白金面は浴になじまず電気的導通がとれ ない。導通をとるために測定器を電圧掃引モードに切り換え、電極をよく振りつつあるいは 必要なら、電解槽を真空に引きつつ、-2.5V~-4V(対極)位まで0.5V/sの速度で1~2 回掃引を行った。導通はブラウン管上の輝点に電気炉よりの60サイクルの誘導ノイズがなく なることで知った。導通を得るため上記の電位範囲以上に、正または負の分極を行なうと電 極の溶出やアルカリ金属析出により溶封部の浸触をまねき、電極ごとの遷移時間の再現性を 下げるので避けなければならない。同様の理由でクロノポテンシオグラムの記録の際は、3 章で述べた自動電流遮断リレーを用いて指示極の電位が溶媒の電解電位に達する前に定電流 を遮断することが望ましい。測定の前には4.3.4で述べる前処理を指示極にほどこし、測定 後は必ず白金極と短絡して析出物を溶出した。これらの操作によって生じる電極近傍の濃度 分布は4.3.4で述べる方法で除去した。研磨後最初に使用した場合や、定電流値を変更した 場合は、3~4回分極を行って遷移時間が定常値になってから記録した。定電流値を変更す る場合は、析出量の少ない高電流値から析出量の大きい低電流値の方向に変更した。また、 50回測定するごとに指示極をいったん浴から取り出し、エメリーの1500番、2000番のみを用 いて研磨し直した。

#### 4.3.3 クロノポテンシオグラムの測定結果および遷移時間の再現性

(1) クロノポテンシオグラム

図4.3にバックグランドをまた、図4.4に種々の条件でとられたクロノポテンシオグラムの 測定例を示した。図4.4中aはCd<sup>u</sup>, bはNi<sup>u</sup>, cはCr<sup>u</sup>, dはAg<sup>l</sup>の復極波である。図4.3の バックグラウンドにおいて最終的に指示極が一定電圧を示しているのは溶媒の電解が起って いるためで、その電圧以前のバックグラウンドは低く、浴がよく精製されていることを示す。 図4.4中、aとbはそれぞれ金属析出が液状で起る場合と固状で起る場合を示すが、いずれ も明瞭な波形を示し容易に遷移時間を求めることができた。またcはCrCl<sub>3</sub>の2段還元の例 で、第1波はレドックス系のクロノポテンシオグラムを示す。第2波に示されるいわゆる under potential は白金電極上でのCr 金属の析出に過電圧があることを示している。



図中のa, bについて波形解折(E-rプロット)を行うと両方ともほぼ同じ直線を示して

-82-

L:1200μA X:1ms/cm Y:0.5V/cm 図4.3 バックグラウンド



図4.4 種々の条件でのクロノポテンシオグラム

n = 2が得られた。a, bの観測は低い分極速度で行われたため,(3.3)式により,全析出 量は多くなり,従って復極波の比較的初期に指示電極の表面は析出金属でおおわれ,かつ高 温であるため,以後は可逆的に還元が進行し,Kolthoff-Ligane型に近い復極が生じている と考えられる。析出過程の解析は本章の目的とする所でなく,次章に詳細を述べるのでこれ 以上波形解析には立ち入らない。

(2) 遷移時間の再現性

遷移時間の測定値の再現性を上げるためには,電極溶封ガラスの材質など,以下,4.3.4 に述べるような,実験操作上の種々の点に注意を払う必要がある。これらの注意を払って測 定した値は,また次節以下で述べるように用いた分極速度にも依存する。本節ではほぼ中間 的な分極速度で測定した場合の再現性を示した。

表4.1は、BM ガラス(日本電気ガラス製のモリブデン溶封用ガラス)に0.4mm $\phi$ の白金線を溶封した指示極を用い、450°Cにおいて、NiCl<sub>2</sub>(86.8mM)溶液の380 $\mu$ Aの定電流電解における連続測定の場合の遷移時間及び、これより計算した遷移時間常数 $K_r$ の再現性を示す。測定回数のこの範囲では電極は劣化することなく、遷移時間定数に対して1.4%程の測定精度を与えた。

また,液体金属として析出する CdCl<sub>2</sub>(58.2mM)溶液において上と同様の電解条件において測定した結果を表4.2に示す。このほか液状で析出する PbCl<sub>2</sub>, TlCl, 固状で析出する

-83-

| 表4.1 遷移時間定数の再現性 | (NICI2) | ) |
|-----------------|---------|---|
|-----------------|---------|---|

|   | 遷移時間 r, ms | 遷移時間定数 Kr |
|---|------------|-----------|
| 1 | 16.8       | 436       |
| 2 | 16.3       | 430       |
| 3 | 17.1       | 440       |
| 4 | 16.8       | 436       |
| 5 | 16.2       | 426       |
| 6 | 17.2       | 440       |
| 7 | 16.5       | 430       |
| 8 | 16.4       | 430       |
| 9 | 17.3       | 443       |

平均 434±6(±1.4%)

表4.2 遷移時間定数の再現性(CdCl<sub>2</sub>)

|    | 遷移時間 $\tau$ , ms | 遷移時間定数 K <sub>r</sub> |
|----|------------------|-----------------------|
| 1  | 11.6             | 539                   |
| 2  | 11.8             | 544                   |
| 3  | 11.9             | 546                   |
| 4  | 12.3             | 555                   |
| 5  | 12.0             | 548                   |
| 6  | 12.2             | 553                   |
| 7  | 12.0             | 548                   |
| 8  | 12.4             | 557                   |
| 9  | 11.7             | 541                   |
| 10 | 12.1             | 550                   |

平均 548±6(±1.1%)

AgCl についてもほぼ1.5%程度の測定精度が得られた。析出金属が液体であるか固体である かはこの分極速度領域では定量精度に影響を与えず,拡散が安定して再現されることがわか った。

#### 4.3.4 遷移時間の測定に影響を与える因子

(1) 溶封ガラスの材質

溶封ガラスの材質は,溶融塩系において分極速度が高い状態では低い分極速度の領域や直 流ポーラログラフィーでは観測のできない影響を遷移時間の再現性に与えることが明らかに なった。また逆に,この効果を利用して高速掃引法に適した指示極のための溶封材質を選ぶ こともできる。

一般に白金線をガラスに溶封する場合,膨脹係数の近いガラス材質を選び,溶封部の歪を 安全圏内に押えて溶封すると,溶封部は密着し,いわゆる perfect sealを達成することがで きる。0.4mm ∮の白金をその線膨脹係数9.25×10<sup>-6</sup>にほぼ等しい9.9×10<sup>-6</sup>の膨脹係数をもつ 日本電気ガラス製の SL ガラスに溶封して約25mM の CdCl₂ 溶液において種々の定量流値で, 分極回数に対する遷移時間の再現の様子をプロットしたものが図4.5である。定電流値 L<sub>6</sub> が 125 μ A 以下,遷移時間にして50ms あたりから上の領域では再現性は比較的よいが,それ以 下の短かい遷移時間の領域では測定ごとに遷移時間が増加する現象が現われる。この増加は, 図にみられるように遷移時間が短かくなるほど著しくなり,たとえ perfect seal であっても このような電極は高い分極速度でのクロノポテンシオメトリーには使用できないことがわ かった。種々検討したが,最終的には白金線を膨脹係数4.9×10<sup>-6</sup>の,本来モリブデン封入 用の BM ガラス (日本電気ガラス製) に封じることにより,上記の定電流値の範囲でこの増 加現象を避けることができた (溶封法は2.3.2(1)参照)。この場合の再現性の一例はすでに 4.3.3に示したとおりである。BM ガラス-白金の組合せはいわゆる unmatched sealであるが,



0.6~0.8mm ∮までの白金線であればひび割れや,封入面の剝離なしに溶封できた。白金の 延性のため白金側で歪が吸収されるためと思われる。

遷移時間が測定ごとに増大する理由は、次のように考えることができよう。まず、増大は、 浸漬時間によらず分極の回数にのみ依存し、かつガラスの材質に関係することから復極ごと の金属の析出及び溶出により肉眼では認められない変質、変形が金属とガラスの接する部位 に生じ、これが次回の電解に際して微量の電気量を余分に消費するような副反応をまねくも のと思われる。一方、この余分の電気量は微量であっても、 Loが大きい高分極速度領域で は、全電気量(630 µ A, 2 msであれば約1.3 µ C)が(3.3)式により減少するため、全電 気量中に占める比率が著しく増大する。電流規正法であるため、全電流は規正されている。 従って本来の復極のための電流が Lo中で占める比率は、分極速度が高いほど減少し、(4.6) 式に従って遷移時間がその比率に応じてみかけ上増大する結果となる。(逆に、この現象を 活用すれば高い分極速度で測定すると、微量の副反応を拡大して観測できることになる。) BM ガラスが有効な理由は、その膨脹係数が小さく SL ガラスに比べて硬いため、このよう な副反応が発生しにくくなるためと考えられる。

高速掃引法においては、電極の溶封材として perfect seal を与える材質が必ずしも適当で ないこと、また材質の適不適の度合や、それぞれの材質において副反応の影響を避ける事の できる使用可能な分極速度の範囲は、クロノポテンシオメトリーにおける上述の効果を利用 して高い精度で検査できることがわかった。

(2) 濃度分極の回復に要する時間及びかくはん

クロノポテンシオメトリーは単掃引電解法であるため,前回の測定によって生じた濃度分 布を均一にしてから次の測定を行なう必要がある。すなわち,正しい遷移時間を再現性よく 測定するためには,(4.1)式のC(x,0)=C<sup>®</sup>なる初期条件を測定ごとに再現させる必要が あり,このため測定後かくはんして濃度分布を除去しておく必要がある。従来,溶融塩のク ロノポテンシオメトリー<sup><sup>%</sup></sup>では測定後一般に5分程度のかくはんを行なって次回の測定を 行っているが,測定に時間を要するのみでなく,その根拠も明確でない。本節ではまず静置 状態での濃度分布の回復の境界値問題を解き,分極の回復時間について,定量的な解析を行 い,ついで溶液の動揺,かくはんが静置固体指示極上で生じる拡散に与える影響について検 討を加えた。

今,遷移時間に到達した時点の電極近傍の濃度分布は、(4.5)式において時間 t に (4.6)

式で与えられる遷移時間  $\tau$ を代入した  $C(x, \tau)$  で与えられる。もし遷移時間を経過後直ちに 電流を切り、濃度分布の回復を待つとすると上記の分布  $C(x, \tau)$  がこの境界値問題の初期 条件となる。すなわち  $C(x, \tau)$  は本問題ではあらためて C(x, 0) とおかなければならない。

一方、境界条件は濃度分布の回復の期間中、電解を行わないから次式で与えられる。

$$C_0(\infty,t)^0 = C^0 \qquad \dots \qquad (4.24)$$

$$\left(\frac{\partial C}{\partial x}\right)_{x=0} = 0$$
 (4.25)

したがってこの3つの初期および境界条件で(4.4)式を解き,得られた分布C(x, t)が x に無関係に一律にバルク濃度 C<sup>®</sup>になるまでに要する時間を求めればよいことになる。こ の問題を解析的に解くことはさしあたり困難であるのでアナログコンピュータを用いて解い た。アナログコンピュータの利用法は5.5.2で述べ,ここでは操作方法と結果のみを述べる。 Neumann 形の模擬回路において,界面流束に相当する境界条件入力(積分器 No. 1の入力 fo<sup>\*</sup>)を100Vの一定値に保持して駆動し,通常のクロノポテンシオメトリーの電解を模擬す る。ついで,界面濃度に相当する積分器 No. 1の出力が0になった時点,すなわち遷移時間 に達した時点で回路をホールドする。積分器 No. 1から No. 10までの出力は,それぞれの位 置における濃度を示しており,これが(4.23)式に相当し,濃度分布回復問題の新たな初期 条件となる。ただし,アナコンでは無次元化されているので(4.17)式に(4.19)式を代入 して得た

に等しい。ホールドした時点で、(4.25) 式に相当して、積分器 No. 1 入力(界面流束に相当) を 0V に変更し、次いでこの値を保持したままホールドを解くと回路は自発的にランし、 濃度分布の均一化の過程が模擬される。各積分器の出力を演算時間に対して記録し、図4.6 のような、放置の時間  $\rho$  をパラメータにした濃度分布の回復の様子を示す  $q(S, \rho)$  を得た。横軸は S,各曲線のパラメータは放置時間  $\rho$  であり、0 番目の曲線は初期条件である。

図から、界面の極く近傍の濃度分布は初期には比較的急速に回復するが、このために生じ



た沖合の濃度減少が拡散層の厚さ増大,濃度勾配の減少をまねき.これに伴って沖合から界面への物質移動量が減少して回復が除々に遅くなっていくことがわかる。完全な回復は理論的に無限大の時間を要することは明らかであるが、界面濃度が95%の回復を示すには $\rho = 26.5$ を要する。この時間は、無次元化遷移時間 $\rho_{\tau}$ は $\frac{\pi}{4} = 0.785$ であることを利用して、 $\rho_{\tau}$ の34倍の時間に相当する。たとえば1msの遷移時間を測定した後はその34倍の34msの放置により界面濃度はほぼ95%まで回復することが示されたわけである。したがって10<sup>-1</sup>s以下の遷移時間を測定した場合、かくはんしなくても、測定後数秒で濃度分布はほとんど回復していることになる。

問題は、1秒程度以上の遷移時間を測定した場合で、濃度分布の回復は数10秒以上を要す ることになる。この場合は、かくはんによってこの時間を短縮することが望ましい。このた めかくはんの効果が電極の近傍、どの位の距離までにおよぶかを、かくはんによる遷移時間 の影響を利用して求めてみた。

いま遷移時間にかくはんの影響のあらわれる分極速度を求めるため、やく30mMのCdCl。 溶液(450°C)において0.4mm ¢の電極を用いて、アルゴンを浴中にバブルしない場合とし た場合について測定した結果を表4.3に示した。100ms以下の遷移時間ではアルゴンをバブ ルしながらでも再現性よく、しかもかくはんしない場合と同じ遷移時間が得られるが、 38 µ A、0.46秒の分極のあたりから増大の影響がみられはじめる。かくはんによって遷移時 間が長くなるのは、強制対流補給によって復極剤濃度の減少が生じにくくなるためである。 また16 µ Aで無限大になるのは強制または自然対流により界面濃度がいつまでたっても0に

| i, μA | 遷移時間, s  |         |  |  |  |
|-------|----------|---------|--|--|--|
|       | 静  置     | バブルしたとき |  |  |  |
| 90    | 0.0750   | 0.0749  |  |  |  |
| 38    | 0.463    | 0.478   |  |  |  |
| 20    | 2.215    | 3.000   |  |  |  |
| 10    | $\infty$ | ∞       |  |  |  |

表4.3 遷移時間に対するかくはんの影響

\*3回測定の平均値

ならず、このため電位の急変点(遷移点)が到来しないためである。分極速度に換算して、  $(i_{o}/C^{0})^{2} = 5 \times 10^{5}$ のあたりからかくはんの影響があらわれはじめ、この値は  $C^{0}$ や  $i_{o}$ の値 にあまり関係せず.また Ni についてもこの数値はほぼ同じであった。このように分極速度 に対して束一的に現われるかくはんの効果は、図4.6の濃度分布の様子から考えて図中のS =1.5のあたりに液の流動がおよんだとき、はじめて濃度分布がみだされ遷移時間の増加が 生じはじめるとみてよいと思われる。S=1.5および上述の分極速度の値から無次元化の換 算式(4.10)を用い、実距離xを計算すると本溶融塩系の指示極界面には液の動揺がおよ ばない膜部分,すなわち境膜層が形成されており,その厚さはほぼx=3×10-3cm あたりに あるといえることになる。結局遷移時間が、この厚さに相当して、0.4秒あたりを目安に、 この値より大きい時は、濃度分布の変化部分が境膜層の外にのび、したがってかくはんは回 復の促進に有効であって、遷移時間の30~40倍の待ち時間は必要がないことがわかる。事実 たかだか20秒位のかくはんで境膜層の外の濃度分布が消失することは、このようにして遷移 時間が再現性よく測定できる事実で明らかである。この値より小さい時は非定常拡散層はほ ぼ境膜層内にあり、かくはんは有効でない。その代わり、それぞれの遷移時間の30~40倍程 度の放置時間(これはわずかな時間にすぎない)を測定後におくだけで充分である。この場 合も広がった拡散層が残るが、これはやはりかくはんで除去できるであろう。結局、遷移時 間が0.4秒よりも短かくても長くても測定後20秒程度のかくはんを行なえば分布の回復は充 分であるといえる。4.3.6で述べる前電解により生じる濃度分布の除去や、測定後の、白金 極と短絡して析出金属を溶出させた場合の濃度分布の除去に際してもこのような条件をま もって実験を行った。

(3) 電極の前処理

遷移時間の測定値の再現性は分極速度が高くなるとクロノポテンシオグラムがブロードに なって作図が困難になるため悪くなってくる。図4.7a, b, c に, PbCl₂復極波を分極速度の



図4.7 前処理なしの指示極による PbCl<sub>2</sub> のクロノポテンシオグラム

低いものから順にならべて、波形がブロードになっていく様子を示した。

低い分極速度では電折量は大になるため、電解の初期に指示極は析出金属で覆われ、 Kolfhoif-Lingane(以下 K-L型)型に近いきれいな波形を示す。分極速度を上げていくと波 形は全体にブロードになるのは、高い分極速度では、電折量は少なくなり析出金属の活量の 漸増の効果と非可逆の効果の両方が生じるため、図4.2中の析出電位に達するまでの裾野の 点線で示した部分の占める割合が大きくなるためと考えられる。

更に高い分極速度では遷移状態は観察できなくなる。分極速度を広い範囲にわたって変え て比較し得るような遷移時間を測定するためには、波形がほぼ一定している必要がある。

指示極に対する前処理として当該金属を、次の(前電解量の決定)項で示した量だけ予め 一定量指示極に析出させてから測定するとほぼ似た波形が得られることがわかった。この方 法は必ずしも実用上有用とはいえないが、本章のように分極速度の広い範囲にわたって物質 移動のみを調べようとする基礎実験の目的には適している。図4.8a, b, cは図4.7のそれぞ れにおいて、この前処理を行なって測定した例である。電極は予め金属で被覆されているた め、高い分極速度においても波は金属の析出電位の近傍からはじまり、ほぼ K-L 型に近い 波形が得られている。高温であるため可逆性のよいことも一因であろう。通常の方法で遷移 状態が観測できなかった図4.7 c の場合についても図4.8 c のように明瞭な波形が得られる。 高い分極速度(大電流)においてみられる初期の急激な電圧降下は、IR 降下であるが起点 の決定はいずれの場合も容易で同一の作図法が適用できる。

処理の有無による遷移時間の差は分極速度の低い状態では図にみられるようにほとんど認

-90-



図4.8 前処理を行った指示極による PbCl2 のクロノポテンシオグラム

められない。未処理の電極でも、復極の比較的初期に、電極が金属で被覆され前処理をした 場合とほぼ同一の波形のものが得られるためである。しかし分極速度が高くなると、前処理 を行って得た遷移時間は、前処理をしなかった場合に比べて著しく短かくなっている。

活量の効果や非可逆の効果などは、すでに述べたようにクロノポテンシオメトリーの境界 条件には関係がなく、このように差が生じる原因となることは考えられない。

この原因は次の考察が示すように2重層の充電に基づくものと考えられ,前処理した電極 で得られた遷移時間の方が充電電流の影響をより少なく受けており,より正しい値に近いと 結論できる。

