不成功マッチング"処理に適した 部分マッチングアルゴリズム

京大·工学部 上林 研彦 中津 楢男 矢島 脩三

1.まえがき

与えられた文字系列の集合の中から、別に与えられた部分系列の集合の要素を含むものを選び出す操作を部分マッチングのための効率の良いアルゴリズムを求めることはオートマトン理論との関連のみならず [KNUT M74], 効率良いテキストエディタの作成や、標題やアブストラクトに含まれる単語や熟語による文献検索を行なう場合に非常に有用であると考えられる [AHO-C7506] [ARIKT%] [BOYEM 77/0]。

与えられた長されの系列ひが、与えられた長さ $m(n \ge m)$ の系列 ω を部分系列 χ して含むかどうかを調べるには、簡単な方法では $Q(m\cdot n)$ だけの計算時間を必要とする。Knuth らはこれをQ(m+n)に改良した。この方法を用いて長されの糸列 χ か、与えられた部分系列 χ 0, χ 02,… χ 0, (但し、それらり

長さの総和をmとする)を含むかどうかを調べるには、この アルゴリズムをん回適用するとよく、その計算時間はO(m+ んれ)となる。HopcroftとKarpはこれをO(m.k+n)に改良 した。ここで見は入力記号の数である。Ahoらは、それと等 価な操作をパタンマッチングマシンと呼ばれる有限オートマ トンで表現することによって、計算時間をO(m+n)に改良 している。

がきなすべき部分系列がただ!つの場合についてKnuthらの方法を改良するため、系列の飛ばし読みを行なう方法を提唱している[BOYEM7710]。ここでは、これらのアルゴリズムの一般化に関した検討も行なっている。

最後に、日本科学技術情報センターの文献検索用磁気テープを用いて、部分マッチングアルゴリズムの実験を行なったのでその結果を示している。それによれば、入力系列(文献標題)内の文字の比較回数は、最も簡単な方法に比べて、Ahoらのパタンマッチングマシンを用いた場合には約1/2~1/3になり、一方不在文字情報を用いた最も簡単な方法でも比較回数は約1/4~1/9になることがわかった。また与えられた部分系列の要素数んが小さい場合、或いは、不成功マッチングの割合の大きい場合には、実行時間もAhoらのパタンマッチングマシンよりも短いことが実験で確かめられた。但し、各プログラムはPL/Iで開発したため、正確な比較とは言い難い。

アルゴリズム理論の研究においては、理論的に可能な計算量の下限を満足するアルゴリズムの開発の他に、その様なアルゴリズムの係数部分をいかに減少させるかという点も、実用上有用であると考えている、

2. 諸定義

 $\Sigma = \{Q_1, Q_2, \cdots, Q_k\}$ を記号の有限集合とし、 Σ の要素によって生成される可能な全ての系列の集合(空系列も含む)を Σ^* とする。 $|\Sigma|$ は集合 Σ の要素数を示し、この場合 $|\Sigma|$ = 允 である。 Σ^* の要素 U について、U の長さが州である場合、U(U) = 州で表わす。 Σ^* の要素 U と 大き結合した系列は単に U の大で表わすものとする。 U の要素 U の形で表現できる時、U は U の部分系列であるという。

「定義1」 系列ひの系列のによる部分マッチングとは、∑*の要素ひとのが与えられた場合に、のがひの部分系列になっているかどうかを調べることである。こののをキーパタン、ひを被検査系列と呼ぶことにする。

L(v)=n, $L(\omega)=m$ とする。ひの各文字を先頭として系列 ω がその位置から続くかどうか調が、 ω と一致しない文字を 発見すればひの次の文字を先頭にして同様の手続きを繰り返す。この最も簡単な方法によれば、計算時間はほぼ $O(m\cdot n)$ となる。次の例は、Knvthらによるもので、 $n=2\lambda+1$, $m=\lambda+1$ の場合である。比較回数は上記の方法で $(\lambda+1)^2$ となる。 [例 1]

記号の有限集合: $\Sigma = \{A, B\}$

 $+ - N^{\circ} 9 > : \omega = A^{i} B$

被検查系列: ひ= A²¹ B

Knuth, Morris, Praxx $\{KNUTM74]$ は、これをO(m+n)に改良した。このアルゴリズムをAhoとCorasickは、 $パタンマッチングマシンという概念を導入して有限オートマトンを用いて定式化した<math>\{AHO-C7506\}$ 。

