

## Fourier 変換の擬局所性について

東大 教養 内山 康一

佐藤の超関数において重要な層  $\mathcal{C}$  に対応する層を Distribution の場合に Fourier 変換を用いて構成することを目的とする。すなわち, cosphere bundle  $\pi: S^*\Omega \rightarrow \Omega$  に対して,  $\mathcal{D}'(\Omega)/\mathcal{E}(\Omega) \cong \pi_* \mathcal{M}(\Omega)^{*)} \cong \Gamma(S^*\Omega, \mathcal{M})$  となる層  $\mathcal{M}$  を作る。応用上は  $\mathcal{M}$  の section の台 (singular support S-S) が重要であり, Hörmander は直接これを (wave front set) 構成した。

記号を導入しておく。  $\tilde{\Sigma}$  を  $\mathbb{R}_\xi^n$  における原点  $O$  を頂点とする錐体とする。  $\Sigma = \tilde{\Sigma}/\mathbb{R}^+$  とおき  $\mathbb{R}_\xi^n$  中の単位球  $S^{n-1}$  と同一視する。

次の関数空間を導入する。(Hörmander [1],[2])

$$H_{loc}^{s,\infty}(\Omega \times \Sigma) = \left\{ u \in H_{loc}^s(\Omega) ; \forall (x_0, \xi_0) \in \Omega \times \Sigma \right. \\ \left. \exists \varphi \in C_0^\infty(\Omega) \text{ s. t.} \right.$$

$$(1) \varphi(x_0) \neq 0$$

$$(2) \forall N, |\widehat{\varphi u}(\xi)| \leq \frac{C_N}{(1+|\xi|)^N} ; \xi \text{ は } \xi_0 \text{ の近く} \left. \right\}$$

\*)  $\mathcal{C}_0$  の記号は  $\mathcal{D}'/a$  用に保留しておく。藤原 [3]。

ここで  $\Omega$  は  $\mathbb{R}^n$  の開集合.  $\Sigma$  は  $S^{n-1}$  の (開) 集合. (2) の  $\xi_0$  の近くで成立するという意味は  $\xi_0$  を内部に含む錐体が存在してそこで成立することである.

$H_{loc}^{s,\infty}(\Omega \times \Sigma)$  は  $H^\infty(\Omega \times \Sigma)$  と略記もする.

$H_{loc}^{s,\infty}(\Omega \times S^{n-1}) = C^\infty(\Omega)$  は明らかであろう. (以下の補題から従う.)

定義中に現われた局所的条件を少しいいかえておこう.

補題 1.  $u \in \mathcal{E}'(\Omega)$  に対して急減少評価

$$(*) \quad \forall N, |\widehat{u}(\xi)| \leq C_N / (|\xi| + 1)^N$$

が  $\xi_0$  の近傍  $\sigma_{\xi_0}$  で成立しているとせよ. 任意の  $\alpha \in C_0^\infty(\Omega)$  に対し,  $\widehat{\alpha u}$  について評価 (\*) が  $\sigma_{\xi_0}$  を少しちぢめた近傍  $\sigma'_{\xi_0} \subset \subset \sigma_{\xi_0}$  で成立する.

$$(\text{証明}) \quad |\widehat{\alpha u}(\xi)| = |\alpha * \widehat{u}(\xi)|$$

$$\leq \int_{\sigma'_{\xi_0}} |\alpha(\xi - \eta)| |\widehat{u}(\eta)| d\eta + \int_{\mathbb{R}^n - \sigma_{\xi_0}} |\alpha(\xi - \eta)| |\widehat{u}(\eta)| d\eta$$

$$|\alpha(\xi - \eta)| \leq C_M / (1 + |\xi - \eta|)^M, \quad M = 1, 2, \dots$$

$$\leq C_M (1 + |\xi|)^M / (1 + |\eta|)^M, \quad C_M (1 + |\eta|)^M / (1 + |\xi|)^M$$