今,指示極の電気2重層の微分容量をCaとし,充電電気 icとすると

$$C_d = \frac{i_c dt}{dV} \tag{4.27}$$

$$\therefore \quad i_c = C_a \frac{dV}{dt} \tag{4.28}$$

すなわちクロノポテンシオグラム上の各点においては、その電位における、*Ca*と電圧変化 速度 *dV/dt* とに比例して充電電流 *i*<sub>c</sub> が流れることになる。したがって実際に電解に使われ るファラデー電流 *i*<sub>r</sub> は定電流値 *i*<sub>6</sub> から *i*<sub>c</sub> を差し引いた値である。

$$i_{f} = i_{0} - C_{d} \frac{dV}{dt} \qquad (4.29)$$

(4.8) 式より, 濃度  $C^{\circ}$  が同じであれば,  $i_{o}$  がすべて電解に利用された時に得られるはずの遷移時間  $\tau$  と,  $i_{f}$  が電解に利用された時に観測される遷囲時間  $\tau_{obs}$  の間には次の関係がある。

$$i_0 \tau^{1/2} = i_f \tau_{obs}^{1/2}$$

したがって,

$$\frac{\tau_{obs}^{1/2}}{\tau^{1/2}} = \frac{i_0}{i_f} = \frac{i_0}{i_0 - C_d \frac{dV}{dt}}$$
(4.30)

上式より  $\tau_{obs}$ の増大の度合は、 $C_a$ が大になるほど、そして dV/dt が大になるほど、大きくなることがわかる。

図4.8にみられるように、処理電極では、指示極電位が、最初から遷移状態にいたるまで ほぼ金属の析出電位を保っており、未処理のものに比べて復極過程における dV/dt は極め て小さい。たとえ  $C_a$ が両電極で同じであっても処理電極で得られる  $\tau_{obs}$ の方がより真の  $\tau$ に近いものと考えられる。

(前電解量の決定)

この方法を採用するためには、さらに前電解によって生じた電析物による電極の変形が遷 移時間に影響を与えるかどうかを調べておく必要がある。表4.4は、いずれも450°Cにおい て0.4mm Ø の白金電極上に液をかくはんしつつ、前電解電流として10 μ A の定電流で当該金

表4.4 遷移時間と前電解量

| CACL                | 00 |   | 111mM    | 1.1 | ٠ | G10A   |
|---------------------|----|---|----------|-----|---|--------|
| CuCl <sub>2</sub> , |    | ٠ | 11111111 | 60  | ٠ | 040 µM |

| 前電解時間, S | 5    | 10   | 15   | 20   | 30   | 40   | 60   | 120  |
|----------|------|------|------|------|------|------|------|------|
| 遷移時間, ms | 15.5 | 15.0 | 14.8 | 15.3 | 15.0 | 15.1 | 15.3 | 15.5 |

|          | 5    | NiCl <sub>2</sub> , | C⁰:86.8 | smM i | 5∶1200µA | AgCl,    | $C^{\mathfrak{o}}$ : 10.5 | 5mM io | : 1900µA |
|----------|------|---------------------|---------|-------|----------|----------|---------------------------|--------|----------|
| 前電解時間, s | 2    | 4                   | 6       | 10    | 20       | 前電解時間, s | 5                         | 10     | 30       |
| 遷移時間, ms | 3.70 | 3.68                | 3.62    | 3.71  | 3.76     | 遷移時間, ms | 1.41                      | 1.43   | 1.98     |

属を時間を変えながら析出させ、25秒間のかくはんののち、遷移時間を測定した結果の一部 である。わずかの影響をも観測するため、うすい拡散層を与えるところの比較的大電流を用 いて短かい遷移時間を測定した。拡散層をうすくして電極の析出物による変形を感度よくみ ることにしたわけである。なお析出物は、毎回指示極を白金対極と短絡して溶出させて実験 をくり返した。10μAに比べてあまり大きな前電解電流はアルカリの析出をまねき、また小 さすぎると残余電流となって対象金属は析出しない。これらの実験より、一般に液状析出の Pb、Cd、Zn、Tlなどの場合は30秒、すなわち300μCまでであれば遷移時間への影響は無視 できることがわかった。また固状析出の場合は、表のNi や Ag にみられるように析出量を ふやすと遷移時間はわずかに増大の傾向を示した。

一方,析出金属は溶融塩中では常に溶解その他の経路で指示極表面から消失していく傾向 にある。これは析出後,回路を開放して電位を測定すると析出電位の値を保持する時間はか ぎられており,その後電位は急変して正側に移行し白金の自然電位に落ちつくことでわかる。 液状で析出する金属の方が固状で析出する場合に比べて消失しやすい。前電解ののち,測定 に移るまでの間少なくとも20秒はかくはんにたえて析出電位を保持して測定に移る必要があ り,これを目安にして各金属について10 μ A の電解に必要な析出時間数を求めたのが表4.5 であり,いずれも遷移時間への影響は無視できる範囲内にあった。表4.1,表4.2および以下 の各実験はこのような前処理をほどこした電極によって得たものである。

以上本節では本章での測定対象となる遷移時間について、特にその再現性ををとり上げ溶 融塩という特殊な場において、これに影響を与えるいくつかの因子を詳細に検討した。なお、 この節における結論は5章で述べる相当分極状態の理論によって他の電解形式にも適用でき る。

① 短い遷移時間を測定する場合,すなわち比較的高い分極速度で測定するときは,溶封 ガラスの材質が大きな影響(遷移時間が測定ごとに増大する)を与えることを明らかにした。 この影響は溶融塩系において,通常のポーロラグラフィーや低い分極速度の測定では現われ ない。450°CのLiCl-KCl系における白金封じ用ガラスとしてBMガラスを用いると,再現 性よく遷移時間を測定することができた。なお,溶封材質の指示極に対する影響を高感度で 調べるためにはこの現象を利用して高い分極速度における遷移時間の増大を観測すればよい

| 析出金属    | Cd | Tl | Pb | Zn | Ni | Ag | Zn | (370℃) |
|---------|----|----|----|----|----|----|----|--------|
| 電解時間, S | 15 | 30 | 10 | 25 | 6  | 5  | 5  |        |

表4.5 10µA の前電解における必要な前電解時間

ことを指摘した。

② クロノポテンシオメトリーの測定における正しい初期条件を再現するため、濃度分極の回復時間について理論的な解析を加えた。また、この浴における電極界面の境膜層の厚さを遷移時間におよぼすかくはんの影響から推定するとともに、浴の振動やかくはんが遷移時間に影響を与えるような分極速度の範囲を定量的に明らかにした。これにより、従来あいまいであった測定の待ち時間や、かくはんの影響、測定中の浴の静置の度合などが定量結果に与える影響について定量的な見通しを与えた。

③ 指示極の前処理として,該当金属の一定量を予め析出させると分極速度の広い範囲に わたり,同一の作図原理を再現性よく適用することができ,かつ充電電流の影響の少ない波 形が得られ,本章の研究目的,すなわち物質移動の観測に適したデータが得られることを示 した。またこの方法によって通常の方法では観測できないような低濃度,高分極速度におい てもきれいな波形が得られることを示した。次節以下の実験のため種々の金属に対する前電 解量を決定した。

### 4.4 固体指示極における分極速度と物質移動。

4.4.1 はじめに

以下,4.4.4~4.4.6にわたって,分極速度を変数として遷移時間を測定し,遷移時間定数 の実測値 K<sub>r</sub>を算出し,その値が一定値からずれる様子を解析して,定量法の基礎となる拡 散に影響を与える種々の要因を明らかにした。このような分極速度を変数とする測定法をと ることによって,すでに4.2.3で述べたように,復極剤の種類や,L<sub>6</sub>,C<sup>6</sup>などの個々の実験 条件が異なっていても分極速度が同一の条件でほぼ同じ濃度分布が生じており,種々の要因 がそれぞれ分極速度の固有の領域に現われることが期待できる。これを解析して分極速度を 変数とする K<sub>r</sub>の式を導くと,クロノポテンシオメトリーのみならず,この種の固体指示電 極を用いる他の型式のボルタンメトリーにおいても,前述の変換方法によって,物質移動に 影響を与える種々の要因をそれぞれの電解型式における分極速度の関数として定量的に推定 しうるし,また線型拡散を生じ得る分極速度の上限と下限を容易に求めることができる。

#### 4.4.2 実験方法

遷移時間は4.3で述べた方法で測定した。復極剤は450°C において固体で析出する Ni<sup>"</sup>, Ag<sup>1</sup>,液体で析出する Cd<sup>"</sup>, Pb<sup>"</sup>, Tl<sup>1</sup> およびレドックス系の Cr<sup>"</sup>/Cr<sup>"</sup> を選んだ。復極剤濃 度は約 5 mM から100mM にわたって変え,電流は0.4mm φ 直経の電極に対して 2 μA から 1200 µ A にわたって変えた。この条件で観測される遷移時間は大凡, 3 秒から0.01ms にわたった。

電流密度  $i_0$ , 復極剤濃度  $C^0$ , およびこの条件で実測された遷移時間  $\tau$ に基づいて, 横軸 に (4.12) 式による分極速度に比例する量として ( $i_0/C^0$ )<sup>2</sup> を, 縦軸に遷移時間定数の実測 値  $\tau^{1/2}i_0/C^0$  をプロットした。

#### 4.4.3 実験結果

各復極剤濃度をパラメータにして遷移時間定数を定電流値を変えて測定した結果を,図 4.9,1~5にわたって示した。

分極速度  $(i_0/C^0)^2$  に対する遷移時間定数  $K_\tau$  の変化の様子 (以下  $K_\tau$  線図) は,図4.10に みられるように,遷移時間定数が,分極速度によらずほぼ一定値を保つ中間の分極速度の領 域 II (以下中域),分極速度が低くなるほど増大がみられる低い分極速度の領域 I (以下低 域),および分極速度が高くなるほど増大がみられる高い分極速度の領域(高域)にわかれ た。

以下低域から出発して,解析を進める。



図4.9 実測 Kr 線図(1)





図4.9 実測 Kr 線図(3)







#### 4.4.4 低域の分極速度(領域 I)における物質移動

領域 I は、図4.10に示すように分極速度が低いほど K<sub>r</sub>が増大した領域で以下の解析が示 すように、分極速度が低いため拡散層の厚さが大になって、電極の周辺の影響(エッジ効 果)が現われる領域であった。この領域の低域側は、遷移時間が無限大となって終っている が、これは自然対流が発生したためであった。

(1) K<sub>τ</sub>線図の低域側終端

 $K_{\tau}$ 線図の低域側の左端の分極速度では、図4.11c に示すように、電位の急変がいつまで たっても観測されず、 $K_{\tau}$ 値が見かけ上無限大となった。 $K_{\tau}$ 線図中では∞の印を付した。こ の状態に達する直前で図4.11 b 中の矢印 k に示すように電位が変動し、それより高い分極 速度では同図 a のように正常に遷移時間が観測できた。分極速度が低くなるにつれて拡散層 が液中に深く伸びていくが、図中 k 点で自然対流が突発的に生じ、限界状態にある復極剤の 界面濃度が急に増加して、電位分極が回復するものと考えられる。図は、物質移動が自然対



図4.10 Kr線図



図4.11 臨界状態のクロノポテンシオグラム(86.6mM PbCl<sub>2</sub>溶液)

表4.6に、種々の復極剤において、自然対流の発生する分極速度(*i*<sub>0</sub>/C<sup>0</sup>)<sup>2</sup>の値を示した。 自然対流を発生する分極速度は大凡10<sup>6</sup>~10<sup>6</sup>の間にあることがわかる。

Ni<sup>®</sup> :

| 濃度,mM<br>直径,mm | 4.51                 | 10.7                | 23.5                | 46.1 | 86.8               |
|----------------|----------------------|---------------------|---------------------|------|--------------------|
| 0.1            |                      |                     | 6.4×10 <sup>5</sup> |      |                    |
| 0.2            | 4.0×10 <sup>5</sup>  |                     | $7.1 \times 10^{4}$ |      | $1.3 	imes 10^{s}$ |
| 0.4            | $1.04 \times 10^{6}$ | $2.4 \times 10^{5}$ | 3.5×10⁵             |      |                    |
| 0.8            | 1.1×10 <sup>5</sup>  |                     | $6.2 \times 10^{4}$ |      |                    |

Ag¹∶

| 濃度,mM<br>直径,mm | 3.0                 | 21.0                | 30.7                | 53.5                | 61.0                | 81.1                |
|----------------|---------------------|---------------------|---------------------|---------------------|---------------------|---------------------|
| 0.4            | 2.2×10 <sup>5</sup> | 6.1×10 <sup>4</sup> | 2.0×10 <sup>5</sup> | 1.0×10 <sup>s</sup> | 1.0×10 <sup>s</sup> | 1.1×10 <sup>s</sup> |

Pb<sup>Ⅱ</sup>∶

| 濃度,mM<br>直径,mm | 5.5                 | 19.9    | 33.7                | 59.0                | 89.6    |
|----------------|---------------------|---------|---------------------|---------------------|---------|
| 0.4            | 7.8×10 <sup>4</sup> | 9.0×104 | 1.0×10 <sup>5</sup> | 8.5×10 <sup>5</sup> | 7.6×104 |

Ni<sup>0</sup>:

| 濃度,mM<br>直径,mm | 8.0                 | 14.8                | 31.1                | 58.2 | 111.0               |
|----------------|---------------------|---------------------|---------------------|------|---------------------|
| 0.1            |                     |                     | 5.7×10 <sup>s</sup> |      | 6.3×10 <sup>5</sup> |
| 0.2            | $5.1 \times 10^{5}$ |                     |                     |      | $3.2 \times 10^{5}$ |
| 0.4            |                     | $1.0 \times 10^{5}$ | $1.0 \times 10^{5}$ |      | 1.0×10 <sup>5</sup> |
| 0.8            |                     | $1.1 \times 10^{5}$ |                     |      |                     |

Cr<sup>∎</sup>:

直径,mm

0.4

濃度,mM

|    | 11 |  |
|----|----|--|
| 11 | ÷. |  |
|    |    |  |

| 96.51               | 濃度,mM<br>直径,mm | 114.5               | 158.5   |  |
|---------------------|----------------|---------------------|---------|--|
| 1.0×10 <sup>4</sup> | 0.4            | 7.2×10 <sup>4</sup> | 2.2×104 |  |

表4.6 自然対流が発生する分極速度(i₀/C⁰)<sup>2</sup>

$$\left(\frac{\dot{i}_0}{C^0}\right)^2 \approx 10^5 \sim 10^6$$
 (4.31)

なお,この値から相当分極状態の変換関係を利用して他の電解形式での自然対流を生じる 分極速度の推定値を得ることができる。次に溶融塩系静置固体微小電極を用いる溶融塩ボル タンメトリにおいて拡散に影響を与える自然対流の発生の様子を知るためこの値について検 討を加えた。次の4点がこの値について認められる。

① 分極速度がある値をこえると、自然対流の発生は突発的であり、それ以下の値では遷 移時間は再現性があることから拡散は安定して生じている。

② この値の再現性は, Ni や Ag のような固状析出の場合の方が Cd, Pb のような液状析 出の場合にくらべて良くない。樹枝状結晶の析出などがあって自然対流を不規則に誘発しや すいものと思われる。

③ Cr"/Cr"のレドックス系におけるこの値は低い。このことは自然対流の発生の原因の 一つが比重差によることを示唆する。すなわち金属析出の場合にくらべて,酸化,還元両態 が溶液中に存在するため,濃度分布の変化によって,電極近傍の溶液に比重差が生じにくい ため,より低い分極速度まで拡散が維持されると考えられる。

④ この値は液状で析出する Pb, Cd では電極直径0.4 mm において, 定電流値, 濃度に 無関係に 1×10<sup>6</sup> 前後にある。また, この値は電極直径が小さいほどわずかに大きくなる傾 向がある。直径が小さい程対流を誘発しやすいのは, 電極周辺のエッジの効果(次節参照) が, 自然対流の発生を促進するものと考えられる。

上述の臨界状態はいったん限界状態に達したのち発生しているから自然対流を誘発する拡 散層の厚さ  $x_{ef}$  は、次節4.4.3(2)の(4.43)式でクロノポテンシオメトリーにおいて定義し た有効拡散層厚さ  $_{\Delta}S_{ef}$ (無次元)が  $\pi/2$  であることを利用するとその概略値を求めること ができる。(4.10) 式より、

$$x_{ef} = \Delta S_{ef} \sqrt{D/P}$$

$$=\frac{\pi nFDC^{\circ}}{2i_{\circ}} \qquad \dots \qquad (4.32)$$

すなわち,  $x_{er}$ は, 対流を誘発した分極速度(および拡散係数)の値によって(4.32)式 から計算できる。2価の重金属イオンの拡散定数は大差はなく,いま1×10<sup>-5</sup>とし,また n を2とする。直径0.4mm  $\phi$ の電極上での Cd の復極を例にとると自然対流を生じる分極速度 は  $(i_0/C^0)^2 = 1.0 \times 10^5$  であるから、自然対流を誘発する有効拡散層厚さ  $x_{er}$ の値として  $x_{er} = 8.4 \times 10^{-3}$  cm が得られる。

すでに、4.3.5において強制対流(かくはん)によって薄くされた境膜の厚さの推定値と して 3×10<sup>-3</sup>cm を得ているが、自然対流によって決まる厚さがこの値より大であるのは予想 されるところである。

さて、上記の分極速度の値は遷移時間に換算すると1~3秒となる。水溶液系では、固体 電極において、100~200秒の遷移時間の測定は普通である。このことから自然対流は溶融塩 系においてはその粘性にもかかわらず、水溶液系の場合にくらべてはるかに発生しやすいと いえる。おそらく電解セルの温度平衡の到達度が悪く、定常的に発生している、ゆっくりし た熱対流が、比重差による自然対流の誘発を加速するものと考えられる。すなわち本溶融塩 系では10<sup>4</sup>以下の低分極速度のボルタンメトリーは通常の実験条件では実現因難であること がわかった。

(2) 電極のエッジの効果

図4.10に示すように  $K_r$ 線図の領域 I の第一の特徴は,自然対流による終端を低域側にも つことであるが,第二のそれは,終端にいたるまでの拡散が安定に生じている領域において, 分極速度が低くなるほど  $K_r$ 値の増大がみられる点である。この現象は,エッジ効果として, 電極周辺部が拡散におよぼす幾何学的効果によって以下のように説明できる。

周辺部における拡散は、図4.12に示すように、円板に垂直の方向の拡散のみを想定する線 型拡散の場合と異なって、水平方向の成分が付け加わる。このため、クロノポテンシオメト リーでは、線型拡散の場合に比べて、同一の定電流値に対して、電極近傍での復極剤の濃度 低下の度合が低くなり、界面濃度が零の限界状態に達するまでに要する時間、遷移時間がよ り長くなると考えられる。分極速度が低くなって拡散層が延びるほどエッジの効果は著しく



図4.12 エッジ効果による濃度分布

なる。本節では、この効果に関して解析して、定量分析の適正領域Ⅱの低域側の限界を定量 的に予測できるよう、領域Ⅰの K<sub>τ</sub>を分極速度の関数として与える式を求める。

