SCI'18 論文 特集号—

# マイクログリッド運用に対する可到達集合の利用\*

朝山 和香 †・引原 隆士 †

# On the Use of Reachable Set for Safe Operation in Microgrid\*

Nodoka Asayama<sup> $\dagger$ </sup> and Takashi HIKIHARA<sup> $\dagger$ </sup>

Microgrid is one of the new power supply systems expected for expanding introduction of renewable energy and improving the power quality. However, generators in a microgrid have risk at step-out because a microgrid utilizes many changeable power resources. For a safe operation in a microgrid, we evaluate reachable sets for unsafe sets of gas-engine generators according to a microgrid model. Reachable sets have already been applied to a study on air traffic management and electric power system. The unsafe sets are defined to avoid large deviations of rotor speed. Setting plurality of unsafe set, system's safe set can be obtained by calculating backward reachable sets for unsafe sets. This paper considers two compensation operations for load fluctuation. Based on the characteristic of reachable sets for unsafe sets, demand response strategy can be examined. Finally, numerical simulation shows that setting based on reachable sets can suppress the angular frequency variation of gas-engine generators in microgrid.

#### 1. はじめに

近年,再生可能エネルギーの導入量は急速に伸びてき ている [1]. 従来の大規模電源に依存した電力供給形態 には大停電などのリスクが内在しており,再生可能エネ ルギーを含む多様なエネルギー源の活用が求められる. また,地球環境問題の観点からも再生可能エネルギーの 導入拡大が期待される [2]. しかしながら,太陽光や風 力を利用した発電は気象変動による出力変動が激しく, 既存の電力系統に連結させるには多くの課題がある [3]. こうした背景から,太陽光発電などの分散型電源を主要 構成要素とし,既存の電力系統と協調した運用により地 域内でのエネルギーの利用効率を高めることを目的とし た,新しい電力供給システムへの関心が高まっている. マイクログリッドはその形態の一つである [4-6].

電力系統においては,一定時間内における各分散型電 源の発電電力量の和と需要家での消費電力量の和を一

<sup>†</sup> 京都大学 大学院 工学研究科 Graduate School of Engineering, Kyoto University; Yoshida-Honmachi, Sakyo ward, Kyoto city, Kyoto 606-8501, JAPAN

*Key Words*: microgrid, transient analysis, reachable set, suppression of angular frequency variation, load-following.

致させる制御(同時同量制御)が同期発電機の安定性を 確保するために必要である.しかしながら,マイクログ リッドの主要構成要素には出力変動の激しいものが多く, マイクログリッド内において同時同量制御のみを実施す る場合,潮流の大きな変化によりグリッド内の同期発電 機の運用に支障が出る危険性がある [7].また,太陽光 発電などの激しい出力変動は系統全体の周波数変動にも 繋がり,周波数の変動は発電機の故障の原因になるのみ でなく,工業製品の均一性が損なわれるなど,電源側と 負荷側の双方に悪影響を与える.

上記の問題に対し、時間や気候による需給バランスの 変化に対するマイクログリッドの安全運用に向けて、可 到達集合の利用が考えられる。可到達集合を用いた解析 は過渡解析手法の一つであり、システムの危険な状態を 表す集合(危険集合)に対し、後進可到達集合を算出す ることで発電機の過渡解析が可能となる。また、可到達 集合については航空機の制御手法において検討される[8] ほか、電力系統においては発電機の過渡解析手法として 適用が議論されている [9,10].

本論文では複数の可到達集合の算出結果より,負荷需 要の変動に対する補償動作における発電機および二次電 池の出力決定方法について検討する.また,二つの補償 動作を比較するため,それぞれの補償動作における発電

文

論

<sup>\*</sup> 原稿受付 2018年6月4日 第62回システム制御情報学会研究発表講演会にて発表 (2018年5月)

機の角周波数変動について数値計算を行った結果を示す.

#### 2. 可到達集合に基づく過渡安定解析

# 2.1 過渡安定性

一般に、電力系統には多数の同期発電機が連系され、 電力系統内の無数の負荷に電力を供給している.同期発 電機は、タービンなどの原動機からの機械的エネルギー を電気的エネルギーに変換する機械である.定常時、同 期発電機の機械的入力と電気的出力は均衡している.負 荷の増加により電気的出力が増加すると、同期発電機は 回転による慣性エネルギーを放出することで負荷の増加 分を補う.このとき、回転速度は低下し、その結果電気 的出力は抑制され同期運転が継続される[11].しかし、 電力系統内では、架空送電線への落雷や、機器の絶縁不 良による短絡事故など、安定した同期運転を妨げる大小 さまざまな擾乱が発生するため、そのような擾乱に対し、 擾乱後も新たな安定運転状態に遷移させ、供給支障を拡 大させないことが必要である.

