

tight 4-design 1=7112

阪大 教養部 菊田隆三郎

 $v \geq k+s$ ときに $2s - (v, k, \lambda)$ design 1=9112

$$b \geq \binom{v}{s} \quad (\text{Generalized Fisher's inequality [2]})$$

\Rightarrow 以下に \geq が持に等号の時は \geq も tight 2s-design と
 いう。 $v = k+s$ のときは 2s-design 1=45, 7, 1= tight
 となることが示すと自明(?) tight 2s-design と。 $s \geq 3$ の時
 1=1 が自明でない 2s-design 1=一つも知らない。 $s=2$
 の時、つまり tight 4-design と (これはたぶん 4-(23, 7,
 1) design (これを補 design) が存在を知らなくていい。

tight 4-design が示すかといふ問題は面白い問題で
 あるが、この問題について最近 伊藤昇、榎本彦衛両氏と筆者の三
 者の協力による次の結果を得た。

定理. $4-(v, k, \lambda)$ ($v \geq 2k$) が自明でない tight

design と $\frac{v}{4}$ と λR の λ の値が λ に \vdash .

$$(1) \quad v=23, \quad k=7, \quad \lambda=1$$

(2) 異なる整数 c の $k > c$

$$v = c^2 + 1$$

$$k = \frac{1}{2} \left\{ c^2 + 1 - (\sqrt{3c^2 - 2} - c) \sqrt{\frac{c\sqrt{3c^2 - 2} + 3}{2}} \right\}$$

$$\lambda = \binom{v}{2} \times \frac{\binom{k}{4}}{\binom{v}{4}}$$

と表せ工れる.

以上(2)における v を整数にすると λ は c に依存して \vdash と \vdash で
も高又有限個であることが知られて、 λ は c の tight 4-design
の parameter の範囲には有限個しかね。定理の証明につい
ては文献[1] 及びそれに先行する伊藤氏の論文を参照工山[1]

参考文献

- [1] H. Enomoto, N. Ito and R. Noda : Tight 4-designs, Osaka Jour. Math 12 投稿中.
- [2] Ray Chaundhuri and R.M. Wilson : On t-designs, Osaka Jour. Math Vol 12. No. 3 1975.