287

OH 分子の帯スペクトル

(4) 結合法則(5) 分子恒数の計算

(1) 振動分析

HA.

(I) OH 帶の振動分析

(2) OII 分子の U(r) 曲線

北川徹三

- 〔1〕 帶ユベクトルに依る OII の確認
- 【】】 〇日 帶の微細構造
 - (1) 俗の二重項的構造
 - (2) P, Q, R 枝
 - (3) +, 一項と A 型重複 結

本編は本誌第7 巻所載の紹介論文¹ L分子スペクトルより見た願素の分子構造⁷ の積編となるべき積りにて草した。併せて御列讃を乞ふ。

[I] 帯スペクトルに依る OH の確認

空氣中にて水素瓦斯を燃烧せしむる場合の焰,或は之に酸素を供給した場合の所謂酸素水素 焰に於て、最も盛に化學反應が起り水の生成が行はれてゐる部分より、類著な紫外線の輻射が 現はれる、か、る焰の紫外スペクトルは、多數の帶スペクトルより成り、一の帶系を構成して ゐる、俗に此の帶系は之れ迄」紫外水蒸氣帶」と得せられてゐた。其のスペクトル寫真は第一圖 の如くである。



一般に此の如き帶系 は、分子内部に於て特 有の電子轉移が行は れ、初の分子狀態より 一定のエネルギーを吸 收して、第二の分子狀 態に迄勵起せられ、而 して次で光を放つて再 び第一の分子狀態に歸 る際に現はれるもので ある。第一圖に於て强

度の最も大なる帯は λ3064Å に在つて、此のエネルギーは約 92.3 kcal に相當してゐる。即ち 92.8 kcal のエネルギーに依りて分子內に電子轉移を起す如き分子、言ひ換ふればし紫外水蒸氣 帯[¬]に於て其の撥體たるべき分子は、實は水蒸氣ではなくて OH 自由基である。

□紫外水蒸氣帶」の擠體が OH 自由基である事の確證は、多くの實驗結果に依りて漸次明かにせられた。先づ第一に此の帶系が現はれる條件として、酸素及水素が同時に存在する事を必要とし、酸素或は水素のみ在る場合には現はれない。第二に酸素及び水素以外の第三物質の存在には全然無關係である。隨つて此帶系の擔體は、必ずしも水蒸氣分子 H₂O であるとは限らないが、必ず H と O との化合物でなければならない事が分る。

Waison" は後に述べる帶スペクトルの微細構造分析の方法により、此の帶の擔體となるべき

北川, OH 分子の帯スペクトル (紹介)

\$10卷

分子の慣性能率を求めたが、共値は擔體分子を H.O であると考へては除りに小に過ぎる事を 認めた。一方多くの分子の帶スペクトルの研究より、一般に水素原子と他の一個の原子とより 成る水素化二原子分子のスペクトルが、一種の特徴を有する事が見出され、L紫外水蒸氣帶し 亦此のL水素化物スペクトル[¬]の中に入る事が明かとなつた。隨つて擔體分子をOHなる二原子 分子と考へる事に依り、先きに Watson の求めた慣性能率及原子核間の距離等の値は最も良く 解釋せられる事になる。第一表に於て FH, OH, NH, CH 等の水素化物分子の慣性能率及核 間距離の値³は、周期律の順に従つて藩次に變化し、OH 分子も亦適當な位置に位する事が分 る。

第一表 水素化物分子の慣性能率と核間距離

	FII	ОН	NH	СП	BH	Bell	LiH
慣性能料 le(10-∞gr cm ²)	1.322	1.454	1.81	1.91	2.286	2.69	3.75
核問題離 r(10 ^{-s} cm)	0.864	0.964	1.08	1.12	1.226	1.340	1.6

然し茲に云ふ OH なる擠體分子は,果して中性の OH 分子であるか又は其のイオンである かと云ふ疑が起る。是に對して次の如き Mecke の法則がある。分子内に有する電子数に依つ て帶スペクトルの多重性が決定し、電子数が奇數ならば多重性は偶數,電子数が偶數ならば多 重性は奇數である(第二表参照)。但し帶の多重性(Multiplicity)に就ては後述する。隨つて帶 の多重性を觀測する事に依つて,其擔體分子が何れの電子数を有するかが決まり,分子が中性 であるか又は荷電を有するかが決定される。故に若し擔體分子が 中性の OH ならば總電子数 は7を有するが故に帶は二重項でなければならない。之に反して若しイオン (OH*, OH*) な らば電子数は偶数となるが故に,帶は一重項又は三重項とならねばならない。然るに實測の結 果はOH 帶は二重項を有する(後節参照)が故に此の擔體は中性分子 OH である.*

断くの如くして、帶スペクトルの分析に依り實際に OH 分子が自由に 氣相中に於て存在し 得る事が明かとなり、水素の燃烧反應中に或は水蒸氣中の放電に於て中間生成體として生成せ られてゐると云ふ事が分つた。斯くして分子スペクトルの研究の進步と共に、今迄化學者の手 に取扱はれ得なかつた新しい分子種が多數見出されるに至つた。 例へば OH 分子の他に NH, CH, CC 或は AlH, HgH, HgCl, CaH, MgCl 等の化學的に不安定なる不飽和分子が之である。 是等の分子は化學的に非常に活性であるから、化學反應機構中に於て反應の中間生成物として 重要な役割を貸してゐる事は明かな事實である。

即ち Bonhoeffer 及 Haber⁹ は始めて OH 分子を化學反應機構中に導入し,所計 Haber 連鎖 反應の形式を提唱した事に就ては、本誌⁶ に城野博士の紹介がある。又高温度(1200°C 以上) に加熱した水蒸氣の吸收スペクトルに於て Bonhoeffer 及 Reichardt³ は OH 帶系の吸收帶を認 めた、之より H_aO の熱分解平衡に於て

2H₂O ≓ H₂+2OH

なる反應が存在する事を論じてゐる.