過渡安定性においては、事故の発生・除去、系統構成 の変化に伴い系統電圧や発電機出力などが大幅かつ急激 に変化するだけでなく、負荷電力の電圧特性、発電機の 磁気飽和など、電力施設、制御装置の非線形特性の影響 が強く現れ、時々刻々と変化する、過渡安定性の解析手 法としては等面積法や、リアプノフ関数による方法など が知られている [12] が、本研究では危険集合に対する可 到達集合を用いた解析を適用する. リアプノフ関数によ る過渡安定解析は、安定のための十分条件を与えるもの であるので、限界遮断時間の評価は実際の値よりも一般 に小さくなる [13]. 一方で,可到達集合に基づく過渡安 定解析は、危険な状態への有限時間の十分条件に基づき 危険な状態集合の補集合を考えることで、安定のための 必要条件を満たす状態を与える解析手法である.また, 可到達集合に基づく過渡安定解析においては、危険な状 態へと到達する時刻を陽に考慮することが可能である. 本論文においては可到達集合を用いた発電機の過渡解析 により、マイクログリッド内発電機の角周波数変動抑制 について検討する.

#### 2.2 可到達集合

可到達集合には大きく分けて二つの種類がある.一つ は前進可到達集合とよばれ、定められた初期値からの解 軌道に沿って有限時間で到達し得るすべての状態点の集 合を表す.もう一つは後進可到達集合とよばれ、有限時 間内に目標とする集合へと到達するような軌道を持つ状 態点の集合である [8].前進可到達集合と後進可到達集 合の違いを Fig. 1 に示す.矢印はシステムの解軌道を表 している.なお、本報告ではこの二つの可到達集合のう ち、後進可到達集合を用いた解析を行う.



Fig. 1 Difference between forward and backward reachable sets [8]



Fig. 2 Image of an unsafe set and UP

# 2.3 危険集合と Usable Part

文献 [10] を参考とし、可到達集合の算出に Usable Part に基づく手法を採用する.まず、危険集合とは、システムの許容できない動作に相当する状態の集合である.ここで、非線形微分方程式  $\dot{x} = f(x)$  で記述される連続時間系を考えると、システムの状態  $x \in X$  に対し、危険集合  $G_i$  は次式で定義される.

$$\mathcal{G}_i = \{ \boldsymbol{x} \in X \mid L_i(\boldsymbol{x}) < 0 \} \quad (i = 1, 2, \cdots)$$

$$(1)$$

ただし,  $L_i: X \to \mathbb{R}$  はレベルセット関数とよばれる xに関して微分可能な関数である. このレベルセット関数 を許容できない状態(危険な状態)に対して負となるよ うに定めることで, 危険集合を定義することができる. 危険集合は  $G_1, G_2$  のように複数独立に設定することが でき, (1)式で表される危険集合  $G_i$  それぞれに対する UP (Usable Part)を以下で定義する.

$$UP_{i} = \{ \boldsymbol{x} \in \partial \mathcal{G}_{i} \mid \frac{\partial L_{i}(\boldsymbol{x})}{\partial \boldsymbol{x}}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{f}(\boldsymbol{x}) < 0 \}$$
(2)

ただし、 $\partial G_i$  は危険集合  $G_i$  の境界であり、次のように表される.

$$\partial \mathcal{G}_i = \{ \boldsymbol{x} \in X \mid L_i(\boldsymbol{x}) = 0 \}$$
(3)

Fig. 2に示すように, UP は連続フローに従って微小時 間後に危険集合  $G_i$  に入り込む境界  $\partial G_i$  の部分集合を表 している.

#### 2.4 可到達集合に基づく安全領域の概念

Fig. 3に示すように目標とする集合を危険集合として 設定する.取りうる初期値のうち危険集合に対する後進 可到達集合に属している状態点は,破線で示す解軌道の ように有限時間内に危険集合へと到達する.したがって, 後進可到達集合の補集合は,属する状態点が有限時間経



Fig. 3 Using the backward reachable set to verify safety

過後も危険集合へと到達することのない集合であるため, この補集合を初期値として選択すれば、点線のようにそ の軌道が危険集合へ到達することはない.