【定義2】 系列ひの系列集合Wによる部分マッチングとは ∑*の要素ひと∑*の部分集合Wが与えられた場合に、各ω∈W がひの部分系列になっているかどうかを調べることである。 Wをキーパタン集合という。

Ahoらのパタンマッチングマシンは、キーパタン集合Wによる部分マッチングの方法として、Knuthらの方法をHopcroftとKarpが一般化したもの[KNUTM74]を更にオートマトンの形式で表わしたものであり、オートマトンを作る計算時間の面で改良されている。つまり、パタンマッチングマシン(PMM)は、記号の有限集合 エンキーパタン集合 Wが与えられると一意に決まる有限オートマトンで、その受理集合はWに等しい。〔例 2]

 $Aho S の 論文で示されている、<math>\Sigma$ が英語のアルファベットでキーパタン集合 $W=\{he, she, his, hers\}$ の場合のPMM の状態遷納図を図しに示す。但し簡単のために、状態 S_o, S_I ,

Sn への遷柳枝は省略してある。

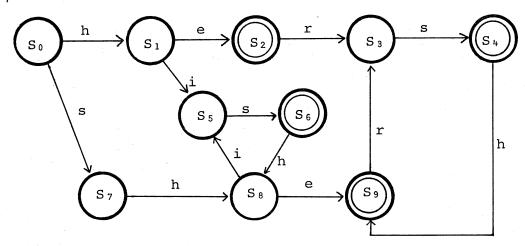


図1 キーパタン集合 W=[he,she,his,hers]に対する パタンマッチングマシンの例

PMMを作るのに要する計算時間は、 $m=\sum_{w\in W} \ell(w)$ としてO(m)であり、このマシンに被検査系列 $v(\ell(w)=n)$ を入力して調べるのにO(n) だけの時間がかかり、全体としてO(m+n)の時間で処理できる。

Boyerらは、キーパタン集合の要素数が1つの場合について、被検査系列内の文字をとばし読みする方法によってサブリニアアルゴリズムを提案している。Boyerらのアルゴリズムを次の例で示す。

(例 3]

記号の有限集合: **Σ**={A,B,C,D}

キーパタン集合:W={CABA},被検査系列:V=ABBACB DCABAAC とし、現在検査中のひの文字をして示す。

- (1) A B B Å C B D C A B A A C
 C A B A
- (2) A B B A C B D C A B A A C C A B A
- (3) A B B A C B D C A B A A C A B A C D delta₁ 0 1 3 4
- (4) ABBACBD CABAAC

CABA

(5) ABBACBDCABÁAC delta₂ 7 6 3

CABA

(6) A B B A C B D C A B A A C

CABA

(7) A B B A C B D C A B A A C

C A B A

(8) A B B A C B D C A B A A C

C A B A Matc

この方法によれば、計算時間の複雑さは同じくO(m+n)であるが、被検査系列の全てを調べる必要がないという理由から $O(m+d\cdot n)$ (o<d<1)の計算時間で処理できる。ここで、ベクトル $delta_1$ と $delta_2$ はとばし読み間隔を指定するベクトルであり、 $delta_1$ は不一致になった文字の情報、 $delta_2$ は不一致になった位置の情報を利用するものである。

3. 不在文字情報を利用した部分マッチング

系列長の合計が $m(m = \sum_{w \in W} L(w))$ である様なパタンマッチ

ングマシンをつくるのに O(m)の計算時間がかかり、これに より長されの系列を検査するのにO(n)の時間がかかる。こ れらの次数をこれ以上下げることは不可能なので更に計算時 間を短くするには、これらの次数の係数部分を減少させなけ ればならない。Boyer, Mooreはそのための1つの方法を提唱 しているが、ここでは検査される系列に前処理を行なう方法 を提案する。文献検索システムの様に、対象とする文献標題 集合が与えられていて、利用者の要求するキーパタンを組合 せてキーパタン集合を作り、それらのキーパタンを含む文献 標題を選び出す場合、文献標題集合をあらかじめ前処理して おいて、キーパタン集合に対する部分マッチングの処理速度 を上げるようにすることは有効であると考えられる。 論文の 標題の長さは平均して50~60 文字であるので、その中にア ルファベットの全ての文字が現われるというよりは、特定の文 字が出現しない可能性が大さい。そこで、文献標題の前処理 としてその標題に含まれていない文字を示す情報を付加して おけば、それによって標題の検査を省略したり、キーパタン 集合を小さくすることができる。例えば、例2のW={he, she, his, hers }の場合では、もし標題の中にんが含まれてい ないことがわかれば、その標題の検査をする必要はなくなる。 ■また標題の中にCが含まれていないことがわかれば、W={