- OH の分子スペクトルは水素の燃烧の際のみならす,又 H を含む化合物例へば種々の炭化

^{*} 最近に於て OH+ イオンを機體とする帶スペクトルが水蒸気中の放電に於て見出された。此の帶は三重 項を有する。(Loomis & Brandt⁰)

第5輯

289

水素の燃烧や爆發の際にも、他の CH 或は CC 帶系と相伴つて現はれて來る。是等の二原子 分子の內部構造を知り、又慣性能率及原子核問題離等を求め、或は振動エネルギー又は分子解 離熱等を測るには、前述の如く帶スペクトルの特種の分析 (Analysis) が必要である。帶スペク トルの分析方法には一般に二種ある。即ち〔A〕帶の後細構造分析 (或は廻轉分析)及び〔B〕帶 頭分析 (或は振動分析) である。先の紹介論文¹ に於ては鹽素分子を例にとつて帶頭分析を論 じたので、今回は特に帶の 微細構造分析に就て述べようと思ふ。共の實例どして OH 帶スペ クトルを選ぶ事にする。

[II] 0日 帯の微細構造

(1) 帯の二重項的構造

第一圖は酸素水素超の光を、水晶分光寫眞器にて撮りたる層の紫外スペクトル寫眞である。 所謂LOH 帶系「は紫外領域の ふ3500Å より ふ2400Å の間に散在する約20個の帶より成つてゐ る、是等の帶の中、ふ3084Å に帶頭を有する帶は最も强度が大にて、特に (0,0) 帶と稍せられ る。OH 帶系の特徴は、是に属する帶は總て短波長期に帶頭を有し、長波長側に暈してゐる事 である。



クトル 寫眞を掲げる.⁹ 第二綱に於て,帯は更に後細なる 多数の 帯線より成り,帶線は短波長 の方に到る程,互に密集して所謂帶頭を 形造つてゐる事が分る. 岡に於ては λ3122 帶の帶頭 は λ3064 帶の尾部に相重なつてゐる. 即ち帶の微細構造は 甚だ複雑であつて,一見すれば多 数の帶線の配列は甚だ不規則であるかの様である. 然し今 λ2608 帶を一例にとり,共の帶線 の波数 ν を横軸に,縦軸に帶線の番號に 相當する整數値(廻轉量子数 K)をとりて 岡に麦は せば,第三岡の如くなり穂ての帶線は數個の極めて規則正しき曲線(拋物線)上に乗る事が明か になる. 即ち今迄不規則な配列と見えてゐたものは,實は規則正しい數群の線の重複であつた 事に氣附く.而して帶頭は拋物線の頂點附近に於て,帶線が重なり合ふ現象に他ならない事が 分る.



• 北川, OH 分子の帶スペクトル (紹介)

290

第10卷

第三圖に於ける一の曲線上に乗る帶線群を枝 (Branch) と名付ける. λ2608 帶は6枝の帶線よ り成つて居る事が分る. 而して其の特徴は6枝の中, 各2枝宛が互に對を偽してゐる事で, 2個 宛對を爲せる3對の枝より成つてゐる. 即ち此の帶は二重項的構造を呈してゐると云はれる。随 つて各枝を顧次に波長の短かいものより R₁, R₂; Q₁, Q₂; 及 P₁, P₂ と名付ける事が出来る. λ2608 帶に限らす OH 帶系に屬する總ての帶は, 皆之と同様な微細構造を有してゐるもので ある. 第二圖に於ても此の二重項構造は帶の暈せる長波長部分に於て, 2本宛の線對 (P₁ 及 P₂ 帶線より成る)となつて明かに認められる.

(2) P, Q, R 枝

第三個の如き欄形を Fortrat 欄と云ふ。Fortrat 欄は單に實驗結果の整理に他ならないが, 然 し此の欄式に現住された規則正しさは, 其の背後に戴された分子構造に歸因してゐる事を表は してゐる。それでは如何なる分子構造を假定すれば, Fortrat 圖に於ける P_{1,2}, Q_{1,2} 及 R_{1,2} 校 の生成を説明する事が出来るか。

一般に一のスペクトル線(茲では帶線)は上下二のエネルギー水準(茲では廻轉水準)間の電子 轉移に依つて現はれる. 故に帶線間の關係を知るには、分子のエネルギー水準を知らねばなら ない、第四圖⁹は OH 分子の廻轉エネルギー水準圖である. 上半分は OH の動起狀態 ²∑⁺ に 於ける,又下半分は正規狀態 ²∏ に於ける或る任意の一の振動狀態に於ける廻轉エネルギー水 準を表はしてゐる.



廻轉エネルギーは一般に量子化せられて ゐるが故に、各廻轉水準には夫々量子敷が 附筋する。 岡に於ける K (K'及K'') は此 の廻轉量子数である。而して K の 値は常 に整数値をとり、其の最初の数字は分子狀 態($^{e_{\Sigma}}$ 及び $^{*}\Pi$)に依つて異る。即ち

K=A, A+1, A+2,(1) 茲に A は分子の電子状態を規定する量子 数にて, A=0 なる時は S 狀態, A=1 な る時は Π 狀態及び A=2 なる時は 4 狀態 等と約束せられてゐる.故に(1)式により, S 状態に於ける K' 値は 0, 1, 2, 3,......

等の値を取るが、Π 状態にては K" 値は1より 始きり 1, 2, 3.......等の値をとる.(第四圖 參照)

然るに K なる 廻轉量子 數* には,分子內の電子のスピン運動が考へに入れて居ない. OH 分 子には奇數個の電子がある. 故に電子 對を作り得ない一個の電子は自由であり, 共のスピン角 運動量は分子全體の角運動量に影響を及ぼし得る. 分子 全體の角運動量の方向に對して此の電 子スピンの角運動量の方向が一致するか又は反對であるかに随つて, 共の合成値には二種の異 る値が現はれる. J を以て電子スピンをも考慮に入れた場合の廻轉量子數とすれば,電子スピ ンの量子數は常に1-5であるから

* K は Hund の Case b に限り存在する.

第5輯

$$J = K \pm \frac{1}{2}$$
(2)

となる.

路つて同一の K 値に對して、二種の 」 値を生じ、共の結果一定の K 値を有するエネルギー 水準線は、僅かに廻轉エネルギーを異にせる」=K±+ なる二個の水準に分割する. 是が二重 項を表はす原因である.第四闘に於て假りに之等を F_1 水準 ($J=K+\frac{1}{2}$)及 F_2 水準($J=K-\frac{1}{2}$) と名付ける.