(2-1) エッジのある場合の遷移時間定数

エッジがある場合に実測される遷移時間定数  $K_{\pi obs}$ と、線型拡散のみを想定した場合のそれ  $K_{\pi t}$ との関係は、次の(4.33)式に示すように容易に求めることができる。まず、それ ぞれの場合に観測される遷移時間を  $\tau_{obs}$ 、  $\tau_t$ とすると、両者の比  $K_e$ は分母子に定電流値  $I_e$ を乗じて次式で与えられる。

$$K_e = \frac{\tau_{obs}}{\tau_t} = \frac{I_o \tau_{obs}}{I_o \tau_t} \qquad (4.33)$$

しかるに、右辺の分母子である、電流に遷移時間を乗じた値は、限界状態に達するまで電 解された総電解量(クーロン)に他ならない。このことに注目すると、もし、電極近傍の立 体的な濃度分布がわかっておれば、(4.33)式の比は次式のように電極近傍の濃度減少値 ∂ Cの積分値の比として与えられる。

$$K_e = \frac{(\& \equiv \mathbb{M} \equiv)_{obs}}{(\& \equiv \mathbb{M} \equiv)_t} = \frac{\int \delta C_{ed} dv}{\int \delta C_{lin} dv} \qquad (4.34)$$

次の (2-2) 節ではエッジのある場合の濃度分布を与える式を分極速度を変数として求める。これを (4.34) 式にしたがって積分すると、 $K_e$  が得られる。 $K_e$  が得られれば、求める  $K_{\pi n b s \pi}$ は、次の (4.36) 式から計算できることになる。ただし、 $K_{\pi n}$ は (4.8) 式で  $\tau \in \tau_t$  におきかえて与えられる。

 $\sqrt{K_e} = \frac{\tau_{obs}^{1/2}}{\tau_l^{1/2}} = \frac{I_o \tau_{obs}^{1/2} C^o}{I_o \tau_l^{1/2} C^o} = \frac{K_{\tau_{obs}}}{K_{\tau_{lb}}}$ (4.35)

 $\therefore \quad K_{\pi obs} = \sqrt{K_e} K_{\pi t} \qquad (4.36)$ 

(2-2) エッジ近傍の濃度分布の計算

(4.34) 式を計算するため濃度分布を求める。

図4.12のようなエッジをもつ電極の拡散電流に関する定量的な解析は、定量分析の観点から重要であって水溶液系でクロノアンペロメトリーに対しては行われた<sup>30</sup>。クロノポテンシオメトリーでは次に述べる困難があるため、近似的な方法で可逆過程の場合についてこれを
試みる。ただし電極表面は析出金属で覆われているとする。

まず,電極は電導体であるから,電極面の切線方向に電位差の発生はなく,いたるところ 等電位である。したがってネルンストの電位の式から,復極剤の界面濃度は,電極に電位が ある以上,電極のいたるところ周辺部も含めて一様でなければならない(界面濃度を規正す るクロノアンペロメトリーでは,この理由でエッジがあっても,その「境界条件」を一義的 に決めることができる)。一方,界面における濃度勾配は,周辺部においては,中央部の線 型部分にくらべて異なる(大きくなる)ことは許されている。以上が前提条件である。

クロノポテンシオメトリーの境界条件は、電解中電流を一定値に規正すること、換言すれ ば線形拡散では界面での濃度勾配(流束)を一様に一定値に規正することを意味する。エッ ジが存在する場合には、「境界条件」は、電極面上の位置の関数としての電流密度の分布が、 その電極全面にわたる積分により与えられる総電流量の一定を達成するように決まる(ただ し界面濃度は一様の条件で)という形で与えられなければならない。実際、単純に界面濃度 勾配が一様に一定の条件で図4.14のような数値計算をエッジの部分で進めていくと、界面濃 度がだんだんと電極面上で一様でなくなるため、実状に合わないばかりでなく、遷移時間を 与える明確な限界状態も実現できない。このような境界値問題を数値的に解くにはおそらく、 試行錯誤を含む膨大な計算を必要としよう。ここでは、低分極速度領域Iの解析によって、 適正領域IIの低域側の限界を予測できるような実用的な式を得るのが目的であるから、以下 にいくつかの近似を用いて式の誘導を試みた。

まず第1の近似として直径2rの円板電極の境界条件を,流束でなく界面濃度変化で規正 し,かつ線型拡散の場合の(4.18)式で与えられる界面濃度変化で代用するものとする。こ の近似によって上記の困難をさけながらも実状に近い濃度分布図の様子をみようとするので ある。この境界条件の下で有限階差法により,まず2次元の場合のエッジ部の濃度分布を求 める。拡散方程式は無次元化された(4.16)式を用いる。

放物型偏微分方程式に属する拡散方程式は、図4.13の格子点において次の有限階差方程式 で表わされるところの、時間経過に対する平均算を実行することと等価である<sup>99</sup>。

$$q(0,\rho + \Delta \rho) = \frac{1}{4} |q(1,\rho) + q(2,\rho) + q(3,\rho)|$$

 $+q(4,\rho)$  ..... (4.37)

ただし,

| $4\Delta\rho = \Delta S^2$ |  | (4 | .38 | ) |
|----------------------------|--|----|-----|---|
|----------------------------|--|----|-----|---|

図4.13に示す 2 次元電極の角(かど)の近傍の格子点にこの式を適用して,  $\rho = 0$ における濃度一様の初期条件(4.13)式から出発して平均算を進めていくためには次の 2 つの工夫が必要であった。第1は、角の頂点は格子点としないこと。図のように格子の中間にもって くる。また電極を溶封しているガラスは絶縁体であるから、ガラス面上の流束は面に平行に なり、等濃度線はガラス面に垂直に立つはずである。すなわち第2は、溶液内の格子点と面 対称の位置に格子点(ガラス内部にくる)を設け、その点の濃度値を対応する溶液内の格子 点の濃度値に等しくおく。このようにして、まずすべての格子点の初期濃度 q(o, S) を (4.13)式に対応して1とし、界面の q 値のみを (4.18)式にしたがって、変化させなが ら拡散を模擬する (4.37)式の平均算をすすめる。ただし角の近傍は図4.13の如く網目を細 かくとった。一番大きい網目の寸法  $\Delta$ S は、無次元遷移時間  $\pi/4$ を10等分した  $\Delta \rho = \pi/4/10 = 0.07854$ に対応して (4.38)式より  $\Delta$ S = 0.5605とした。このようにして計算を  $\rho = \pi/4$  (無次元化遷移時間)まで進めて得た限界状態における濃度分布を図4.14に示した。

この図から次のことがわかる。まず流束は角の部分で大きい。また角の頂点から1.5コマ, 無次元化距離Sにして0.84の点あたりまでの電極面の領域で,ほぼ同心円状の非線型の拡 散が生じており,それより内陸部ではほぼ線型拡散となっている。S=0.84を(4.10)式に 代入すると非線型拡散の生じる端面部の実距離 xn は次式により,分極速度で決まることに なる。

$$x_n = 0.84 \sqrt{\frac{D}{P}} \qquad \dots \qquad (4.39)$$



図4.13 q<sub>o</sub> = q<sub>ss</sub> に対する格子図





但し,分極速度 P は (4.12) 式で与えられる。*x<sub>n</sub>*の値は,分極速度が低いほど電極の実 半径に対して増大し,また一定の分極速度では,非線形拡散場の占める割合は半径が小さい ほど増大することがわかる。

以下、エッジ部の濃度分布の様子が同心円状であることに基づいて解析を進める。

まずこの2次元の濃度分布図を3次元に拡張するため第2の近似を行なう。今,円板電極の拡散場を表わすのに適した図4.15の座標を用いて拡散方程式を3次元に書き直す。

 $\frac{\partial C}{\partial t} = D\left(\frac{\partial^2 C}{\partial x^2} + \frac{1}{r}\frac{\partial}{\partial r}r\frac{\partial C}{\partial r} + \frac{1}{r^2}\frac{\partial^2 C}{\partial \theta^2}\right)$ 

円板電極では $\theta$ 方向に濃度変化はないから右辺第3項は零である。電極半径をRとして、 rを新座標yに変換し、いま $\delta$ がRに比べて小さいとする。



$$\cong D\left(\frac{\partial^2 C}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 C}{\partial y^2}\right) \qquad \dots \qquad (4.40)$$

これが第2の近似であって、(4.40)式は3次元の濃度分布の断面は、上記の条件ではx, y平面上でのいわゆる local な2次元濃度分布図で近似的に与えられることを示し、これは 図4.14に求められている。Rにくらべて  $\delta$  が大きい場合は (4.40)式の近似をとるにあ たって、より高次の項をとる必要がある。

(2-3) Ke と K<sub>nobs</sub> の計算

(4.34)式の計算のためには、濃度減少量  $\delta C$ , ここではその無次元濃度の減少量  $\delta q$  を 位置の関数として求めなければならない。

図4.14より,内陸部の線型拡散の分布は,エッジ部でほぼ4分の1の円形をした同心円状 に曲がっていることがわかった。この分布を,(4.34)式の積分が簡単になるよう,位置の 一次の関数に変換するため,図4.14のA点において Stackerberg の有効拡散層の考えを適用 した。

図4.16 a の実曲線は、図4.14の A 点の濃度分布を示す。これは(4.17)式の  $\rho$  に無次元 遷移時間  $\pi/4$ を代入して得たものに等しい。有効拡散層の厚さ  $\Delta S_{er}$ は、図4.16 a 中の縦線 でハッチした部分の電解総量  $Q_1$ が、濃度勾配を直線で近似した厚さ  $\Delta S_{er}$ の有効拡散層の 横線でハッチした部分の電解総量  $Q_2$  に等しくなるよう決められるから(4.43)式で与えら れる。

$$Q_2 = 1 \times \frac{\Delta S_{ef}}{2} \qquad (4.42)$$

$$\therefore \quad \Delta S_{ac} = \pi/2 \quad \dots \quad (4.43)$$

図4.16 b のエッジ部において同心円の頂点からの距離を変数 S で代用すると、限界状態 における1/4円内の 2 次元分布の濃度減少量  $\delta q$ は、qの初期値が 1 であることから次のよう な S の 1 次の関数とすることができる。

$$\delta q = 1 - \frac{S}{\Delta S_{ef}} = 1 - \frac{2}{\pi} S \qquad (4.44)$$

したがってエッジ部の3次元濃度分布は、(4.44)式の濃度分布をもつ1/4円を、無次元化 半径が Rs である円板電極の中心のまわりに360°回転させると近似的得られることになる。

以下,式の誘導を簡単にするため、同心円状濃度分布曲線の中心は電極の端,電極中心からRsの点にあるとする。図4.14より明らかなように、その中心は実際には端より無次元化距離にして0.56ほど内側にある。したがって以下の式中の回転半径Rsは(Rs-0.56)でお



図4.16 有効拡散層

きかえれば、より一般的な近似式が得られる。換言すれば以下の式は、0.56 ≪ Rs, すなわ ち実半径を R, 分極速度を Pとすると

 $0.56 \ll \sqrt{P/D} R \qquad (4.45)$ 

の条件の下で成立する。

今,図4.16 bの dSの部分を半径 Rs で回転させて得られる体積は  $\pi^{2}$ RsSds で近似できる。 この体積内の濃度減少量は(4.44)式より  $\pi^{2}$ RsS( $1-\frac{2S}{\pi}$ ) dS である。これを厚さ  $\pi/2$ の 有効拡散層内で積分したものがエッジ部の濃度減少量となる。

$$\int_{0}^{\pi/2} \pi^{2} R_{s} S\left(1 - \frac{2S}{\pi}\right) dS = \frac{\pi^{4} R_{s}}{24} \qquad (4.46)$$

一方、円板直上の円柱部分の濃度減少量は、簡単に次式で与えられる。

$$\int_{0}^{\pi/2} \pi R_{s}^{2} \left(1 - \frac{2S}{\pi}\right) dS = \frac{\pi^{2} R_{s}^{2}}{4} \qquad (4.47)$$

したがって(4.34)式で与えられる無次元化された Ke の値は近似的に次式で与えられる (次式の Rs を Rs-0.56でおきかえればより正確な Ke が得られる)ことになる。

$$Ke = \frac{\pi^2 R_s^2 / 4 + \pi^4 R_s / 24}{\pi^2 R_s^2 / 4} = 1 + \frac{\pi^2}{6R_s}$$

上式中の無次元化半径 Rs を(4.10)式(4.12)式を用いて実半径 R に換算すると Ke が 分極速度の関数として得られる。

$$Ke = \left\{1 + \frac{\pi^2}{6} \frac{nFD}{R} \sqrt{\left(\frac{C_0}{i_0}\right)^2}\right\} \qquad (4.48)$$

故に K<sub>nobs</sub> は上式と(4.36)式とから分極速度(*i₀/C⁰*)<sup>2</sup>, 電極半径 R および拡散定数の 関数として次式で近似的に表現できる。

 $K_{\pi obs}$ は、(4.8)式で与えられる  $K_{\pi b}$ より常に大きく、その度合は、右辺括弧内の第2項 で与えられ、分極速度が低く、電極半径が小さいほど、また拡散定数が大きいほど大きくな り、濃度には関係しないことがわかる。

(3) 結果の考察

図4.17は、Ni<sup>II</sup> と Cd<sup>II</sup> について、電極半径を変えて測定した  $K_r$ 線図の1例であり、実線 は (4.49)式による<sup>\*II</sup>。いくつかの近似を行なったにもかかわらず、図より分極速度が 6×10<sup>o</sup> ぐらいまでは一致している。これより低域になると、 $K_r$ は実線にくらべてより急速 に上昇している。この急速な上昇は、図4.9でみると、固状析出のNi、Agにおいて著しく、 液状析出ではやや緩和され、Cr のレドックス系では10<sup>i</sup> にいたってもみられない。レドッ クス系は、もっとも自然対流の生じにくい系でもあった(4.4.4(1))。(4.49)式からのこの ズレは、析出物による何らかの影響によると考えられる。 $K_r$ に最大5%のズレを許容する 場合の分極速度は、このズレが上式の成立範囲内にあることから、

$$1.05 > \left(1 + 3.2 \times \frac{1}{R} \sqrt{\left(\frac{C^{\rm 0}}{i_{\rm 0}}\right)^{\rm 2}}\right)^{1/2}$$

$$\sqrt{\left(\frac{i^{\circ}}{C^{\circ}}\right)^{2}} > 32.2/R$$
 .....(4.50)

となる (D=10<sup>-5</sup>として)。線型拡散を5%の精度に保つためには分極速度と電極半径の積が 32以上でなければならないことがわかった。

なお、定量分析の観点からみると、エッジの効果はむしろ積極的に活用すべきである。す なわち、領域Iでは、自然対流の発生する終端でないかぎり、遷移時間の再現性は良好であ る。そして、非線形拡散によるずれは、以上の解析から分極速度と半径のみに依存する。濃 度既知の標準溶液で校正曲線を測定して分析を行なえば、線型拡散の場合にくらべて(4.7) 式における比例定数 K<sub>r</sub>が正常値より大きくなり、感度がより良くなるといえる。ただし拡 散定数の測定、膜厚測定など線型拡散に基づいた解析を利用するときは(4.50)式を満足す るよう電解しなければならない。

#### 4.4.5 中域の分極速度(領域Ⅱ)における物質移動

領域Ⅱは図4.10に示すように, K<sub>τ</sub>が分極速度の変化に無関係に一定の値を示す領域で, 復極剤の線型拡散に基づく Sand 式(4.6)が成立する領域である。したがって, 拡散定数

<sup>\*1.(4.57)</sup>式による ring 効果も補正してある。



図4.17 Kr と電極半径(1)



の測定など,線型拡散に基づく解折法を適用するときは,分極速度の値はこの領域内に選ば なければならない。定量分析は,この領域IIで行なうと分極速度の値をその範囲内で自由に 設定できるので都合がよい。

この領域における K<sub>r</sub>の値は,復極剤濃度と電極半径に無関係なはずにもかかわらず,こ れらの2つの量に依存してわずかに変化した。この変化は,復極剤に関しては線型拡散が生 じていることは明らかであるにしても,以下の解析が示すような現象がこれと並行して生じ ているためと考えられる。

K<sub>t</sub>値に対する復極剤濃度の影響

もし復極剤の線型拡散によってのみ電流が流れるならば(4.8)式から、 $K_r$ の値は濃度に 関係しないはずである。しかるに図4.9、1~5にみられるように $K_r$ の値は濃度が低いほ ど、わずかであるが大きくなった。大きくなる程度は各系でまちまちであるが、Cd、Niで は著しく、その $K_r$ 線図がほぼ平行移動の形で上へ移動する度合は濃度が低いほど高いこと がわかる。

分極速度に関係せずに濃度変化を通じてのみ K<sub>r</sub>に影響を与え得る因子について種々検討した結果,以下の解析が示すように液中の不純物に基づくファラディックな残余電流の,復 極剤の線型拡散に基づく電流との共存が考えられる。

(1-1) 残余電流の影響

いま酸化体Oの還元を考えよう。定電流は残余電流に一定分消費されると、Oの還元に 使われる電流は減少し、それだけ限界状態(界面濃度が零)に達するまでに要する時間、す なわち遷移時間が相対的にのびることになる。そしてOの濃度の低いほどこの効果は大き く、また浴の調整条件により、脱水などが不充分で残余電流が大きいほどこの効果は大きく なる。残念ながら遷移時間におよぼす残余電流の影響は、水溶液系において理論的な解析が なされていない。溶融塩系ほど残余電流が大きくないためであろう。とりあえず、もっとも 近いモデルとして2つの物質 O<sub>1</sub> と O<sub>2</sub> の 2 種の復極剤が共存し、O<sub>1</sub> がより貴な電位で前放 電物質として還元される場合を考えてみよう。O<sub>1</sub> を残余電流の原因である不純物と考える のである。この境界値問題は解かれており、得られる 2 段波中第 1 波の遷移時間を τ<sup>1</sup>、第 2 波だけの遷移時間を τ<sup>2</sup> とすると第 2 波の復極について次式が与えられている<sup>77</sup>。

$$(\tau_1 + \tau_2)^{1/2} - \tau_1^{1/2} = \frac{\pi^{1/2} n_2 F D_2^{1/2} C_2^6}{2i_0} \qquad \dots$$
(4.51)

すなわち  $O_2$  の濃度に比例するのは  $\tau_2^{1/2}$ でなく、 $(\tau_1 + \tau_2)^{1/2} - \tau_1^{1/2}$ 、である。このため前放 電物質の存在は第 2 波の波高そのもの、すなわち遷移時間  $\tau_2$  を  $O_2$  単独の場合より増大させ ることになる。第二波そのものの波高が伸びるのであって、直流ポーラログラムや Randls 型ボルタモグラムのように作図上、引き算で求めることができない点に注目されたい。

ここでファラディックな残余電流を与える不純物をこの前放電物質 O<sub>1</sub> で代表させて K<sub>r</sub> との関係を求めよう。(4.51) 式を変形すると次式が得られる。

左辺の  $\tau_1 + \tau_2$  は、残余電流の存在の下で  $O_2$  の遷移時間として我々が測定している量とみ なすことができ、したがって左辺は我々が遷移時間定数  $K_{robs}$  として実測している量にほか ならないと考えてよい。右辺第一項は、 $O_2$  のみが存在する場合の真の遷移時間定数  $K_{\tau_2}$  に 等しい。これを (4.35) 式の場合と同じよう  $K_{rob}$ とする。右辺第二項中の  $\tau_1$  については、 いま  $O_1$  そのものに対する前放電物質がないため、(4.8) 式がそのまま成立する。したがっ て次式で与えられる。

