日本で使用できる数式処理システム

名大 プラズマ研究所 全田 康正

1. はじめに

「教式を記号のまま計算機で処理する事が可能なシステムという意味での数式処理システムの研究は、欧米及び日本で精力的に行なわれてかり、その成果としての数式処理システムは、世界的に見てき、汎用のものから持殊分野向けのものが教十は下らないと思われる。しかし、「教十人以上の利用者がいる」、という意味で、研究成果が復に立って使用可能なものを紹介ないますると共に、それらの簡単な説明を行ないない。この解説が今後の研究のお復に立てば幸である。

^{*} ALTRAN (ベル研), ASHMEDAI(米アルゴン又国主研究や丁),
CAMAL (英ケンブリッシ大), FORMAC (I.B.M), MACSYMA (MIT), MATHLAB (MIT),
ル-MATH²⁸(ハワイ大), SAC-I(米ウスコンシン大), SCHOONSCHIP (CERN)等。

2. 美国 a 道具 と して a 数式処理

の式を満足する事を確かめよ。

問題その1.

9次の判別式の現の数は26059である事を確かのよ。

間題 a = 2. $P^{2} + g^{2} = 1 \quad \text{a 束缚条件 o F 7}$ $E = \frac{P^{2} \times^{4} + g^{2} \cdot Y^{4} - 2 i Pg \times Y (X^{2} - Y^{2}) - 1}{2P \times (X^{2} - 1) - 2 i g Y (1 - Y^{2})}$ $\overline{E} = \pm \frac{1}{2} E \quad \text{o complex conjugate}$ $E = L R : = a \in I L$ $(E \overline{E} - 1) \left\{ (X^{2} - 1) \frac{\partial^{2} E}{\partial X^{2}} + (1 - Y^{2}) \frac{\partial^{2} E}{\partial Y^{2}} + 2(X \frac{\partial E}{\partial X} - Y \frac{\partial E}{\partial Y}) \right\}$ $= 2 \overline{E} \left\{ (X^{2} - 1) \left(\frac{\partial E}{\partial X} \right)^{2} + (1 - Y^{2}) \left(\frac{\partial E}{\partial Y} \right)^{2} \right\}$

といった問題が出すれた時、どうすれば良いであるうか?まずは、自分がやるにしる、他人にお願いするにしる、手と紙を用いて計算してみる方法が頭に浮かぶことであるう。上記の問題については、実際にか、こみると、時間量、計算量からして、あまり現実的な方策ではない事にすぐ気が付くはずである。しかも本式で問題を解くのであれば、2人以上の***実際の論文審査ではしばしばお目にかかる問題である。

人間による独立計算で、Cross checkを行なわなければならない。かウスのような計算の天才、計算を楽くみにしている人は別にして、連月連夜、計算に悩ますれている人にとっては、そのような計算が楽し、みのであるはずがない。それはまれ、何人かの人間を、何月か、その種の計算に従事すせる事になり、結果としてある意味での人間のムダ使い、頭脳の無意味な消費をもれらしかねない。

このような状况に陥れない思い去していればまないのが、実用の道具としての数式処理である。「数値計算を行なう機械としての電子計算機」というのは、電子計算機が発見されないますつからして当然の事であるが、工学技術の進歩、研究成果の実現されなものとしての数式処理アルコーリズムの開発の結果、今では計算機を用いて、数式の、

- ①降べき、昇かき順への並び換え、
- ②共通項のくくり出し、
- ③ X + 5X = 6X , X × 0 = 0 , 等 a 閱約化、
- ① d sinx = cosx,等a微分、
- ⑤変数へa数値あるいは別a数式a代入、
- 西多項式、有理関数の展開、
- 回多項式同志 a GCD a 計算、
- @行列及び行列式の計算、