此の如き水準分別の原因は電子スピンに依るものであるから、此の現象をスピン重複 (Spin doubling) と稱する。"∑ 及"川 なる記號のだ肩に附した數字2の意味はこれが上の如き二重項 なる事を表はしてゐる。(*11 にては F,及 F。水準を失々*17%及*17%と記す。此の場合同一 の K 値に對して、 廻轉エネルギーの値は 2/1% の方が 2/1% より低い.*)

従つて斯くの如き二重項の現象は、分子の有する電子数が奇数なる場合に限り現はれる事が 分る。(CI)参照)若し電子数が偶数ならば、一重項或は三重項が現はれる。第二表は水素化物。 分子の電子数と多重性との間の關係を示してゐるが、水素と結合せる他の原子の週期律の順に 役つて分子内の電子数は交互に偶数及び奇数となり、多重性は之に對應して亦交互に奇数、偶 数を繰り返へす事が分る.

多重性	一爪項	二瓜项	一重项	汇重项	一重項及三重項	二爪項	一爪項
I IN 19	LiH (4)	BeII (5)	BII (6)	CII (7)	NH (8)	OII (9)	FIL (10)

II 周 期 NaH (12) Mgfl (13) All (14)

第二表 水素化物分子の電子数と多重性との關係;())内は電子数

SiH(15)

PH(16)

[SH(17), 未發見]

HCl+(17) HCl(18)

次に實際に於て、動起(℃)及正規(17)狀態の廻轉水準間に轉移が起きた場合を考へて見 よう、二つの廻轉水準の廻轉量子数を去々」'、K'及」''、K'とすれば、今兩項間の轉移に際 して、J'→J''及K '→K'' なる量子數の變化があつたとすれば、是等の量子數の間には次の關 係を滿足しなければならない.

> $\Delta \mathbf{K} = \pm 1, \ 0.$

茲に 4J 及 4Kは夫々 J'~J'' 及 K'~K'' の差を表はしてゐる。是等の關係を夫ヾ亅及 K の選 揮律と称する.

今先づ」の選擇律(3)に從へば、一定の」"値に對しては次の如き三種の轉移が可能にたる。

	⊿J	[]″値]		〔」'值〕	枝
— (5a)	+1	J	→	J+1	R
·(5b)	0	Ţ	→	J	Q
(5c)	-1	J	→	J-1	Р

(5a), (5b) 及 (5c) は各一組宛の帶線群を表はして居る. 之等を願次 R, Q 及 P 枝と名付

記號の右下には $\Omega=\Lambda\pm\Sigma$ の値を附ける。 ²[] にては $\Lambda=1$ 及 $\Sigma=1$ なる故に、 $\Omega=1$ 及 1 となる。 ²[]残 及 Ilis の中, 前者の方がエネルギーが高ければ Ilreg, 又其の反對なれば Ilinv. と記す事もある。OH は後の例に屬する.

北川, OH 分子の帶スペクトル (紹介)

第10途

ける、結局 J の選擇律に依つて三組の帶線群が現はれる事になる。之は第三岡 Fortrat 岡に於 ける R, Q, P 枝に相當するものである。

然るに * Σ 及 * Π は二重項であるから、之等の項は又夫 × F₁ 及 F₂ 水準なる二宛の廻轉狀態 に分れる. 故に * $\Sigma \rightarrow \Pi$ なる轉移に際して、F₁ 水準間及 F₂ 水準間の二種の轉移が可能にな る(第四間)・之等二種の轉移に際して、夫 * エネルギー差の相異に依り互に波長を異にせる R, Q. P 枚を生するが故に、結局總計6枝を現はす事になるのである。第三間に於ける R₁, Q₁ 及 P₁ 枝は F₁ 水準間, 及び R₂, Q₂ 及 P₂ 枝は F₂ 水準間の轉移に依る枝に相當する.

R_{1,2}, Q_{1,2}, 及 P_{1,2} の轉移を第四國に於て, 夫々二個の廻轉水準を結ぶ綴の線にて示してゐる. 圖によりて明か左通り是等の轉移は凡て J の選擇律を滿足すると同時に, 亦 K の選擇律 (4) をも滿足して居る. 而も是等の六枝に於ては J = 4K である. 斯くの如き枝を特に上枝 (Main branch) と稍し轉移の確率の最も大なる (即ち强度最も大なる) 帶線である. 此の 他 に 衛枝 (Satellite branch) と稱する帶線がある.* 之は J 及 K の選擇律を同時に滿すか, 或は K の選 擇律は時に破れ ($4K = \pm 2$) 得る場合があり, 而も 4J は常に 4K 等しく無い. OH に於ては 前者に比べて強度が非常に小さい. 是等も亦 Fortrat 闘式に於て各別々の抛物線上に乗るもの であるが, 第三圖に於ては之は省略した. 即ち_OH 帶系[¬]に屬する帶は, 寐しく云へば6の主 枝と6の弱い衛枝との合計12枝より成つてゐるものである.

(3) +, 一項と / 型重複

前節の J 及 K 量子數に闘する選擇律は R, Q, P 枝を選定したが、此の他に尚一つ滿足せなければならない重要な選擇律がある。それは+,一選擇律である。

第四圖に於て見る如く,各廻轉水池は總て+或は一符號の何れかに屬してゐる。而して電子 轉移に際しては必らず+と一項との間に結合が起り,+と+項或は-と一項との間には決して 轉移は起り得ない.これが+,一項間の選擇律である。第四圖に示された轉移に於ては12枝共 に皆此の+,一選擇律を嚴密に守つてゐる。OH の °Σ→°// 轉移に際しては,以上述べた三種 の重要なる選擇律に支配せられて轉移の数は大いに制限を受け,考へ得らる可き無數の轉移の 中より可能なるもののみが選び出されるのである。

水蒸氣の放電管に於て Fortrat¹⁰ 及 Watson¹⁰ 等に依つて 見出された QiAiB 及 QiaiB 和 A QiaiB 及 QiaiB 和 A QiaiB A QiaiB 和 A QiaiB 和 A QiaiB 和 A QiaiB A QiaiB 和 A QiaiB A

次に各廻轉項の何れが+或は一項に屬するかと云ふ事は、量子力學的に決められるもので茲 では其結果のみを述べる.** +, 一符號の附け方は 5 及 用 項に依つて同じでない。5 項に

業量子力界に於ける分子の對稱的性質に依るもので、分子狀態を表はす固有函数が、總ての原子核及電子の位置坐標に -1 を乗ずる場合に、符號を優ずるか否かによつて、夫々一項及十項と決める。