his} だけを対象にすれば良いことがわかる。このため、各標題に対して次に定義する $I\Sigma I$ ビットのベクトルBoを用意する。 〔定義 3〕 不在文字ベクトルBoは、部分マッチングの対象 とする各系列について定義されている。 $\Sigma = \{a_1, a_2, \cdots a_k\}$ として、系列の中に a_i が含まれていなければBo(i)=Iとし、そうでなければBo(i)=0とする。

英語のアルファベットを対象とする場合には、Boは計算機の !語(32ビット/語)で表わすことができる。不在文字を調べ るには、おらかじめ標題を!度調べてかけば良いので、標題 の長さをれとして 0(n)の計算時間を要する。

【アルゴリズム1】 不在文字でクトルを利用した系列の部 分マッチング

- (1)記号集合をΣ={a1,a2,····,ae}とし、キーパケン集合をW={ω1,ω2,····,ωk}とし、検査すべさ系列をひとする。Boはひの不在文字を示すた個の要素から成るベクトルである。各ωε ∈ Wについて、Ciを次の様に定義する。Ciもた個の要素から成るベクトルであり、Ci(j)はωε (ajが含まれていれば1,そうでなければのである。
- (2) i=1, X=Wとする。
- (3) BoA Ciを行ない、その結果が全ての要素が0のベクトルかどうかを調べる。もしそうならば (5)へ、そうでなけれ

ば (4) へ。 (ベクトルのΛ (論理績) は、ベクトルの) 各要素ごとに行なうものとする。

- (4) Xより Wiを除く。
- (5) i=i+1。i=h+1となれば(6)へ,そうでなければ(3)へ。
- (6) X = ゆならばひはWの要素を部分パタンとして含まない。 X + ゆならば、Xに対するパタンマッチングマシンを作っ て Ahoらの方法を適用する。

文献標題を対象にする場合には上記の方法で十分であるが 文献のアブストラクト等の様に対象とする系列が IXI よりも かなり長い場合には、こっ方法による検査時間の短縮は余り 望めない。この場合には系列をある長さピごとに区切って、 各部分系列ごとに不在文字でクトルを用意すればよい。その 場合、2つの部分系列にまたがってキーパタンが存在する。 合の効率良い処理が必要である。その部分系列内にはキーパタンが存在しない場合でも、キーパタンの先頭部分が含まれる ののまるのので、部分系列の最後の多文字を再検査する 必要がある。この多をできるだけんさくするためにも、不在 文字でクトルが利用できる。

【アルゴリズム2】 系列を分割した場合の不在文字ベクトルを利用した系列の部分マッチング

(1) 人力記号集合を∑={a1, a2, ····, a*}として、キーパタン

集合を $W=\{\omega_1, \omega_2, \dots, \omega_k\}$,被検査系列をひとする。ひを長さ EごとにE切った系列を U_1, U_2, \dots, U_p とする。各部分系列 V_1 に対応する不在文字 V_1 たんき それぞれ V_2 おんしとする。ここで、 V_3 には V_4 に V_5 の最大長のものより長いことを仮定する。(この仮定は、妥当な仮定である。)

名 $\omega_i \in W$ について、 $C_i \in \omega_i$ に G_i が含まれていれば $C_i(i)=1$ そうでなければ $C_i(i)=0$ となるベクトルと定義する。

- $(2) i = 1, X = W \times 3.$
- (4) Boi∧ Cj を利用して、アルゴリズム1と同様にWjがひに 含まれていないための十分条件を満足していれば X よりWj を除く。j=j+1として、j=f+1となれば (5)へ、そうでな ければ (4)の手続きを繰り返す。
- (5) X= p ならば吹の中にWのどの要素も含まれないので、 系列ひのうしろより8番目の文字よりWの要素の先頭部分 が現われているかどうかを調かる。8は下記の方法で求め ろことができるが、max [l(w)] -1を用いてもよい。 X+ p ならば、系列ひの中にXの要素が含まれているかど うかをリームのもまで割かる。