および,  $1 + |\xi - \eta| \geq 1 + \varepsilon|\xi|, \quad 1 + \varepsilon|\eta|$  から従う.

$$\xi \in \sigma'_{\xi_0}, \quad \eta \in \sigma_{\xi_0} \quad (\therefore)$$

補題2.  $\Omega \subset \mathbb{R}^n$ ,  $\Sigma \subset S^{n-1}$  をそれぞれ開集合とする.  $u \in H_{loc}^{s,\infty}(\Omega \times \Sigma)$  とする. compact 集合  $K \subset \Omega$  と  $\kappa \subset \Sigma$  に対して次のような  $\varphi \in C^\infty(\Omega)$  が存在する.

(1)  $\varphi$  は  $K$  の近傍で恒等的に 1. ( $\varphi \geq 0$ ).

(2)  $\forall N, |\widehat{\varphi u}(\xi)| \leq C_N / (|\xi| + 1)^N, \xi \in \tilde{\kappa}$ .

(証明) (I).  $x_0 \in K$  を固定する.  $u \in H^\infty(\Omega \times \Sigma)$  だから各  $\xi \in \kappa$  に対し  $\varphi_\xi$  が存在して  $\xi$  の近傍  $\delta_\xi$  で  $\widehat{\varphi_\xi u}$  が急減少である.  $\bigcup_{\xi \in \kappa} \delta_\xi \supset \kappa$  で  $\kappa$  は compact だから有限被覆  $\delta_1, \dots, \delta_N$  と  $\varphi_1, \dots, \varphi_N \in C^\infty(\Omega)$  が存在して (1)  $\varphi_i(x_0) \neq 0$ , (2)  $\widehat{\varphi_i u}$  は  $\delta_i$  で急減少である.  $\varphi = \varphi_1 \cdots \varphi_N$  とせよ.  $\varphi \in C^\infty(\Omega)$  で  $\varphi(x_0) \neq 0$ . 一方、少しちぢめた近傍  $\exists \delta'_1 \ll \delta_1, \dots, \exists \delta'_N \ll \delta_N$  があって  $\bigcup \delta'_i \supset \kappa$  としてよい.  $\widehat{\varphi u} = \widehat{\varphi_1 \cdots \varphi_N u} = \widehat{(\varphi_2 \cdots \varphi_N) \varphi_1 u}$ . 補題1からこれは  $\delta'_1$  で急減少.  $\delta'_2$  以下同様であるから  $\kappa$  で急減少である.

(II) まず (I) の  $\varphi$  は  $\varphi \geq 0$  としてよい.  $x_0$  を動かせば各  $x \in K$  に対し、 $\varphi_x$  と近傍  $U_x$  が存在して、(1)  $\varphi_x \in C^\infty(\Omega)$ ,  $\varphi_x$  は  $U_x$  で正. (2)  $\widehat{\varphi_x u}$  は  $\kappa$  で急減少.  $K$  も compact であるから、 $\bigcup_{x \in K} U_x \supset K$  から  $\bigcup_{i=1}^N U_i \supset K$  と  $\varphi_1, \dots, \varphi_N$  をえらべる.  $\varphi_i > 0$  in  $U_i$  だから  $\varphi = \varphi_1 + \cdots + \varphi_N$  とすれば  $\varphi \in C^\infty(\Omega), \varphi > 0$

in  $K$  かつ  $\widehat{\varphi u}$  は  $K$  で急減少.