分子の對稱的性質には尚此の他に gerade & ungerade (g, u 對稱) 及び symmetrisch & antisymmetrisch (s, a 對稱) の二の區分法があるが、是等は OH 分子に於ては關係無く、唯同一の二原子より成る分子 (Cl₅ O: 等) に於てのみ存在する對稱性である。

^{*} 第四國に於ける ^{SR}m ^BQm, ^QPm; ^{QR}m ^PQm, ^QPm なる帶線は之を表はす。

第5輯

於ては、K=0, 1, 2, 3...水準に隘つて、交互に+、一項が現はれる。而して K=0 の水 準が+項なるが故に是を表はすに S* と記す事もある。之に反して NH, O。等の分子に於て は、K=0 の水準が一項より始まるが故に S⁻ と記す。後者の方が例が少ない。

Π 項に於ては之と全く趣きを異にして、K 及 J の一定の値に相應する一水準は、更に分割 して極く接近した二水準 A 及 B (第四圖)となり、其中の一は+項他は-項となる。従つて此 の場合には Σ 項に於ける如く Σ* 或は Σ⁻ の區別は不必要である。此の如きエネルギー水準 の分割する現象は、前述のスピン重複と全然異なり、之を A 型重複 (A-type doubling)と稱する。 A 型重複は電子スピンとは全く無關係であつて、分子の廻轉運動に依つて生する磁場の影響に 依るものである。

Aは分子内電子の軌道運動による角運動量の分子軸方向への射影成分を表はす量子数である が、Aの方向が分子軸の方向と同一であるか又は反對であるかに随つて、分子全體のエネルギ ーに僅少の差を生する、若し分子が靜止してゐる時には、廻轉に依る磁場は零にて ±A の二 方向に依るエネルギーの差は無くなり所謂縮退(degeneration)の現象を現はしてゐるが、一度 分子の廻轉が始まれば生じた磁場の為に此の縮退は填れ、廻轉の激しくなる程(即ち磁場の强 くなる程)益 * ±A の二方向に依る分子エネルギーの差は大きくなる、隨つてエネルギー水準 の分割が起る. 之が A 型重複の現はれる原因である.¹²⁾

今若し A の値が0ならば、±A の二方向に依る差異は分子廻轉が幾ら激しくなつても現れ 得ない筈である。 随つて一般に S 項 (A=0) に於ては A 型重複は認められない。又 A 型重複 は電子スピンとは無關係であるから、如何なる多重性の項にも現はれる。 A 型重複は次に述べ る結合法則の不一致の結果を説明する為に見出された現象であつて、理論的に Hund, Kronig, Van Vleck 等に依りて論ぜられてゐる。

(4) 結 合 法 則

前衛迄述べた所は、Fortrat 圖式に於ける R, Q, P 枝の生成を説明する為に, 第四圖の如き廻 轉水準を假定する必要ある事を述べた。次に此の如き分子構造の假定の下に、帯線の波数間の 關係を査べて見よう。

常線の波動は、二の廻轉水準間のエネルギー差によつて與へられる。今廻轉量子載 K なる 廻轉水準の項値(廻轉エネルギーを波動單位にて表はしたもの)を F(K) を以て表はす. 然る時 は選擇律(4)に依りて R_{1,2}, Q_{1,2} P_{1,2} 枝の帶線の波動を次の如く表はす事が出来る.

 $\begin{cases} R_{1}(K) = \nu_{1}^{0} + F_{1}'(K+1) - F_{1B}''(K) & \dots & (6a) \\ Q_{1}(K) = \nu_{1}^{0} + F_{1}'(K) & -F_{1A}''(K) & \dots & (6b) \\ P_{1}(K) = \nu_{1}^{0} + F_{1}'(K-1) - F_{1B}''(K) & \dots & (6c) \\ R_{2}(K) = \nu_{2}^{0} + F_{2}'(K+1) - F_{2B}''(K) & \dots & (7a) \\ Q_{2}(K) = \nu_{2}^{0} + F_{2}'(K) & -F_{2A}''(K) & \dots & (7b) \\ P_{2}(K) = \nu_{2}^{0} + F_{2}'(K-1) - F_{2B}''(K) & \dots & (7c) \end{cases}$

但し F'(K) 及 F''(K) は夫々勵起及正規状態の廻轉項を表はし、K 値は凡て正規状態の K'' 値を表はすものとする、又 ν 'u, は F'=F''=0, 即ち分子が全然廻轉運動を靜止せる際の假想 的な(實現しない)帶線の波敷にて、是を帶の原點と稱する.

次に(6a)と(6b)との差をとれば

北川・OH 分子の帶スペクトル (紹介)

第10卷

$$R_{1}(K) - Q_{1}(K) = F_{1}'(K+1) - F_{1}'(K) + \{F_{1A}''(K) - F_{1B}''(K)\}$$

= $\mathcal{I}_{1}F_{1}'(K+\frac{1}{2}) + \varepsilon_{1}(K)$ (8)

但し次の如く置く.

 $\begin{cases} \Delta_1 F_1'(K+\frac{1}{2}) \cong F_1'(K+1) - F_1'(K) \\ \epsilon_1(K) \cong F_{1A}''(K) - F_{1B}''(K) \end{cases}$

第四圖を參照すれば、(8)式に於ける $A_1F_1(K+\frac{1}{2})$ は、勵起狀態 ($^{\circ}\Sigma$) に於ける相隣る二の廻 轉水準備の間隔を表はし;又 ε,(K) は正規狀態 (*刀) に於ける イ 型重複の 隔りを表はしてゐ る事が分る。 こは非常に小さいから ムド に對して考へに入れなければ, (8)式は正規狀態には 全く關係なく、勵起狀態に於ける廻轉水準間の間隔のみを獨立的に表はしてゐる事になる。 ·次に又(6b)と(6c)との差を取れば

$$Q_{1}(K) - P_{1}(K) = F_{1}'(K) - F_{1}'(K-1) - \{F_{1A}''(K) - F_{1B}''(K)\}$$

= $\mathcal{I}_{1}F_{1}'(K - \frac{1}{2}) - \varepsilon_{1}(K)$ (9)