うかをAhoらの方法で調べる。但し、ひのうしろよりを番目の文字からは、Wの要素の先頭部分が現われているかどうかを調べる。その値は次に示すなの最大値である。なは

名 $W_k=W_k(1)$ $W_k(2)$ …… について定義され、 $W_k(V_{k+1})=Q_k$ とした時、 $B_{oi}(k)=1$ となる最小の整数とする。(但し、 $V_k\leq l(W_k)-1$) この時、 $8=\max_{k=1}^{k}V_k$ で求めることができる。

(6) i=i+1 とし、i=P+1となれば検査は終了する。そうでなければBoiを利用してVinのうしろの部分に先頭部分の含まれているWの部分集合に対する処理をした後、X=Wとして(3)へ戻る。
■

不在文字でクトルを更に次のようなものに変更すれば、キーパタンが含まれないための十分条件を改善することができる。 [1] thなどの様に、系列の中によく現われる文字の連についても存在するかどうか調でておく (この存在を調べる操作も部分マッチングなので、線形アルゴリズムでできる)。 [2] 2文字の全ての連について調べると場合の数が知過ぎるので、たとえば被検査系列内の偶数位置の不在文字でクトルと奇数位置の不在文字でクトルの2つを用意する。この組合せによって系列中に現われない文字の連を調べ得る。

次節の実験によれば、この奇偶を考慮した不在文字でクトルは、実用上非常に有効であることがわかった。この場合、この奇偶を考慮した不在文字でクトルを、位置情報としても利用することによって Boyer らのアルゴリズム等を改良することができる、つまり、不在文字でクトルを調でることによ

り、キーパタンwがマッチするのは被検査系列ひの奇数番目の位置に限る、或いは偶数番目の位置に限るといった場合が 生じる。それらの場合には、それぞれひの奇数番目、偶数番 目の文字だけを調でればよく、より速く処理できる。具体的 には、とばし読み間隔を大きくすることができる。例えば、 次の例はBoyer らのアルゴリズムによれば、余り効率の良く ない例である。

[例 4]

奇偶を考慮した不在文字ベクトル: ODD=01, EVEN=00
Boyer らのアルゴリズムによれば、12回の比較を必要とするが、不在文字ベクトルを位置情報として利用すれば、キーパタン AAABがマッチするのはキーパタンの右端の文字がひの偶数番目の文字と一致する場合に限る。従って、よ回で処理が終了する。その手順を以下に示す。

(1) A A A A A A A A A A B A A A B

(しは 検査中の文字を示す)

- (2) A A A A A A A A A A B A A A B
- (3) A A A A A A A A A A B

 A A A B

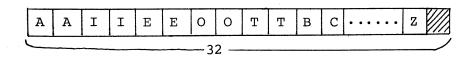
4. 不在文字情報を用いた部分マッチングアルゴリズムの

の実験

不在文字情報の有用性を確かめるために、日本科学技術情報センター(JICST)の文献検索用磁気テープ(英字・カナ文字モード電気工学編)のデータを利用して実験を行なった。データとしては、JICSTの磁気テープの内、77年度 No.3、6、9、13、16より計算機工学関係の文献 10fo併余り(但し、日本語文献を除く)を抜き出し、文献標題と文献識別子(JICST文献識別子)及び不在文字情報より成る新しいファイルを作成使用した。ここでは次にあげる4種類のプログラムを作成し与えられたキーパタン集合に対して、部分マッチングでマッチした文献の文献識別子とその時のキーパタンを出力させる

ことにした。4つのプログラムとは、まず、各キーパタンに対して1文字ごとの比較を行なう方法(CBC)、部分マッチングの生じないための十分条件を利用しまずキーパタン集合を小さくしてから1文字ごとの比較をする方法(CBCS &びCBCEO)、&びAhoらのパタンマッチングマシン(PMM)であり、各々プログラム化を行ない、それぞれ文献標題中の文字の比較回数を調べた。ただし、十分条件としては、CBCSは単なる不在文字ベクトル、CBCEOは奇偶を考慮した不在文字ベクトルを使用している。

不在文字ベクトルの構成は、次のとおりである。



奇偶を考慮した不在文字でクトルは、同じ構造を持つ2つのベクトル EVEN, ODDより成り、EVENは被検查系列の偶数 番目の位置にある文字に対する不在文字ベクトルであり、ODD は奇数番目の位置にある文字に対する不在文字ベクトルである。

