関係データベースデザインの数学的基礎理論について

1.17001:

関係データベースを論理設計する手法に大別して、1)分解的手法 2)合成的手法の二つがある。 1)の分解法に Codd [1]の導入した関数後と性、Fagin [2]の導入した知道後と性等の情報を使べ、よこられた初期関係スキーマを通常ヤ三正規形、Boyce - Codd 正規形、ある、ロヤ田正規形である基本関係スキーマと呼ばれる関係スキーマの集合に情報無損失分解して中く手法である。 分論、分解の目的に定していられている様に、正規形で云わゆる storage anomalies をちらくすることが出来るからである。

立て、本稿の目的「最初配に示しれている幾つかの分解的 手記に則ったデザイン弦を配指し、次、でこれら分解弦の支 通の欠策である情報無損失分解が下向を(子立られた関係及 オーマを分解して、〈大〉の過程であると、うことを改善す バく, 著屋が配に導入している関係国関数総产性なる概念を紹介し、この概念が従来の分解法より真に強力なデザイン法のデザイン ナロローとなっていることを示す。

2. 基礎的事項.

- (a)、関係スキーマロ関係の構造的、意味論的枠組をするるものであり、関係データベースの設計とは関係スキーマの組を設計することである。 実際のデータはこの枠組がとる 恒であって、これを関係スキーマのインスタンスという。 R=(d, M, T), d=lA1, …, Am)の戸性集合、Mはドメイン学像、M(Ax)=Dx(Dxはドメイン), 天は以下で述べる関数後产性の集合、は関係スキーマである。 Rのインスタンストロ Dax ハースタンストロ Dax ハースタンストロ Dax ハースカース の名えと両立するよのとこう。
- (b) 元の元17月、15日、として月→17日前の陳述であるの月→121が内をするとは次の存件が改を引き特を 元うの、リメ、大・チャ、大ト=大ト ⇒ オト=ナー・ ここに大トロタップル大の月一部分である。
- (c) $R(\lambda)$ 2 関係 Z キーマ、 β → Y Σ R α 関 的 Ω P Σ P α P α

に分解するこの分解の仕方は情報無損失である。ここに情報無損失のなるはアの任意のインスタンストに幻してトニ

Trans(r) * Trans(r) が成立することである。*11級合演算を取わす。

(d) 関係スキーマRIP全ェハNon-primeア性(と"ハcandidate Key にも「工厅、『性」が名 candidate Keyに全関 数短アの時にオニ正規形という。 関係スキーマ R(SUPPLIER CITY, POPULATION), SUPPLIER - CITY, CITY -POPULATION、イフヤニ正規形にある。 ヤニ正規形であって かったてのnon-prime PHIIA candidate Key に非選移 的に従アしている時、ヤシ正規形であるという。 Boyce-Codd 正規形と17全工の全間報役月性の決定子が candidate Reyになる時を云う。 ヤミ正規形であって Boyce - Codd 正規形でない有名方例「関係スキーマ R(STUDENT, TEACHER, COURSE) , ISTUDENT, COURSE } > TEACHER, TEACHER → COURSE,である。 ニルワナ三正規形であるがTEACHER が Keyであいので Boyce - Codd 正規形であいる、 Rがオ田 正規形であるとは外値経り程をサイがなれず、尺の全 ア性がらに関数役户の時も云う。Boyce-Codd正規形であ つて中田正規形でない例はRICOURSE, TEACHER, TEXT) , COURSE +> TEACHER, COURSE +> TEXT N' & 3[4] 0

(e) 基本関係がオミ、Boyce-Codal,中四正規形である関係スキーマの分解記でオミ、Boyce-Codal,中四正規形分解記と云う。

3. 十三正規形分解記の能力的限界.

以下例題で示す様に中三正規形分解法による設計話け初期
デザインをデザイナーがどの様に与えるかに強く俺なしてしまう。これはBoyce-Codd,中四正規形いずれの分解法にも共通したて見であり、次に示す様に分解法がナop-downの性税を存するということが方案了能知的陽界による。 「例題了科学研究ということが方案了能知的陽界による。 「例題了科学研究ということが方案了能知的陽界による。 「例題了科学研究ということが方案了能知的陽界による。 次の二、の初期デザインをよるる。

PNAME > PLEADER, PNAME > P. BUDGET, D' 3 4 3.