- $9 \stackrel{\stackrel{\Sigma}{\downarrow}}{\underset{i=1}{\stackrel{\sim}{\downarrow}}} = \frac{n(n+1)}{2}, \stackrel{\infty}{\underset{i=1}{\stackrel{\sim}{\downarrow}}} = \xi(2) = \frac{\pi^2}{6} \xi_0$ (無限) 級数 n 末和
- ® lim sin X = 1 等 極限值計算
- ① 多倍長整数、高精度浮動小数点演算機能面 v t 多項式 a 数值 計算解 a 導出、
- 四多変数多項式の因数分解.
- ③定镇分、不定镇分、
- OSi, Ci, Ei, Erfc, …等n纤线関数n取り扱い。
- 固微分方程式の解、
- 10積分方程式の解、

等の計算を端末の前に座りて行なえるような状況になりつつあり、*シ記のような数式の迅速を機械的にくり返し行なう必要がある場合、人間がこうこうとやよのほどうかと見われる時代になってきている。まましく、

"When you are in Rome, do as Romans do " to to, to.

"When you are in trouble, do as symbolic formulamanipulation specialists do "

があてはまるのである。現在の竹まな、数式処理を行なう事 *①~@は、日本国内で使える数式処理でも行なえる。

の心のまでの高度を処理は、まが実用になりているとは言いがないが、うまくゆけば、使うことで大いに助かる程度までにはないこいる。

によって、この計算が可能になった」という主旨の論文は、
毎年十編程度しか出版されていない。数値対算においては、
計算機を使うのがおたりまえで、わかわず「数値計算を行びう事によって、この計算が可能になった」と書くような満定は、今ではまれかある。いずれ数式処理もそのような状况になるであろうくそうなるようにしなければならないと思っている)。こうなっているでは遅いのである。今の内に道具としての数式処理を使いこなし、将来に備え、論文を書きくろうではないか! 今がるの一番のチャンスなのである!

3. 数式処理システいを使用する上での注意点

数式処理は一般には、メモリーとCPU時間を含大に消費するとみなせねばならない。だいないの目やすとしては、四則演算のスロードがmoオーダー、一つの項を記憶するのに数語のメモリーというのが妥当な線であるう。数式処理はこれ以外に、数値計算にはない特殊性がある。例えば、

①最終結果は簡単でも、中間結果が、ベラぼうな大きさになる事が普通である (intermediate swell)。(前の問題2の場合、(左辺-右辺)を計算した時に、簡約する前の項の数は1000項以上であり、最終的には簡約化する事でのになる。)実際の処理においては、CPU時間よりも、メモリーの上限

で処理が不可能になる事が多い。従って、中間結果が大きくならないような工夫を意識的に行なう必要が、問題が複雑あるいは高次になればなるほどでてくる。例えば、行列演算について考えてみると、数値計算では、何の問題もないが、行列要素が記号になると、とれんに、その次数が高次であればあるほか、この中間結果の爆発が問題になり、なる。従って、実際の行列(式)の数式処理では、「行列演算を行る、大きながく小さな式にするなかの工夫を行な、て行列演算を行な、な後に、きとの式にもかす(代入する)」といった手順で処理する必要性がでてくる。

- ②これは①と相入れない側面であるが、CPU時間の面になって考えてみると、一度計算しな値は、なるべく記憶してかき、同じ計算をくり返しては行なわない、という方針が大事である事も多い(いずれにしろからオーダーの計算機で処理しているのであるから)。数値計算における時のように、sin,cos,expの値を何度はくり返し計算するプログラムは、数式処理においては非常に危険である。
 - ②処理シスと人間とのインターフェースがそれほどは良くない。これは、ユーザー数が少ないという点、システムを作る人と、使う人が同一人ではないといった点に帰因すると思われる。しかし、いずれ、人間とのインターフェースの

問題は改良されてゆくと思われる。それまでの間は、使う方が、受け身になって、使わしていればくという感覚で使わないと、システムを使いこなせない。

とい、な点である。アルゴリズム、計算方法の少しの違いで一桁ぐらいの計算時間の違い、あるいは、できる計算もできなくび、てしまうことがある。しいし、えれらの点は今の近しいなないと割り切ってしまい、問題はる頭の月すみにおしゃり、計算アルゴリズムに注意を払って数式処理システムにぶちるなれば、現在のポケット電卓程度の手軽すび、数式の処理を計算機に行なわせる事は可能である。