但し

$$\Delta_{i} F_{i}'(K - \frac{1}{2}) \cong F_{i}'(K) - F_{i}'(K - 1)$$

$$\varepsilon_{i}(K) \cong F_{14}''(K) - F_{18}''(K)$$

(9)式も亦(8)式と同様に動起狀態に於ける廻轉水準間の間隔を遊離し得てゐる。 之と同様に (7a), (7b), (7c) に就ても, 次の (8a) 及 (9a) 式を得る. $R_2(K) - Q_2(K) = F_2'(K+1) - F_2'(K) + F_{2A}''(K) - F_{2B}''(K)$ $= \varDelta_{1} F_{2}'(K + \frac{1}{2}) + \varepsilon_{2}(K).$ (8a) $Q_{2}(K) - P_{2}(K) = F_{2}'(K) - F_{2}'(K-1) - \{F_{2A}''(K) - F_{2B}''(K)\}$ $= \mathcal{I}_{*} \mathbf{F}_{2}'(\mathbf{K} - \frac{1}{2}) - \varepsilon_{2}(\mathbf{K}) \dots (9a)$

但し

1

$$\begin{cases} \Delta_{1} F_{2}'(K + \frac{1}{2}) \cong F_{2}'(K + 1) - F_{2}'(K) \\ \Delta_{1} F_{2}'(K - \frac{1}{2}) \cong F_{2}'(K) - F_{2}'(K - 1) \\ \varepsilon_{2}(K) \cong F_{2A}''(K) - F_{2B}''(K) \end{cases}$$

斯くの如く帶線の波数間の關係より勵起狀態に於ける相隣る二の廻轉水準間の間隔を遊離し 得る事が出來る。之を結合法則 (Combination principle) と稱して帶の微細構造分析には基礎的 た法則である.次に λ/2608, 2875 及 3428 の三帶に就て, R,(K)−Q,(K), R₀(K)−Q₀(K), 及 び Q₁(K)-P₁(K), Q₂(K)-P₂(K) の値を示せば第三表¹³⁾の通りである.

第三表	粘	合	法	則
(1	r	782	-1	

	$R_1(K) - Q_1(K)$				R ₂ (K	$-Q_{i}(K)$				
к	7.2608	λ2875	λ3428	ĸ	λ <i>2608</i>	λ 2875	λ3428			
1	61.3	61.5	67.4	1	60.8	60.7	67.2			
2	91.1	91.7	101.4	2	90.9	90.5	99.6			
3	121.5	122.9	136.0	3	121.3	121.0	134.8			
4	.150.2	151.6	168.9	4	151.6	151.8	168.9			
5	183.0	183.2	202.6	. 5	181.5	181.5	201.8			

(但し K=6~12 省略す)

北川. OH 分子の帶スペクトル (紹介)

-		
	(其	Ξ
$Q_i(K) - P_i(K)$		
200 - 20 - 20 - 20 - 20 - 20 - 20 - 20	08	269 C

$Q_1(K) - P_1(K)$				K <u>.</u> (K)-Q:(K)			
ĸ	1.2608) 2875	λ3428	к	λ <i>260</i> 8	l 2875	λ:3428	
1	30.3	30.4	34.1	1	<u> </u>	<u> </u>	(34.3)	
2	60.4	61.0	67.7	2	61.0	61.2	68.5	
3	91.0	90.5 ·	101.1	3	91 .õ	92.6	100.9	
4	119.2	121.9	134.3	4	121.5	122.1	133.9	
5	150.7	150.4	167.1	5	152.2	152.2	168.3	

〔但し K=6~16 省略す〕

第三表(其一)及(其二)を比較すれば、次の關係が存在する事が明かになる.

 $R_{1}(K) - Q_{1}(K) = Q_{1}(K+1) - P_{1}(K+1)$ (10) $R_{2}(K) - Q_{2}(K) = Q_{2}(K+1) - P_{2}(K+1)$ (10a)

然るに K 値が大となる程,(10) 及(10a) の等式は成立し難くなる。 折くして結合法則の不一 致の事實より,4型重複の存在が見出されたのである。今(8) 及(9) の二式より實際に(10) の關 係式を導いて見ると,結局(10)の左邊に ε,(K)+ε,(K+1) なる項を加へねばならない事が分る。 (10a)に就ても同様である。

第三表に於ける三の帶の中,最初の二の帶(22608 帶と 22875 帶)に就て見ると,是等の二 帶は R₁(K)-Q₁(K) 等の値を見て共通に有してゐる。是れ即ち最初の項の廻轉水準間の間隔が 兩帶に於て全く相等しい事實を表はしてゐるもので,之等の二帶は共通の振動狀態から**轉移し** たものである事が分る。實際に 22608 及 22875 帶は 夫々 振動狀態 (v'=2)→(v''=0) 及び (v'=2)→(v''=1) なる轉移に相當する帶にて最初の振動狀態 v'=2 を共有してゐるのである (第五表參照)。斯くの如く一般に結合法則を應用して,或る帶系に屬する多數の帶の中より, 共通の振動狀態を初項として共有する數個の帶のみを選出する事が出來る。

粘合法則は亦,正規狀態に就ても勵起狀態に於けると同様に適まる、即ち(6a)と(6b)式 に依り次式を得る。

R₁(K-1)-Q₁(K)=F_{1A}["](K)-F_{1B}["](K-1)(11) 同様に R₂(K-1)-Q₂(K)=F_{2A}["](K)-F_{2B}["](K-1)....(11a) 又 (6b) と (6c) 式とに依り

Q₁(K)-P₁(K+1)=F_{1B}^{''}(K+1)-F_{1A}^{''}(K)(12) 同様に Q₂(K)-P₂(K+1)=F_{2B}^{''}(K+1)-F_{2A}^{''}(K)(12a)

之等の式は勤起狀態とは全く關係無く、貝正規狀態(終重)に於ける廻轉水準間の間隔を表はしてゐる、第四表に於て前例の三帶に就て、R_1(K-1) - Q_1(K)等の値を掲げる、是等三帶の中の 二帶 \lambda 2875 \ge \lambda 3428 帶は、其の終項の廻轉水準間の間隔を共通に有してゐる事が分る、實際 に於て之等の二帶は夫々 (v'=2) \rightarrow (v''=1)及び (v'=0) \rightarrow (v''=1) なる振動狀態間の轉移に 依るもので(第五表参照)、正規狀態に於ける v''=1 なる振動狀態を共有してゐる。