(III)  $\psi \in C_0^\infty(\Omega)$  を  $K$  上で  $\varphi^{-1}(x)$  に等しいもの  
 とせよ.  $\psi$  と  $\varphi$  の積を改めて  $\varphi$  とすればこれが求めるもの  
 である. ( $\therefore$ )

定義 
$$M^s(\Omega \times \Sigma) = H_{loc}^s(\Omega) / H_{loc}^{s,\infty}(\Omega \times \Sigma).$$

$H_{loc}^s(\Omega)$  の元  $u$  の  $M^s(\Omega \times \Sigma)$  における商を  $[u]$ ,  $[u]_\Sigma$   
 などと記す.  $X \subset \mathbb{R}_+^n$  領域に対し,  $X \times S^{n-1}$  ( $X$  の余  
 球接束) の基本近傍系として  $\{\Omega \times \Sigma\}$  が与えられる.

$\Omega \times \Sigma \mapsto M^s(\Omega \times \Sigma)$  は presheaf を作る.  
 同伴する  $X \times S^{n-1}$  上の層を  $\mathcal{M}^s$  とする.

i.e. 
$$\mathcal{M}^s = \varinjlim_{\Omega \times \Sigma} M^s(\Omega \times \Sigma).$$

中間的なものとして  $\Omega$  を固定して,

$$\mathcal{M}^s(\Omega) = \varinjlim_{\Sigma \subset S^{n-1}} M^s(\Omega \times \Sigma)$$

を考える. これは  $S^{n-1}$  上の層である.

命題. sections の同型

$$\Gamma(S^{n-1}, \mathcal{M}^s(\Omega)) \cong H_{loc}^s(\Omega) / \mathcal{E}(\Omega).$$

が成立する.

(証明) (I)対応を構成する.  $f_{\Sigma}: H_{loc}^s(\Omega)/\mathcal{E}(\Omega) \rightarrow M^s(\Omega, \Sigma)$   
 は  $H_{loc}^s(\Omega)/\mathcal{E}(\Omega) \ni [u]$  に対して商  $[u]_{\Sigma}$  を対応させ  
 $u$  によつて. つまり, covering  $\cup \Sigma_i = S^{n-1}$  に対して,  
 $\{[u]_{\Sigma_i}\}$  は  $M^s(\Omega)$  の section を定める.

逆  $\Gamma(S^{n-1}, M^s(\Omega)) \ni m \mapsto g(m) \in H_{loc}^s(\Omega)/\mathcal{E}(\Omega)$   
 を構成しよう.  $m$  は十分細かい covering  $\bigcup_{i=1}^N \Sigma_i \supset S^{n-1}$   
 に対して,  $\{u_i \in H_{loc}^s(\Omega); u_i - u_j \in H^{\infty}(\Omega \times \Sigma_{ij})\}$   
 という組と同値である. ( $\Sigma_{ij} = \Sigma_i \cap \Sigma_j$ ).

$\Omega \supset K$  compact とする.  $K$  の近傍で 1 に等しい  $\varphi_K \in C^{\infty}(\Omega)$  があって  $\widehat{\varphi_K(u_i - u_j)}$  は  $\Sigma'_{ij}$  で急減少.

$\{\Sigma_i\}$  に同伴する 1 の分解を  $\beta_i(\xi)$  とする. (i.e.  $\beta_i \in C^{\infty}$   
 $\text{supp } \beta_i(\xi) \cap \{|\xi| > 1\} \subset \Sigma_i$ ,  $\sum \beta_i(\xi) \equiv 1$  ( $|\xi| > 1$ )).

いま compact  $L \supset K$  ならば  $u_L - u_K \in \mathcal{E}(K)$  を示  
 そう.  $\widehat{(u_K - u_L)} = \sum \beta_i(\xi) \widehat{(\varphi_K - \varphi_L) u_i(\xi)}$ .  $\beta_i$  を  
 0 階の PDO とみれば  $\varphi_K - \varphi_L \equiv 0$  in  $K$  から  $u_K - u_L \in$   
 $\mathcal{E}(K)$  が従う.  $u_K$  を定めるとき  $\{u_i, \Sigma_i\}$  のえらび  
 方, 1 の分解  $\beta_i$  のえらび方による任意性は  $K$  の内部では  $\mathcal{E}$   
 に吸収される. 従つて  $K \mapsto u_K$  によつて  $H_{loc}^s(\Omega)/\mathcal{E}(\Omega)$   
 の元が定まることがわかる. この対応を  $g$  とする.

