

## 多項目比率データのクラスター分析

岡山大 養 脇本 和昌  
岡山理大 山本 英二  
岡山大 養 垂水 共之

Random Distance の分布を用いるクラスター分析法の応用

として多項目比率  $(P_1, \dots, P_{k+1})$  が与えられたときも、同様の議論ができる。この場合は、各比率がランダムであるとする  $\mathbb{P} = (P_1, \dots, P_{k+1})'$  が、 $k$  次元 Dirichlet 分布  $D(1, \dots, 1:1)$  に従うので、 $D_k^2$  の代りに  $Q_k^2 = \sum_{i=1}^{k+1} (P_i - P_i')^2$  を使えば  $Q_k^2$  は

$$Q_k^2 = (\mathbb{P}_1 - \mathbb{P}_2)' \begin{pmatrix} 2 & & & \\ & \ddots & & \\ & & 1 & \\ & & & 2 \end{pmatrix} (\mathbb{P}_1 - \mathbb{P}_2)$$

の形をしている。ここで  $\mathbb{P}_1, \mathbb{P}_2$  は互いに独立で、同一分布の  $k$  次元 Dirichlet 分布  $D(1, \dots, 1:1)$  に従う。

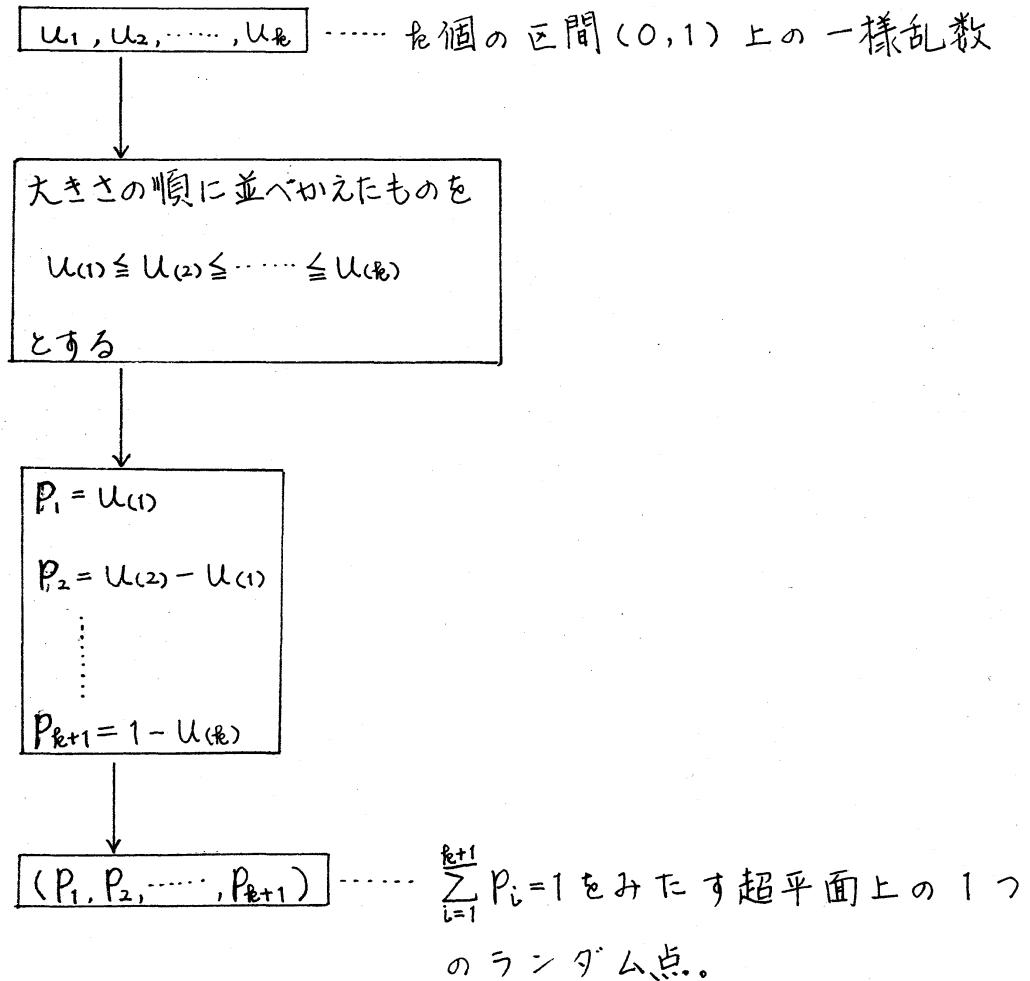
$Q_k^2$  の平均と分散は

$$E(Q_k^2) = \frac{2k}{(k+2)(k+1)}$$

$$V(Q_k^2) = \frac{4k(4k^3 + 31k^2 + 47k - 24)}{(k+4)(k+3)(k+2)^2(k+1)^2} - (E(Q_k^2))^2$$