- 3. モデル設定
- 3.1 マイクログリッドモデル

Fig. 4に解析対象とするマイクログリッドのモデルを 示す. このマイクログリッドは, 商用系統の配電網上に 発電要素と供給対象の負荷が分散した, 仮想マイクログ リッドとよばれる形式のものである. 平成15年度~19年 度にかけて京丹後市で行われた実証実験 [14] を参考に, 本論文のマイクログリッドも5台の並列接続されたガス エンジン発電機, 二次電池, 太陽光発電装置, 無限大母 線, 負荷により構成する. ガスエンジン発電機は, 台数 切り替えにより運転台数を1台から5台まで変えること ができ, 無限大母線は, マイクログリッドに連系する管 理区間外の商用系統に相当する. また, 新エネルギー設 備としては, インバータを用いて直交変換を行う電源が 多く [5], 本モデルにおける直流電源と交流系統の接続 は直流交流変換と交流出力の系統同期機能を有し, 力率 を1に保つパワーコンディショナを介するものとする.

本モデルにおける電源は、出力および運転台数が制御 可能なガスエンジン発電機と出力制御可能な二次電池、 制御不可能な太陽光発電装置に分類され、制御可能な電 源による追従制御により、出力調整のできない電源や負 荷における変動を補償し、需給バランスを維持する.

以上のモデル設定のもと,ガスエンジン発電機の運転 状態を動揺方程式により記述し,過渡解析を行う.



Fig. 4 Microgrid model that includes distributed energy resources, a load, and a distribution net work [15]

3.2 マイクログリッド内発電機の動揺方程式

Fig. 4中のガスエンジン発電機の過渡ダイナミクスは, 次の動揺方程式で記述される [15].

$$\begin{cases} \dot{\delta}_{\rm g} = \omega_{\rm g} \\ \dot{\omega}_{\rm g} = \frac{\mathcal{P}_{\rm NS}}{\mathcal{P}_{\rm rg0} \times n} \{ p_{\rm mg}(\Delta p_{\rm l}) - k_{\rm g}\omega_{\rm g} - p_{\rm eg}(\delta_{\rm g}) \} \end{cases}$$
(4)

Table 1 に (4) 式の従属変数およびパラメータの物理 的意味を示す. なお (4) 式における時間 t は  $t_{base} = (H_g/\pi f_s)^{1/2}$  により,角周波数偏差  $\omega_g$  は $\omega_{base} = 1/t_{base}$ により無次元化されている.ここで, $H_g$  はガスエンジン発電機の慣性定数, $f_s$  は系統の基準周波数である.ま た, $p_{eg}$  は  $\delta_g$  の関数であり,次式で与えられる.

$$p_{\rm eg}(\delta_{\rm g}; \delta_{\rm b}, \delta_{\rm s}, \delta_{\infty}) = G_{\rm gg} E_{\rm g}^{2} + \sum_{\rm i=b,s,\infty} E_{\rm g} E_{\rm i} \{ G_{\rm gi} \cos(\delta_{\rm g} - \delta_{\rm i}) + B_{\rm gi} \sin(\delta_{\rm g} - \delta_{\rm i}) \}$$
(5)

ただし、 $G_{gg}$ はガスエンジン発電機に関する内部コンダ クタンスであり、 $G_{gi}+jB_{gi}$  (i=b,s,∞) はそれぞれガ スエンジン発電機と二次電池、太陽光発電、無限大母線 との伝達アドミタンスである.また、 $E_g$  はガスエンジ ン発電機の端子電圧、 $E_i$  および  $\delta_i$  (i=b,s,∞) はそれ ぞれ二次電池、太陽光発電、無限大母線の端子電圧およ び相差角を表す.ここでは無限大母線の相差角および角 周波数を各発電機のそれぞれの基準値とし、偏差の値を  $\delta_{\infty}=0$ ,  $\omega_{\infty}=0$  とする.また、二次電池と太陽光発電 からの出力変動は相差角  $\delta_b$ ,  $\delta_s$  の変化によって表現さ れ、ガスエンジン発電機の機械的入力  $p_{mg}$  は有効電力 だけに着目し、負荷需要の変動  $\Delta p_1$  に追従して変化さ せる. $\delta_b$ ,  $\delta_s$ ,  $\Delta p_1$  および  $p_{mg}$  の決定方法については次 章以降で詳しく述べる.