いずれにしろ、「習うより慣れろ」の精神が大切なのである。「数式处理を行なわない計算なんて」と思うようになれば、あななはよう大丈夫、研究のトップを走る事ができる事後十合いです。

4. 研究者が日本で使用可能な数式处理システム一覧」

①ASHMEDAI ……名大アラ研、理研で使用可。QED(量子電気力学)計算用システム。一般の数式処理用にも使えなくはないが、数式処理を行なわせる言語が、FORTRAN、又は ALGOL のようでないので、かなりと、つまが悪い。システムは FORTRAN で書いれているので、ポータかりティ

は高い。バッケ処理専用。

- ②CAMAL …名大プラ研。英Cambridge大学で開発された FORMAC と同程度の機能を持つシステムは、 BCPLで書いれてかり、ASHMEDAIIをいではないが、ポー タがリティは高い部類に属する。処理スセードはREDUCE の3~10倍。天体力学に出てくる計算に向いているが、汎 別にも十分使用できる。人間とのインテーフェースは良い。 使える変数の文学数は一文字という制限があるが、そのか わり、データを記憶するのに必要なメモリーはサなくこす むような構造をしているので、メモリーのサない所での使 別に向く。メモリーネックの計算では、これを使うのか良いなろう。 バッケ処理専用。
- ③ MACSYMA……東芝Mulzicsシステム。米国では、MIT.

 J. Moses の方針により、ARPA を随いて使取できる。
 KDD ICAS サームスを利用すれば、使えなくはないが、かなり不便がし、お金もかかりもう。(東芝になのめば使える可能性があるが、version がかなりまいので、バグが多い。)MITで開発中の LISP machine が\$150,000で1980年12月に去荷される予定であるが、その上でMACSYMA及び、その他IMITで動いているソフトウェアが動くということなので、これを購入するのも一案である。最近カリ

フォルニア大学バークレー根のR.J. Fateman により、 VAX 11/780で勢く unix上にMACSTMAのVAX版とも 言うべき VAXTMA が開発されたので、何とかして入手す 木ば日本でも動く可能性がある。オリジナルa MACSTMA は DEC-10の上で勢く巨大なソフトウェアであり、10数年 にわれる研究成果の集績である。(パターンマッケングに よる積分で有名なら1八、人間にと、て見やすい数式の二 次元出力を行なう事で有名な MATHLAB, ta 他 Project MAC a 成果が取り込まれている。前MATHLABIA、DECUS のライブラーの中に含まれているので、DEC-10,-20を所 有しているユーザーは利用できるはずである。数解研DEC-2020 a 上では使える。) システルは LISP a -種MACHSP で書いれており、ソースが入手できれば、他aIBM系a機 械で動いす事は厚理的には可能である。ればし、MACSYMA を動いすには大量のメモリーを必要とするので、小さなセ ンターでは動かせ得ないであろう。MACSYMA を用いれ ば、定績分、不定積分、因数分解、グラフま力、微分、微 分方程式を解くこと、Taylor展開、Limit 計算、etc、& 実行できる、とのことである。しなかしそれらが実用にな るいかうかは別)。TSSでの使用に向く。

① M-MATH ? 理研。 Intel 8080 マイクロコンとで勢

く教育用システム。簡単な積分、行列演算、非線形方程式 の解等が求められるので、使用目的を限れば、卓上型数式 処理システムとして十分に利用できる。ソフトウェアは約 10万円。ハードウェアとしてb4kbのメモリー、ディスケッ ト装置を持つマイクロコン(約100万円)を必要とする。 1分間に、290! $(1+x)^{20}$ $(x_1+x_2+\cdots+x_4)^2$, sin (x,+X2+ ····+ X5)の各展開が可能である。LISP とほぼ一対一に対応するルーLISPで表いれており、そ の気になれば大型磷の上で勢かす事も可能。簡単な処理な らば、大型機と十分に立ちうちできる。システムはインタ ープリター方式で動作するが、最近、コンパイラーが装備 されたとのことであり、さらに高速化されたとみるのが良 いろう。TSSでの使用。いつでも、かこでも好きな時に 使え、しかも安へので、ルーフォーマンス/コストは抜群 に良い。