(II) 次に  $\Gamma(S^{n-1}, M^s(\Omega)) \xrightleftharpoons[f]{g} H_{loc}^s(\Omega)/\mathcal{E}(\Omega)$

において  $f \circ g = \text{id}$ ,  $g \circ f = \text{id}$  を示そう。

$$H_{\text{loc}}^s(\Omega)/\mathcal{E}(\Omega) \ni [u] \quad f_{\Sigma}[u] = [u]_{\Sigma} \in M^s(\Omega \times \Sigma).$$

$$g \circ f[u] \leftrightarrow K \mapsto U_K = \mathcal{F}^{-1} \sum \beta_i \widehat{\mathcal{F}_K u} \\ = \mathcal{F}_K u. \quad \therefore u = U$$

代表元のとり方は  $\mathcal{E}(\Omega)$  に吸収して考えなくてよい。ゆ

えに  $g \circ f = \text{id}$  in  $H_{\text{loc}}^s(\Omega)/\mathcal{E}(\Omega)$ .

逆に  $\Gamma(S^m, \mathcal{M}^s(\Omega)) \ni m \leftrightarrow \{[u_i]_{\Sigma_i} \in M^s(\Omega \times \Sigma_i)\}$  に対して  $f \circ g(m) = u$  とおく。  $u - u_i \in H^{\infty}(\Omega \times \Sigma_i)$  を示せば十分である。つまり  $\forall (x_0, \xi_0) \in \Omega \times \Sigma_i$  に対し,

$\varphi(x_0) \neq 0$  かつ  $\widehat{\varphi(u - u_i)}$  が  $\xi_0$  の近くで急減少となる  $\varphi \in C^{\infty}(\Omega)$  を見つければよい。実は何でもよい。  $\varphi(x_0) \neq 0$ ,  $\varphi \in C^{\infty}(\Omega)$  とする。  $K = \text{supp } \varphi$  とする。  $\varphi u$  を考

えるのには  $u_K = \mathcal{F}^{-1} \sum \beta_j \widehat{\mathcal{F}_K u_j}$  ではない。従って

$$\widehat{\varphi(u - u_i)} = \widehat{\varphi} * \sum \beta_j \widehat{\mathcal{F}_K (u_j - u_{i0})}$$

右辺  $\underbrace{\xi_0 \in \Sigma_{i_0}}_{\Sigma \dots \text{は}}$  の近くで急減少ゆえ補題1から全体が急減少。ゆえに  $f \circ g = \text{id}$  in  $\Gamma(S^m, \mathcal{M}^s(\Omega))$ .

定理 1.  $\Gamma(\Omega \times S^{m-1}, \mathcal{M}^s) \cong H_{\text{loc}}^s(\Omega)/\mathcal{E}(\Omega)$ .

(証明)  $\Gamma(\Omega, \varinjlim_{\Omega' \subset \Omega} H_{\text{loc}}^s(\Omega')/\mathcal{E}(\Omega')) = H_{\text{loc}}^s(\Omega)/\mathcal{E}(\Omega)$

は  $H^1(\Omega, \mathcal{E}) = 0$  から従う。

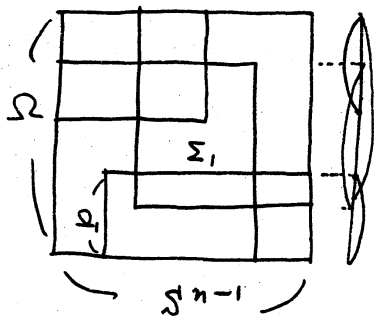
6

(I) 対応の構成.  $H_{loc}^s(\Omega)/\mathcal{E}(\Omega) \ni [u] \mapsto [u]_{\Omega \times \Sigma} \in H_{loc}^s(\Omega')/H^\infty(\Omega' \times \Sigma)$  は制限と商によって定まる.

