北 川 徹 三

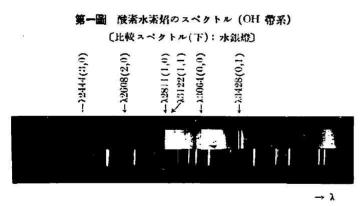
[[] 帶スペクトルに依る OII の確認

- 【I】 OH 常の微細構造
 - (1) 幣の二重項的構造
 - (2) P, Q, R 枝
 - (3) +, -項と A 型重複 精
- (4) 結合法則
- (5) 分子恒数の計算
- 〔II〕 OH 帶の振動分析
 - (1) 振動分析
 - (2) OH 分子の U(r) 曲線
- \$5 KM

本編は本誌第7 後所載の紹介論文¹ L分子スペクトルより見た鹽潔の分子構造⁷ の積編となるべき積りにて草した、併せて御判蔵を乞ふ。

[I] 帯スペクトルに依る OH の確認

空氣中にて水素瓦斯を燃烧せしむる場合の焆,或は之に酸素を供給した場合の所謂酸素水素 掲に於て、最も盛に化學反應が起り水の生成が行はれてゐる部分より、顯著な紫外線の輻射が 現はれる。かいる焆の紫外スペクトルは、多數の帶スペクトルより成り、一の帶系を構成して ゐる。俗に此の帶系は之れ迄。紫外水蒸氣帶^つと稱せられてゐた。其のスペクトル寫眞は第一圖 の如くである。



一般に此の如き帶系 は、分子内部に於て特 有の電子轉移が行は れ、初の分子狀態より 一定のエネルギーを外 して、第二の分子 態に迄勵起せられ、而 して次で光を放つて び第一の分子 駅底に現はれるもので る際に現はれるもので ある。第一圖に於て ある。第一圖に於て

度の最も大なる帯は 18064Å に在つて、此のエネルギーは約 92.3 kcal に相當してゐる。即ち 92.8 kcal のエネルギーに依りて分子内に電子轉移を起す如き分子、言ひ換ふればし紫外水蒸氣 帶で於て其の接體たるべき分子は、實は水蒸氣ではなくて OH 自由基である。

□紫外水蒸氣帶⁷ の擠體が OH 自由基である事の確認は、多くの實驗結果に依りて漸次明かにせられた。先づ第一に此の帶系が現はれる條件として、酸素及水素が同時に存在する事を必要とし、酸素或は水素のみ在る場合には現はれない。第二に酸素及び水素以外の第三物質の存在には全然無關係である。随つて此帶系の擔體は、必ずしも水蒸氣分子 H₂O であるとは限らないが、必ず H と O との化合物でなければならない事が分る。

Watson³ は後に述べる帶スペクトルの微細構造分析の方法により、此の帶の挌體となるべき

287

分子の慣性能率を求めたが、共値は擔體分子を H.O であると考へては除りに小に過ぎる事を認めた。一方多くの分子の帶スペクトルの研究より、一般に水素原子と他の一個の原子とより成る水素化二原子分子のスペクトルが、一種の特徴を有する事が見出され、「紫外水蒸氣帶」も亦此の「水素化物スペクトル」の中に入る事が明かとなつた。隨つて擔體分子をOHなる二原子分子と考へる事に依り、先きに Watson の求めた慣性能率及原子核間の距離等の値は最も良く解釋せられる事になる。第一表に於て FH、OH、NH、CH 等の水素化物分子の慣性能率及核間距離の値。は、周期律の順に從つて海次に變化し、OH 分子も亦適當な位置に位する事が分る。

	FII	он	NH	CII	ви	BeH	LiH
慣性能率 le(10-∞gr cm²)	1.322	1.454	1.81	1.91	2.286	2.69	3.75
核問距離 r(10-*cm)	0.864	0.964	1.08	1.12	1.226	1.340	1.6

第一表 水素化物分子の慣性能率と核間距離

然し茲に云ふ OH なる擔體分子は、果して中性の OH 分子であるか又は其のイオンであるかと云ふ疑が起る。是に對して次の如き Mecke の法則がある。分子内に有する電子數に依つて帶スペクトルの多重性が決定し、電子數が奇數ならば多重性は偶數、電子數が偶數ならば多重性は奇數である(第二表参照)。但し帶の多重性(Multiplicity)に就ては後述する。隨つて帶の多重性を觀測する事に依つて、其擔體分子が何れの電子數を有するかが決まり、分子が中性であるか又は荷電を有するかが決定される。故に若し擔體分子が 中性の OH ならば總電子數は7を有するが故に帶は二重項でなければならない。之に反して若しイオン(OH+、OH-)ならば電子數は偶數となるが故に、帶は一重項又は三重項とならねばならない。然るに實測の結果はOH 帶は二重項を有する(後節参照)が故に此の擔體は中性分子 OH である。**