⑤ PL/I-FORMAC…… IBMデータセンター、名大プラ研の1965年、J. Sammet 女史らにより、天体力学に於ける、f. g級数の計算に使用されたので有名。もともとがバッケ指向の処理系なので、会該処理には向かない。しかし、簡単な会該処理を行なうプログラムを書く事により、ある程度の会該処理を行なわせる事は可能。数式处理に必要な基

本機能の集合体のようなシステムで、パターンマッチング 積分、Limit計算なかの高度な仕事を行なわせるには、ユーザーが各旬プログラムする必要があり、その点、使いがては良くない。IBM PL/I コンパイラーについて良く知っておれば、他の機械への移植は、困難であるが可能。

⑤ REDUCE ···· 北大、東北大、東大、名大、京大、九大各 大型計算機センター、原研、高エネルギー研、理研、玩波 大電子情報系、東京工大総合情報処理センター、東大情報 科学科、分子研、プラ研、教解研、広島大情報処理センタ 一。これは汎用数式处理システムであるが、QED(量子電 気力学)に出てくる行列計算が能率よく行なえるよう設計 されているので、高エネルギー物理学の計算にも使える。 もとユタ大学にnt A.C. Hearnが作成。かなり積極的 1. distribution を行好, 2 折り、UNIVAC、IBM, DEC CDCの各計算機の上で動作している。システいはLISP に一皮、皮をかぶせた、SLISP言語で書かれてかり、シス テムのポータがリティは高い。最近の版では、不定積分が 実行できる。いずれ、因数分解、为倍長浮島小数点ペッケ 一ジ筝を含んなシステムが公開になるものと思われる。 TSS、バッケ両方で使用できる。現在日本で勢いている大 部分a REDUCE は、HLISP-REDUCE と呼ばれているも

ので、Hearnが公開している版と此べて、倍程度スセードは速い。しかし、不定績分を行よう事はできない。又、TSSでの副用がってが良いように作られてかり、使いがっては悪くはない。路にプラ研のシステムでは、LISPのレベルから、ファイルをedit する事ができるので、REDUCEの環境からぬけます事なく、仕事ができるようになっているので、仕事の能率が移投に高い。

5. 終わりに、

4の一番最後に紹介したREDUCE は、全世界で使用できるシステムになってかり、これの使いする知り、こからはないなり、これは、利風者の協力を得て、早急に何といしないます。その他のシステムについたしろ、数さればします。その他のシステムについたにしろ、数式がは、プラ研までお願いなします。いずれにしる、数式がよう、から、まず、数式の検算などに使ってみて、効果を確認しないら、順次、困難な問題に進まれるのが効率的なと思われます。

