

数理解析研究所講究録 1715

保型形式・保型表現およびそれに伴う  
L函数と周期の研究

京都大学数理解析研究所

2010年10月

*RIMS Kôkyûroku 1715*

*Automorphic forms, automorphic representations  
and related topics*

*January 18~22, 2010*

*edited by Masao Tsuzuki*

*October, 2010*

*Research Institute for Mathematical Sciences*

*Kyoto University, Kyoto, Japan*

This is a report of research done at the Research Institute for Mathematical Sciences, Kyoto University. The papers contained herein are in final form and will not be submitted for publication elsewhere.

## はじめに

この講究録は、2010年1月18日（月）から1月22日（金）の日程で東京大学数理科学研究科を会場として開催されたRIMS研究集会「保型形式・保型表現およびそれに伴うL函数と周期の研究」の報告集です。

研究集会でご講演頂いた講演者の方々、ならびにご参加頂いた方々に心より感謝申し上げます。

研究代表者 : 都築 正男  
副研究代表者 : 権 寧魯、織田 孝幸

This volume is the proceedings of the RIMS workshop: "Automorphic forms, automorphic representations and related topics", held at Graduate School of Mathematical Sciences of The University of Tokyo, January 18–22 2010. There were 20 research talks on recent development of automorphic forms and related topics. We thank the speakers for their excellent lectures and the articles they have contributed.

The organizers : Masao Tsuzuki  
Yasuro Gon  
Takayuki Oda

# 保型形式・保型表現およびそれに伴うL函数と周期の研究 RIMS研究集会

京都大学数理解析研究所共同研究事業の一つとして、下記のように研究集会を催しますので、ご案内申し上げます。

研究代表者 都築 正男 (上智大理工)

副代表者 権 寧魯 (九大数理), 織田 孝幸 (東大数理)

## 記

日時： 2010年1月18日（月）13:30～

1月22日（金）12:00

場所： 東京大学大学院数理科学研究科大講義室

東京都目黒区駒場 3-8-1 (京王井の頭線 駒場東大前駅下車)

## プログラム

### 1月18日（月）

- 13:30 - 14:30 Bernhard Heim (German University of Technology in Oman)  
Borcherds lifts, symmetry relations, and applications
- 14:45 - 15:45 山内 卓也 (大阪府立大)  
Endoscopic lift to the Siegel paramodular threefold  
related to Klein's cubic threefold
- 16:00 - 17:00 山名 俊介 (京大・理)  
A remark on the Siegel-Weil formula

### 1月19日（火）

- 9:45 - 10:45 森 伸吾 (京大・理)  
2元3次形式の空間に付随する軌道 Gauss 和について
- 11:00 - 12:00 Frank Thorne (Stanford University / University of South Carolina)  
Analytic properties of Shintani zeta functions
- 13:30 - 14:30 佐藤 文広 (立教大・理), 田村 敏太 (立教大・理)  
概均質ベクトル空間の保型超関数とゼータ関数
- 14:45 - 15:45 権 寧魯 (九大・数理)  
ヒルベルトモジュラー曲面に対する  
セルバーグ跡公式の差分とセルバーグ型ゼータ関数
- 16:00 - 17:00 北山 秀隆 (阪大・理)  
On the graded ring of Siegel modular forms of degree two  
with respect to the non-split symplectic group

## 1月20日(水)

9:45 - 10:45	市野 篤史 (大阪市大・理) On the Kottwitz-Shelstad normalization of transfer factors for automorphic induction for $GL(n)$ (joint work with K. Hiraga)
11:00 - 12:00	Joachim Mahnkopf (Universität Wien) On $p$ -adic families of modular forms
13:30 - 14:30	Ozlem Imamoglu (ETH) Cycle integrals of the $j$ -invariant and mock modular forms
14:45 - 15:45	古澤 昌秋 (大阪市大・理) GSp(4) のスピノル L 函数の中心での特殊値に関係する 新しい相対跡公式について
16:00 - 16:30	石井卓 (成蹊大・理工), 森山知則 (阪大・理) Uniqueness of generalized Whittaker models for GSp(2, $\mathbf{R}$ ) and the outer automorphism group of Sp(2, $\mathbf{R}$ )
(16:35 -	Organizers 「来年度の RIMS 集会のこと」 )