斯くの如くして、帶スペクトルの分析に依り實際に OH 分子が自由に 氣相中に於て存在し 得る事が明かとなり、水素の燃烧反應中に或は水蒸氣中の放電に於て中間生成體として生成せ られてゐると云ふ事が分つた。斯くして分子スペクトルの研究の進步と共に、今迄化學者の手 に取扱はれ得なかつた新しい分子種が多數見出されるに至つた。 例へば OH 分子の他に NH, CH, CC 或は AIH, HgH, HgCl, CaH, MgCl 等の化學的に不安定なる不飽和分子が之である。 是等の分子は化學的に非常に活性であるから、化學反應機構中に於て反應の中間生成物として 重要な役割を爲してゐる事は明かな事實である。

即ち Bonhoeffer 及 Haber"は始めて OH 分子を化學反應機構中に導入し、所創 Haber 連鎖反應の形式を提唱した事に就ては、本誌"に城野博士の紹介がある。又高温度(1200°C 以上)に加熱した水蒸氣の吸收スペクトルに於て Bonhoeffer 及 Reichardt"は OH 帶系の吸收帶を認めた。之より HaO の熱分解平衡に於て

2H.O = H.+2OH

なる反應が存在する事を論じてゐる.

OH の分子スペクトルは水素の燃煙の際のみならす,又 H を含む化合物例へば種々の炭化

^{*} 並近に於て OH+ イオンを機體とする帯スペクトルが水蒸氣中の放電に於て見出された。此の帯は三重 項を有する。(Loomis & Brandth)

水素の燃烧や爆發の際にも、他の CH 或は CC 帶系と相伴つて現はれて來る。是等の二原子 分子の内部構造を知り,又慣性能率及原子核問距離等を求め,或は振動エネルギー又は分子解 離熟等を測るには,前述の如く番スペクトルの特種の分析 (Analysis) が必要である.帶スペク トルの分析方法には一般に二種ある。即ち[A]帶の微細構造分析 (或は廻轉分析) 及び[B]帶 頭分析(或は振動分析)である。先の紹介論文"に於ては鹽素分子を例にとつて帶頭分析を論 じたので、今回は特に帶の 微細構造分析に就て述べようと思ふ。 共の實例として OH 帶スペ クトルを選ぶ事にする.

[II] OH 帯の微細構造

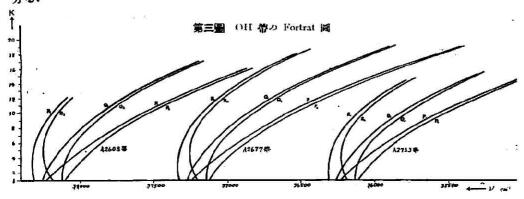
(1) 帯の二重項的構造

第一個は酸素水素鉛の光を、水晶分光寫真器にて撮りたる鉛の紫外スペクトル寫眞である。 所謂。OH 帶系"は紫外領域の 23500Å より 22400Å の間に散在する約20個の帶より成つてゐ る. 是等の帶の中, $\lambda 3064 Å$ に帶頭を有する帶は最も强度が大にて, 特に (0, 0) 帶と稀せられ る. OH 帶系の特徴は、是に属する帶は總で短波長側に帶頭を有し、長波長側に暈してゐる事 である.

第二圖 OH 帶の構造 (23064 及 23122 帶)

第二圖に於て、 第一岡より更に大 —(Fe) なる分散度の格子 分光 宮眞器にて、 ー(Fe) OH 帶を特に擴大 して撮影したスペ

クトル 窓真を掲げる。9 第二端に於て、帶は更に微細なる 多數の 帶線より成り、帶線は短波長 の方に到る程, 互に密集して所謂帶頭を 形造つてゐる事が分る. 閾に於ては 入3122 帶の帶頭 は 🕽 3064 帶の尾部に相重なつてゐる。即ち帶の微細構造は 甚だ複雜であつて,一見すれば多 数の帶線の配列は甚だ不規則であるかの様である。然し今 ↓2608 帶を 一例にとり、其の帶線 の波数 v を横軸に, 縦軸に帶線の番號に 相當する整數値 (廻轉量子数 K) をとりて 閾に変は せば,第三闘の如くなり總ての帶線は數個の極めて規則正しき曲線(拋物線)上に乗る事が明か になる。即ち今迄不規則な配列と見えてゐたものは、實は規則正しい數群の線の重複であつた 事に氣附く。而して帶頭は拋物線の頂點附近に於て,帶線が重なり合ふ現象に他ならない事が 分る.