6. 文献

文献にフぃュは、

Y. Kanada "HLISP and Supplementary HLISP-REDUCE manual" & 3 7 31 7 th th.

付錄

4、で紹介した各システムの出力例を付録として付けてかく。 各システムの特徴がおわかりいれがければ幸いである。簡単 ず説明を書き込んでおいなので参考にされない。MACSYMA のきれいな出力例は入争できなか、たので、含めなか、た。 ルーMATH²⁹ の出力は理研、情報科学研究室の相馬的にお 世話になった。

```
ASHMEDA/出力例(Levendre 为項式の計算)
                 91 20000 . C - - -
91 20000 . C - - -
    6.560
                                                                 LEGENDRE POLYNOMIALS. AN EXAMPLE.
    6.560
    6.560
                  91 20000
    6.560
                  91 20000
                                     - 入力イメーシンを意味する
                 91 20000 .
    6.600
                 91 20000 . C AS AN OBTUSE EXAMPLE, CONSIDER THE LEGENDRE POLYNOMIALS.
91 20000 . C (THE TROUBLE WITH THE EXAMPLE IS THAT WHILE THESE PROGRAMS
91 20000 . C ARE FAST FUR DEALING SIMPLY WITH LARGE EXPRESSIONS,
    6.600
    6.600
    6-600
    6.600
    6.600
    6.600
                  91 20000
    6.600
                                      THESE POLYNOMIALS ARE GIVEN BY THE RECURSION RELATION
                  91 20000
                               . C
                                         P(L)=Z*(2-1/L)*P(L-1)-(1-1/L)*P(L-2) WITH P(-1)=0, P(0)=1. WHICH WE IMPLEMENT AS FOLLOWS.
    6.630
                  91 20000
    6.630
                  91 20000
                               . c
    6.630
                  91 20000
                                     IN THIS EXAMPLE, WE KEEP IDENTITIES FOR THE PREVIOUS 2 POLYNOMIALS AN THE PARAMETER (IL) NEEDED IN THE RECURSION RELATION. UN EACH ITERA SLIDE P(L-1) TO P(L-2), P(L) TO P(L-1) AND CHANGE THE SUBSTITUTION
                              . c
    6.630
                  91 20000
    6.640
                  91 20000 . C
    6.640
                  91 20000
                                         FOR 'IL'.
    6.640
                  91 20000
                               . c
                 91 20000 .
    6.640
    6.640
                 91 20000
                              . C INITIALIZE THE MANY EXPRESSIONS NEEDED.
    6.640
                 91 20000
                 6.640
    6.640
    6.640
CR SYM 1 004D
                103 20000 2 INPUT
    6.640
                                               743217452)
CR SYM 1 004F
                                          12)
                                                                                        プログラムにフいては、着着は理解
                            ( 738138144)
CR
    SYM 2 001A IL
               109 20000 2 INPUT ( 743217452)

048 G( 7)
                                                                                        していないので、野す。
                                                                             7
    6.640
CR SYM 1 004B
               048 G( 7)

114 20000 2 INPUT ( 743217452) 4

049 D( 4)

119 20000 . SET/MDDE(1)=1

119 20000 4 SET (1516991312) 1061560932 1

119 20000 . INPUT, 2 0 ¥ INPUT, 6 Z*(2-IL)*B-(1-IL)*C ¥ INPUT, 3 1

119 20000 2 INPUT ( 743217452) 2

047 B( 2)

124 20000 2 INPUT ( 743217452) 4
    6.640
CR SYM 1 0049
    6.640
    6.640
    6.640
    6.640
CR SYM 1 0047
6.680 124 20000 2 INPUT ( 743217452)
CR SYM 1 006D F( 6)
CR SYM 2 001B Z (2060114368)
                                                                             6
                177 20000 2 INPUT (
                                               743217452)
                                                                             3
    6.680
              069 C(
182 20000 .
182 20000 . C ' 7'= P(L)
182 20000 . C '10' AND '4' ARE LHS AND RHS FOR P(L-1)=...
182 20000 . C '11' AND '5' ARE LHS AND RHS FOR P(L-2)=...
182 20000 . C '2' AND '3' ARE LHS AND RHS FOR NN*IL=1
182 20000 . C '12' IS THE INCREMENT FOR THE LHS OF NN*IL=1.
182 20000 . C ('NN' STANDS FOR AN INTEGER. ON SUCCESSIVE PASSES, IT WILL BE 1,2,
CR SYM 1 0069
                                            3)
    6.680
    6.680
    6.680
    6.680
    6.680
    6.680
    6.680
    6.680
    6.680
                182 20000 . OPEN.2 PCOLCT.8 OPEN.12 COLCT.8 MOVE.2.8

182 20000 2 OPEN (1222184272) 2

182 19993 2 PCULCT(1274858638) 8
    6.680
    6.680
    6.680
CR SYM 1 0067
               067 H( 8)

182 20000 2 DPEN (1222184272) 12

182 19993 2 COLCT ( 269646100) - 8

H. 17 WURDS, 1 TREES, 1 CALLS

191 20000 3 MUVE (1062548628) 2
    6.680
    6.680
                                                                                      1 TERMS, 0 ZERGES, 0 TEST
FLIP AUT
                                                                 · 1 CALLS,
    6.720
    6.720
                186 20000 .
    6.730
                186 20000 . C . NEXT, SLIDE DOWN P(L-1) TO P(L-2) AND P(L) TO P(L-1)
                186 20000 .
    6.730
                186 20000 . MOVE,5,4,4,7
186 20000 5 MOVE (1062548628)
265 E( 5)
    6.730
    6.730
                                                                             5
CR SYM 1 0065
    6.730
                186 20000 .
                              . C SET UP SUBSTITUTION FOR P(L-1) AND P(L-2) AND NN*IL=.
    6.730
                186 20000
    6.730
               186 20000 .
186 20000 . MAKEID:1,2,3,10,4,11,5
186 20000 8 MAKEID(1032753478)
    6.730
    6.730
                                                                                             2
                                                                                                                 10
                                                                                                                        4 11
                                                                                                                                    5
                                                                             1
                           Α(
CR SYM 1 0063
    6.730
               206 20000 .
```

```
206 20000 . C GENERATE P(L) AND PRINT 1T. 206 20000 .
   6.760
   6.760
             206 20000 .
206 20000 . OPEN.6 SUBST,1 COLCT.7 LODK.7
206 20000 2 OPEN (1222184272) 6
206 19993 2 SUBST (1549393988) 1
206 19988 2 COLCT ( 269646100) 7
G. 17 WORDS; 1 TREES, 2 CALLS, 1 TERMS, 0 ZEROES,
215 20000 2 LODK ( 982938020) 7
**1/1
215 20000 .
   6.760
   6.760
   6.760
    6.760
FLIP AUT
   6.760
   6.760
   6.760
   6.760
   6.760
   6.760
   6.760
   6.760
6.760
FLIP AUT
   6.760
   6.760
    6.760
    6.810
    6.810
FLIP AUT
   6.810
    6.810
    6-810
    6.820
FLIP AUT
   6.820
   6.820
   6.820
   6.820
   6.820
6.840
FLIP AOT
   6.840
   6.840
   6.840
   6.840
   6.840
FLIP ADT
   6.860
   6.860
   6.860
   6.860
   6.860
   6.860
FLIP AUT
   6.860
   6.860
   6.860
   6.860
   6.860
FLIP ADT
6.860
    6.860
   6.860
   6.910
   6.910
FLIP ADT
   6.910
   6.910
   6.910
   6.910
CR SYM 1 0061
```