$\{[u]_{\Omega'_i \times \Sigma_i}; \cup \Omega'_i \times \Sigma_i \supset \Omega \times S^{m-1}\}$  は  $\Omega \times S^{m-1}$  上の  $\mathcal{M}^s$  の section を定める. これを  $f: H_{loc}^s(\Omega)/\mathcal{E}(\Omega) \rightarrow \Gamma(\Omega \times S^{m-1}, \mathcal{M}^s)$  とする. 逆を定めよう.

$\Gamma(\Omega \times S^{m-1}, \mathcal{M}^s) \ni m$  はある loc. finite な open covering  $\cup \Omega_i \times \Sigma_i = \Omega \times S^{m-1}$  と,  $\{u_i \in H_{loc}^s(\Omega_i); u_i - u_j \in H_{loc}^{s, \infty}(\Omega_{ij} \times \Sigma_{ij})\}$  という組によって表現される. これをまずとり直そう. 有限添字集合  $S_x = \{j; \Omega_j \ni x\} \subset \mathbb{N} = \{1, 2, \dots\}$  を定義すると,

$\{\bigcap_{S_x \ni j} \Omega_j, x \in \Omega\}$  は  $\{\Omega_i\}$  の細分である. 添字  $x$  は多すぎる.  $S_1, S_2, \dots$  と番号づけられる. すなわち  $\{\bigcap_{S_i \ni j} \Omega_j, i=1, 2, \dots\} = \{\Omega'_i; i=1, 2, \dots\}$  とする.



このとき各  $i$  について

$$\bigcup_{S_i \ni l} \Sigma_l = S^{m-1}$$

である.  $S_i$  の中からひとつ  $l(i) \in S_i$  を指定しておく.

$\Omega \times S^{m-1}$  の covering として,

$\{\Omega'_j \times \Sigma_l; j=1, 2, \dots, l \in S_j\}$  がとれる.

$u_l, l \in S_j$  を  $\Omega'_j$  に制限して  $\{u_l \in H_{loc}^s(\Omega'_j)\}$  を考えれば  $u_l - u_{l'} \in H^\infty(\Omega'_{jj'} \times \Sigma_{ll'})$ ,  $l' \in S_{j'}$ .

これは  $m$  の別の表現である。

まず  $\{u_e \in H_{loc}^s(\Omega_j) \mid e \in S_j\}$  で各  $j$  ごと命題の証明の方法に従ってはりあわせて  $\{U_j \in H_{loc}^s(\Omega_j)/\mathcal{E}(\Omega_j)\}$  を得る。  $U_j, U_k$  の  $\Omega'_{jk}$  上の差を  $\psi$  としよう。  $\forall \varphi \in$

$C_0^\infty(\Omega'_{jk})$  に対し,  $\text{supp } \varphi = K$  とおくと,

$$\varphi(U_j - U_k) = \varphi \cdot \mathcal{F}^{-1} \left\{ \sum_{e \in S_j} \beta_e(\xi) \widehat{\varphi_k u_e} - \sum_{e' \in S_k} \beta_{e'}(\xi) \widehat{\varphi_k u_{e'}} \right\}$$

が  $\text{mod } C_0^\infty(\Omega'_{jk})$  で成立する。

$\varphi_k(u_e - u_{e'})$  は  $\Sigma_{e, e'}$  の内部で急減少であることに注意すれば  $\varphi(U_j - U_k) \in C_0^\infty(\Omega'_{jk})$  がわかる。(右辺で coverings  $\{\Sigma_e, e \in S_j\}, \{\Sigma_{e'}, e' \in S_k\}$  の共通細分を考えよ) これで  $g: \Gamma(S^{m-1} \times \Omega, \mathcal{M}^s) \rightarrow H_{loc}^s(\Omega)/\mathcal{E}(\Omega)$  が定まった。