利用デザインB: RAT-y, Rg-TO (T.NAME, P.NAME, PLEADER, P.BUDGET), TNAME → P.NAME → P.LEADER, P.NAME → P.BUDGET, かららる。

これが期でずくとに定義なれている関数絶が性を任ってか

三正規形分解を行ろうと次の最終デザインをうる。 最終デザインA、Bの分得られたもの。 最終デザインA: Rst (S.NAME, T.NAME), Rx(T.NAME,
T.LEADER, TISUDAET), Rsp (S.NAME. P.NAME), Rp (P.NAME,
P.LEADER, P.BUDGET).

最終デザインB: Rst, Rt, Rp(TNAME, PNAME), Rp

「問題を「最終デザインA」が到デザインBがら、最終デザインB」がある解をしても決して
得られないということである。このことからデザイナーは

初期デザインの選定に苦悩するかもしれない。これが従来
の分解弦の欠束であり、よりフレクラブルなデザイン弦が要求しれる原因でもある。この问題をは次に関係

関係をと入れて打破する。

4. 関係国関教授ア程の導入と応用.

 $R_1 = (d_1, M_1, \pi_1)$. $R_2 = (d_2, M_2, \pi_2)$ が結合可能 とは次n = n 条件が成立する時で云う。

(1) dn n d2 + 中 (2) M1 | dn n d2 = M2 | dn n d2.

東に (3) 3→ ド、3 Uド = dn n d2、がまに行っと行之の元
であるろうこれら二、の関数役とはは時隻関数へ意味で一致
する、といる条件を関数役と性の一意性の保証の為課する。

もして致めてRAとR2 は紹合可能と云う。 注意すること 13 この紹合の概念は極めて一般的であることである。 その意味は本草給外に記す。 R_1*R_2 で R_1 と R_2 の紹合を起わす。 R_1*R_2 = $(d_1 \cup d_2, u_{12}, \pi_1 \cup \pi_2)$, u_{12}/d_1 = u_1 , $u_{12}/d_2 = u_2$ である。

今題1. rn, r2 系紹介的能力二、n関係スキースR1とR2のインスタンスとしい*12 * 中とする。 もしエチロ β→1 (以下一般性を生存うことがく 1 ⊆ d2 と 仮定)が R1とR2の間に存在する方を1で、(MU/S) n d2→1で1 Td2(内*1)と対して教立しなければからない関係後月的である。
命題2. 上述と同い条件のもとに次が成立する。

(i) to d2 1 B + P T b) (d21/5) - 1 or Td2 (ry * 12)

に好して成をしない方らば、Tangs(r1* *cd1nd2)) ハTangs (r1* * *(d1nd2)) = 中が *(d2ngs) = *(d2ngs) で * * * * * * * * 53 条件を満足する存み Ta2(r1* r2)の全ケッアル オヒオー打し て成とする。

(ii) もし $d_2 \cap \beta = \phi \pi i i i i$, $\pi_{\beta} (m * \star_{(M \cap d_2)}) \cap \pi_{\beta} (m * \star_{(M \cap d_2)}) \cap \pi_{\beta} (m * \star_{(M \cap d_2)}) = \phi \pi i \star_{\beta} + \star'_{\beta} \cap \beta 発作をみたす \pi_{d_2} (m * \kappa_2)$ の全タフアルメヒャ に打して放をする。

<u>命題3.</u> rn と r2 転給可能な二つの関係スキーマ R1とR2 ハインスタンスとし r1 * r2 ‡ 中 とする。 β と r z d1 Ud2 の部分集合で r ≤ d2 しのし β ≤ d2 で ロ ない とする。 二 の時、もし命題1 はび2の条件が成らする なら1 ア β→ r 13 打 (r1, r2) に対して成立するエチロである。