F[19];

G[19]

```
3
             F[0] = 1; G[0] = 0; U = -3ab; V = c-2bb; W = -b(a+2c)
 4
             FOR N = 1:1:18
                      F[N] = UdF[N-1]/da + VdF[N-1]/db + WdF[N-1]/dc - aG[N-1]

G[N] = UdG[N-1]/da + VdG[N-1]/db + WdG[N-1]/dc + F[N-1]
 5
 7
             PRINT[F[N]]; PRINT[G[N]]; PRINT[TIME]
 8
 9
10
     STOP
11
     PM(0)
     END
    フ・ログラムリスト
                        UdF(N-1)/da = U * \frac{dF(N-1)}{da}
   出力の一部
CAMAL -- 6 Feb 1975
F[1] = 0
G[1] =
TIME=0.00 SECS
F[2] = - a
G[2] = 0
TIME=0.00 SECS
F[3] = 3 b a
G[3] = -a
TIME=0.00 SECS
F[4] = 3 a c + a^2 - 15 b^2 a
G[4] =
         6 b a
TIME=0.01 SECS
F[5] = -(45 b a c + 15 b a^2 - 105 b^3 a)
         9 a c + a^2 - 45 b^2 a
TIME=0.01 SECS
F[6] = -(45 a c^2 + 24 a^2 c + a^3 - 630 b^2 a c - 210 b^2 a^2 + 945 b^4 a)
G[6] = -(180 b a c + 30 b a^2 - 420 b^3 a)
```