(II)  $f \circ g = \text{id}, g \circ f = \text{id}$  を示そう。

$g \circ f = \text{id}$  は容易である(命題の証明)。  $f \circ g = \text{id}$  については以下の通り。  $\Gamma(\Omega \times S^{m-1}, \mathcal{M}^s) \ni m \leftrightarrow$

$$\begin{aligned} & \{u_i \in H_{loc}^s(\Omega_i) \text{ s.t. } u_i - u_j \in H^\infty(\Omega_{ij} \times \Sigma_{ij})\} \\ \leftrightarrow & \{u_e \in H_{loc}^s(\Omega_j) \text{ s.t. } u_e - u_{e'} \in H^\infty(\Omega'_{jj} \times \Sigma_{ee'})\} \\ \xrightarrow{f} & \{U_j \in H_{loc}^s(\Omega_j)/\mathcal{E}(\Omega_j)\} = U \in H_{loc}^s(\Omega)/\mathcal{E}(\Omega). \end{aligned}$$

$$\text{従って } [U]_{\Omega_i \times \Sigma_i} - u_i \in H^\infty(\Omega_i \times \Sigma_i)$$

$$\Leftrightarrow [U]_{\Omega'_j \times \Sigma_e} - u_e \in H^\infty(\Omega'_j \times \Sigma_e)$$

を併せればよい。  $U = \{U_j\}$  より  $[U_j]_{\Omega'_j \times \Sigma_e} - u_e \in H^\infty(\Omega'_j \times \Sigma_e)$



に同値でこれは命題ですんでいる。 ( $\therefore$ )

定理 2. 層  $\mathcal{M}^s$  は柔軟 (soft) である。

(証明)  $K \subset \Omega \times S^{n-1}$  を閉集合とする。 任意に

$m \in \Gamma(K, \mathcal{M}^s)$  を考える。これは loc. finite open covering  $K \subset \bigcup_i (\Omega_i \times \Sigma_i)$  が存在して  $u_i \in H_{loc}^s(\Omega_i)$ ,  $u_i - u_j \in H^\infty(\Omega_{ij} \times \Sigma_{ij})$  となる組  $\{u_i\}$  によつて表現される。

(I)  $\forall_i, \Omega_i = \emptyset$  となっている場合。

$K$  の  $S^{n-1}$   $\wedge$  の射影を  $\kappa$  とする。  $\kappa \subset \bigcup \Sigma_i$  .

ここで  $\beta_i \in C^\infty(\mathbb{R}_\xi^n)$  をえらんで,  $\text{supp } \beta_i$  は  $|\xi|$  が十分大きいとき  $\Sigma_i$  に属し,  $\sum \beta_i(\xi) = 1$  が  $\mathcal{K}$  の近傍で成立せせられる。

$\tilde{u} = \mathcal{F}^{-1}(\sum \beta_i(\xi) \widehat{\varphi_{\pi\kappa} u_i})$  とおく。  $\pi\kappa$  は  $K$  の  $\bigcup \wedge$  の射影。  $f(\tilde{u})$  は

はじめの  $m$  の拡張である。なぜなら,

$f(\tilde{u}) \leftrightarrow \{[\tilde{u}]_{U \times \Sigma_i}\}$  だから,  $\forall \begin{matrix} (x, \xi) \in K \\ \text{に対し} \end{matrix}$

$\exists U_x, [\tilde{u}]_{U_x \times \Sigma_\xi} - u_i \in H^\infty(U_x \times \Sigma_\xi)$  をみればよく,