## 1月21日(木)

9:45 - 10:45	森本 和輝 (大阪市大・理) GU(2,2) の twisted exterior square L-function と Shalika period
11:00 - 12:00	Nicolas Bergeron (l'université Pierre et Marie Curie) Some consequences of Arthur's work on the topology of real hyperbolic manifolds
13:30 - 14:30	成田 宏秋 (熊本大・理), 村瀬 篤 (京産大・理) Fourier coefficients of Arakawa lifting and central L-values
14:45 - 15:45	鈴木 正俊 (東大・数理) ( $G, P$ ) に付随する Weng ゼータ関数の零点について
16:00 - 17:00	伊吹山 知義 (阪大・理) Taylor expansions of Jacobi forms of general degree and explicit structures in higher indices

## 1月22日(金)

9:45 - 10:45	Ngo Dac Tuan (Université Paris 13)
TBA	
11:00 - 12:00	志賀 弘典 (早大・理工) ヤコビのデータ超幾何公式の 2 変数化と超球上の保型形式

# Automorphic forms, automorphic representations and related topics

RIMS Conference

Organizers: Masao Tsuzuki (Sophia Univ.),  
Yasuro Gon (Kyushu Univ.), Takayuki Oda (Univ. of Tokyo)

Date : January 18, 2010 – January 22, 2010

Venue : Conference hall,  
Graduate School of Mathematical Sciences,  
The University of Tokyo, Tokyo, JAPAN.

## Jan.18 (Mon)

13:30 - 14:30	Bernhard Heim (German University of Technology in Oman) Borcherds lifts, symmetry relations, and applications
14:45 - 15:45	Takuya Yamauchi (Osaka Pref. Univ.) Endoscopic lift to the Siegel paramodular threefold related to Klein's cubic threefold
16:00 - 17:00	Shunsuke Yamana (Kyoto Univ.) A remark on the Siegel-Weil formula

## Jan.19 (Tue)

9:45 - 10:45	Shingo Mori (Kyoto Univ.) Orbital Gauss sums associated with the space of binary cubic forms
11:00 - 12:00	Frank Thorne (Stanford University / University of South Carolina) Analytic properties of Shintani zeta functions
13:30 - 14:30	Fumihiro Sato (Rikkyo Univ.), Keita Tamura (Rikkyo Univ.) Automorphic distributions and zeta functions of prehomogeneous vector spaces
14:45 - 15:45	Yasuro Gon (Kyushu Univ.) Differences of the Selberg trace formula and Selberg type zeta functions for Hilbert modular surfaces
16:00 - 17:00	Hidetaka Kitayama (Osaka Univ.) On the graded ring of Siegel modular forms of degree two with respect to the non-split symplectic group

**Jan.20 (Wed)**

9:45 - 10:45	Atsushi Ichino (Osaka City Univ.) On the Kottwitz-Shelstad normalization of the transfer factor for automorphic induction of $GL(n)$
11:00 - 12:00	Joachim Mahnkopf (Universität Wien) On $p$ -adic families of modular forms
13:30 - 14:30	Ozlem Imamoglu (ETH) Cycle integrals of the $j$ -invariant and mock modular forms
14:45 - 15:45	Masaaki Furusawa (Osaka City Univ.) New relative trace formula for the central values of the spinor L-functions for $GSp(4)$
16:00 - 16:30	Taku Ishii (Seikei Univ.), Tomonori Moriyama (Osaka Univ.) Uniqueness of generalized Whittaker models for $GSp(2, \mathbf{R})$ and the outer automorphism group of $Sp(2, \mathbf{R})$

**Jan.21 (Thu)**

9:45 - 10:45	Kazuki Morimoto (Osaka City Univ.) Twisted exterior square L-functions and Shalika periods on $GU(2,2)$
11:00 - 12:00	Nicolas Bergeron (l'université Pierre et Marie Curie) TBA
13:30 - 14:30	Hiro-aki Narita (Kumamoto Univ.), Atsushi Murase (Kyoto Sangyou Univ.) Fourier coefficients of Arakawa lifting and central L-values
14:45 - 15:45	Masatoshi Suzuki (Univ. of Tokyo) Zeros of Weng's zeta functions for $(G, P)$
16:00 - 17:00	Tomoyoshi Ibukiyama (Osaka Univ.) Taylor expansions of Jacobi forms of general degree and explicit structures in higher indices

**Jan.22 (Fri)**

9:45 - 10:45	Ngo Dac Tuan (Université Paris 13) TBA
11:00 - 12:00	Hironori Shiga (Waseda Univ.) Jacobi's theta-hypergeometric formula in two variables and automorphic forms on the hyperball

保型形式・保型表現およびそれに伴う L フンクションと周期的研究  
Automorphic forms, automorphic representations and related topics  
RIMS 研究集会報告集

2010年1月18日～1月22日

研究代表者 都築 正男 (Masao Tsuzuki)

副代表者 権 寧魯 (Yasuro Gon)

〃 織田 孝幸 (Takayuki Oda)