CAMAL 出力例 (f.g. %教a 計算)

G[18]までの計算時間が 0.9 秒

付録 3. M-MATH 29 出为例

```
muSIMP-79 (Version 6/2/79) SAVE: 160
COPYRIGHT (C) 1979 BY THE SOFT WAREHOUSE (808) 734-5801
@ 3628800
? 110!;
 @ 15882455415227429404253703127090772871724410234473563207581748318444 \\
\bar{5}671629481830309599601315176785204792436726381799902085211486234222668
767576239112192000000000000000000000000000
? EXPAND((A+B)^5); ← (A+B) の展開
0.5*A*B^4 + 10*A^2*B^3 + 10*A^3*B^2 + 5*A^4*B + A^5 + B^5
? EVSUB(#ASSNS,AA=10); ← 誤り
0.5*A*B^4 + 10*A^2*B^3 + 10*A^3*B^2 + 5*A^4*B + A^5 + B^5
? EVSUB(#ANS, A=1, B=2); ← 誤り
0.5*A*B^4 + 10*A^2*B^3 + 10*A^3*B^2 + 5*A^4*B + A^5 + B^5
? EVSUB(#ANS,A=1); ← 誤り
0.5*A*B^4 + 10*A^2*B^3 + 10*A^3*B^2 + 5*A^4*B + A^5 + B^5
? EVSUB(#ANS,A,2,B,4); ← 代入
0.32 + 80*B + 80*B^2 + 40*B^3 + 10*B^4 + B^5
? EVSUB(#ANS,B=5); — 代入
0.32 + 80*B + 80*B^2 + 40*B^3 + 10*B^4 + B^5
? EVSUB(#ANS,B,5);
@ 16807
? INT(A*X+SIN(X) *COS(X),X);
0 A*x^2/2 - COS(X)^2/2
? INT(#ANS,X);
0 A*x^3/6 + INT(COS(X)^2,X)
? DIF(#ANS,X);
0 A*x^2/2 + COS(X)^2
```

付録 4. PL/I - FORMAC出力例 (Reversed Power Series a計算)

プ°ロク"ラムリスト √

INPUT TO KFA FORMAC PREPROCESSOR - VERSION 3 - GMD, DECEMBER

```
PROCEDURE OPTIONS (MAIN);
           SERIES:
           FORMAC OPTIONS;
 2
 3
           OPTSET(EXPND);
           OPTSET(LINELENGTH=60);
 5
           OPTSET(INT);
        /* THIS PROGRAM WILL GENERATE UP TO NMAX-1 COEFFICIENTS
 6
           OF A REVERSED POWER SERIES. THE VALUE OF NMAX IS
 7
 8
           ENTERD BELOW.
                           */
 9
              NMAX = 8;
           DO N=2 TO NMAX;
10
             LET(N="N");
11
12
             LET(A(N) = 0);
             DO I = 2 TO N-1;
13
                LET (MUM = N);
14
15
             DO K = 2 TO I;
16
                LET(K="K");
17
                LET(MUM=MUM*(N+K-1));
18
                END;
             LET(I="I");
19
             LET(TEMP=MUM/FAC(I));
20
21
             M=N-I-1;
                 LET(C(0) = B(1)**I);
22
             LET(M="M");
23
                  DO J = 1 TO M;
24
                  LET(J="J");
25
                  LET(C(J)=0);
26
27
                       DO K = 1 TO J;
28
                       LET(K="K");
                      LET(C(J)=C(J)+(K*I-J+K)*B(K+1)*C(J-K));
29
30
                       END;
                  LET( C(J) = (1/(J*B(1))) * C(J) );
31
                  END;
32
             LET (A(N) = A(N) + TEMP * C(M));
33
             END;
34
               LET (A(N-1) = A(N)/N + B(N-1));
35
             PRINT_OUT(A(N-1) );
36
37
             PUT SKIP(2);
38
         END;
39
        END SERIES;
```

```
SERIES: PROCEDURE OPTIONS (MAIN);
FACOM OSIV/F4 PL/I VO5L10
    STMT LVL NST
                  CALL DENFMC1('A(N-1) = A(N)/N+B(N-1)');
      32
33
          1
             1
                  CALL DENFMC2('A(N-1)');
                        PUT SKIP(2);
                    END;
      35
           1
```