これを(4.52)式右辺第二項に代入して次式を得る。

$$K_{\tau_{10bSi}} = K_{\tau_{1}t} + K_{\tau_{1}} \frac{C_{1}^{0}}{C_{2}^{0}} \qquad \dots \qquad (4.54)$$

すなわち  $O_2$ に対する実測の  $K_{\text{trobs}}$ は、 $O_2$ の真の遷移時間定数  $K_{\text{trb}}$ よりも  $K_{\text{tr}} \frac{C_1^o}{C_2^o}$ だけ増加するという関係が導かれる。しかもこの増加量は上式から分極速度には無関係で  $C_1^o/C_2^o$ のみ依存することがわかる。同一溶液に、復極剤を遂次添加して得られた図4.9の場合は、残余電流を与える  $C_1^o$ はほぼ一定であり、 $C_2^o$ が小さいほど増加量は大きくなることがわかる。かつ、この増加量は電流値に無関係であるため実測結果のように遂次復極剤を添加した場合は、上方に平行に移動することになる。実験結果を説明するため更に変形を進める。

$$K_{\pi_{0bS^0}} = K_{\pi_{l^0}} \left( 1 + \frac{K_{\pi_1}}{K_{\pi_{l^0}}} \frac{C_1^0}{C_2^0} \right)$$

$$= K_{v_{t}} \left( 1 + \frac{n_{1}\sqrt{D_{1}}}{n_{2}\sqrt{D_{2}}} \frac{C_{1}^{0}}{C_{2}^{0}} \right)$$
  
$$\Rightarrow K_{v_{t}} \left( 1 + \frac{C_{1}^{0}}{C_{2}^{0}} \right) \qquad \dots \qquad (4.55)$$

したがって実測の K<sub>πobs</sub> を復極剤濃度 C<sub>2</sub><sup>o</sup> の逆数に対してプロットすると直線を示し,載 片から O<sub>2</sub> の正しい遷移時間定数 K<sub>πh</sub>が,また勾配から

$$\frac{K_{\pi_t}n_1\sqrt{D_1}}{n_2\sqrt{D_2}}C_1$$

すなわち

 $n_1\sqrt{D_1}/n_2\sqrt{D_2} \approx 1$ 

として不純物のみかけの濃度 Ci<sup>o</sup>が得られることになる。

(1-2) 結果の解析

図4.18に Ni, Cd で特に濃度効果の著しかった場合について,内挿で得た5×10<sup>o</sup>の分極 速度における  $K_r$  値を  $1/C_2^o$  に対してプロットした結果を示す。いずれもほぼ直線を得,そ の勾配から残余電流を与える不純物のみかけの濃度として Ni を測定した浴では 2.1mM, Cd を測定した浴では 1.9mM, また Pb を測定した浴の一例では 4.0mM という数値が得られた。 図4.9で Cr, Ag の場合は  $K_r$ の増加現象は顕著でなく,残余電流が低いことを示している。 これらの不純物濃度の浴ごとに生じるバラつきは同一の精製塩を使用していることから主と して実験中の水分の混入の程度に依存しているものと思われる。

以上, K<sub>r</sub>値に影響を与える因子で,上式のように分極速度に無関係に濃度にのみ依存し, しかも実験結果の傾向を説明できる関係式を与えるのは残余電流の存在であること,しかも 得られた不純物の推定濃度は浴の乾燥状況に左右されると思われるバラツキを示すことがわ かった。すなわち領域Ⅱでみられる K<sub>r</sub>の濃度依存性は,実効濃度1~3mM以下の水分な どの不純物によると考えてさしつかえないと結論できる。

残余不純物の存在はクロノポテンシオメトリーの測定上次のような問題を生じる。対流や 2 重層充電など、領域Ⅰ、Ⅲでみられる他の因子の多くは、分極速度の値を適当に選択して、 領域Ⅱにもちきたしてその影響を避けることができる。これに対して、残余不純物の影響は、 (4.55)式の性格から明らかなように、分極速度に無関係であるから領域Ⅰ、Ⅲも含めて



 $K_r$ 線図を上昇させるため、分極速度の選択でこれを避けることができない。しかも(4.51) 式から明らかなように、作図上で分離すること(電位規正法では可能)も不可能である。こ のため、高濃度の場合を除いて測定上の工夫でこの影響を避ける方法はない。増加率が  $C_1^o/C_2^o$ となることから明らかなように、浴の管理により不純物濃度や水分の実効濃度を少 なくとも復極剤濃度の1/100以下まで下げる事が望ましいが、復極剤濃度が数 mM の場合に は、現在の脱水管理法では因難であり、また溶融塩系ではある程度の残余電流は2.5.2で述 べたように不可避的なものと考えられる理由もある。このような濃度領域で精密な定量を行 なう場合は、(4.55) 式を利用して少なくとも2種の濃度で測定を行ない勾配を求める必要 がある。また拡散恒数を求めるために、クロノポテンシオメトリーがよく利用されるが、残 余電流の大きい溶融塩系では  $1/C_2^o$  を 0 に外挿して載片から正しい  $K_{nto}$  を求めなければなら ないといえよう。

(2) K<sub>τ</sub> 値に対する電極半径の影響

図4.19は領域Ⅱにおいて電極半径を変えて測定した K<sub>τ</sub>を示す。(4.8)式からの予測に反して, K<sub>τ</sub>は半径によって変化した。半径が小さいほど K<sub>τ</sub>の増加の度合は大きい。

分極速度に無関係に半径の変化を通してのみ Kr に影響を与える因子について, 種々検討



した結果,以下の解析が示すように電極の実効面積の変化一おそらく周辺部における一を考えること(以下 ring 効果)によってこれを説明することができる。

(2-1) ring 効果

今,後述のような理由で半径がrの測定値をもつ電極の周辺部が図4.20.aの斜線 (ring) で示したように実効面積に増大が生じているものとする。4.4.4(2)で述べたエッジ効果は溶 液内の3次元拡散場に生じる効果であるが,ここでいう ring 効果は電極平面内での単純な 面積増加(2次元)にすぎない。拡散場に関しては領域 [] では線型になっていることは  $K_{\tau}$ が分極速度に依存して変化しないことで明らかである。

電極半径の顕微鏡による測定値rより計算した電極面積をA,  $\Delta r$  の増加による面積増加 を  $\Delta A$ , 電流の実測値を $I_0$ , 遷移時間の実測値を $\tau$ とする。図4.20の  $K_\tau$ の計算に用いる電 流密度  $i_0$  は  $I_0/A$  であるが, 真の電流密度  $i_{0t}$  は  $I_0/(A + \Delta A)$ となって  $i_0$  より少し小さくな り, その結果, 遷移時間が少し長くなると考える。

$$K_{\tau_{(t)}} = \frac{i_{0(t)}\tau^{1/2}}{C^0}$$
$$K_{\tau_{(t)}} = \frac{i_0\tau^{1/2}}{C^0}$$

図4.20aより,

 $\Delta A = \pi (r + \Delta r)^2 - \pi r^2 = 2\pi r \Delta r$ 

$$\therefore \quad \frac{\Delta A}{A} = \frac{2\Delta r}{r}$$

$$\therefore \quad K_{\pi_{0\,\text{obs}}} = K_{\pi_{t}} \left( 1 + \frac{2\Delta r}{r} \right) \qquad (4.57)$$

これが増加した  $K_{robs}$  と真の  $K_r$  との関係式である。

(2-2) 結果の考察

図4.21は、 $K_{\pi obs}$ を電極半径の逆数に対し てプロットしたものである。 Ni, Cd ともに ほぼ直線に近く、その勾配は両者においてほ ぼ等しい。すなわち (4.57) 式において  $\Delta r$ は、r に無関係に定数であって、しかもその 値は、Ni, Cd ともにほぼひとしく  $\Delta r$  は 6.4 ~6.9×10<sup>-4</sup>cm であることがわかった。

このことは ring 効果が,指示電極固有の性 質に基づいており,しかも  $\Delta r$  は半径に関係 しないことを示している。







· 図4.21 リング効果による電極半径と Kτの関係

このような現象として、たとえば白金極の断面を研磨するとき、白金と BM ガラスの硬度 差によって図4.20 b のように白金研磨面の後退が生じること、そしてこれが実効的に (4.57)式のような効果を生じることが考えられる。白金より硬いタングステン、モリブデ ン電極でたしかめる必要がある。もしこれが原因であれば、白金極の研磨に特別の工夫が必 要にならう。

当面,この効果は避けられないので拡散定数の測定などの場合は,上記の残余不純物の影響の場合と同様,半径を変えて遷移時間を測定し,1/rを零に外挿して正しい遷移時間定数 Knn を求めなければならない。

定量分析を目的とするときは,残余不純物の場合と異なって,半径が一定であれば,この ような補正は必要がないことはあきらかである。

#### 4.4.6 高い分極速度の領域(領域Ⅲ)における物質移動

領域Ⅲは,図4.10に示すように分極速度が大きくなるほど K<sub>r</sub>が増大した領域で,その高 域側の端は K<sub>r</sub>の急激な減少で終っている。

この領域は以下の解析が示すように,復極剤は線型拡散を行っているが,電気二重層充電 などの2次過程の影響が拡大される領域であった。また,表面アラサの影響も考えられる。 その高域側の終端は電解回路の電流制御帯域によって決まる。

(1) 電気2重層充電など2次過程による影響

図4.22に分極速度が10<sup>7</sup>以上の K<sub>で</sub>線図を示した。

すでに(3.3)式で示したように、クロノポテンシオメトリーにおいて、遷移状態にいた るまでに電解された総電気量は i<sub>0</sub>に逆比例して減少する。もし復極剤の復極過程とともに なんらかの2次過程が共存し、電気量の一部が消費されると、たとえその量がわずかであっ ても、高い分極速度の領域では総電気量中に占めるその割合は増大する。その結果、復極に 利用される電気量の割合が減少し、遷移時間が長くなり、遷移時間定数の値をみかけ上、大 きくすることになる。このような効果は、すでに4.3.4で SL ガラスに封じた白金指示極に おいてみられた。

この種の2次過程に対する解析は水溶液系でなされており,下に示した(4.59)式が与えられている<sup>50</sup>。ここでは,我々がおこなってきた解析に合うよう,この式を分極速度を変数として実測の *K*<sub>r</sub> 値を与える式に変形する。

いま,規正電流の実測値を i<sub>0</sub>,そのうち復極に利用される電極を i<sub>5</sub>,2 重層充電や副反応に費やされる電流を i<sub>0</sub>とすると,

$$i_0 = i_f + i_b \qquad (4.58)$$

遷移状態にいたるまでの各成分電流値を、仮に一定であると近似し、かつ副反応に費やさ れた電気量を  $Q_b = i_b \tau$ とすると、上式の両辺に  $\tau^{1/2}/C^0$ を乗じて次式を得る。

$$\frac{i_0 \tau^{1/2}}{C^0} = \frac{i_f \tau}{C^0} + \frac{Q_b}{C^0 \tau^{1/2}} \qquad (4.59)$$

左辺は, 我々が実測する K<sub>x</sub>, K<sub>nobs</sub>に相当し, 右辺第1項は本来の遷移時間定数 K<sub>nt</sub>で, (4.8) 式で与えられる。

いま  $Q_b$  はほとんど 2 重層の充電に費やされるとし、指示極電位が遷移状態にいたるまで に示した電位変化を  $\Delta E$ , この間の 2 重層容量を一定と近似し、これを  $C_a$  とすると、

 $Q_b = C_d \Delta E = -\hat{z} \qquad (4.60)$ 

したがって(4.59)式は次式のようになる。

$$K_{\pi_{10bS}} = \frac{\pi^{1/2} n F D^{1/2}}{2} + \frac{C_d \Delta E}{C^0 \tau^{1/2}} \qquad (4.61)$$

つぎに上式を  $K_{\pi obs}$  が分極速度の関数で与えられるよう変形する。  $\tau^{1/2} = K_{\pi obs}C^0/i_0$ を右辺第2項に代入し、 $C_a \Delta E = b$ とおくと、

$$K_{\pi_{0bS^{1}}} = \frac{\pi^{1/2} n F D^{1/2}}{2} + \frac{b}{C^{0} K_{\pi_{0bS^{1}}}}$$

K<sub>Tobs</sub>に関するこの2次方程式を解くと、

$$K_{\tau_{lobs}} = K_{\tau_l v} \frac{1}{2} \left( 1 + \sqrt{1 + \frac{b}{C^0} \frac{16}{\pi n^2 F^2 D} \left(\frac{i_0}{C^0}\right)} \right) \qquad (4.62)$$

が得られる。これを変形して,

$$K_{\pi_{0000}} \doteq K_{\pi_{10}} \left( 1 + \frac{4b}{\pi n^2 F^2 C^0 D} \sqrt{\left(\frac{\dot{i}_0}{C^0}\right)^2} \right) \qquad (4.63)$$

が得られる。あるいは(4.8)式を用いて

$$K_{\tau_{0}obs} \doteq K_{\pi_{l}} \left( 1 + \frac{b}{K^{2}_{\pi_{l}}C^{0}} \sqrt{\left(\frac{\dot{\iota}_{0}}{C^{0}}\right)^{2}} \right) \qquad (4.64)$$

が得られる。これらの式より  $K_{nobsi}$ は、分極速度が大のほど、bが大のほど、 $C^{\circ}$ が小のほ ど  $K_{nv}$ より大になることがわかる。

図4.22中の実線は  $K_{nv}$  として領域 II の  $K_r$ を用いて上式をあてはめたもので(バックグラウンドの補正を考慮して)Ni<sup>II</sup> では  $b = \Delta EC_a$  として16.2×10<sup>-6</sup>クーロン/cm<sup>2</sup>, Cd<sup>II</sup> では 37.5×10<sup>-6</sup>クーロン/cm<sup>2</sup>が得られた。

(4.64) 式は分極速度が10°あたりまでは変化の傾向をよく表わしている。Krの5%の



-118-

増大を許容する分極速度の範囲は(4.64)式から,

$$1.05 > 1 + \frac{4b}{\pi n^2 F^2 C^0 D} \sqrt{\left(\frac{i^0}{C^0}\right)^2} \qquad (4.65)$$

いま,  $D = 10^{-5}$ , n = 2とすると次式を得る。

$$\sqrt{\left(\frac{\dot{i}_{0}}{C^{0}}\right)^{2}} < \frac{1.46 \times 10^{4} C^{0}}{b} \qquad (4.66)$$

(2) 測定回路の制御帯域幅の影響

領域Ⅲの高域側は、図4.9にみられるように、分極速度10°付近に生じた K<sub>t</sub>の急激な低下 によって終った。

定電流値の過渡応答をみると、スイッチオンとともに、規正電流値の2~3倍の電流が約 10<sup>-4</sup>secの間不規則に流れ、この過渡状態がすぎてから制御状態に達した。分極速度が高く なって遷移時間が10<sup>-4</sup>秒に近くなるとともに、実際の電解電流が規正値を上まわる期間が長 くなり、遷移時間が規正電流値に対してみかけ上短かくなったと考えられる。このように、



オーバシュートが生じる代りに,立ち上がりに遅れが生じる場合は,逆に K<sub>r</sub>の急な上昇が みられるであろう。

要するに  $K_r$ 線図の高分極側の終点はダミーセルからの切り換えリレー(図3.1 rl<sub>2</sub>)の チャタリングおよび定電流回路の制御帯域の2つで決まる。今制御の立ち上り時間を T(s)とし、これが遷移時間 r の5%に達するような分極速度の上限は(4.69)式で与えられる。

したがって

$$(20 T)^{1/2} < \left(\frac{C^{0}}{i^{0}}\right) \frac{\pi^{1/2} n F D^{1/2}}{2} \qquad (4.68)$$

(3) 電極の表面アラサの影響

分極速度が高くなると拡散層が図4.23に示すように、aからcへと薄くなって電極の表面 アラサが拡散場に影響を与える可能性が生じてくる。拡散層の厚さは分極速度のみに依存す るので、比較的高い濃度の溶液を用い、遷移時間の測定精度を上げた状態でこの影響をたし かめる実験を行った。



図4.23 表面アラサと拡散







図4.24 表面アラサの理想曲面

電極のアラサとしては、復極に際して析出金属によって生じるものと、指示極の素地金属 の研磨面がもともともっているものとの2つが考えられる。

まず前者に関する測定を、固状析出の Ag, Ni, Zn(380°C), 液状析出の Cd, Pb, Zn (450°C) について行なった。析出量の多い低分極速度領域では拡散層は厚く, 拡散層の薄い 高分極速度領域では析出量は小さく, いずれも析出物のアラサの影響に有利に働くため, こ のままではその影響をみることができない。そこで,最大析出量を与える臨界状態(4.4.4 (1)参照) で予め分極し,電流を切って濃度分極の回復をまって直ちに分極速度を上げて1 ms 弱の遷移時間を測定し,これを通常の測定で得たものと比較したところ差はいずれの復 極剤についても生じなかった。

このことから図4.9で示される分極速度の範囲では、析出物により生じる表面アラサは、 遷移時間の値に影響を与えていないといえる。

次に電極素地のアラサの影響について,析出物の生じない Cr<sup>#</sup>/Cr<sup>#</sup> 系を用い測定した。 遷移時間を1msec 弱に設定し,粒度番号が500,800,1600,2000 のエメリ紙で電極を研磨 して,それぞれにおける遷移時間を測定したところ,実験誤差以内で変化は認められなかっ た。

遷移時間が1msにおける有効拡散層厚さ xer は, (4.10) 式, (4.12) 式, (4.43) 式より,

 $x_{ef} = \sqrt{D\pi\tau} \qquad (4.70)$ 

であるから約1.77×10<sup>-+</sup>cm である。一方,500番のエメリ紙の粒径は34×10<sup>-+</sup>cm,200番で も7.9×10<sup>-+</sup>cm であり拡散層の厚さよりはるかに大きい。それにもかかわらず,遷移時間に 変化がみられないのは次のように説明できる。

電極研磨面を触針式表面アラサ測定機タリサーフで観測した結果,研磨面は次の性質をも つことがわかった。

エメリ研磨によって生じたかなり規則的な1次アラサが支配的で、これよりこまかい
 2次アラサからはっきり区別された。1次アラサと2次アラサの空間周波数が接近した図
 4.23のような形はしていなかった。

② 1次アラサの山と山との距離、すなわちピッチはエメリ番号が120から2000にわたって、それぞれの粒径の約1/2から1/3ぐらいであった。

3 1次アラサの山の高さは、ピッチの大体1/10以下であった。すなわち山の頂角は大凡
 150度以上であった。

以上のことから次のような推定が可能である。

まず①の性質により、2次アラサ面を電流密度を算出するための基準面とすることができる。このこと、および②、③より電極表面は頂角が150°ほどの山がならんだ図4.24のような モデルで代表させることができる。また図中bは使用粒径の1/2~1/3である。

このような面における表面積と、上部より観測される、図では底面積となる実測面積との 比を K<sub>r</sub>とすると、その値はピッチに無関係になり、頂角のみに依存する。

$$K_{\tau} = \frac{\underline{\overline{k}} \, \underline{n} \, \underline{\overline{h}}}{\underline{\overline{k}} \, \underline{n} \, \underline{\overline{h}}} = \sqrt{1 + 4 \left(\frac{h}{b}\right)^2} \qquad (4.71)$$

さて,高分極速度において拡散層が表面に密着すると,電流密度は図4.24の a の場合にく らべて 1/Kr 倍されて小さくなり,遷移時間は増大することになる。

したがって実測される遷移時間定数  $K_{\pi obs}$  は実測面積に対して与えられる $K_{\pi b}$  より計算される値より大きくなり、次式で与えられる。

$$K_{\pi_{obsi}} = K_{\tau} K_{\pi_{tv}} = K_{\pi_{tv}} \left( 1 + 4 \left( \frac{h}{b} \right)^2 \right) \quad \dots \qquad (4.72)$$

 $K_{\tau}$ はエメリ番号に依存せずやく1.02である(頂角を150°とした)ために、粒径が  $K_{\tau obst}$ にほとんど影響を与えないことがわかる。

## 4.5 文 献

- 1) 西,一瀬:溶融塩,7,395(1964).
- 2) H. A. Laitinen, W. S. Ferguson : Anal. Chem., 29. (1957).
- 3) 西,一瀬,:溶融塩,8,326 (1965).
- 端野,西:京大工研彙報,23,16 (1963).
   Y. Saito; Rev. Polarogr. (Japan), 15, 177 (1968).
   K. Aoki, J. Osteryoung: J. Electroanal. Chem., 122, 19 (1981).
   M. Kakihana, H. Ikeuchi, G. P. Sato: J. Electroanal. Chem., 117, (1981).
- 5) A. J. Bard : Anal. Chem., 35,340 (1963).
- 6) H. A. Laitinen, R. P. Tisher : J. Electrocem. Soc., 107, 546 (1970).
- P. Delahay : "New Instrumental methods in Electroanalitical Chemistry" Interscience Publ. N.Y. (1954).
- F. Caligara, L. Martinot, G. Duyckaerts: J. Electroanal. Chem., 16, 335 (1968).
   坂倉, 桐原:電気化学, 34, 780 (S.41), 36, 452 (S.43).