#### 可到達集合の算出

#### 4.1 危険集合の設定

本論文では、周波数の変動に着目し、危険集合を設定 する.系統における周波数変動を抑制することは、系統 を運用する側と需要家側の双方にとって必要とされ、と くに製紙工場や繊維工場などにおいて周波数の規定値保 持が要求されている [16].周波数の変動は、負荷需要の 増減や電源脱落が原因となり、有効電力の発生と消費に 過不足が生じるために起こる.したがって電力系統との 連系の容量に制限があり、出力変化の激しい再生可能エ ネルギーを利用した電源を多く含むマイクログリッドに おいては周波数の変動が大きくなる.また、従来の大規 模電力系統と異なり、需給バランス維持のための予備の 発電容量が限られているため、マイクログリッドにおい て周波数を一定に保つことは一つの大きな課題である.

ここでは発電機の角周波数偏差が大きく変動した場合 を危険な状態とし、位相空間の構造から危険集合の設定 を行う。発電機が許容された安全な動作を行う角周波数

	Table 1 List of variables and parameters in $(4)$		
$\delta_{\mathbf{g}}$	Angular position of rotor in the aggregated generator		
	with respect to the infinite bus		
$\omega_{ m g}$	Deviation of rotor speed in the aggregated generator		
	relative to the system angular frequency		
$p_{ m mg}$	Mechanical input power to the aggregated generator		
$p_{\mathrm{eg}}$	Electrical output power of the aggregated generator		
n	The number of operating generators		
$\mathbf{P_{NS}}$	Volt-Ampere base	$400\mathrm{kVA}$	
$P_{rg0}$	Rated capacity of the single gas-engine generator	$80\mathrm{kW}$	
$\mathbf{k_g}$	Damping coefficient in the aggregated generator	0.05	

偏差の限界値として $\omega_{c\pm}$ を定義することにより,危険集 合を設定する.数値計算においては $\omega_{c\pm} = \pm 0.4$  p.u.と した.この値を周波数に換算すると,およそ1.5 Hz の偏 差に相当する.

4.2 数値計算における設定と可到達集合の算出例

初期状態 t=0sにおいて、マイクログリッドは定常状 態にあるとする. 定常状態において、負荷需要を  $p_{10} =$ 0.3 p.u.,太陽光発電の出力を  $p_{s0} = 0.05$  p.u.,ガスエン ジン発電機の出力を  $p_{eg0} = 0.25$  p.u., 二次電池の出力を  $p_{b0} = 0$  p.u.とする.負荷需要の変動 (0.3 p.u. $\rightarrow$ 0.4 p.u.) を想定し、発電機からの出力  $p_{mg}$  を変化 (0.25 p.u. $\rightarrow$ 0.35 p.u.) させた場合の可到達集合の変化を Fig. 5 に示 す.なお、発電機の運転台数は 2 台とし、その他シミュ レーションに用いた数値を Tables 2, 3 に示す.

Fig. 5の各図における上下斜線を引いた帯状の領域は, 前節で設定した危険集合を表しており、上側が発電機の 過度な加速状態に相当する領域、下側が発電機の過度な 減速状態に相当する領域である. 続いて、各図の左に広 がる領域が過度な加速状態を示す危険集合に対する可到 達集合を,右側の領域が,過度な減速状態を示す危険集 合に対する可到達集合を表している. また, 色の濃淡は 危険集合へ到達するまでの時間を表しており、色が薄い ほど危険集合へと到達するまでの時間に余裕があること を表す. Fig. 5から, 負荷需要の増加に伴い発電機から の出力を増加させると、可到達集合が相差角正方向へ平 行移動していることがわかる。この可到達集合の平行移 動は、発電機の運転状態の変化に伴うものである、発電 機の運転状態はさまざまな要因により変化するため,発 電機の出力以外にも多くのパラメータが可到達集合の変 化に影響を及ぼすと考えられる.

#### 4.3 3次元プロットによる考察

前節の可到達集合の変化をより明確に示すため,各設 定値における可到達集合を重ねることを考える.なお, 以降では過度な加速状態を示す危険集合に対する可到達 集合のみを図示するが,ここでの議論は,そのまま減速 する場合についても成立する.