斯くの如くして結合法則の應用に依り、或帶系に属する穂ての帶の中より、同一の初項或は 同一の終項を共有する幾つかの帶群(之を帶級數と云ふ)を選び出す事が出來れば、それにて帶 の振動分析は完了した事になる、又或る未知の帶が、果して其の分子の帶系に屬してゐるか否

第5輯

北川, OH 分子の蕾スペクトル (紹介)

第10卷

	2.		第四波 - 結 (共	合 法 即 一)			
1 20	R ₁ (К-	1)—Q ₁ (K)			R ₂ (K-	1)-Q ₂ (K)	
ĸ	λ2608	λ 2875	λ3428	к	λ 2608	1.2875	` <i>∖342</i> 8
2	84.0	81.1	80.5	2	61.1	58.5	57.8
3	118.4	115.1	113.9	3	100.8	96.1	97.3
4	153.1	148.0	148.5	4	140.2	134.0	134.6
5	190.1	181.9	181.9	5	178.3	172.2	172.1

〔但 K>6 省略〕

208.2

207.8

G

217.0

217.1

217.0

$Q_{1}(K) - P_{1}(K+1)$					Q ₁ (K)-	-P ₁ (K+1)			
к	λ2608).2875	λ3428	к	λ 2608	L 2875	7.3428		
1	83.0	80.6	80.2	1	61.0	59.0	58.9		
2	117.5	113.9	114.1	2	101.8	98.2	97.8		
3	152.4	147.0	147.2	3	- 140.6	135.1	134.4		
4	187.6	180.7	180.8	4	178.6	172.6	171.9		
5 [.] .	222.7	214.0	214.1	5	216.5	207.9	206.4		

〔但 K>5 省略〕

かを確かめるには、未知の帶の微細構造分析を行ひ結合法則の助をかりて其帶の水準間隔が、 既知の分子の終項乃至初項の廻傳水準間の間隔に一致するか否かを見るのである。

(5) 分子恒數の計算

帶線の波敷間の關係より、分子の慣性能率及び原子核間の距離が計算出來る。 次に共の計算 法の概略を述べよう。

前節に於て, 廻轉量子數 K なる廻轉項の項値を簡單に F(K) を以て代用したが, F(K) は 實は(13)の如き表現式を有するものである.⁴⁹

 $F(K) = B_v (K(K+1) - l^2 + \overline{G^2}) + l(K, J-K)$

(13)式に於て第二項 f(K, J-K) はスピン重複を表はす項にて、J=K $\pm \frac{1}{2}$ を代入する事によつて、f(K, $-\frac{1}{2}$)及 f(K, $+\frac{1}{2}$)なる二成分を得る。 S項に於ては簡單に次の如く省略し得.

 $f(K, -\frac{1}{2}) = -r \frac{K+1}{2};$ $f(K, +\frac{1}{2}) = r \frac{K}{2}$ (14) 茲に r は 恒数 (OH, r = 0.216) である。第三項 $\phi(K, J)$ は Λ 型重複に相當し、一定の K 及 J に 對し 僅かに 値を異にする $\phi_a(K, J)$ 及 $\phi_b(K, J)$ なる二値をとる。但し S 項に於ては Λ 型重 複は 存しないから、この二の 値は 互に 相一致して、次の如く表は せる。

 $\phi_{i}(K, J) = -\delta K(K+1)....(15)$

数に ∂ は小さい恒數である。又第一項及第四項に於ける B_v 及 D_v は分子の慣性能率に關係 を有する分子恒數にて,是等を求むる事が次の目的である。(G^{*} は茲では特に必要はないが, 電子軌道角運動量の分子軸に直角な方向の成分を表はしてゐる).

296

6

225.3

次に簡單の為, OH 分子の勵起状態 (Σ項) に就ての計算を述べよう。 Σ項に於ては(13)式 に於て 1=0 である。今(14)及(15)を(13)式に代入すれば次の二式を得る。

 $F_{1}(K) = B_{v}[K(K+1) + \overline{G^{2}}] + \gamma \frac{K}{2} - \delta K(K+1) + D_{v}K^{2}(K+1)^{2} + \dots \dots (16)$ $F_{2}(K) = B_{v}[K(K+1) + \overline{G^{2}}] - \gamma \frac{K+1}{2} - \delta K(K+1) + D_{v}K^{2}(K+1)^{2} + \dots (16a)$

F₁(K) 及 F₂(K) の平均値を F₁₂(K) にて表はせば

となる. 茲に Bx=By-d と置く

(17)式に於て、K の代りに (K+1) 及 (K-1) を夫々代入し, 其等の差をとれば

 $f_{12}(K+1) - F_{12}(K-1) = 4B_v^x(K+\frac{1}{2}) + 8D_v(K+\frac{1}{2})(K^2+K+1)$

然るに第四圖に依りて明かな如く勵起狀態に於ける $F_{12}(K+1) - F_{12}(K-1)$ は、 $R_{12}(K) \ge P_{12}(K)$ との差に等しい。 ($R_{12}(K)$ は、 $R_1(K) \ge R_2(K)$ との平均値、 $P_{12}(K)$ に就ても同様) 即ち

 $F_{12}(K+1) - F_{12}(K-1) = R_{12}(K) - P_{12}(K)$

陥つて R 枝と P 枝の帶線の波動の間に、次の關係式が成り立つ。

 $R_{12}(K) - P_{12}(K) = 4B_{*}^{*}(K + \frac{1}{2}) + 8D_{*}(K + \frac{1}{2})(K^{2} + K + 1)$ (18) $R_{12}(K) - P_{12}(K)$ の値は、第三表に依りて實驗的に與へられる。隨つて是等の値を用ひ最小自乘法 に依りて恒數 B^{*} 及 D_{*} を求める事が出来る。即ち帶分析によりて得られるものは B^{*} であつ て B_{*} と僅かに相異してゐる。今後便宜上之を B_{*} と記す。D_{*} は B_{*} に較べて非常に小さい 恒數にて、茲にて餘り重要ではない。

B, は振動量子数 v の函数にて、各振動状態に於て多少異なる値をとる。即ち

 $B_{v} = B_{e} - a(v + \frac{1}{2}) + \dots$ (19)

にて表はせる. 茲に B。は分子振動が全く靜止せる理想的狀態の分子恒數にて、a は振動狀態 に無關係の小さい恒數である. B。は理論上次の表現式を有する.