PMMのプログラム化は次かようにして行なった。オートマトンの各状態、Saは次の情報を持つ。

EFIN(化):状態Seにおける有効入力数。

{INPUT(k,1), NEXT(k,1)}, ..., {INPUT(k,EFIN(k)), NEXT(

た、EFIN(R)) }: 状態S_Rにおける人力記号とそれに対して遷納すべき次状態の組。

OUTN (元): 状態 Sact かける出力数。

OUT(見):状態Seにかける出力キーパタン集合へのポインタ。

実験は各種のキーパタン集合に対して行なった。その1例 としてキーパタン集合 W={NETWORK, SWITCHING, FUZZY, SUPERVISOR, RELATIONAL}に対する、比較回数で分類し た文献数の分布を表1に示す。

比較回数方法	СВС	CBCS	СВСЕО	PMM
0- 100	0	486	794	27
100- 200	22	337	202	271
200- 300	83	122	36	443
300- 400	157	76	34	221
400- 500	202	27	7	94
500- 600	229	19	7	18
600- 700	153	9	6	10
700- 800	93	4		3
800- 900	59	4 ,	1	-
900-1000	46	2	- 	<u> </u>
1000-1100	21	1	_	-
1100-1200	8		_	_
1200-	14		-	_
mean	560	142	59	260
CPU time	58	25	28	41
Execution time	67	42	37	49

表1 比較回数で分類した文献数

また各実験に対する、各方法にかける、1文献当りの比較回数を表2に示す。

実験	オーハッタン数	СВС	CBCS	CBCEO	PMM
1	3	337	127	52	158
2	5	560	142	59	266
3	3	339	164	74	167
4	4	563	303	127	300
5	6	675	368	153	299
6	9	1011	520	235	301
7	10	1123	520	261	300

表 2 / 文献当りの平均比較回数

この実験によれば、キーパタン集合の要素数が小さくて、マッチする割合が小さい場合には、PMMよりも CBCS, CBCEO の方が比較回数においても実行時間においても優れていることが明らかになった。また、単なる不在文字ベクトルに起や奇偶を考慮した不在文字ベクトルが非常に有効であることがわかった。CBCと CBCEO を比較すれば、比較回数は 1/4~1/9 になり、実行時間も大幅に改善されることがわかり、十分条件によるキーパタンの選択が、部分マッチングのアルゴリズムとして実用的にもかなり有効であることがわかった。従ってアブストラクトなどの長い被検査系列の場合にも、それを区切って、各区間ごとに不在文字ベクトルを用意する方

法も有効であるうと考えられる。一方、キーパタンの数が勿くなってくるとPMMが有効であることが確かめられた。現実問題としては、キーパタン集合の要素数はそれほど別くないと考えられるので、不在文字情報だけでも十分実用的と考えることができる。

<u>5、キーパタンの分解による部分マッチングアルゴリズムの</u> 改良

3節で述べたアルゴリズムは、テキストエディタ等の様に、被検査系列が頻繁に変化する場合においては不在文字ベクトルを変更する必要があるので余り有効とはいえない。また、4節で示した実験結果によれば、キーパタンの数が別くなれば、Ahoらのパタンマッチングマシンが有効であることが確かめられた。ここでは、キーパタンの分解により被検査系列の一部だけを調べる方法を提案する。Boyerらの示したアルゴリズムの中で、不一致になった文字の情報(delta1)を利用する場合は、ここで述べる方法の特殊な場合である。また、この方法は、キーパタン集合が複数の要素を持つ場合でも、この方法は、キーパタン集合が複数の要素を持つ場合でも、そのまま適用できるといった利点がある。

与えられたキーパタン ω (その長さを $\ell(\omega)$ とする)に対して、 ω をN個(ただし N \leq $\ell(\omega)$)の部分系列 ω , ω 2....