Fig. 6は前節と同様,負荷需要の変動に対し発電機の



Fig. 5 Transition of reashacle sets due to mechanical input power  $(p_{mg})$ 

機械的入力  $p_{mg}$  のみで補償を行った場合の可到達集合 の変化を表している.したがって,  $p_{mg} = 0.25$  p.u. およ び  $p_{mg} = 0.35$  p.u. における  $\delta_g - \omega_g$  平面は, Fig. 5の 二つの図と一致する.また, Fig. 6(b) は $\omega_g$  軸負の方向 から  $\delta_g - p_{mg}$  平面を見たときの図である.発電機の機械 的入力の増加に伴い可到達集合が  $\delta_g$  正方向に移動して いる.このことは電力相差角曲線 [12]を用いて説明する ことができる.Fig.7に電力相差角曲線を示す.Fig. 6 における  $p_{mg}$  の増加はFig.7における  $P_m$  の増加に, Fig. 6における可到達集合の  $\delta_g$  正方向への移動はFig. 7における  $\delta_0$  の増加に相当する.

続いて Fig. 8は  $p_{s}+p_{b}$  を可変とし、 $p_{b}+p_{mg}$ を一

Table 2 Elist of parameters for the incrogrid model				
Nominal system frequency		$60\mathrm{Hz}$		
Per-unit time inertia of the aggregated generator	$H_{g}$	$0.332\mathrm{s}$		
Rated capacity of the battery		$100\mathrm{kW}$		
Maximal output of the solar power site		$50\mathrm{kW}$		
Voltage base		$210\mathrm{V}$		
Terminal voltages for the aggregated generator		1.0 p.u.		
Terminal voltages for the battery		1.0 p.u.		
Terminal voltages for the solar power site		1.0 p.u.		
Terminal voltages for the infinite bus		1.0 p.u.		

 Table 2
 List of parameters for the microgrid model

Table 3 Complex-valued transfer admittances  $G_{gi} + jB_{gi}$ for the microgrid model

ine microgriu model				
	i	$G_{ m gi}\!+\!{ m j}B_{ m gi}$		
	g	0.0229 - j1.0792		
	b	-0.0352 + j0.3778		
	$\mathbf{s}$	-0.0040 + j0.1912		
	$\infty$	0.0484 + j0.5070		



(b)  $\delta_{\rm g}\,\text{-}\,p_{\rm mg}$  plane



定とした場合の二次電池の出力による可到達集合を示 している.  $p_b + p_{mg}$ が一定であるとはすなわち,負荷 需要および太陽光発電からの出力に対し,必要とされ る電力の二次電池および発電機による分担比を変える







Fig. 8 Transition of reashacle sets due to output of the battery  $(p_{\rm b})$ 

ことによる可到達集合の変化を表している. なお, ここでは負荷需要を  $p_1=0.35$  p.u., 太陽光発電からの出力を

 $p_{\rm s} = 0.05$  p.u. とした ( $p_{\rm b} + p_{\rm mg} = 0.3$  p.u.). 先ほどと同様, Fig. 8(b) は $\omega_{\rm g}$  軸負の方向から $\delta_{\rm g} - p_{\rm b}$  平面を見た ときの図である.二次電池の出力増加に伴う可到達集合 の移動も電力相差角曲線により説明が可能であり, Fig. 8における  $p_{\rm b}$  の増加は Fig. 7における  $P_e$  の減少に, Fig. 8における可到達集合の $\delta_{\rm g}$  正方向への移動は Fig. 7における  $\delta_0$  の増加に相当する.

Figs. 6,8から、負荷需要が増える、または二次電池 による分担を増加させると $\delta_g$ が増加する方向に可到達 集合が平行移動することがわかる.したがって、負荷需 要の増加に対し、二次電池による出力の割合を減少させ ることで発電機の状態点を同一の場所に留め、角周波数 変動を抑制できる可能性がある.

# 5. 角周波数の変動抑制に向けた補償動作

# 5.1 各電源における出力の決定方法

負荷需要の変動  $\Delta p_l$  は乱数により決定した.二次電池 の出力  $p_b$  とガスエンジン発電機の機械的出力  $p_{mg}$  は, 同時同量制御方式に基づき,この変動によって生じる電 力の需給アンバランスを補償するように決定する.なお, 今回の数値計算においては太陽光発電の出力変動は考慮 しないものとする.数値計算における  $\Delta p_l$  および二つ の補償動作における  $p_b$ ,  $p_{mg}$  の決定方法を以下に示す.