茲に I。は分子の慣性能率(分子振動の靜止せる際の)を表はし。h 及 c は夫々プランク恒數及 真空中の光速度である,之等に實際の値を代入して計算すれば

となる. (2'a)式に依りて、B。を知れば分子の慣性能率 I。を計算し得る.

又二原子の有效質量を $\mu(=\frac{M_1M_2}{M_1+M_2}, M_1 \ge M_2$ は二原子の質量) とし、平衡位置に於ける 二原子核間の距離を r。とすれば

 $\mathbf{I}_{\mathbf{e}} = \mu \mathbf{r}_{\mathbf{e}}^{2} \quad \dots \qquad (21)$

(21)式に依りて,原子間距離 re を算出し得る.

例へば OH 分子の勵起狀態 (S) に於ける恒數の値を掲ぐれば

 $B_e'=17.383$ cm⁻¹, a'=0.860 cm⁻¹, $I_e'=1.591 \times 10^{-40}$ gr cm², $r_e'=1.009 \times 10^{-8}$ cm. ()助起状態には 'を附け, 正規状態には ''を附ける).

次に OH 分子の正規狀態(II) に就ても亦同様な恒數の値が得られるが、IT 狀態に於ける計 **算は旣述の ≥ 肤態に於ける如くに簡單には行かない。故に審しい計算法は省略して結果のみ**

北川. OH 分子の帶スペクトル (紹介)

第10卷

掲ぐれば

B_e"=19.025cm⁻¹, a''=0.724cm⁻¹, I_e"=1.454×10⁻⁴⁰gr cm², r_e"=0.964×10^{-s}cm. ★ {} 3 - 5

今闘起及正規狀態の分子恒数を比較すれば、 $I_e' > I_e''$ であり、隘つて $B_e' < B_e''$ である。これは帶スペクトルの量する方向と密接な闘係があり、概して帶スペクトルが赤の方向(長波長 側)に量する時は $B_e' < B_e$ で (OH, NH, CH紫外, CN赤, I_e , B_{r_e} , CI, 帶等), 紫の方向(短波 長側)に量する時は $B_e' > B_e''$ である (C₂, CH 紫, CN 紫, CaH, MgH 帶等).

斯くの如くにして帶スペクトルに微細構造分析を施せば、一般にOH分子に限らず總ての二 原子分子に對して、其の慣性能率と核問距離とを算出し得らる。例へば本文の最初、第一表に 於て數種の水素化物分子の正規状態に於ける「。及 r。の値を掲げた如くである。

以上述べた所が帶の微細構造分析の概要である。此の方面に就て書かれた書物は W. Jevons, Report on Band-Spectra of Diatomic Molecules, (1932); R. S. Mulliken, Reviews of Modem Physics, Vol. 2, 3, 4. (1930~1932); H. Sponer, Molekülspektren und ihre Anwendung auf die chemische Probleme, H. Band (1936) 等が比較的新しい。興味を有せられる讀者は就て見られ たい。又種々の分子の分子恒數に關する表は,上述の Jevons (1932) 及 Sponer, I. Band (1935) に載つてゐる。

[III] OH 帶の振動分析

(1) 撮動分析

OH 分子はその重心を通り分子軸に垂直なる直線の周りに廻轉運動を行ふ他に、分子軸に沿 ふて O 及 H 二原子は互に振動を行つてゐる。前章に於ては帶の微細構造分析の手段に依つて、 OH の廻轉運動に關する分子構造を明かに為し得た。次に本章に於ては振動分析の方法に依つ て、分子振動に關する構造を速べようと思ふ。尚本章に就ては、Cl。分子の振動分析に關する 前紹介論文¹¹を参照されたい。

廻轉エネルギーと同様に分子の振動エネルギーも亦量子化せられてゐるが故に,各振動狀態 を表はすに量子数を用ゐる事が出來る.v'及v''を以て夫ゃ分子の勵起及正規狀態の振動量子 数とする.前章([11],(4))に於て述べた如く結合法則を併用する事に依つて,OH 帶系に屬 する帶の中,共の初項の振動狀態を共有する帶群,及び終項の振動狀態を共有する帶群を見出 し得る.折くして第五表の如き振動分析表を作り上げる事が出來る.

& II. B. Cutter, ¹⁶⁾ (d) T. Tanaka, Z. Koana & M. Siraisi ^{9) 13)} Kfk 5.	(a) D, Jac	k, ⁸⁾ (b) 11, L. Johnst	on, D. H. D	awson & M. K.	Walker,15) (c) K. Chamberle	in
		& II. B. Cutter,16) (d) T. Tanaka,	Z, Koana & M	1. Siraisi ^{9) 13)}	に依る.	
		U	1	2	3	4	

Andre mann with	OIT	ditterment and that were	1
		1000000	I A I
20 11.40		THE MALL AND THE	1441

	U	1	2	3	4	
	206474)	2498(2)				2] 1
.1	2811 (a)	3122(a)	3484 (b)			
2	<i>2608</i> (a)	<i>2875</i> (a)	3185(b)			x
3	2444(c)	2677(c)	2945 (d)	3254(d)		
4		2517(d)	2753 (d)	3022 (d)	3331 (d)	
1	:2					2 7

第五表は OH 帶系に屬する總ての帶の帶頭の波長 (Å) を, 振動量子數 v' 及 v'' に従つて配列したものである. 横列は v'' 帶級數にて初の振動狀態を共有し, 縦列は v' 帶級數にて終の振動狀態を共有する. イタリツク字體の帶は第三表及第四表に例證したものを表はしてゐる. 之迄に見出されてゐる帶は, 僅かに v''=4 及 v'=4 迄である.