定程1. Pre と R2 E 総合可能介ニッの関係スキーマとする。 多、 「 E 「 E 」 で 「 あるが 「 S = d2 で 「 7 5 m du ud2 の 部 分集合とする。 この時、 メラ 「 F 5 形の 陳述が好 (rn, r2) , ここに rn と r2 は R1 と R2 の インスタンスで rn * r2 * 中), に打して 教を引 為のエドリ で ある 為の 必要かつ 十分条件の 命題1 Rび 2の条件が教をすること である。

定理2. 定理1と同様の条件のもとで、タットみる形の標述がR1とRLの間のフトロである為の外官かり十分条件ロタラインではなる。アがアインスタンスの組

(ra,rz)に対して放をするIFDであることである。

とて、上述の結果のデータベースデザインへのな用を以下考察する。まずR1とR2を結合可能な関係スキーマとしたの時刻でに対して、そのインスタンスの縄(r1、r2)がT(Mnd2)(r2) 2 満す時、R1とR2 17情報無損失結合可能と云うことにする。

定程3. 情報無損失紹合可能な二、の関係スキース R1とR2 の同に IFD $\beta \to r$ ($r \le d_2$) が存在したとする。 つの 時、R1とR2 17情報を生分うことがく次の三つの関係スキースに置き控えられる。 $R'(\beta \cup r)$, $R''(d_1 \cup (\beta \cap d_2))$ し $R'''(d_2 \setminus r)$ 。

「略記」エチDBコイに対なたを保証してかたR2の関数後ア性(はカリカ)ハd2)コメを使いR2をR21=

T(((ハロメンハム2)ロト)(R2)とR22=T(ハント)(R2)に分解する。この時 R1と R21 日精製無損失総合可能で、かっトラトロ
R1と R21 個の IFDとなるので R1と R21 日情報で失力
3:と
ちく然念エル R1*R21を構成し、トラトロ=の関較
役別性となる。 そこで R1*R21をようドで情報無損失分解
すると T(アロア)(R1*R21)、T(ハロ(ハロュ))(R1*R1)になる。 図
本紙果はエーリを使ったデータベースのデザイン混を論する
る場合本頃的である。 ファリ 定理3の条件のもとに、最

和にRzz((d1UB))dz)→1で分解とTIC, R1×Rzを 作ってしまうと、その後 凡×12の関数処と性として定義は れた Bor, あるいり ((daus)) へん。) → rをどの様に使 フても定理3中のR',R", R"の組13得られない。 神野デザインとして R1(d1)、 R2(d2)、エトロクラグラ3 構成を子えるのと R(d1 Ud2) , トライ, ((d1 UB))のな) →よなる構成をよえるのとの根本的差異である。 又後看の 構成のら海出てれる最終デザイン口をで前者の構成のらも手 出出来かっ上述のことから、IFDsを導入した関係データ ベースのデザイン記は、それを再入しないデザイン記に比べ 夏にデザイン能力に於いて強力であることが利る。 か三正 理形分解法であって、初期デザインとして複製口の関係及す ーマとIFD、をよるらデザイン記を抗陸しれた中三正規的 分解核と呼ぶことにする。この分解核では客場に確かめる れる程に、オミ草の似題を使えり、最終デザインAz初期デ ザインBから、又最終デザインBを初明デザインAから得る ことが出来、抗発工れたオミン型形分解投口其にデザイン能 かにかいて、従来のヤ三亚型形分解はより強力与年記である ことが発起される。

5. 紹論.

関係データベースデザインの分解的年級が拇指工れ、それらに交通方欠更である下何主の過程がデザイン能力を限定していることを指摘した。この欠免を改善すべく、関係周閲教徒と性をは新し、根念が定義考入工いた。この結果得られた振徳工いたから正規形分解デザイン弦は従来のヤミモ規形分解法「川真にデザイン能力で強力万年級であることが示しれた。

[注献]

- [1] Coold, E.F. Further normalization of the data base relational model. Covrant Comp. Sci. Symp. (1971)

 [2] Fagin, R. Multivalued dependencies and a new normal form for relational databases, TODS 2.3 (1977)

 [3] Fagin, R. The decomposition versus the synthetic approach to relational database design. 3rd VLBB Conf. Roc. (1977)
 - [4] Date . C. J. AnIntwoduction to detature Systems.

 2 nd edition, Addison-Wesley (1977)

レト 土 .