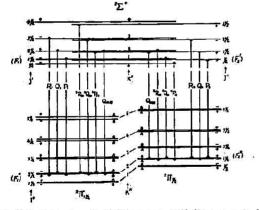
第三圖に於ける一の曲線上に乗る帶線群を枝 (Branch) と名付ける。 λ 2608 帶は6枝の帶線より成つて居る事が分る。而して其の特徴は6枝の中,各2枝宛が互に對を偽してゐる事で。2個宛對を爲せる3對の枝より成つてゐる。即ち此の帶は二重項的構造を呈してゐると云はれる。隨つて各枝を順次に波長の短かいものより R,, R₂; Q, Q₂; 及 P, P₂ と名付ける事が出来る。 λ 2608 帶に限らず OH 帶系に屬する總での帶は,皆之と同様な微細構造を有してゐるものである。第二圖に於ても此の二重項構造は帶の暈せる長波長部分に於て,2本宛の線對 (P, 及 P。 帶線より成る)となつて明かに認められる。

(2) P, Q, R 枝

第三岡の如き欄形を Fortrat 岡と云ふ。 Fortrat 岡は單に實驗結果の整理に他ならないが,然し此の岡式に現立された規則正しさは,其の背後に藏された分子構造に歸因してゐる事を表はしてゐる。それでは如何なる分子構造を假定すれば,Fortrat 岡に於ける $P_{1,2}$, $Q_{1,2}$ 及 $R_{1,2}$ 校の生成を説明する事が出来るか。

一般に一のスペクトル線(茲では帶線)は上下二のエネルギー水準(茲では廻轉水準)間の電子轉移に依つて現はれる。故に帶線間の關係を知るには、分子のエネルギー水準を知らねばならない。第四圖 0 は OH 分子の廻轉エネルギー水準圖である。上半分は OH の側起状態 $^{\circ}\Sigma^{\circ}$ に於ける,又下半分は正規狀態 $^{\circ}\Pi$ に於ける或る任意の一の振動状態に於ける廻轉エネルギー水準を表はしてゐる。

第四圖 OH 分子の組縛エネルギー水準闘



廻轉エネルギーは一般に量子化せられて あるが故に、各廻轉水準には夫々量子敷が 附筋する。 岡に於ける K (K' 及 K'') は此 の廻轉量子敷である。 而して K の 値は常 に整數値をとり、共の最初の數字は分子狀 態(°∑ 及び °Ⅱ) に依つて異る。即ち

K=A, A+1, A+2,(1) 茲に A は分子の電子状態を規定する量子 数にて、A=0 なる時は ∑ 狀態、A=1 な る時は 用 狀態及び A=2 なる時は Δ 狀態 等と約束せられてゐる。故に(1)式により、 ご 状態に於ける K' 値は 0, 1, 2, 3,

等の値を取るが、 // 狀態にては K'' 値は 1 より 始きり 1, 2, 3........等の値をとる。 (第四圖 参照)

然るに K なる 廻轉量子數* には、分子内の電子のスピン運動が考へに入れて居ない。 OH 分子には奇數個の電子がある。 故に電子對を作り得ない一個の電子は自由であり、共のスピン角運動量は分子全體の角運動量に影響を及ぼし得る。 分子全體の角運動量の方向に對して此の電子スピンの角運動量の方向が一致するか又は反對であるかに随つて、共の合成値には二種の異る値が現はれる。 J を以て電子スピンをも考慮に入れた場合の廻轉量子數とすれば、電子スピンの量子數は常に 1 であるから

^{*} K は Hund の Case b に限り存在する.

$$]=K\pm\frac{1}{2}$$
....(2)

となる.