K. Cho, T. Kuroda : DENKIKAGAKU, 39, 206 (1971).

J. C. Poignet, M. J. Barbier : Electrochimica Acta, 17, 1227 (1972).

- 9) S. Sokolnikoff, "Numerical Solution of Differential Equation" J. Wieley. N. Y. (1960).
- 10) L. Martinot, J. Reul, G. Dyekaerts : Anal. Lett. 8, 233 (1975).
- 11) N. P. Bamsal, J. A. Plambeck : J. Electrochem. Soc. 124, 1036 (1977).
- 12) M. L. Deamhardt, K. H. Stern : J. Electrochem. Soc. 127, 2600 (1980).
- 13) A. N. Fletcher : J. Electrochem. Soc. 131, 286 (1984).
- 14) F. Lantelme : J. Electrochem. Soc., 191, 343 (1985).

# 第5章

# 溶融塩ボルタンメトリーの 定性機能に関する研究

5.1 はじめに

本章では溶融塩ボルタンメトリーの定性機能の基礎的な挙動をとり上げた。その問題点に ついて以下簡単に説明し、また、研究手段として Randles 型ボルタンメトリー(以下RS) を採用した理由について説明する。

ポーラログラフィー,ボルタンメトリーによる定性は,一般にボルタモグラム上の,半波 電位など,特性電位によって行なわれる。この数値を決める第1因子が復極反応の熱力学的 平衡値-標準単極電位 E<sub>0</sub>であるためである。しかし,ポーラログラフィ,ボルタンメト リーは本来非平衡法であるため,この特性電位は,基本方程式から明らかなように,電極界 面での酸化体濃度 C (0.t),還元体濃度(金属活量 a)の比ならびにその変化を支配する拡 散現象によって定まるボルタモグラムの波形を第2因子として決まってくる。ボルタモグラ ムのピーク電位 E<sub>p</sub>が濃度によらず物質に固有の数値となるのは, E<sub>p</sub>を決める第一項, E<sup>6</sup>, に加算される,第2因子による寄与分が定数になるよう波形が定まるために他ならない。

固体指示極を用いて観測される溶融塩ボルタモグラムの波形については4.1で述べたよう にKolthoff-Lingane (K-L)型,またはHeyrovsky-Illkovic (H-I)型をとるという 2つの説がみられる<sup>「</sup>が,この差は,第2因子中の折出金属活量の,復極中の変化に対する 見方の違いに基づいている。第1の説は,指示極が折出金属で覆われているとみて,その活 量を復極中は1として導いたボルタモグラムに近いものが観測されるというもの,第2のそ れは,折出金属原子は,高温のため指示極内へ拡散するとみて,金属活量が時々刻々の電流 差に比例するとして導いたボルタモグラムが観測されるというものである。両型では波形も 異なり,したがって特性電位であるピーク電位 *E*<sub>ρ</sub>と *E*<sub>0</sub> との関係もそれぞれ異なっている。

今回実際に観測した波形はもっと復雑で,たとえば図5.20,24みられるように,Cd<sup>II</sup> 溶 液の同一浴であっても、タングステン指示極ではピークは一つであるにも拘らず白金の指示 極では復数のピークを示すなど異常な形を示した。このような複雑な波形になる原因は,活 量変化の異常にのみ求められる。すなわち第2の因子中のC(0.t)は,(3.28)式によって, たとえ図5.23のように電解電流が複雑に変化しても,この電流変化の履歴に従属して一義 的に与えられることは3.3.2,(2)ii) においてわれわれが明らかにしたところである。すなわち C(0,t) を決めるのは溶液内の Cd<sup>++</sup>の拡散のみであって、しかもこれについては4.4ですでに観測したように異常な現象は生じていない。したがって異常の原因は金属活量が復極の過程を通じて複雑に変化することにあると考えざるを得ない。

以上のことから、定性機能の問題点に対する基礎的研究としては、特性電位の変動を漠然 ととり上げるのではなくてボルタモグラムの波形の解析が重要であってボルタモグラムの変 形を拡散現象を定量的に踏まえながら活量変化の関数としてとり上げるというものでなけれ ばならない。

次にRSを用いた理由について述べる。Randles型ボルタモグラムは電磁波分析のスペ クトル波形のようにピーク状であって、ピーク電位として与えられる特性電位に関する見か け上の分解能が高い。これは、電位規正法では規正信号が、酸化体・還元体界面濃度から電 流へと伝達されるが、(3.28)式などにみられるようにこの伝達が微分(S<sup>1/2</sup>,半階微分) であることと、Randles型では規正波形が鋸歯状波形であることの2つのためである。研 究対象である折出金属活量の変化の異常は、Randles型ボルタモグラムの縦軸である電流 の変化に極めて敏感に(微分的に)反映されることになる。本章のような研究のための手段 としてこの型がもっとも適しているといえる。(クロノポテンシオグラムの波形は積分的で、 この意味では鈍感である。)

以下、5.2では、活量変化がボルタモグラムの波形におよぼす影響をとり上げる際、いた ずらに数学的な複雑さをまねく非定常拡散問題を考慮の外におくことができるよう、線型拡 散のシミュレータを作成した。5.3では、これを用いて実際の活量変化の様子を実測のボル タモグラムから逆算して測定し、単純な H-I 型でも K-L 型でもないことを明らかにした。 この結果に基づき、活量変化に関するいくつかのモデルを作成し、シミュレータを用いてそ れぞれが与える無次元化ボルタモグラムを作成しそれらの特徴を明らかにした。5.4では、 このボルタモグラムを基本作業パタンに用いて種々の実測ボルタモグラムの挙動を解析し、 種々の分極条件における定性機能について考察した。

## 5.2 Randles 型ボルタンメトリーにおける拡散

5.2.1では RS の境界値問題を無次元化してRSにおける分極速度を導く。そして濃度分 布曲線に基づいて相当分極状態なる考えを導入し線型拡散を与え得る RS の分極速度の値 を,すでに得られているクロノポテンシオメトリーのそれから換算によって求める。ついで 5.2.2では線型拡散を模擬しうるシミュレータを作製する。目的は次節5.3で行なう波形解析 において拡散問題特有の数学的煩雑さを回避するためである。

## 5.2.1 境界値問題の無次元化,相当分極状態,および線型拡散を与える分極速度

(1) 境界値問題の無次元化と分極速度の導入

RS の基本式はたとえば K-L 型では次のように与えられ、(5.5) 式の解が得られること はよく知られている<sup>31</sup>。

$$\frac{\partial C}{\partial t} = D \frac{\partial^2 C}{\partial x^2} \qquad (5.1)$$

$$\overline{\partial u} = C^0 \qquad (5.2)$$

$$RT^{(0,0)} = C e^{\alpha p} (RT^{(0,0)})$$

$$C(\infty, t) = C^{\circ} \qquad (5.4)$$

ここで v(V/s) は鋸歯状波電圧掃引速度であり、また掃引開始電圧は濃度  $C^{\circ}$ に対する平 衡電位に、還元体活量は1にとってある。解は、

ただし Φ (λ) は次式で与えらる。

$$\Phi(\lambda) = exp(-\lambda^2) \int_0^\lambda exp(Z^2) dZ \qquad (5.6)$$

しかしてピーク電位 E,は

$$E_{\rho} = E^{\circ} + \frac{RT}{nF} \ln C^{\circ} - \frac{0.0218}{n} \qquad (5.7)$$

つぎに, RS における分極速度(分極速度の定義については4.2.1参照)を導入し,かつ シミュレータ導入の準備のため上記基本式の無次元化を行う。

無次元化された濃度,時間,電極からの距離をそれぞれ q, P, Sとすると,それらは
 (4.9),(4.10),(4.11)の各式で与えられ,この条件で拡散方程式(5.1)あるいは(4.4)
 が無次元化されて(4.17)となるのはすでにみたところである。

ここで RS の境界条件(5.3)を無次元化するため(4.10),(4.11)式中の分極速度 P は, 次式で与えなければならない。

$$P = \frac{nF}{RT}v \quad (\% \overline{w} \overline{x} \overline{g}) \qquad \dots \qquad (5.8)$$

すなわちRSの分極速度Pは、文字通り、電圧変化速度v(V/s)に比例する。

このように *P*をおくと, (4.9), (4.10), (4.11) 式によって初期, 境界条件は次のよう に無次元化され, 無次元化された解 (5.12) 式が得られる。

$$\langle OS \rangle_{S=0}^{\prime} \sqrt{\pi}$$

但し Φ は式 (5.6) で与えられる。

(2) 相当分極状態,および線型拡散を与える分極速度

電位規正法であるRSでは、電位変化によって与えられる、酸化・還元両体の界面濃度・ 界面活量比が拡散の駆動源となっている。このため、ボルタモグラムの定性パラメータのみ ならず定量パラメータであるピーク電流も、CPの遷移時間の場合とは異なって、拡散およ び界面活量変化の両方の影響を直接的にうける。すなわち波形は界面活量変化と拡散(酸化 体界面濃度は拡散流束-電流によって伝達関数を通じて一義的に定まる)の2つの因子に規 正される。拡散は4章で定量の問題としてとり上げた。本章では定性情報としてボルタモグ ラム波形をとり上げこれにおよぼす活量変化の影響だけとり上げる。このため拡散における エツジの異常効果などの影響は波形から予め除去しておかなければならない。すなわち RS において線型拡散の生じる分極速度の範囲内でボルタモグラムを測定する必要がある。混合 した両効果の影響を受けるピーク電流の挙動だけからこの条件がみつけられないことは明ら かである。本章に先立って4章で線型拡散を与える分極速度の範囲を確認したのはまさにこ のためである。そのためまず相互に独立した電解形式である CP と RS の分極速度の間を 橋渡しする必要があり"相当分極状態"なる分極状態を、両ボルタンメトリーの濃度分布図 を用いて設定した。

次節5.2.2における図5.4, a, b はアナログコンピュータによって得られた濃度分布図で, a は RS, b は CP のそれを示す。縦軸は無次元化濃度, 横軸は無次元化距離, 曲線上の数 字はマシンスケールの無次元化時間である。a, b 両図において無次元化時間30における分 布は, a では電流がピーク電流の2/3まで減少した状態での, b は遷移状態でのそれぞれの 分布を示す。すなわち分極が終了し, ボルタモグラムがそれぞれ全部描き切られた時点での 分布である。 この時点での濃度分布をみると、5%の濃度減少が生じている無次元化距離 S は、図より、ほぼ a で4、b で 2 であることがわかる。対応する実距離を  $x_{sRs}$ 、 $x_{scp}$  とし、分極速度 を CP、RS でそれぞれ  $P_{cp}$ 、 $P_{Rs}$  とすると、S、x 間の変換式(4.10)を用いて、次式が成立する。

 $RS: 4.0 = \sqrt{P_{RS}/D} \cdot x_{5RS} \quad \dots \quad (5.13)$ 

 $CP: 2.0 = \sqrt{P_{cp}/D} \cdot x_{scp} \quad \dots \qquad (5.14)$ 

なお, Pcp, Prs はそれぞれ (4.12) 式, (5.8) 式で与えられる。

今, CP と RS で相互にほぼ等しい濃度分布の生じている状態, すなわち 5 %の濃度減少 が生じている実距離が等しい状態を"相当分極状態"として次式で定義する。

 $x_{srs} = x_{scp} \quad \dots \qquad (5.15)$ 

このようにすると相当分極状態を生じさせる、両ボルタンメトリの分極速度の間には (5.16)式の関係が成立することになる。

すなわち、(5.13)、(5.14)、(5.15)より

$$4.0\sqrt{\frac{D}{P_{\rm RS}}} = 2.0\sqrt{\frac{D}{P_{\rm cp}}}$$

$$\therefore \quad 4 P_{c\rho} = P_{RS} \qquad (5.16)$$

 $P_{cp}$ ,  $P_{RS}$ に(4.12),(5.8)を代入すると、相当分極状態を与える CP の  $(i_0/C^0)^2$ と RS の v との間には次の関係が成立す。

$$\frac{v}{\left(\frac{i_0}{C^0}\right)^2} = \frac{4RT}{n^3 F^3 D}$$
(5.17)

450°C,  $D = 10^{-5}$ , n = 2の条件では,  $(i_0/C^{\circ})^2 \ge v \ge 0$ の間には次の関係がある。

$$\frac{v}{\left(\frac{i_0}{C^0}\right)^2} = 8.37 \times 10^{-8} \tag{5.18}$$

すでに4.4.4で線型拡散を5%の精度で保つ( $i_0/C^{\circ}$ )<sup>2</sup>の下限を与える(4.50)式を導いた。 直径0.4mm  $\phi$  ( $R = 2 \times 10^{-2}$ cm)の標準形の電極であればこの値は、2.60 × 10<sup>6</sup>となる。こ れを(5.18)式左辺分母にいれると、

 $v = 8.7 \times 10^{-1}$ 

が得られる。

すなわち本溶融塩系で0.4mm<sup>®</sup>の指示極を使って RS において線型拡散を維持するためには, 掃引速度 v を,原則的にこの値以上に選ばなければならないことがわかる。

なお v の上限値であるが, RS の充電電流は加成性があるため CP と異なってボルタモグラ ムで分離できる。しかしあまりに大きくなれば, 波形の勾配が大になったり, スケールアウ トが生じる。

#### 5.2.2 線型拡散のアナログシミュレータ

前節で与えたような条件で測定するかぎり原則的に線型拡散が生じていると考えてよいが, 線型拡散といえども非定常での数学的処理は極めて煩雑である。このため次節の波形解析に おいては拡散に関する処理は即時性のあるアナログシミュレータにまかせることにした。

本節では、電気化学系の研究においてはじめて導入された拡散のアナログシミュレータの 作成について述べる。作成したシミュレータには2種あり、第1のそれは、大型のアナログ コンピュータを利用し、距離の関数としての拡散場をも含めて拡散を完全に模擬するもので ある。第1のそれによって RS における濃度分布の様子がはじめて計算され、上記の相当 分極状態の考えを導入することができた。このシミュレータは5.3.2において溶融塩ボルタ ンメトリーの活量変化の様子を実際に観測するのに用いた。第2のものは拡散における流束 と界面濃度の相互変換のため、半階微積分変換モジュールをはじめて実現したもので、 5.3.3のモデル実験に用いた。

なおこれらのシミュレータは任意波形(疑似・実測)の電流変化,界面濃度変化のいずれ を入力信号に選んでも他を出力として与え得ることから,本章の解析に有用であるのみなら ず,一般に電気分析,あるいは電極反応解析に極めて有用であって,たとえば第2のそれは 千田らによってリアルタイム半階積分ポーラログラフとして電気分析において混合物のボル タモグラムの波形分解のため利用された"。

(1) アナログコンピュータによる線型拡散の模擬

低速度形の大型アナログコンピュータ, ALS-1000(日立製作所)を使用した。アナログ 量の上限値は100ボルトで,また演算時間は30秒ぐらいになるのが望ましい。マシンタイム, マシン濃度をこの範囲におさめるため,これらをあらためて ρ, q とおき,スケールファク タを α, β とする。次式中の q', ρ' は従来の無次限化濃度 q, 無次元化時間 ρ である。 (4.9), (4.10), (4.11) に対応して,

 $q = \alpha q' = \alpha \frac{C}{C^0} \qquad (5.20)$ 

$$S = \sqrt{\frac{P}{D}x} \qquad (5.21)$$

 $\rho = \beta \rho' = \beta P t \qquad (5.22)$ 

また拡散方程式(4.16)は

$$\frac{\partial q}{\partial \rho} = \frac{1}{\beta} \frac{\partial^2 q}{\partial S^2}$$
  

$$\ddagger t c t \qquad \frac{\partial q}{\partial \rho} = \frac{1}{\beta} \frac{\partial f}{\partial S} \qquad (5.23)$$

$$q (0, S) = \alpha, q(\rho, \infty) = \alpha$$
 ..... (5.24, 25)

ただしfは流束(flux)である。

$$f = \frac{\partial q}{\partial S} \left( = \frac{\alpha}{C^0} \cdot \sqrt{\frac{D}{P}} \cdot \left(\frac{\partial c}{\partial x}\right) \right) \tag{5.26}$$

## また, RS, CPの境界条件, 解はそれぞれ次式で与えられる。

境界条件:

RS 
$$q(0, \rho) = \alpha exp(-\frac{\rho}{\beta})$$
 (5.27)

$$CP \qquad \left(\frac{\partial q}{\partial S}\right)_{s=0} = \alpha \qquad (5,28)$$

解:

RS 
$$\left(\frac{\partial q}{\partial S}\right)_{s=0} = \frac{2\alpha}{\sqrt{\pi}} \Phi\left[\left(\frac{\rho}{\beta}\right)^{2/1}\right]$$
 (5.29)

CP 
$$q(0, \rho) = \alpha \left(1 - \frac{2}{\sqrt{\pi}} \left(\frac{\rho}{\beta}\right)^{1/2}\right) = 1 - \sqrt{\frac{\rho}{\rho_{\tau}}}$$
 (5.30)

$$\rho_{\tau} = \frac{\pi}{4} \beta \qquad (5.31)$$

つぎに拡散方程式(5.23)を、アナログコンピュータで模擬のできる、時間に関する常微 分方程式に分解するため、Sを附差に置き換える。すなわち、分極によって濃度 q に変化 の認められる範囲の、電極からの距離を  $\triangle Se$  とする。これを100等分し、それらの  $n_i$  個ず つより作った  $\triangle S_i$ で  $\triangle Se$  を N 区間に分け、各区間内では、 $q_i$  は距離によらず一定とす る。このようにすると、(5.23) は S に関する N + 1 個の常微分方程式に分解できる。ここで

$$\triangle S_i = \frac{\triangle Se}{100} \times n_i, \quad \Sigma n_i = 100$$

である。

なお、上記の分解において、 $f_i \ge q_i$ が区間内で占める位置は図5.1のように3つの場合が 考えられる。a は境界において流束、すなわち fo が規正される電流規正ボルタンメトリー の模疑に適している。b は界面で濃度  $q_o$ が規正される電位規正ボルタンメトリーに適して いる。c は f ≥ q の特定の関係が規正される問題に便利である<sup>40</sup>。ここでは (5.23) 式のよ うな放物型偏微分方程式の境界条件の型によってそれぞれを便宜的に N (Neumann)型、 D (Dirichlet) 型および N-D 型と呼ぼう。CP は N 型に、RS は D 型に分解する必要が ある。