OH 帶の原點の波數は次式にて表はす事が出来る.¹³⁾

 $\nu_0 = 32401.9 + 3083.22v' - 94.25v'^2 - 0.967v'^3 - 3649.05v'' + 79.65''^2 + 1.000v''^3 \dots (22)$

或は

$$\nu_{o} = 32681.16 + 3176.74(v' + \frac{1}{2}) - 92.80(v' + \frac{1}{2})^{2} - 0.967(v' + \frac{1}{2})^{3} - 3727.95(v'' + \frac{1}{2}) + 78.15(v'' + \frac{1}{2})^{2} + 1.000(v'' + \frac{1}{2})^{3} \dots (23)$$

(22)は、(23)中の $(v+\frac{1}{2})$ の因数を單に v にて置き代へた簡易式である。計算には此方が便利 である、理論的には(23)式を用ゐる、式中 $(v+\frac{1}{2})$, $(v+\frac{1}{2})^2$ 及 $(v+\frac{1}{2})^3$ の各係数は夫々次の 如き意味を有してゐる。

 $\omega_{e}' = 3176.74, \quad x_{e}'\omega_{e}' = 92.80, \quad y_{e}'\omega_{e}' = -0.967, \\ \omega_{e}'' = 3727.95, \quad x_{e}''\omega_{e}'' = 78.15, \quad y_{e}''\omega_{e}'' = -1.000.$

we, xewe 及 yewe は分子振動に關する重要なる分子恒數である.1)

分子解離熱は, 是等の ω_e 及 x_eω_e 等の分子恒数によりて求める事が出來る. 即 ち 解 離 熱 D_e は

 $D_{e} = \frac{\omega_{e}^{2}}{4x_{e}\omega_{e}} \qquad (24)$

にて近似的に求め得られるが、此値は甚だ不正確である。從つて Birge 及 Sponer の方法¹に 依れば

$$D_e' = 2.931$$
 volt = 67.5 kcal,

$$D_e'' = 4.459 \text{ volt} = 102.0 \text{ kcal.}$$

を得る。Deは分子振動が靜止せる理想的狀態より測定した理論的解離熱である。Deより零度 振動エネルギーだけ少ない Deを求むれば

$$D_{a}'=2.737$$
 volt=63.0 kcal.

$$0_{0}'' = 4.230$$
 volt=97.5 kcal.

D。は實用的の分子解難熱である. 然し Birge 及 Sponer の方法に依る時は, 長い外挿法を必要とし, 餘り正確な値は期し得ない. なんとなれば v'及 v'' 値が僅かに4迄しか見出されて ゐないからである. 若し特に v' 値が相當高い振動狀態迄見出され得たならば, OH の分解熱 は一層正確に決定する事が出來るであらうと思はれる.

(2) OH 分子の U(r) 曲線

以上の廻轉分析及び振動分析の結果により得られた諸恒數を用ゐて, Morse 函數に依りて分子の原子核間距離 r に對する位置エネルギー U の曲線即ち U(r) 曲線を引く事が出来る、Morse 函數は次の如くである、¹⁾



茲に Ee=32744.2cm⁻¹ の他の恒數は既に與へられてゐるが故に直ちに U(r) 曲線を畫く事が出 来る、第五圖は之を表はす、此の曲線は勿論近似的に正しいのである。



第五圖に依れば、勵起及正規狀態の二曲線は、共の形が相 似し, 且つ曲線の極小位置が殆ど同一垂直線上に在る. 即ち 勵起作用に依つて原子核間の距離」は徐り影響を蒙らない. (之は前の鹽素分子の場分と大いに相異する¹⁾. 隨つて v'=0 より v''=0 への轉移が最も 確率が 大きく, 强度大なる事が 考へられる (Franck-Condonの原理¹). 此の帶は (0, 0) 帶と 稍せられて, 第二章の最初に述べた如く 23064Å に帶頭を有 する、第五表に於て强度の比較的大きい帶は、(0,0)帶を頂 點とする對角線に近い非常に狭い抛物線上に載る事が分る. 是に反して鹽素及其他の分子に於ける如く此の抛物線の形が 廣ければ、分子勵起に際して原子核間の距離。は大なる變化 を蒙り、分子は不安定となる事が分る.

以上述べた所を綜合すれば, 第一章に於て所謂 よ紫外水蒸 氣帶「が何故OH 自由基に層するかと云ふ理由を述べ, 第二

章に於てしOH 帶「の微細構造分析,第三章に於てしOH 帶系」の帶頭分析に就て述べた。即 ち 〇日 なる分子を實例にとつて、主として分子の 廻轉運動並に帶の微細構造に關して一般的 概念を得るようにつとめ、分子の振動的構造に闘する詳細は前紹介論文¹)にゆづつた、茲にOH 分子を特に實例に用ゐたのは、OH 帶が最も簡單である為ではなく、導る化學反應に際し處と OH 帶として出現し, 化學反應と密接な關係を有してゐるからである。 OH 帶は他の帶系に較べ て非常に複雑な種類に屬し、隨つて古來多くの研究者に依り研究せられて居る。 尚茲ではOH 帶の Zeeman 效果,及び OH 帶と OD 帶との比較に依る同位元素效果等に就て立ち入つて述 べる事は控えた. (昭 10, 9, 15)

文

- 1) 北川, 本誌, 7, 紹82 (昭和8年),
- 2) W. W. Watson, Astrophys. J. 60, 145, (1924).
- 3) H. Sponer, Molekülspektren I. Tabellen (1935).
- 4) F. W. Loomis & W. H. Brandt, Phys. Rev. 49, 55 (1936); 尚本誌, 10, 242 抄錄 (昭11).
- 5) K. F. Bonhoeffer u. F. Haber, Z. phys. Chem. 137, 263 (1928).
- 6) 城野, 本誌, 5, 紹 122. (昭和6年); 9, 原 1 (昭 和10年).
- 7) K. F. Bohoeffer u. H. Reichardt, Z. phys. Chem. 139, 75 (1928).
- 8) D. Jack, Proc. Roy, Soc. A 115, 373 (1927); 118, 647 (1928); 120, 222 (1928).
- 9) T. Tanaka & M. Siraisi, Proc. Phys.-Math. Soc.

獻

Japan, 15, 195 (1933).

- 10) Fortrat, J. d. Physique 5, 20 (1924)
- 11) W. W. Watson, Nature, 117, 157 (1926).
- 12) W. Jevons, Report on Band-Spectra, 1932, p. 126.
- 13) T. Tanaka & Z. Koana, Proc. Phys.-Math. Soc. Jap. 15, 272 (1933); 16, 365 (1934).
- 14) R. S. Mulliken, Rev. Mod. Phys. 2, 100 (1930).
- 15) H. L. Johnston, D. H. Dawson & M. K. Walker, Phys. Rev., 43, 473 (1933); D. H. Dawson & H. L. Johnston, ibid. 43, 980 (1933).
- 16) K. Chamberlain & H. B. Cutter, Phys. Rev. 44, 927 (1933).

第10卷