 W_N に分解する。ここで W_i ($1 \le i \le N-1$) は、 W_0 i (mod N) 番目の文字からのみ成る部分系列であり、 W_N は、 W_0 O (mod N) 番目の文字からのみ成る部分系列とする。検査の途中で被検査系列 ひが W_i を含むことかわかれば、その位置において ひが W を含むかと 調でればより。

【アルゴリズム3】 キーパタンの分解による部分マッチング

(1)キーパタン似に対して上記の様に $W_1,W_2,...,W_N$ を作り それらに関するパタンマッチングマシンMを構成する。

(但し、Wi=Wj (i+j)ならば、Wjを無視し、Wiに) 対する最終状態にかいて、それを記憶してかく

- (2) 1=0 とする。
- (3) よ=よ+Nとし、よ>と(ひ)ならは"終了。
- (4) 文字 v(j)を、パタンマッチングマシンMに入力する。 もし We (k=1.2,….N) のどれもMによって受理されなければ (3)へ。 We が 受理されれば (5)へ。
- (b) 位置」において、Wがひの部分系列に左っているかどう か調で、マッチすればひはWを部分系列として含んでいる。 そうでなければ (3)へ。

ここでステップ (s)において、ωがひにマッチするか否かは、マッチする可能性のある場合だけを調でれば良い。アル

ゴリズム3において、N=l(w)とすれば、Boyer Sのアルゴリズムと基本的には同じになり、同様の効率が期待できる。しかし、記号の有限集合Σにおいて、IΣI が小さい場合にはBoyer Sのアルゴリズムでは効率の悪いことが別い。その場合には、Nを適当に選んでアルゴリズム3を適用すれば、より速く処理することができる。次の例は、l(w)=4の場合であるが、Boyer Sのアルゴリズムによれば 12 回の比較を必要とするが、アルゴリズム3を適用すれば、N=4の場合で10回の比較回数、N=2の場合は7回の比較で処理できる。

【例 5】 N=2の場合のアルゴリズム3の適用例

記号の有限集合: $\Sigma = \{A, B\}$

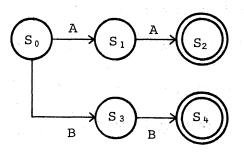
キーパタン集合: W = { ABAB }

被検査系列 : V = AAABBAABAB

パタンマッチングマシンMに入力する文字をして示す。

- (1) A $\stackrel{\downarrow}{A}$ A B B A A B A B to State S_1
- (2) A A A $\stackrel{\downarrow}{B}$ B A A B A B to State S_3
- (3) A A A B B Å A B A B
 to State S₁
- (4) A A A B B A A B A B to State S₃
- (5) A A A B B A A B A B

 to State S₄ (Final State)



W,=AA, W2=BBに対応 した パタンマッチングマシン

- (6) A A A B B A A B A B Check
- (7) A A A B B A Å B A B

Match

Check

このアルゴリズムは、特に被検査系列 Vの長さが長い場合、キーパタンの長さが長い場合及び入力記号集合の要素数が小さい場合に特に有効であると考えられる。また、キーパタンが複数個ある場合でも、 $N \le \min_{\omega \in W} L(\omega)$ とすれば、アルゴリズム3 がそのまま適用できる。パタンマッチングマミンMは $m = \sum_{\omega \in W} L(\omega)$ として、やはり O(m) で構成することができ、検査に必要な比較回数は、n = L(v)として、 $n/N + \beta \cdot M$ ($\beta \ge 1$) である。

6、あとがき

部分マッチングをより効率良く行なうために、不在文字情報を利用したアルゴリズムとその有用性を示した。また、パタンマッチングマシンを利用してBoyer らのサブリニアアルゴリズムの一般化をかこなった。キーパタン集合の要素数が外い場合の部分マッチングに関しても、不成功マッチングのための十分条件を利用して、動的にパタンマッチングマシンを小さくしてゆき、処理の効率を上げる方法についても現在検討中である。

最後に、貴重な御意見・御示唆をいただいた本学矢島研究室の諸氏に感謝致します。

〔参考文献〕

[KNUTM74] Knuth, D.E., Morris, J.H.Jr., and Pratt, V.R. "Fast Pattern Matching in Strings", Res. Rep., STAN-CS-74-440, Stanford Univ., 1974

[AHO-C7506] Aho,A.V. and Corasick,M.J., "Fast Pattern Matching:An Aid to Bibliographic Search" CACM, vol 18, No.6, pp. 333-340, Jun. 1975

[ARIKT76] 有川, 武台, 石橋 "ハッタン・マッチンク"マシンを用いる 例文検索システム" 昭和51年 情報処理大会 61

[BOYEM7710] Boyer, R.S. and Moore, J.S., "A Fast String Searching Algorithm", CACM, vol. 20, No. 10 pp. 762-772, Oct. 1977