$\exists \Sigma_\xi$ ,  $U_x$  としては  $\varphi_{\pi\kappa}$  が恒等的に 1 である範囲にとればよい。

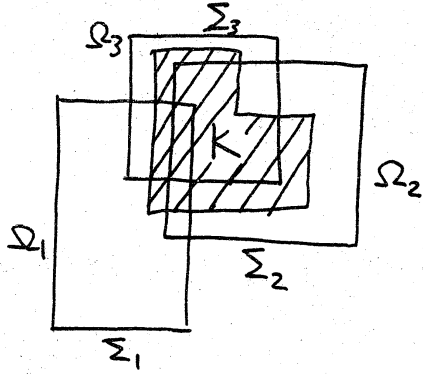
$\varphi \in C_0^\infty(U_x)$  に対し,  $\widehat{\varphi(\tilde{u} - u_i)} =$

$$\widehat{\varphi(\tilde{u} - \varphi_{\pi\kappa} u_i)} = \widehat{\varphi * \sum_j \beta_j \varphi_{\pi\kappa} (u_j - u_i)} + \widehat{\varphi * (1 - \sum \beta_j) \varphi_{\pi\kappa} u_i}$$

これは  $\Sigma_3$  で急減少. (ここで  $(x, \xi) \in U \times \Sigma_i$ ).

(II) 一般の場合.

定理1の証明と同様に covering をとり直す. 従って



$$\Gamma(K, M^s) \ni u$$

$$\iff \{u_e \in H_{loc}^s(\Omega_j') ; j \in I\}$$

かつ

$$u_e - u_{e'} \in H^\infty(\Omega_{jj'} \times \Sigma_{ee'})$$

$$K \subset \bigcup_{\substack{j \\ e \in S_j}} \Omega_j' \times \Sigma_e \}$$

としてよい.  $\pi K$  の近傍で有効な  $\{\Omega_j'\}$  に属する1の分解を  $\alpha_j(x), \bigcup_{j \in S_j} \{K \cap (\Omega_j' \times \Sigma_e)\}$  の  $S^{n-1}$  の射影の近傍で有効な1の分解を  $\{\beta_{je}(x)\}$  とする.  $\text{supp } \alpha_j$  の近傍で1である  $\psi_j \in C^\infty(\Omega_j')$  をとり,

$$u = \sum_j \alpha_j \mathcal{F}^{-1} \left( \sum_{e \in S_j} \beta_{je}(\xi) \widehat{\psi_j u_e}(\xi) \right)$$

とおく. まず  $u \in H_{loc}^s(\Omega)$ .

次に  $\forall (x_0, \xi_0) \in K$  に対し,  $(x_0, \xi_0) \in \Omega_j' \times \Sigma_e$ .

$\Sigma_{\alpha_j}$  が1に等しい所の内部に台をもつ  $\varphi \in C^\infty(\Omega_j')$ ,  $\varphi(x_0) \neq 0$  をとる.

$$\widehat{\varphi(u - u_e)} = \sum_{\substack{j \\ \text{(有限)}}} \widehat{\varphi \alpha_j} * \left( \sum_{e \in S_j} \beta_{je} \widehat{\psi_j u_e} \right)$$

—  $\widehat{\psi_j u_e}$   $\xi_0$  の近傍に限ってみれば

$$= \sum_j \widehat{\varphi \alpha_j} * \sum \beta_{je} \widehat{\psi_j (u_{e'} - u_e)}$$

これはここで急減少. (∵)

$\mathcal{D}'/a$  について.  $\mathcal{D}'(\Omega) \supset a(\Omega)$  の特長づけを Fourier 変換の増大度によって行っても, その  $\xi$  方向での局所化と合成に困難があって, このような方法だけでおし通せるかどうか不明である. (藤原 [3] の試みがあった.)

- [1] Hörmander : C.P.A.M. 1971. 671-704 p.
- [2] " : Acta Math. 1971. 119-133 p.
- [3] 藤原 : 1972 超函数シンポジウム. 6月, および  
1972, 6月 東大. 小松セミナー