Orthogonal arrays => 11 2

鹿児島大理 厚見寅司 Tauyoshi Atsumi

F 有限集合 |F|=2, $X=F^m=F\times\cdots\times F$. $X=F^m=F\times F\times F\times F\times F\times F$. $X=F^m=F\times F\times F\times F\times F\times F\times F\times F\times F\times$

Pelsante, Enomoto Ito Noda, & w Noda の結果に ヒートを得て、ナーデザインについて成立するいくりかの結果 がOrthogonal arrays にも成立するのでけないかと予想(いくつかの結果を得た、次の定理はSteiner systemsについ てのNoda - Gronnの定理に対応するものでする。 定理 1. Y = (N, n, 2, +) で index $1 \ge t$ 3. $\pm (Y \circ x)$ で $0 \ge 1$ の $0 \ge 1$

- (1) $(N, n, q, \pm 1) = (2^2, 2 \pm 1, q, 2)$
- (2) (N, n, 8, 大) = (2*, 大+1, 3 * 1 かっ * 1) 偶数. 次のBundの定理まここでの方法で見りて分りやすい。

定理2. Y = (N, m, g, t) ~ index | と t 3. $\pm (l \leq t)$ to l = 1 l = 1

= の定理は Steiner mystem S(t, k, v) に関する Cameron の不智さ $v \ge (t+1)(k-t+1)$ に ある気 味で "対 た する。 = こ での証明はもとの Bushの 証明 エットに v > t で v > t で v > t で v > t で v > t で v > t で v > t で v > t で v > t で v > t で v > t で v > t で v > t で v > t の v > t で v > t の v > t

以下下= $\{0,1\}$ とする。 Yを下上の思されのCodeとする |F|=2 より |A| をYに対して、 $\exists_1 A' \in X = F^m$ mich def |A| |A|

定理の証明には次の命題が重要でする。

 $Y \subseteq F^{m}$. $Y = (N, m, \ell, +) \times 13.$ $L=(J_{1}, \dots, J_{n})$ s-tuple z^{i} J_{i} $i \notin \mathcal{F}^{k}$ $m \geq J_{i} \geq 1$ $S=(\alpha_{i}, \dots, \alpha_{n}) \in F^{k}$ $\alpha_{i} \in F$

C:(S.L): the number of codemords B ruch that d(BLS)=A-i. 在E(BLI) Bol 在程成分主义, E-1214, t=n-tuple.

命題 1.
$$E_{g}(s, r)$$
 $\sum_{i=r}^{s} \binom{i}{r} \binom{i}{i} \binom{i}{i} \binom{i}{i} \binom{i}{i} \binom{i}{i} \binom{i}{i} \binom{i}{r} \binom{$

注意 = のの題は Delsanteか Regular Semilattices の中でナーDesignsを完美しましたが。=のナーDesignsで成立します。

上の命題の証明日次の paine 在 20月11日数人) = とで (S'B) $S' \in F^{r}$, $B \in Y$ $S' \subseteq BLAS$ $\left(S' \cap BLASY \cap Tunto\right)$ 一切分かける」 tunte

命題2 (Bush) Y=(N, n, q, t) index 1 $\Rightarrow n \leq q + t - 1.$

定理」を記明するためには次のlemmanは重要でまし

Lemma 1. Y = (N, n, 8, t) 2 index 1.

(d,... d_) \(\in F \), \(\beta_1 \), \(\in F \) \(

· Miej) nmは異いた整製 1をMmをn、次のよう

To C code morde to totatiet

(= (d, --- d; P, -- P;) ,

マのとき なからうち codemords Dの数11 ij c. orthogonal anayのハラメーターではまる。

 $D = (\delta_1 - \cdots - \delta_m) \quad \text{and that} \quad \delta_{m_1} = \alpha_1, \cdots - \delta_{m_2} = \alpha_2$ $\delta_{m_{271}} \neq \beta_1 - \cdots - \delta_{m_{27}} \neq \beta_2.$

この数す人に、」と書く、

Lemma 2.

 $\lambda_{i,j} = \delta_{i,0}$ $+ \leq i \leq m$ $+ \leq i \tau_j \leq m$

Co= Joinに注意してGronと同じく話明ナイザ「い。 4. 定理了る証明するには命題しか特別有場合でする次の Lemmaが必要でする。

Lemma 3. $E_{2}(t+1)$ $C_{0}(S, L) + (-1)^{+} (t+1) (S, L)$ $= \sum_{k=0}^{+} (-1)^{k} {t+1 \choose k} \lambda_{k}.$

 $S \in F^{t+1}$, $L = (i_1 \dots i_{2t+1})$ ie 異方,在 整数 $l \leq i_2 \leq m$. $\mu = \frac{t}{Z_0} (-i_1)^r {t+1 \choose r} \lambda_r$ (o = (o(S, L)) $c_{t+1} = c_{t+1} (s, L) \times s + c$. t = a

Co+Cx+1=M Thya. BL=Stid codewordsの数はCx+1

 $B'_{L}=S$ to J code words $B'\in Y'$ of $X \notin C_{4+1} : XJ$. $X \in B'_{L}=S$ to J code words $B''\in Y'$ or number $I \notin J - C_{4+1} = C_0 : X \in J$.

BL=Sの) BEYU(Y-)'の個数はMでなり、注意 このMはSとしの選択に関係かない!!

 $L'=(j_1\cdots j_4,m+1)$ $j_0: \mathbb{P}^{t_0}, \mathbb{Z}^{t_0}, \mathbb{P}^{t_0}$ $j_0: \mathbb{P}^{t_0}, \mathbb{Z}^{t_0}$ $j_0: \mathbb{Z}^{t_$

ルーンかき明ですり

References

- 1. Allton Extending +- Designs J. (omb. Th(A) 18 (1975) 177-186.
- 2. Delsarte An algebraic approach to the association schemes of coding theory Philips Research Reports Supplements 1973 No 10.
- 3. Deliante Association Schemes and +-Designs in Regular Semilattices J. Comb. Th(A) 20
 (1976) 230-243.
- 4. Enomoto, Ito, Noda Tight 4- design Osaha J. Math 16 (1979) 39-42.
- 5. Noda On orthogonal arrays of strength 4 ach; ening Radi Bound J. London Math Soc. (2) 19 (1979) 385-290.