はじめに、負荷需要の変動  $\Delta p_l$  は 10 s ごとに決定され、その値は 0.004 p.u. 刻みで最大 ±0.04 p.u. 変化する.本論文では簡単のため発電機の運転台数を 2 台で固定し、台数切り替えを考慮しない。それに伴い負荷需要の変動範囲を 0.2 p.u. <  $p_l = p_{l0} + \Delta p l < 0.4$  p.u. とする.

#### 補償動作 A

- ガスエンジン発電機の機械的入力 pmg は、負荷変動の1s後に負荷変動を補償するように追従する. その値は pmg = peg0 + Δpl で与えられ、この出力値を満たすように、(4)式に基づき相差角 δg および電気的出力 peg を定める.
- 二次電池の出力 pb は、太陽光発電の出力変動を補 償する役割のみをもつものとし、補償動作Aにおい ては変動しないものとする。

#### 補償動作B

- ガスエンジン発電機の機械的入力  $p_{mg}$  は、負荷変 動の1s後に負荷変動を補償するように追従させる. その値は **4.3**節の結論に基づき、 $p_{mg} = p_{eg0} + (1 + \alpha) \cdot \Delta p_1 (\alpha > 0)$ で与えられ、この出力値を満たす ように (4) 式に基づき相差角  $\delta_g$  および電気的出力  $p_{eg}$ を定める.
- 二次電池の出力  $p_b$  は、負荷変動の1s後にガスエンジン発電機の機械的入力変更に伴うアンバランスを補償するように追従させる。その値は  $p_b = p_{b0} \alpha \cdot \Delta p_l$ で与えられ、負荷需要の相差角  $\delta_b$  は、その出力値  $p_b = p_{b0} + \Delta p_b = P_{b,max} \sin \delta_b$ を満たすように与



(b) Trajectory

Fig. 9 Time responses of active power flows and trajectory on  $(\delta_g, \omega_g)$  under the setting A

える.

補償動作 A においては負荷需要の変動は発電機により, 太陽光発電の出力変動は二次電池により独立に補ってい る.一方の補償動作 B においては負荷需要の増加に対し ては二次電池の分担比を減少させ,負荷需要の減少に対 しては二次電池の分担比を増加させるという動作を行っ ている.なお,今回の数値計算においては α=1 とした.

#### 5.2 電力の時間波形と発電機の解軌道

Fig. 9に補償動作 A における電力の時間波形および 発電機の解軌道を示す.発電機が負荷需要を追従するタ イミングで発電機の挙動に振動が見られることが Fig. 9(a) からわかる. Fig. 9(b) においては,角周波数偏差 の限界値として定めてきた $\omega_c = \pm 0.4$  p.u. には達してい ないものの,角周波数偏差の最大値,最小値はそれぞれ  $\omega_{g,max} = 0.053$  p.u., $\omega_{g,min} = -0.053$  p.u. であり,周波 数に換算するとおよそ ±0.2 Hz の偏差に相当する. こ の値は太陽光発電の出力変動によりさらに増大すると考 えられる.なお,商用系統においては ±0.1 Hz を目標値 とし,±0.2 Hz が限界値とされている [12].

Fig. 10 に補償動作 B における電力の時間波形およ び発電機の解軌道を示す.負荷需要の変動パターンは Fig. 9 と等しく,太陽光発電の出力変動はないものと する.Fig. 10(a) において,補償動作 A においては一 定であった二次電池からの出力 pb が発電機からの出



(b) Trajectory

Fig. 10 Time responses of active power flows and trajectory on  $(\delta_{g}, \omega_{g})$  under the setting B

力の変化に伴い変動している. Fig. 10(b) においては  $\omega_{g,max} = 0.024 \text{ p.u.}, \omega_{g,min} = -0.026 \text{ p.u.}$ であり,補償 動作 A の場合と比較するとおよそ半分の偏差に抑えら れている.したがって,可到達集合に基づく補償動作に より,発電機の角周波数変動が抑制されることが確認で きた.

# 6. おわりに

本論文では,発電機の角周波数変動抑制に向けた発電 機の機械的入力 pmg および二次電池の出力 pb の決定方 法について検討を行った.はじめに可到達集合を利用し た過渡解析手法を示し, pmg および pb による可到達集 合の変化を求めた.続いて可到達集合の変化の特徴から, 負荷需要の変動に追従する発電機と二次電池の出力の割 合を決定することにより角周波数の変動抑制を達成した.