N, D型のそれぞれの階差常微分方程式を次に示した。

N型:

$$\frac{dq_{0}}{d\rho} = \frac{1}{\beta \bigtriangleup S_{0}} (f_{1} - f_{0}^{*}) = \frac{1}{\bigtriangleup S_{0}} \left( \frac{q_{1} - q_{0}}{\beta \left( \frac{\bigtriangleup S_{1} + \bigtriangleup S_{0}}{2} \right)} - \frac{1}{\beta} \left( \frac{\partial q}{\partial s} \right)_{s=0}^{*} \right) \quad \dots \quad (5.32)$$

$$\frac{dq_{1}}{d\rho} = \frac{1}{\beta \bigtriangleup S_{1}} (f_{2} - f_{1}) = \frac{1}{\bigtriangleup S_{1}} \left( \frac{q_{2} - q_{1}}{\beta \left( \frac{\bigtriangleup S_{2} + \bigtriangleup S_{1}}{2} \right)} - \frac{q_{1} - q_{0}}{\beta \left( \frac{\bigtriangleup S_{1} + \bigtriangleup S_{0}}{2} \right)} \right) \quad (5.33)$$



$$\frac{dq_n}{d\rho} = \frac{1}{\beta \bigtriangleup S_n} \left( \frac{q_{n+1} - qn}{\beta \left(\frac{\bigtriangleup S_{n+1} - \bigtriangleup S_n}{2}\right)} - \frac{q_n - q_{n-1}}{\beta \left(\frac{\bigtriangleup S_n + \bigtriangleup S_{n-1}}{2}\right)} \right)$$
(5.34)

$$\frac{dq_{n+1}}{d\rho} = \frac{1}{\beta \bigtriangleup S_{n+1}} \left[ 0 - \frac{q_{n+1} - qn}{\beta \left(\frac{\bigtriangleup S_{n+1} + \bigtriangleup S_n}{2}\right)} \right] \quad \dots \tag{5.35}$$

$$tttl, \quad q = 0 \ \mathfrak{C} \ q_0 = q_1 = \cdots q_{n+1} = \alpha \qquad \cdots \qquad (5.36)$$

ここで (5.32) 式中の

$$f_0^* \left( = \left( \frac{\partial q}{\partial s} \right)_{s=0}^* \right)$$

は、任意の波形をした境界条件であって、実測あるいは擬似の流束すなわち電流曲線である ボルタモグラムを入力しなければならない。また(5.35)式の右辺第一項の0は(5.25)式 によっている。また(5.36)式は初期条件である。

D 型:

$$\frac{dq_1}{d\rho} = \frac{1}{\beta\left(\frac{\bigtriangleup S_1 + \bigtriangleup S_0}{2}\right)} (f_1 - f_0) = \frac{1}{\frac{\bigtriangleup S_1 + \bigtriangleup S_0}{2}} \left(\frac{q_2 - q_1}{\beta \bigtriangleup S_1} - \frac{q_1 - q_0^*}{\beta \bigtriangleup S_0}\right) \quad \cdots \quad (5.37)$$

$$\frac{dq_n}{d\rho} = \frac{1}{\frac{\bigtriangleup S_n + \bigtriangleup S_{n-1}}{2}} \left( \frac{q_{n+1} - q_n}{\beta \bigtriangleup S_n} - \frac{q_n - q_{n-1}}{\beta \bigtriangleup S_{n-1}} \right) \qquad (5.38)$$

$$\frac{dq_{n+1}}{d\rho} = \frac{1}{\frac{\bigtriangleup S_{n+1} + \bigtriangleup S_n}{2}} \left( 0 - \frac{q_{n+1} - q_n}{\beta \bigtriangleup S_n} \right) \qquad (5.39)$$

ただし
$$\rho = 0$$
で、 $q_0 = q_1 = \cdots q_{n+1} = \alpha$ 

ここで(5.37)式中の g₀\* は D 型の境界条件で任意の波形をした実測,あるいは擬似濃度 変化を入力しなければならない。

上式をそのまま結線した N 型と D 型のプログラムを図5.2に示した。ALS-1000は加算器 を20個しかもっていないので N は10とした。なお図中、たとえば第3番目の積分器の入力 の係数  $k_{3.0}$ ,  $k_{3.1}$ および出力の  $k_3$  は、N 型を例にとると、(5.34) 式から次式のようになる ことは明らかである。

$$k_{3.0} = \frac{1}{\beta \frac{\bigtriangleup S_3 + \bigtriangleup S_2}{2}}$$



図5.2 アナログコンピュータによる拡散場の模擬

$$k_{3,1} = \frac{1}{\beta \frac{\bigtriangleup S_4 + \bigtriangleup S_3}{2}}$$
$$k_3 = \frac{1}{\bigtriangleup S_3}$$

本シミュレータの動作を説明すると、予め、(5.36)式によって初期条件として各積分器 出力を  $\alpha = 100$ 、すなわち100ボルトに設定する。ついで、入力(境界条件)としてN型で は $f_0^*$ 、D型では  $q_0^*$ を慾する波形をもたせて入力することによって回路を駆動すると、各 積分器の入出力として、時々刻々変化する、各区間における流束および濃度が得られる。た だし積分器 No.10の入力は、無限大の距離における濃度( $\Rightarrow q_1$ )は変化しないという境界 条件に応じて、0ボルトにセットしておく。CP であれば(5.28)式に従って  $f_0^*$ に100ボ ルトの一定値を、RS であれば(5.27)式にしたがって  $q_0$ に指数関数を入力すれば、出力 として前者では界面濃度変化  $q_0$ が第1番目の積分器出力に、後者では電流変化  $f_0$ が第一積 分器入力端子に現われるのみでなく、拡散場の各区間における流束と濃度が得られる。 なお, スケールファクタ α, β と各係数器の値は次のようにして選んだ。

まず α は、ALS-1000の最高出力が100ボルトであることから100とした。また β は、全 分極時間が、ALS-1000の最適演算時間30秒になるように決めた。すなわち RS では(5.29) 式の理論ボルタモグラムにおいて  $f_0$  がピークをすぎてからピーク値の2/3、即ち2/3・ $\phi_\rho$ に なるまで演算することにした。(5.6) 式から、 $\phi_\rho = 0.541$ であるからこの時点における  $\phi$ は、 $\phi_\rho$ の2/3すなわち0.360である。このときの変数は、 $\phi$ (1.75) =0.360から1.75である。 したがって、1.75= ( $\rho/\beta$ ) <sup>1/2</sup>においてマシンタイム  $\rho$  をほぼ30秒にするため  $\beta$  を10とし た。また CP では遷移時間  $\rho_r$ を30秒にするため、(5.31) 式より  $\beta$  を38.2とした。次に各 係数器の値であるが、濃度変化の生じている区間を充分にカバーすることのできる  $\Delta$ Se の 値は、アナコンを予備的に駆動した結果、RS では20、CP では 6 もあれば充分であること がわかった。電極からの距離が遠くなるほど q の変化量は小さくなるから、N 個の区間は 電極からの距離が遠くなるほど大きくとる方が得である。そこで  $n_i$ の値を下のように選び、 これに基づいて各係数値求めた。

| 区間番号  | 0   | 1   | 2   | 3   | 4   | 5   | 6   | 7 8     | 9    | 10   |  |
|-------|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|---------|------|------|--|
| $n_i$ | 0.5 | 1.0 | 1.5 | 2.1 | 3.0 | 4.0 | 6.0 | 9.014.0 | 19.0 | 40.0 |  |

つぎに,これらの模擬の妥当性を検査するため RS と CP における拡散を,それぞれ (5.27) 式と(5.28) 式を入力にして模擬し,出力をそれぞれの解析解,(5.29),(5.30) と比較した。

図5.3 a, b は, それぞれ RS, CP の模擬回路において各区間における濃度 q, すなわ ち各積分器出力, を時間 ρ に対して記録したもの, 図5.4 a, b は, 図5.3のそれぞれを電極 からの距離に対してプロットし直して得た濃度分布図で,曲線上の数字は時間である。RS の濃度分布図は従来の理論ボルタンメトリーにおいても数値計算の困難さのため得られてい なかったものである。これと CP の濃度分布との比較によってすでにみたように相当分極 状態を定義することができた。

図5.5は RS の模擬において各区間の流束  $f_0$ , …… $f_1$ 。を時間に対して記録したものである。

図5.3 b および図5.5の点線はそれぞれの図より外挿によって求めた界面における濃度お よび流束であり、点線上の黒丸は(5.30)および(5.29)式による解析解である。両者の一 致は良好であって模擬が正しく行なわれていることがわかった。



(2) アクティブフィルタによる線型拡散の模擬

3章で、拡散過程では、電流信号 i(t) と界面濃度変化信号  $\triangle C(0,t)/C^{\circ}$  との間に、どちらを入力信号にえらんでも、任意の入力波形に対して他方が一義的に定まった形で出力されるというこことを明らかにした (3.3.2, (2)ii) ③)。

この信号伝達は伝達関数で表現することができ、線型の単純拡散の場合には、電流から界 面濃度変化への伝達は(3.27)式で、その逆の伝達は、逆数、すなわち(3.29)式で与えら



図5.5 RS における流束の分布



図5.6 T型トランスファインピーダンスを用いたアクティブフィルタ

れる。それぞれの式の変数は  $s^{-1/2}$  と  $s^{1/2}$  である。  $s^{\pm 1/2}$  はボード線図上では $\pm 10$ dB/dec,  $\pm 45^{\circ}$ のゲイン,位相特性をもつ。

このような周波数特性をもったフィルタをもし作ることができれば、いずれかの信号がい かに複雑に変化しても、フィルタ出力として他方が得られることになり、大型アナコンが不 要になるばかりでなくリアルタイム処理も可能になる。

このような半階の微・積分伝達モジュールをはじめて実際に実現することができた<sup>9</sup>ので 次にその概要を記す。

回路は図5.6に示すように、T型RCネットワークを用いたアクティブフィルタを基本要素としてこれをカスケードにつないでいくもので、要はRCネットワークにより実現できる通常の±20dB/decのゲイン特性曲線を用い、折線近似によって中途半端な±10dB/dec

の勾配を実現していくものである。図5.6では3個つないであって、図5.7に示すように3 ディケードの帯域にわたって±0.2dBの精度で目的を達成することができる。RS ボルタモ グラムの模擬結果と解析解との一致は極めて良好であった。詳細は、回路のパラメータの計 算法などとともに原報<sup>50</sup>を参照していただきたい。

本モジュールの利点は、(1)のアナコンのように距離の関数としての分布こそ与えないが、 拡散や熱伝導において実際に重要な量となる界面流束と界面濃度(温度)との間の信号変換 を、簡単な方法で、しかも必要ならリアルタイムで実行できる点にある。

## 5.3 固体指示極によって得られるボルタモグラムの波形解析

本章では定性情報であるボルタモグラムの波形そのものを研究の対象としているが固体指示極の場合これはすでに述べたように拡散と折出金属の活量変化によって規正される。溶融 塩ポーラログラフィでは、指示極の、折出金属による被覆のため K-L 型が得られるという



図5.7 s<sup>±1/2</sup> 変数モジュールの周波数特性

説と、高温において析出金属の指示極内への拡散のため H-I 型が得られるという説がある このはすでに述べた<sup>''</sup>。本節では、予め析出金属活量とボルタモグラムの関係式を導いたの ち5.2で作成したシミュレータを用い、実測の RS ボルタモグラムをこれに入力して復極中 に実際に活量がどのように変化しているかを演算計測した。そしてこれが単純な K-L 型で も H-I 型でもないということを明らかにし、この所見に基づいて、活量変化に関するいく つかのモデルをつくった。ついでシミュレータを用いて、それらのボルタモグラムを出力し それぞれの特徴を明らかにした。

#### 5.3.1 折出金属活量とボルタモグラムの関係

還元反応 O + ne = R において、適当な分極速度の範囲では、系が高温であることともあ いまって、折出金属 R の活量の時間変化信号 a(t)、酸化体界面濃度のそれ C(0,t) および 指示極電位のそれ E(t) との間には次式が成立していると考えられる。\*<sup>1</sup>

いま, バルクの金属 R の活量を1とし, 酸化体 O のバルク濃度 C<sup>o</sup> に対してこの系が示 す平衡電位の実測値を Ee とすると

$$Ee = E^{\circ} + \frac{RT}{nF} ln \frac{C^{\circ}}{1} \qquad \dots \qquad (5.41)$$

となり(5.40)式は次式のようになる。

ここで  $\Delta C(t)/C^{\circ}$  は, 界面濃度変化信号であって(3.27)式によって電流信号と一義的 に関係づけられている。

すなわち、ボルタモグラムである E(t) - i(t)、および a(t) の 3 つの信号の間には (5.43) 式の関係が存在する。

(5.43) 式を模擬したシミュレータを作ると、この3 信号間の関係を、任意の組み合せの 2 入力-1 出力の3 端子系として実際に実現し、把握することができる。この方法によれば、 拡散にもとずく数学的な煩雑さにとらわれることなく活量変化とボルタモグラムの関係だけ

\*1 159頁 補記を参照
を、任意の入力波形において即時的に把握することができる。

ここで入力の一つ *E*(*t*) は *RS* では常に鋸歯状波である。

 $E(t) = E_i - vt \qquad \dots \qquad (5.44)$ 

ただし $E_i$ は掃引開始電圧、vは掃引速度、第2項負号は還元をそれぞれあらわす。

たとえば溶融塩ポーラログラムとして問題になっている K-L 型ボルタモグラムは,第1 入力としての E(t)端子を鋸歯状波形電圧で駆動しつつ,第2入力として a(t)端子を1 に保持しておけば,何らの数学的処理を経なくても復雑な(5.5)式の波形が i(t)端子に簡 単に得られる。

また実測のボルタモグラム i(t) - E(t) 曲線を 2 入力として馳動すれば、実際の活量変 化の様子を a(t) 端子で観測することができ (5.3.2)、逆に、E(t) と a(t) とを入力とし て、a(t) に特定の波形を入力すれば、そのようなときに得られるはずの RS ボルタモグラ ムを i(t) 端子に得ることができる (5.5.3)。

### 5.3.2 活量変化の予備的測定,結果の解析<sup>®</sup>

本節では,復極中に固体指示極が示す活量変化に関する予備的な知見を得ることを目的として,実測のボルタモグラムをシミュレータに入力し,実際の活量変化の様子を測定した。

いま  $\psi$  をマシンスケールの活量信号、 $\psi = a/\alpha$ とすると(5.8, 20, 21, 22, 42, 44) の各式によって  $\psi$  は次式で与えられる。

ここで

$$\rho_0 = \beta \frac{nF}{RT} (E_i - Ee) \qquad (5.46)$$

である。式中の K は q<sub>0</sub>, すなわち界面濃度信号 α C(0,ρ)/C<sup>0</sup>, P は RS 型の電解条件式 (5.44)の指数関数表現である。

(5.45) 式の模擬回路を図5.8に示した。図中, F.G. は, 正規化された実測ボルタモグラ ムの入力部で,フィルム上の実測ボルタモグラムを電導性インキで転写したチャートを入力 とするカーブホロワー(Moseley 2D-3M)である。F.G. の出力は,図中のE部で残余電 流補正したのち,界面流束として,C部のN型アナコンの第1積分器の入力とする。この 流束に対する界面濃度信号 q<sub>0</sub>は,第1積分器の出力として得られ,これがKとなる。この Kと,D部で発生させた指数関数Pとがアナログ乗算器に給せられ,その出力が求める活



 $\sum \Delta s_i = 20, n = 10, \alpha = 100, \beta = 5.80$ 図5.8 析出銀活量の実測回路

量信号  $\phi(\rho)$  となる。

白金およびタングステン指極上での400°Cにおける銀の復極についてこれを測定して図 5.9に示した。

タングステンでは銀の活量は1を越えてなお上昇し、その後ゆるやかな曲線をえがいて下降している。活量が1を越える度合は分極速度が高いほど大で、また活量は最大2に達している。

白金では、活量はタングステンの場合よりゆるやかに上昇し、1に達した後はほぼ一定値



v(V/s),1:6.9 2:1.5 3:0.28 4:0.10 E(V), vs. 塩基電極 a, Pt-Ag(29.5mM) b, Pt-Ag(45.2mM) c, W-Ag(29.5mM) d, W-Ag(45.2mM)

図5.9 実測活量曲線



を保っている。図5.10は同じ測定を水溶液系で行なって得た結果を示す"。

タングステン上の活量変化、すなわち活量が1以上にいったん上昇し、ついで下降する変化は、H-I、K-L型いずれでも説明することができない。これに似た現象に、たとえば銅板上へのカドミウムの蒸着などでみられるいわゆる spontaneous nucleation がある"。1 を越えて活量が増加する現象は一種の過飽和の状態を想像させる。すなわち最初、微量の電 析原子はバラバラにタングステン素地表面に沿って動きまわり、一種の2次元溶液(または 気体)の状態をとり、この溶液の活量がある臨界値をこえると、電析金属の不均一核が急速 に発生し、以後はこれを核として、新相が安定に成長し(必ずしも表面上一様でなく、島の ように)2次元溶液の活量は平衡値1に下がる。電圧変化速度が高い時ほど過飽和比が増大 しているが、この値と、電流が流れはじめるまでの誘導時間との関係から、時間を無限におい ても核の生成しない状態があるこのがわかる。これはいわゆる spontaneous nucleation に似た挙動である。この型の復極を以下ではS型と呼ぶ。新相形成に関してS型が考えら れるのであれば、指示極素地となじみやすい金属が折出する場合にはいわゆる gradual nucleation<sup>71</sup>(以下G型)も考えられよう。これはガラス板上へのアルカリ金属の蒸着の ように金属の凝集力が、下地との付着力にくらべて小さいときにみられるもので新相の層が 析出量に比例して連続的に表面上で拡大してゆき(活量は析出量に比例する),以後は大体 均一に膜厚が増加していく。

なお,白金指示極上では銀の活量は折出がはじまるや1に近い値を保ちつづけており, K-L 型に近い復極をしているものと考えられる。

この予備的な実験により活量が1を越えて増加しついで減少する現象や1を維持しつづけ る様子を実際に観測することができた。この結果,従来考えられていた H-I型, K-L型に 加えて新たに S型と G型の,計4つのパタンがあり得ると考えられることが明らかになっ た。

## 5.3.3 固体電極ボルタモグラムの基本波形<sup><sup>※</sup></sup>

活量変化に関する前節での予備的な所見に基づくと、従来の K-L, H-I の両型に加えて、 指示極上での析金属の何等かの新相形成による G 型と S 型の2 つがあり得ると考えてよい ことがわかった。