となる。 $Q_k^2$  ( $k \geq 2$ ) の確率分布の計算は大変であり、現在計算中であるが、まだその結果を得てないのを、シミュレーションによつて近似確率密度関数を求めた。その結果を図 1 に示す。この密度関数を用いれば、前報告と同様にクラスター分析をおこなうことができる。

**注**  $Q_k^2$  の確率分布のシミュレーションによる求め方。



$\sum_{i=1}^{k+1} p_i = 1$  上の 2 つのランダム点を作り、2 点間の距離を計算して確率密度を求めた。

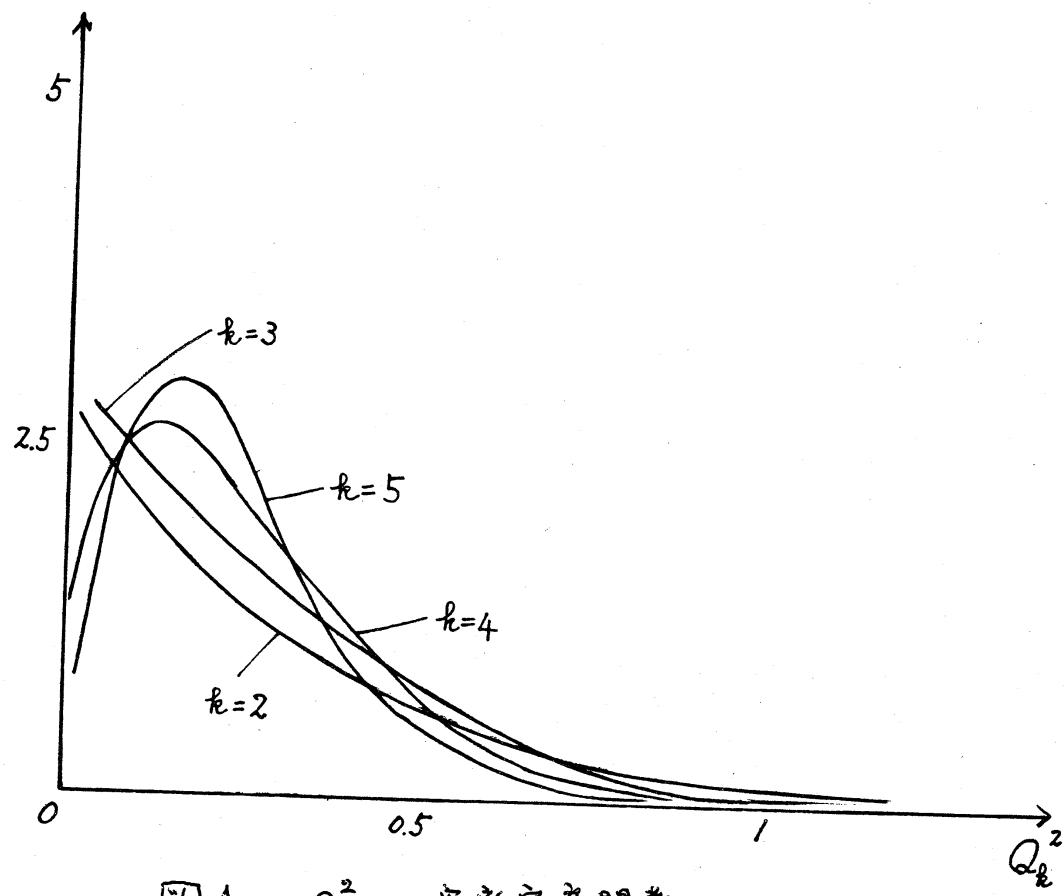


图 1.  $Q_k^2$  の 置き度閾数