END;

END;

END;

END SERIES;

۵

CALL DENFMC1('C(J)=(1/(J*B(1)))*C(J)');

CALL DENFMC1('A(N)=A(N)+TEMP*C(M)');

28

30

A(1) = B(1)

出力結果

A(2) = B(2) + 2 B(1)

A(3) = 5 B(2) B(1) + B(3) + 5 B(1)

+ 429 B(1)

```
REDUCE 故力例 (次頁にf.g. 級数計算a例 ay)
@execm("e @save@.text non")
                             - LISPapus ファイルを修正
f /g2/
1 *
scalar fl,f2,gl,g2;
  g2:=fl+deps*df(gl,eps)+dmu*df(gl,mu)+dsig*df(gl,sig)$
 write "g(",i,") := ",g2;
down
 f1:=f2$
down
gl:=g2
c /g2/g2;;/
 g1:=g2;
down.
end;
h
end;
c /;;/;;
end;
INPUT
Е
end s
KEQ524601 SAVED IN DATA SET 'C004.@SAVE@.TEXT' \
@begin(78)
(STEP/TOTAL) TIME = (2/2) MS
>in in; ← 修正したかれる読み込む。
(STEP/TOTAL) TIME = (18/20) MS
ON TEST$
(STEP/TOTAL) TIME = (7/27) MS
FOR I:=2 STEP 2 UNTIL 50 SUM I**2;
22100
(STEP/TOTAL) TIME = (57/84) MS
W:=FOR I:=1:10 PRODUCT I;
W := 3628800
(STEP/TOTAL) TIME = (24/109) MS
ARRAY A(10);
*** A ALREADY DEFINED AS ARRAY
(STEP/TOTAL) TIME = (9/119) MS
                                    以下.一部幺为191 略
A(0) := 1$
(STEP/TOTAL) TIME = (8/127) MS
FOR I:=1:10 DO A(I):=I*A(I-1);
```

```
SCALAR F1, F2, G1, G2;
(STEP/TOTAL) TIME = (11/275) MS
                              f.g.微数a計算例
DEPS: =-SIG*(MU+2*EPS)$
(STEP/TOTAL) TIME = (16/292) MS
DMU:=-3*MU*SIG$
(STEP/TOTAL) TIME = (13/305) MS
DSIG:=EPS-2*SIG**2$
(STEP/TOTAL) TIME = (14/319) MS
F1:=1$
(STEP/TOTAL) TIME = (6/325) MS
G1:=0$
(STEP/TOTAL) TIME = (6/331) MS
FOR I:=1:8 DO BEGIN F2:=-MU*G1+DEPS*DF(F1,EPS)+DMU*DF(F1,MU)+DSIG*DF(F1,SIG)$
WRITE F(,I,) := ,F2;
G2:=F1+DEPS*DF(G1,EPS)+DMU*DF(G1,MU)+DSIG*DF(G1,SIG)$
WRITE G(,I,) := ,G2;
F1:=F2$
Gl:=G2;
END;
F(1) := 0
G(1) := 1
F(2) := -MU
G(2) := 0
F(3) := 3*MU*SIG
G(3) := -MU
F(4) := MU*(3*EPS + MU - 15*SIG)
G(4) := 6*MU*SIG
F(5) := 15*MU*SIG*( - 3*EPS - MU + 7*SIG^2)
G(5) := MU*(9*EPS + MU - 45*SIG)
SIG )
G(6) := 30*MU*SIG*( - 6*EPS - MU + 14*SIG )
                                        以下 太力例 略
```