本節ではこの4つの基本形のボルタモグラムをシミュレータを用いて求め,波形上の特徴を明らかにして5.4での解析に備えた。

(1) 4基本型のシュミレーション

G型では、指示極上の活量は、折出金属量、すなわち電流の積分値に比例して増加し、 ある時点で飽和して1に達し以後は K-L型に移行するであろう。この現象はG型の模擬回 路を示した図5.11中の飽和要素によって実現した。すなわち、図中の電流信号  $i \epsilon s^{-1}$ の積 分要素によって折出量にかえ、定数 K を乗じて活量信号にかえたのち比例・飽和要素に入 力した。回路全体の入力は左端の鉅歯状波形をもつ E であり、これを exp 変換したのちア クティブフィルタによる拡散模擬回路  $s^{1/2}$ を通して、電流に変換する。ボルタモグラムは  $E \geq i \geq \epsilon XY$  コーダで記録して得られる。図中の K は実験上のパラメータで次式で与え



図5.11 G型ボルタンメトリーのシミュレーター



図5.12 H-I型ボルタンメトリーのシミュレーター

られる。

 $K = kAC^{0}(nFRTD/v)^{1/2}$  (5.47)

Kの値は分極速度 v が低いほど、また濃度が高いほど大きくなり、iの積分値は早く飽和 に達して K-L 型のボルタモグラムが観測されることになる。G 型は K-L 型の前段階と考 えられる。式中の k は、折出原子が、活量へ実効的に寄与する程度を表わし、原子の断面 積などに関係すると考えてよい。

H-I型の模擬回路を図5.12に示した。H-I型では折出金属の電極表面での活量は指示極内 への拡散の度合によって規正される。いま活量の代りに還元体の表面濃度変化 △C<sub>R</sub>を用い ると、△C<sub>0</sub>と△C<sub>R</sub>の間にはよく知られている次の関係が成立する。

-143-

$$\frac{\triangle C_R}{\triangle C_9} = \frac{\sqrt{D_0}}{\sqrt{D_R}} = H \qquad (5.48)$$

ここで  $D_R$  は折出金属原子の、指示極内における拡散定数である。図中の実験パラメータ H は  $\sqrt{D_0}/\sqrt{D_R}$  であって、H は  $D_R$  が小さいほど大きくなり、折出金属は電極表面に滞溜して K-L 型を観測することになる。

S型の回路は省略するが核発生のための過飽和比を種々にかえ、また結晶成長速度の差 を示す3通りの過飽和度減少勾配をもった図5.13のような疑似活量曲線を入力してS型の ボルタモグラムを得た。図5.13で過飽和度は活量の低下点が右へいくほど大きく、結晶成長 速度は活量低下の勾配が大のほど高いことを意味する。

K-L型の模擬は、H-IとG型の極限(HやKが無限大)として与えられる。

(2) 基本型のボルタモグラムの性質

G型のボルタモグラムを図5.14に、S型のそれを図5.15に、H-I型を図5.16に示した。これらの図で横軸は正規化した電位軸で、0は平衡電位 Eeを示す、また図5.14.16の曲線上のパラメータはそれぞれ(5.47)、(5.48)式による  $K \ge H$ を示す。図5.14、16では掃引開始電圧の影響をも示してある。図5.15の各ボルタモグラムは図5.13の各活量曲線に対応している。

これらの4基本形に関して次のような性質のある事がわかった。

G型ボルタモグラム(図5.14)の性質:

① 分極速度が低く,濃度 C が高いほど,すなわち K が大(図中の K = 100) になるほ





図5.14 G型ボルタモグラム(2)



図5.15 S型ボルタモグラム

ど、わずかの電流によって活量がすぐ1に達する。ボルタモグラムにみられる急な立ち上り (以下,この電位を立ち上り電位  $E_R$ ) は活量変化に折点のような急激な変化が生じたこと, ここでは1に飽和したことを示す。 $E_R$  までに流れる, G型に基づく電流(以下前電流と略 称)の、全体の電流に占める割合は小であり、この前電流によって生じる濃度分布変化はわ ずかである。したがってこの拡散履歴は次の②の場合と異なって主ピークに殆んど影響を与 えない。 $E_R$  より右に生じる主ピークは、活量が1の状態で発生しているのであるから、そ の波形が前電流の履歴の影響をうけて変形しているにしても、性格上、K-L 型であるとい える。パラメータ K が大きくなって前電流が流れなくなると、はじめてその波形は純全た る K-L 型に収束する。

② *K* が小さくなるほど K-L 型のピーク電位 *E*,は平衡電位から卑の方向によりずれ, ピーク電流 *i*,はより小さくなる。活量生成のために必要となった前電流の,全体に占める 割合が増大し,この拡散履歴がメインピークに影響を与えた結果である。G 型電流である 前電流は,図5.14(1)に示すように一見,メインピークから差し引くべきバックグラウンドの



ような形 (K =100, 20) になるが同一の復極に基因する波であることに注意しなければな らない。

③ K = 10では K-L 型のピークは小さくなり、一方、G 型電流は、その値が大きくなる ため拡散律速によるピーク状を示しはじめる。一つの復極にもかかわらず2 個の小さなピー クに分れる。要するに K-L 型のピークの  $E_p$ や  $E_R$  はより卑に、 $i_p$ はより小になり、G 型 ピークの  $E_p$ はより貴に、その  $i_p$ はより大になる。

④ K = 4 c K-L型は消失し、ブロードな山形の、純全たる G 型ボルタモグラムだけが 得られる。即ち v が大のため、指示極が折出金属で飽和する前に分極が終了するのである。 G 型の  $E_{\rho}$  は平衡電位(正規化電位 0)よりはるかに貴なところに位置し、いわゆる under voltage 的な効果を示している。そして K が小のほど貴に移動する。

⑤ G型ボルタモグラムは掃引開始電圧によっても( $K = 2 \epsilon \lambda k$ )その $E_{\rho}$ ,  $i_{\rho}$ に大きな変化が生じる。

H-I型ボルタモグラム(図5.16)の性質:

① 指示極内での拡散係数が極めて小さく, すなわち H が大のときは, ボルタモグラム は K-L 型に一致する。

② H が小になるにつれて立ち上り電位  $E_R$  までの H-I 型復極にもとずく前電流が増える。 すなわち K-L 型の  $E_\rho$  は卑に移動しその  $i_\rho$  は減少するとともに H-I 型の復極に基ずく前電 流がピーク状を示しはじめるのは G 型の場合と同様である。最後にブロードな山型の純全 たる H-I 型ボルタモグラムだけが得られる。G 型の波形との大きな区別は、G 型が著しい under voltage 的効果を示すのに対して H-I 型の  $E_\rho$  はあくまで平衡電位より卑な位置に とどまる点にある。また H-I 型のパラメータには掃引速度 v が含まれていないため、掃引 速度をかえても、G 型と異って波形は変化しない。

③ 掃引開始電圧の影響を著しく受ける。

S型ボルタモグラム(図5.15)の性質:

ボルタモグラムの E<sub>R</sub> における急な立ち上りは、結晶折出による過飽和度の低下、すなわち活量の急激な減少に対応している。

過飽和度が大のほど図5.15にみられるように  $E_R$  および  $E_\rho$  は卑にずれ,  $i_\rho$  は減少する。 また結晶成長速度が大のほどピーク電流は増大し,  $E_\rho$  と  $E_R$ の間隔は小になる。すなわち 波形はよりするどくなる。

以上の結果で特に重要な点は、復極剤がたとえ一種しかなくても、K-L型のピークに共存してときにはピーク状にもなり得るGやH-Iの型の前電流が生じる点である。しかも比

較的シャープでメインとなりうる K-L 型ピークが前電流によって著しい変形を受ける点で ある。これは前電流によって生じた濃度分布が、次に生じる K-L 型電解の初期条件となる ためでその波形は、前電流との動的なバランスで決まってくる。当然定性、定量のパラメー タである  $E_{\rho}$ や  $i_{\rho}$ は通常に考えられる以上に測定条件(分極速度、濃度、開始電圧、ある いは還元体拡散定数や過飽和度)の影響を極めて受けやすい量になる。むしろ  $E_{\rho}$ より立ち 上り電位  $E_{R}$ が、測定しやすく、しかもかなりはっきりした性格をもってくる。すなわち G 型や H-I 型では活量が1に達したことを示し、S 型では Ee との差  $Ee - E_{R} = \Delta E_{R}$ が次式 に従って過飽和度

 $\triangle E_{R} = \frac{RT}{nF} \ln \frac{\alpha}{a^{\infty}} \qquad (5.49)$ 

を示し, また純然たる K-L 型では Ee に一致する。

炭素系固体電極などを指示極とする Randles 型やサイクリック型のボルタンメトリーは, 溶融塩系においてますます多く利用される傾向にあり<sup>80-14)</sup>,また水系,非水系において最近 もっともよく利用されているボルタンメトリーであるだけに,定性,定量の目安である *E*<sub>ρ</sub>, *i*<sub>ρ</sub>にこのような性質があることは特に注意しなければならない。各型に関する上記の図は, すべて正規化されているので,溶融塩にかぎらず,このような解析に際して基準の作業パタ ンとして利用できる。

# 5.4 タングステンと白金の指示電極によって得られるボルタモグラムとその解析,

#### および定性機能に関する考察

#### 5.4.1 実験

照合電極を塩素電極とする 2 極法によった。指示極は0.4mm<sup>\*</sup>のタングステンおよび白金 電極で、測定温度は400°C である。溶質は、Cd<sup>II</sup>, Pb<sup>II</sup>を液状折出の、Ni<sup>II</sup>、Ag<sup>I</sup>を固状折 出の、Cr<sup>III</sup>は Cr<sup>+++</sup>+e = Cr<sup>++</sup> としてレドックス系のそれぞれ代表に選んだ。波形の挙 動を明らかにするための分極速度 v (V/s) は、769、167、37、6.0、1.4、0.24、0.10、 0.045 (以下、A、C、E、G、I、K、L、M で略記)と広い範囲に変え、また溶質濃度 (mM)は、2、8、15、25、50、100 (以下、No.1、2、3、4、5、6 で略記)のように選 んだ。たとえば 2 A (濃度は No. 2、分極速は A)、4G のように略記する。ただし、精確な 数値は毎回、掃引速度についてはオッシログラフで、濃度については、クロノポテンシオメ トリー (125 $\mu$ A の定電流)で測定した。平衡電位 Ee は、復極金属を4.5表にしたがって一 定量指示極に折出させ、その開放電位を測定して得た。シンクロスコープの電位軸(X軸) は塩素電極基準の電位を100mV/cmまたは200mV/cmの,電流軸(Y軸)は,電流測定用標準 抵抗に生じる電圧降下を2.5mV/cmのスケールでそれぞれ記録した。

#### 5.4.2 ボルタモグラムとその解析

2.3.1, 2.3.3でみたように硬質金属, 軟質金属として対照的な性質をもつ白金とタングステン を指示極に選んでボルタモグラムを測定した。各図で a, b, ……の順に v/℃ が大になる。

(1)タングステン指示極

銀:5G, 4G, 4C, 2I の場合を図5.17に示した。横軸は塩素電極基準(V) で-0.8から -1.8である。測定した分極速度,濃度の範囲では図のように立ち上りの鋭いピークが一つ だけ得られ一見 K-L 型または S 型の様相を示した。しかし立ち上り電位  $E_R$  と平衡電位 Ee の差  $\triangle E_R$ (mV) は、分極速度が高くなるほど大きくなった( $\triangle E_R$ が正の値を示すとき は  $E_R$  は Ee より卑である)。たとえば濃度 4 では、分極速度 M で 0、L で15、K で15、I で24、G で36、E で50、C で50、A で50である。分極速度が大になると核発生の誘導時間 の存在が目立ちはじめると考えられ、このことから S 型と考えられる。極めて低い分極速 度 M においては  $\triangle E_R = 0$ となりみかけ上 K-L 型に収束する。正規化したピーク電流 ( $i_{\rho}/v^{1/2}$ ,  $As^{1/2}$ cm<sup>-2</sup> $V^{1/2}$ )が分極速度の高いほど小さくなる(I で2.40×10<sup>-3</sup>, G で2.20 ×10<sup>-3</sup>, E で2.00×10<sup>-3</sup>, C で1.97×10<sup>-3</sup>, A で1.33×10<sup>-3</sup>) ことも S 型を示唆する。また  $\triangle E_R$ は濃度が低いほど小さくなった(例えば分極速度Kにおいて,濃度 6 で20、5 で22、



a:5G, b:4G, c:4C, d:2I

図5.17 タングステン電極による銀のボルタモグラム

4で15, 3で10, 2で10)。

ニッケル:図5.18に4E, 2K, 2G, 2Eのボルタモグラムを示した。横軸は-0.7~-1.7 V (vs. 塩素電極)である。4Eにはピークは一つみられるが、その立ち上り部はやや鈍い。 この部分は分極速度が高く、濃度が低くなると、すなわち2K, 2G, 2Eとなるにつれて拡 大されてくる。すなわち本来のピーク(これを  $\alpha$  波と略記)はやや後退して、その貴方向 に2つの波  $\beta$ 、  $\gamma$  がこの順にならんで現われてくる。

 $\alpha$  波については、 $\beta$ 、 $\gamma$  の目立たない比較的高い濃度 4 でその挙動をしらべることができ る。その立ち上り電位を外挿して求め、分極速度に対する $\Delta E_R$ の変化を調べると M で 0 (みかけ上 K-L 型である)、L で15、K で15、I で20、G で30、E で35と、分極速度が大き くはるほど大になった。すなわち S 型になった。また、同一の分極速度では、濃度が低く なるほど  $\Delta E_R$  は、わずかに小さくなった。

β, γ 波の挙動は、G 型の標準ボルタモグラム、図5.13において示された前電流としての G 型波の、K-L 型のメインピークへの影響の様子とよく似ている。モデルの図5.13におい てパラメータK が小さいほど、すなわち(5.47)式にしたがって電圧変化速度 v が大のほ ど、濃度 C が小のほど、前電流によるピークは拡大され、メインピークは後退し小さく なった。図5.18において2E までいくとピーク状になった γ 波のみがみられ、メインピーク は消失する。 $\beta$ , γ 波が H-I 型でないことは、分極速度によって変形を受けることから明ら かである。おそらく、タングステン素地の表面に、何らかの新相が連続的に形成され、より



a:4E, b:2K, c:2G, d:2E

図5.18 タングステン電極によるニッケルのボルタモグラム

卑な電位でこの上に引きつづき β 波による別の相が連続的に形成され,この相の上に α 波 としてニッケルの新相が不連続的に形成されるものと思われる。

分極速度の高いほど ( $\mathbf{M} \rightarrow \mathbf{A}$ ),復極剤の濃度の低いほど ( $\mathbf{6} \rightarrow \mathbf{1}$ ) このような前電流の波 形が目立ってくる現象については次のように説明することもできる。今,前電流が示す波形 を,高さ  $i_{\rho}$ ,底辺  $\Delta E$  の三角形で近似し,新相の層形成に要する折出電気量を  $\Delta Q$  とする と次式が成立する。

$$\Delta Q = \frac{1}{2} \cdot i_{\rho} \Delta t = \frac{1}{2} \frac{i_{\rho} \Delta E}{v}$$

したがって前電流のピーク高さは次式で与えられる。

$$i_{p} = \frac{2v\Delta Q}{\Delta E} \qquad (5.50)$$

すなわち,もし,新相層形成の電位領域  $\Delta E$  と,それに要する電気量  $\Delta Q$  がいずれもほぼ 一定とすると,  $i_{\mu}$ は分極速度に比例して大きくなる。事実,前電流については,タングス テン,白金極を通じてこのような傾向の認められる場合が多かった。また,濃度が低いほど 前電流の波形が目立ってくるのは,本来  $\Delta Q$  が小さいためで,濃度を下げて  $\alpha$  波を小さく してはじめて相対的に  $\beta$ ,  $\gamma$ 波が大きくなると説明できる。

鉛:4E, 1C の場合を図5.19に示した。横軸は塩素電極基準(V) で-1.0から-3.0まで である。測定した分極速度,濃度の範囲では図のように立ち上がりのするどいピークが一つ だけ得られ,一見K-L 型または S 型の様相を示した。 $\Delta E_R$ は,濃度5では M から E ま で、4 では G まで、3 では I まで、分極速度によらずほぼ0 であり、K-L 型で復極してい ると考えられる。しかし分極速度が早くなると、たとえば5 では C までに、4 では E まで になると $\Delta E_R$ は10ほどになり、S 型の傾向を示しはじめる。 $\Delta E_R$ は、固状折出の銀、ニッ ケルの場合と反対に濃度が低いほど大きくなり、たとえば C の分極速度では、濃度5 で10、



a:4E, b:1C

図5.19 タングステン電極による鉛のボルタモグラム

4で20,2で85,1で90に増加した。

カドミウム: $6\mathbf{K}$ , 2Iの場合を図5.20に示した。横軸は $-1.1 \sim -2.1 \mathbf{V}$  (vs,塩素電極) である。この場合も、図のように立上りのするどいピークが一つだけ得られた。 $\triangle E_R$ は濃 度5において M で15, L で18, K で26, I で30, G で40, E で40, C で65と大きく,鉛の 場合に比べると顕著に S 型であった。また濃度が低いほど鉛の場合と同様に大きくなった (たとえば分極速度 K において濃度 6 で28, 5 で26, 4 で30, 3 で45)。

(2) 白金指示極

銀:4K,4G,4E,4C,を図5.21に示した。横軸は塩素電極基準(V)で-0.8~-1.8 である。4Kでは波が一つになってみられるが、分極速度が高く、濃度が低くなるにつれて、 この波の立ち上り部の近くに第2の波(β)が現われ、大きくなる。またかなり貴な位置に あまりはっきりしない波(γ)もみられた。なお PtO<sub>2</sub>の還元は考えられない。バックグラ



a:6K, b:2I

図5.20 タングステン電極によるカドミウムのボルタモグラム



a:4K, b:4G, c:4E, d:4C

図5.21 白金電極による銀のボルタモグラム

ウンドでγ波がみられず、また PtO₂が高温では不安定で分解するためである。

 $\alpha$  波については、 $\beta$  波の生じない濃度 5, 6 において、そのピーク電位が分極速度を変化 させてもほぼ一定値を保つことから K-L 型に近い波と考えられる。図の4K, 4E, 4C で  $\alpha$ 波の  $E_{\rho}$ が分極速度が大きくなるとともに卑な方向に動くのは、前電流による K-L 型への 影響と考えられる。

β 波の鋭い立ち下り(同図 c 中の矢印)はかなり明瞭で,この点の電位は分極速度によ らずほぼ一定であった。たとえば濃度 5 において,分極速度 L, K, I, G, E, C, A で, それぞれ-1.215, -1.210, -1.215, -1.225, -1.220各 V (vs, 塩素電極) であった。また濃度の変化に対しては *Ee* の変化と同じ量だけ変化した。しかも  $\beta$  波の ピーク電流は,電圧変化速度にほぼ比例して変化した。このことは,すでに示したように $\beta$ 波に使れる電気量が分極速度によらず一定であることを示す。またこの電位ではまだ拡散律 速の状態に達していないことはそのうしろにピーク状の  $\alpha$  波があることから明らかである。 したがって電流の急な立ち下りは活量の急激な上昇が原因と考えられる。以上の事実に対応 する現象は,この電位における白金-銀の中間化合物の出現である。この新相の電位はより 卑であって,これが出現するや否や,活量の値が飛躍すると考えられる。