目 次

1. Borcherds Lifts, Symmetry Relations, and Applications -----	1
German U. Tech. Oman	Bernhard Heim
京産大・理 (Kyoto Sangyo U.)	村瀬 篤 (Atsushi Murase)
2. Klein の 3 次超曲面とそれに付随するエンドスコピックリフトについて -----	11
大阪府大・総合研究 (Osaka Prefecture U.)	山内 卓也 (Takuya Yamauchi)
3. A Remark on the Siegel-Weil Formula -----	19
京大・理学 (Kyoto U.)	山名 俊介 (Shunsuke Yamana)
4. Orbital Gauss sums associated with the space of binary cubic forms over a finite field -----	32
京大・理 (Kyoto U.)	森 伸吾 (Shingo Mori)
5. ANALYTIC PROPERTIES OF SHINTANI ZETA FUNCTIONS -----	37
Stanford U. / U. South Carolina	Frank Thorne
6. 概均質ベクトル空間の保型超関数と付随する L 関数 -----	52
立教大・理 (Rikkyo U.)	佐藤 文広 (Fumihiro Sato)
〃	田村 敬太 (Keita Tamura)
7. DIFFERENCES OF THE SELBERG TRACE FORMULA AND SELBERG TYPE ZETA FUNCTIONS FOR HILBERT MODULAR SURFACES -----	64
九大・数理学 (Kyushu U.)	権 寧魯 (Yasuro Gon)
8. ON THE GRADED RING OF SIEGEL MODULAR FORMS OF DEGREE TWO WITH RESPECT TO A NON-SPLIT SYMPLECTIC GROUP -----	75
阪大・理学 (Osaka U.)	北山 秀隆 (Hidetaka Kitayama)
9. ON THE KOTTWITZ-SHELSTAD NORMALIZATION OF TRANSFER FACTORS FOR AUTOMORPHIC INDUCTION FOR $GL_n$ (JOINT WORK WITH K. HIRAGA) -----	90
大阪市大・理学 (Osaka City U.)	市野 篤史 (Atsushi Ichino)
10. On $P$ -adic families of modular forms -----	93
U. Wien	Joachim Mahnkopf

1 1 . DIFFERENTIAL OPERATORS AND SIEGEL-MAASS FORMS	-----	109
ETH	Özlem Imamoglu	
U. North Texas	Olav K. Richter	
1 2 . $GSp(4)$ のスピノル $L$ 函数の中心での特殊値に関係する 新しい相対跡公式について	-----	116
大阪市大・理学 (Osaka City U.)	古澤 昌秋 (Masaaki Furusawa)	
1 3 . UNIQUENESS OF GENERALIZED WHITTAKER MODELS FOR $GSp(2, \mathbb{R})$ AND THE OUTER AUTOMORPHISM GROUP OF $Sp(2, \mathbb{R})$	-----	121
成蹊大・理工 (Seikei U.)	石井 順 (Taku Ishii)	
阪大・理学 (Osaka U.)	森山 知則 (Tomonori Moriyama)	
1 4 . Twisted exterior square $L$ -functions and Shalika periods on $GU(2, 2)$	-----	127
大阪市大・理学 (Osaka City U.)	森本 和輝 (Kazuki Morimoto)	
1 5 . THE ASYMPTOTIC GROWTH OF THE $L^2$ -NORM OF GEODESIC CYCLES. IN CONGRUENCE COVER OF ARITHMETIC HYPERBOLIC MANIFOLDS	-----	135
U. Pierre et Marie Curie	Nicolas Bergeron	
1 6 . Fourier expansion of Arakawa lifting and central L-values	-----	143
京産大・理 (Kyoto Sangyo U.)	村瀬 篤 (Atsushi Murase)	
熊本大・自然科学 (Kumamoto U.)	成田 宏秋 (Hiro-aki Narita)	
1 7 . Zeros of Weng's zeta functions for $(G, P)$	-----	159
東大・数理科学 (U. Tokyo)	鈴木 正俊 (Masatoshi Suzuki)	
1 8 . The Taylor expansion of Jacobi forms of general degree and some application to explicit structures of higher indices	-----	169
阪大・理学 (Osaka U.)	伊吹山 知義 (Tomoyoshi Ibukiyama)	
1 9 . ON THE ARTHUR-SELBERG TRACE FORMULA OVER FUNCTION FIELDS	----	183
U. Paris Nord	Ngo Dac Tuan	
2 0 . Jacobi's theta-hypergeometric formula in 2 variables: some applications of the modular forms on the hyperball	-----	193
早大・理工 (Waseda U.)	志賀 弘典 (Hironori Shiga)	