マイクログリッド内発電機の過渡解析手法として可到 達集合の考え方を導入,可到達集合の変化に関わるパラ メータの影響を評価し,マイクログリッドモデルにおけ る補償動作の役割をもつ電源の出力決定方法を示した. 発電機の角周波数偏差の限界値を定めることにより,可 到達集合の目標となる危険集合を設定した.これによ り,発電機の過度な加速および減速に対する十分条件が 示された.また,パラメータの影響評価においては3次 元プロットを行うことにより,可到達集合の変化の特徴 がより明確に現れることを確認した.そして,可到達集 合を考慮した場合とそうでない場合について,マイクロ グリッド内発電機の負荷変動に対する挙動を比較するこ とにより,角周波数変動を抑制できることをシミュレー ションにより確認した.

今後は太陽光発電の出力変動や発電機の台数切り替え も含めた補償動作について検討を重ねていく考えである.

# 参考文献

- 入江:分散型電源の導入の現状;技術総合誌 OHM, Vol. 102, No. 2, pp. 4–8 (2015)
- [2] 新エネルギー・産業技術総合開発機構: NEDO 再生可 能エネルギー技術白書 第2版, pp. 7-11 (2014)
- [3] 谷口:分散型電源と電力系統の制御;電子学会論文誌 B, Vol. 121, No. 9, pp. 1065–1068 (2001)
- [4] 日本電機工業会: マイクログリッドの導入のすすめ (2005)
- [5] 田中: NEDO における系統連系プロジェクトの現状; 技 術総合誌 OHM, Vol. 91, No. 6, pp. 44–48 (2004)
- [6] B. Lasseter: Microgrids; Proceedings of the IEEE Power Engineering Society Winter Meeting Panel, pp. 146-149 (2001)
- [7] 野田: 電力系統の制御; 電気書院, pp. 38, 79-80 (1986)
- [8] C. J. Tomlin, I. Mitchell, A. M. Bayen and M. Oishi: Computational techniques for the verification of hybrid systems; *Proceedings of the IEEE*, Vol. 91, No. 7, pp. 986–1001 (2003)
- [9] 高辻, 引原:マイクログリッドにおける発電機の台数制 御に関するハイブリッドモデル;電子情報通信学会技術 研究報告, Vol. 108, No. 336, pp. 41-45 (2008)
- [10] Y. Susuki, H. Ebina and T. Hikihara: Application of hybrid system theory to power system stability analysis; *Nonlinear Theory and its Applications*, IEICE, pp. 202–205 (2005)
- [11] 長谷:電力技術の実用理論 第2版, 丸善出版, pp. 228-229 (2011)
- [12] 川本: 電力システム工学 (大澤 編), オーム社, pp. 29-41 (2001)
- [13] 大澤:電力系統の安定度解析に対するリアプノフ直接法の応用に関する研究;京都大学博士論文 (1981)
- [14] 新エネルギー・産業技術総合開発機構:新エネルギー等 地域集中導入技術ガイドブック 別冊, pp. 41-64 (2008)
- [15] Y. Takatsuji, Y. Susuki and T. Hikihara: Hybrid controller for safe microgrid operation; *Nonlinear Theory* and Its Applications, IEICE, Vol. 2, No. 3, pp. 347– 362 (2011)
- [16] 大久保: 電力システム工学, オーム社, pp.63-65 (2008)

# 著者略歴

# 朝山和香

2017年3月京都大学工学部電気電子工学科卒業.同年4月 同大学大学院工学研究科修士課程に進学し,現在に至る.電 力・エネルギーシステムの研究に従事.電子情報通信学会の 学生会員. 引原 隆士(正会員)

1987年3月京都大学大学院工学研究科電気工学専攻博士後 期課程研究指導認定退学.関西大学を経て、1997年4月京 都大学助教授、2001年8月同教授となり、現在に至る.その 間、1993年3月~1994年3月米国コーネル大学客員研究員. 非線形力学の工学的応用、パワーエレクトロニクス、電気エ ネルギーシステムの開発などの研究に従事.京都大学工学博 士.電気学会、電子情報通信学会、IEEE、APS、SIAM な どの各会員.