ニッケル:図5.22に5K, 5G, 3G, 3E, 3C, 1E を示した。横軸は-0.7~-1.7 V である。5K ではピークは $\alpha$  波1つであるが、5G では $\alpha$ の立ち上り部に勾配の大きなランプ状の 波 $\beta$ が現われる。3G では $\beta$  波は大きくなって全ピーク値の2/3を占めるとともに新たに小 さな山( $\delta$ ) とブロードな波( $\gamma$ )が現われてくる。3E, 3C では $\delta$ ,  $\gamma$  波はさらに大きくな り、1E で  $\gamma$  波のみとなる。

 $\alpha 波の \Delta E_R$ は、前電流のない濃度 5 において、分極速度をM,L,K,I,G,E,C,A の順に高くするとそれぞれ10,10,15,18,20,30,35,65と増加した。 $\alpha$  波は S 型と考 えられる。 $\Delta E_R$ は濃度が低くなると小さくなった。

β波は形の上から分極速度の変化に対して G 型の挙動に酷似している。すなわち G 型から S 型へ移行する例である。δ 波は,銀,ニッケルの場合に似ており,中間化合物の生成 を示唆する。

鉛:図5.23に5E, 5C, 5A, 2C を示す ( $-0.8 \sim -1.8$  V)。5E では  $\alpha$  ピークが一つだけ であるが, 5C, 5A, 2I と立ち上り部に現われたランプ状の波 ( $\beta$ ) が発達していく。更に 貴な方向に, ひろがった  $\delta$  波もみられた。

 $\alpha$  波の  $\Delta E_R$  は濃度 6 において, M, L, K, I, G, E, C の順に, 0, 30, 35, 48, 50, 60, 60と大きくなり S 型であった。また $\Delta E_R$  は濃度が低くなると増加する傾向を示した(



a:5K, b:5G, c:3G, d:3E, e:3C, f:1E
 図5.22 白金電極によるニッケルのボルタモグラム

分極速度Kにおいて、濃度6、4、3、2にしたがって35、40、35、40、55)。

β波はその挙動からG型である。

5E と 2C に開始電圧が波形におよぼす影響を示した。5E のように前電流の小さいときは 影響はみられない。前電流の大きい2C では顕著である。ピークに近いところから掃引を開 始すると前電流に埋もれていた部分を拾い出すことができる。

カドミウム:図5.24に6K,2Iを示した( $-1.1 \sim -2.1 \text{ volt}$ )。 $\alpha$  波の $\triangle E_R$  は分極速度に よらずほぼ零であり、立ち上りも鋭く、K-L 型と考えられる。

β波 は6K のような高濃度,低分極速度においても大きい。拡散律速に達っしていないこ とは  $\alpha$  波がピーク状を示すことで明らかであり、また  $\beta$  波のピーク電位は分極速度によら ずにほぼ一定であり、中間化合物の形成が考えられる。 $\beta$  波のピーク電流は、濃度が低くな るほど高くなるのは一般にみられる通りである。しかし銀やニッケルの場合と異なり、分極 速度を大きくするとかえってピークが低下した。たとえば No.6 の濃度における  $\beta/\alpha$  の ピーク比は I から E では約0.25から0.13に減少した。銀やニッケルの場合は、電極表面上



図5.23 白金電極による鉛のボルタモグラム



a:6K, b:2I

図5.24 白金電極によるカドミウムのボルタモグラム

で小量の固状中間化合物層が形成されると反応が完結するのに対して,白金-カドミウム中 間化合物が液状であれば,その形成反応が分極中に完結しないことが考えられる。すなわち, 低分極速度においても大電流が流れ,しかも分極速度を大きくすると反応のおくれがかえっ て相対的に拡大されることが考えられる。

クロム:図5.25に5M, 5C のボルタモグラム( $-0.5 \sim -2.5$  V)を示した。-1.030 V (vs. 塩素電極)の波が,  $Cr^{3+} + e \rightarrow Cr^{2+}$ の波であり分極速度の M から C への大きな変 化にかかわらずピーク電位は一定であって典形的なレドックス可逆波を示している。なお, -2.0 V の波は  $Cr^{2+}$  の Cr への還元波である。

#### 5.4.3 総括と定性機能に関する考察

5.4.2をまとめると、タングステン上では、液状、固状のいずれの折出でもおおむね1個のピークが得られ、程度の差こそあれS型であった。タングステン金属の凝集エネルギーが大きいため、新相の核の生成に大きな過飽和度を要するためと思われる。固状折出の場合は、濃度が低いほど *E*<sup>*k*</sup> は小さくなり、液状折出では逆であった。

白金では、分極速度が高く、濃度が低くなると $\beta$ 、 $\gamma$ 、 $\delta$  などの波が現われた。 $\alpha$  波は、 K-L 型ないし K-L 型に近い S 型であった。この理由は $\beta$ 、 $\delta$  などの波によって準備された 中間的な相が新相の形成を有利にするためと思われる。 $\beta$  や $\delta$  の波が $\alpha$  波の波形に大きな影 響を与えることはモデル実験で予想した通りであった。なお $\beta$  や $\delta$  波は G 型であったり、 中間化合物形成であったりした。

 $\alpha$ 波が G 型として観測された例すなわち分極速度が大きくなると $\alpha$ 波が前に出るような 例はなかった。H-I 型とみられる $\alpha$ 波も観測されなかった。レドックス波は高い分極速度ま で可逆であった。



定性分析の観点からいえば、メインピークのα波はH-I型が得られない以上単一のK-L

a:5M, b:5C

図5.25 白金電極によるクロムのボルタモグラム

型として観測されることが望ましい。しかし、すでにみたようによほどの高濃度低分極速度 のときにのみ、単一の K-L 型ピークが得られ、一般に $\beta$ 、  $\gamma$  などの波を伴った S 型か K-L 型である。この意味で  $\alpha$  波の波形に大きな影響を与える $\beta$ ,  $\gamma$ , ……波にまず対処し、これ を小さくしなければならない。白金電極で複数のピークが得られるときは、タングステンな どの中間相のできにくい硬質の金属の指示極で測定してみる必要がある。もし一つの波が得 られれば、白金で得られる複数の波は溶液中の復極イオンに複数の状態があるのではなく、 還元体の方にある。(このような $\beta$ ,  $\gamma$  ……波については合金の相図との関係が考えられ、 ある程度の予測がつくであろう。)もしこれが原因であれば一般に分極速度を低くすると、  $\beta$ ,  $\gamma$  ……波を小さくすることができる。この度合は、 $\beta$ ,  $\gamma$  波の本来の性質に加えてすで にみたように濃度も関係している。濃度が低くても $\beta$ ,  $\gamma$  波が大きい場合は、分極速度をう んと遅くしなければならないが、自然対流やエッジ効果の発生については4章の知識が役に 立つ。。

α 波とみなされる波の直前から掃引を開始するのも一つの方法である(図5.23の例)。指示極は,開始電圧に保たれるため中間相は予め形成されているから前電流は流れずに正規の 波高をもったα波のみが得られる。

なお $\beta$ ,  $\gamma$  ……波は,定性情報として積極的に活用することもできよう。Cd<sup>®</sup> と Pb<sup>®</sup> は 図5.23,図5.24でみられるように $\beta$ ,  $\delta$  波の様子で容易に識別できる。また指示極金属の選 択によって復極剤の還元体の中間相の性質を変え,より積極的に $\beta$ , $\delta$  波を識別情報として 利用することもできよう。

つぎにこのようにして得られる  $\alpha$  波が K-L 型か S 型かは掃引速度を変えることによって 判定できる。S 型であることはあまり望ましくない。 $\Delta E_R$ が掃引速度で変り、それに応じ てピークが移動するのみならず、ピーク電流の相対値も著しく変ることはモデル実験でみた 通りである。また、たとえ同一の掃引速度で測定しても濃度が高くなるにしたがって $\Delta E_R$ が増加(固状析出)または減少(液状析出)する場合があるのはすでにみた通りである。た しかに分極速度を低くすると K-L 型に収束するが自然対流やエッジ効果により限度が生じ る。折出金属になじみやすい物質を前放電物質として予め浴に加えるなどの工夫が必要であ ろう。

以上のことから溶融塩ボルタンメトリーの定性機能を決定する波形について次のようにい うことができる。

H-I型の波形は一般に期待できない。

②メインピークである α 波が純全たる K-L 型の波形として単独に存在し得るのは、かなりの高濃度・低分極速度の条件においてである。すなわちこのような条件においてのみ、精度的に、通常のボルタンメトリーに期待できると同程度の定性機能をもつことができる。
 ③一般には、α 波は、分極速度に依存する S 型の性格を大なり小なり帯び(特にタングステン電極で著しい)、しかも、析出金属と素地金属の組み合せに支配される β、 γ など前電流に基づく波の発生を伴い、しかもこれらによってαの波形は影響(特に白金電極で著しい)を受ける。この理由によりメインピークである α 波の定性機能は(定量機能についても)、精度的に、一般に考えられる以上に低下している場合のあることに注意すべきである。分極速度を変えて何型であるかを明らかにして対処すべきである。。前電流の低減化は、完全にではないにしても、4 章で得られた条件を考慮しながら分極速度、指示極材質、掃引開始電圧などの選択によって達成することができる。

#### 【138頁註1に関する補記】

電子授受反応が非可逆で,Butler の式が成り立つ場合にわれわれの行った解析法について は3章の文献18を参照して頂きたい。本章では,系が高温であるため,波形解析の第一次近 似としてネルンスト式を仮定した。このため,毎回,復極剤の各濃度において,予め電析さ せた指示極を用いて平衡電位  $E_e$ を測定の際,同時に,その電位から,掃引速度 v(V/s)を 700から0.8まで変えてピーク電流  $i_p$ を測定して  $i_p/v^{1/2}$ の大凡の一定を確認した。4.3 (82 頁)のクロノポテンシオグラムの波形解析の結果も,可逆であることを示している。

# 文 献

- Yu, K. Delimarskii ; Zhur. Fiz. Khim., 32, 1348 (1958).
   N. G. Chovnyk : Zhur. Fiz. Khim., 30, 277 (1956).
   T. de' vries, F. D. Black : Anal. Chem., 27, 906 (1955).
   S. N. Flengas, J. Chem. Soc., 534 (1956).
- 2) P. Delahay; "New Instrumental methods in Electrochemistry" Interscience Pub. N. Y. 1954.
- 3) 千田, 池田: Rev. of Polarg. (Japan) 19, 51 (1973).
- 4) 西,一瀬:溶融塩,7,395 (1964)
  西,一瀬:京大工研彙報,26.22 (昭39).
  西,一瀬:京大工研彙報,25.12 (昭39).
- 5) M. Icise, Y. Nagayanagi, T. Kojima : J. Electroanal. Chem., 33. 253 (1971).

- 6) T. Nishi, M. Ichise : Rev. of Polarg (Japan), 14, 160 (1967).
- 7) たとえば有山他: "界面現象・格子欠陥"共立(昭34).
- 8) F. R. Clayton, G. Mamantov : J. Electrochem. Soc., 120, 1193 (1973).
- 9) C. L. Hussey, L. A. King : J. Electrochem. Soc., 126, 1029 (1979).
- 10) . R. DeWaele, L. Heerman, W. Dolieslager : J. Electrochem. Soc., 142, 137 (1982).
- 11) P. Tilman, J. P. Wiaux, C. Dauby : J. Electrochem. Soc., 167, 117 (1983).
- 12) K. E. Johson, F. W. Yeshoff : J. Electrochem. Soc., 132, 2399 (1985).
- 13) J. C. Dobson, F. R. McLarnon, E. J. Cairns : J. Electrochem. Soc., 133, 1607 (1986).
- 14) D. Fichou, J. Kossanyi : J. Electrochem. Soc., 133, 1607 (1986).
- 15) M. Ichise, Y. Nagayanagi, T. Kojima : J. Electroanal. Chem., 38, 468 (1972).

#### 総 括

溶融塩ボルタンメトリーでは固体分極指示極を採用することによって、測定、定量、定性の面において多くの制約が生じる。本論文はこの問題をとり上げ、定量的な解析に十分耐え 得るデータを取得するための測定条件を明らかにすることを意図した。測定対象として LiCl-KCl 共融系における数種のカチオンの還元を選んだ。

まず第2章では従来,ややもすれば,単能的,臨時的に扱われてきたボルタンメトリーの 基本技術について検討し,関連の材質やサイズ,操作手順などに関して,広く,標準的に採 用し得る方法を確立することを意図した。電解セルについては気密性,耐熱性にすぐれ,し かもボルタンメトリー特有の操作性を高度に満足するセル・加熱系を構成した。固体指示極 については,まず円板電極が適していることを述べ,硬質金属の代表としてタングステン, 軟質金属のそれとして白金について溶封ガラスの選択,溶封法および成形法を検討し,良好 なバックグラウンド特性を与える電極を作成した。照合電極としては安定で再現性がよく, かつ平衡到達時間の短い挿入型の塩素照合電極を開発し種々の特性を明らかにした。また無 水浴の調成については塩化水素処理法に工夫を加え,短時間に残余電流の極めて低い浴を再 現性よく調整する方法を開発し、また溶融塩のバックグラウンドの性質について考察した。

3章は測定と制御に関するものである。まず,従来の溶融塩ポーラログラフィーの測定上 の問題点を解析し,再現性のよい,しかも定量的解析に耐えるデータを与える測定法として 高速単掃引ボルタンメトリー(電流規正法としてはクロノポテンシオメトリー,電位規正法 としては Randles 型ボルタンメトリー)が適していることをはじめて指摘し,かつ溶融塩系 の物性値に適合した装置を設計・試作した。

一方,溶融塩系での高速電解では電流が大きくなり制御が必要となる。この制御解析を定量的に行うためには電極系を現代の制御理論の枠内にもち込む必要がある。化学反応を含む 種々の復極過程を制御理論で用いる伝達関数に表現する方法をはじめて基本方程式から導き かつ白色雑音法によってこれが,理論スペクトルと一致する形で実測できることを証明した。 ついで電極過程をうちに含む電解セルとしての伝達関数およびその通過帯域を与える式を導 いた。この式によって,与えられた測定条件において制御の要・不要を判定することができ る。さらに進んで,電解セルをうちに含む全制御系としての伝達関数を予測し得る式および 制御帯域の,ボード線上での決定法を示した。これによって,意図した制御帯域を実現する ための増幅器特性の定量的な選択が可能となりかつ実際に実現し得ることを示した。

4 章では定量機能の基礎となる固体指示極上での物質移動について詳細に解析した。まず 固体指示極を用いる溶融塩ボルタンメトリーでは高速単掃引法を採用し拡散を規制してもな お、析出金属の活量変化を一義的に規制できないという問題が残ることを説明し、定量機能 の研究のための指標としてこれに影響をうけず溶液内の拡散のみを反映し得るパラメータと してクロノポテンシオメトリーの遷移時間定数(線型拡散では定数値)のあることを指摘し た。ついで、クロノポテンシオメトリーの境界値問題の無次元化の過程で、他の電解形式の ボルタンメトリーにおいても共通に導入し得る分極速度なる量を定義し、これを自変数(測 定条件)として遷移時間定数を測定すると、物質移動に影響を与える種々の要因を定量的に 把握し得るという4章における方法論を示した。

ついで実測に移り、まず再現性のよい遷移定数を得るため電極溶封材料、濃度分布の回復 とかくはん、電極前処理などに関する測定条件を明らかにした。ついで、分極速度を広い範 囲にわたってかえ、その低域、中域、高域における測定結果を解析して、種々の因子が物質 移動に与える影響を、遷移時間定数の、一定値からのずれを分極速度を自変数として表わす 関係式の形で定量的に表現した。考慮の必要があった因子は、低域側では電極のエッジ効果 と低域側終端を与える自然対流、中域では浴内の不純物の存在と電極のリング効果、高域で は電気二重層充電、表面アラサ、制御帯域であり、またこれらに基づいて、定量分析のため の線型拡散を生じさせる分極速度(測定条件)の上・下限値を与える式を導いた。種々の因 子が支配するそれぞれの分極速度の領域は5章で導いた相当分極状態の考えを利用して他の 電解形式の分極速度の領域に変換することができる。

5章では、定性機能を決定するボルタモグラムの波形そのものをとり上げ、固体指示極に おいてこれを規制する要因を解析することによって、定性機能を維持するために必要となる 測定条件を明らかにした。まず波形そのものを測定対象とする場合には Randles 型ボルタン メトリーが適していることを示し、この電解形式における分極速度を定義しまた相当分極状 態なる考えを導入し、これらを用いて線型拡散の生じる分極速度の範囲を4章で得られた結 果に基づいて推定した。

一方,溶融塩ボルタモグラムの波形は,定性(および定量)機能のはっきりしたいわゆる Kolthoff-Lingane型(K-L型:析出金属活量は一定)やHeyrovsky-Illkovic型(H-I型:析 出金属活量は電流に比例)から一般にずれてくることがわかった。主たる理由は,高温であ るため可逆性はよいにしても,析出金属の活量が上記両型の場合のように単純に定まらず, 素地金属と析出金属の組み合せや分極速度などの条件に新相の形成過程が依存する結果,活 量変化が複雑となりしかもケースバイケースとなるためと考えられることを指摘した。この 考えに基づいてまず,実測のボルタモグラムの波形がどのような活量変化の下で与えられる かを明らかにするため,電気化学においてはじめて,線型非定常拡散を模擬するシミュレー タを作成し、これに実測のボルタモグラムを入力した。得られた活量信号の観測波形を検討 した結果、一般に活量変化のあり得る形としては、上記の K-L 型と H-I 型に加えて、いわ ゆる spontaneous nucleation (過飽和現像により活量が1を越えてから新相が形成される) と gradual nucleation (活量が電流の積分値に比例する)によって新相が生じる結果与えら れる S 型と G 型の計4 つを少くとも考える必要のあることを明らかにした。

この結果に基づいて今度はシミュレータに上記の4っの型の模擬活量曲線を入力し、分極 速度,濃度その他各型に特有のパラメータを種々変えて,Randles型ボルタンメトリーの条 件でこれを駆動し各型のボルタモグラムを得た。この模擬実験によって各型のボルタモグラ ムの波形(およびそのピーク電位とピーク電流)が、それぞれのパラメータ(測定条件)に よって予想以上に大きく変化する様子を定量的に明らかにした。

ついで白金およびタングステン指示極上で,液状析出,固状析出の復極のボルタモグラム を分極速度をかえて測定しこれを,上記のボルタモグラムを基準パタンに用いて解析した。 一般的な結果のみを述べると,実測ボルタモグラムは,どの場合にも H-I 型を示さず,大 なり小なり S 型の性質を帯びる(特にタングステン電極で著しい)こと,かなり低い分極 速度と高い濃度においてのみ K-L 型に収束することが明らかになった。またこの主ピーク (α波)の貴な部分には,中間相を形成するためと考えられる前電流が生じ(白金電極で著 しい),濃度を低く,分極速度を高くするとこれがピークを形成しはじめ(β, γ波など) これが G 型のモデルボルタモグラムに示されたように主ピークを小さくするよう作用する ことが明らかになった。β. γなどの波を,定性情報として積極的に活用することも考えら れるが,一般的には,4章で得られた結果を利用しつつ、分極速度,掃引開始電位,電極材 質を選ぶことによってこれを低減させ,完全ではないにしても,単一のK-L型ピークを得 ることができる。

# 謝辞

本研究を行うにあたり終始御懇切な御指導をいただいて西朋太名誉教授,小島次雄教授に 心から感謝の意を表わします。また種々御尽力,御好意をいただいた吉沢四郎名誉教授をは じめ旧工学研究所の諸先生に深く感謝いたします。いっしょに研究を行った9講座の卒業生 の諸君に厚く御礼申し上げます。