隨つて同一の K 値に對して、二種の J 値を生じ、共の結果一定の K 値を有するエネルギー水準線は、僅かに廻轉エネルギーを異にせる $J=K\pm\frac{1}{2}$ なる二個の水準に分割する。 是が二重項を表はす原因である。第四岡に於て假りに之等を F_1 水準 $(J=K+\frac{1}{2})$ 及 F_2 水準 $(J=K-\frac{1}{2})$ と名付ける。

此の如き水準分割の原因は電子スピンに依るものであるから、此の現象をスピン重複 (Spin doubling) と稱する。 $^2\Sigma$ 及 2H なる記號のだ肩に附した數字2の意味はこれが上の如き二重項なる事を表はしてゐる。(2H にては F_1 及 F_2 水準を失々 $^2H_{54}$ 及 $^2H_{56}$ と記す。此の場合同一の K 値に對して、廻轉エネルギーの値は $^2H_{56}$ の方が $^2H_{56}$ より低い。 *)

従つて斯くの如き二重項の現象は、分子の有する電子数が奇数なる場合に限り現はれる事が分る。([1]参照) 若し電子数が偶数ならば、一重項或は三重項が現はれる。第二表は水素化物分子の電子数と多重性との間の關係を示してゐるが、水素と結合せる他の原子の週期律の順に從つて分子內の電子数は交互に偶数及び奇数となり、多重性は之に對應して亦交互に奇数、偶数を繰り返へす事が分る。

第二表 水素化物分子の電子数と多重性との関係;()内は電子数

多亚性	一重項	二重项	一重项	二重項	一重項及三重項	二爪斑	一重斑
name against somesti	Personal Parisonal Communication of the Communicati	BeH (5)	130	- NECO-2	T WENT !	Control Carteria	FII (10)
11 周期	NaH (12)	Mg11 (13)	VIII (14)	SiH(15)	PH(16)	HCl+(17)	HCl (18)

(SH(17), 未發見)

次に實際に於て、勵起($^{\circ}\Sigma$)及正規($^{\circ}II$) 狀態の廻轉水準間に轉移が起きた場合を考へて見よう。二つの廻轉水準の廻轉量子數を夫々 J'、K' 及 J''、K'' とすれば、今兩項間の轉移に際して、 $J'\rightarrow J''$ 及 $K'\rightarrow K''$ なる量子數の變化があつたとすれば、是等の量子數の間には次の關係を滿足しなければならない。

$$\Delta J = \pm 1, 0...$$
 (3)
 $\Delta K = \pm 1, 0...$ (4)

茲に Δ J 及 Δ Kは夫々 $J'\sim J''$ 及 $K'\sim K''$ の差を表はしてゐる。是等の關係を夫と J 及 K の選擇律と稱する。

今先づ」の選擇律(3)に從へば、一定の」"値に對しては次の如き三種の轉移が可能になる。

	ΔJ	ロ" 他	5 0247	(J' 值)	枝
— (5a)	+1	J	-	J+1	R
·(5b)	0	J	→	J	Q
(5c)	-1	J	-	J-1	P

(5a), (5b) 及 (5c) は各一組宛の帶線群を表はして居る. 之等を顧次 R, Q 及 P 枝と名付

^{*} 記號の右下には $\Omega=\Lambda\pm\Sigma$ の値を附ける。 $^{\circ}$ II にては $\Lambda=1$ 及 $\Sigma=1$ なる故に、 $\Omega=1$ 及 1 と記す事もある。 $^{\circ}$ II を の中、前者の方がエネルギーが高ければ $^{\circ}$ II reg、又共の反對なれば $^{\circ}$ I linv、と記す事もある。OH は後の例に属する。

ける・結局 J の選擇律に依つて三組の帶線群が現はれる事になる。之は第三岡 F ortrat 岡に於ける R, Q, P 枝に相當するものである。

R_{1,2}, Q_{1,2}, 及 P_{1,2} の轉移を第四國に於て、夫々二個の廻轉水準を結ぶ綴の線にて示してゐる。 岡によりて明かた通り是等の轉移は凡て J の選擇律を滿足すると同時に、亦 K の選擇律 (4) をも滿足して居る。而も是等の六枝に於ては J = 4K である。斯くの如き枝を特に上枝 (Main branch) と稱し轉移の確率の最も大なる (即ち强度最も大なる) 帶線である。此の 他 に 衡枝 (Satellite branch) と稱する帶線がある。* 之は J 及 K の選擇律を同時に滿すか、或は K の選 擇律は時に破れ (4K=±2) 得る場合があり、而も 4J は常に 4K 等しく無い。〇H に於ては 前者に比べて强度が非常に小さい。是等も亦 Fortrat 岡式に於て各別々の拋物線上に乗るもの であるが、第三岡に於ては之は省略した。即ちしOH 帶系⁷ に屬する帶は、審しく云へば6の主 枝と6の弱い衝枝との合計12枝より成つてゐるものである。

(3) +, -項と / 型重複

前節の $\int \mathcal{B} K$ 量子數に關する選擇律は R, Q, P 枝を選定したが、此の他に尚一つ滿足せなければならない重要な選擇律がある。それは+, -選擇律である。

第四圖に於て見る如く,各廻轉水池は總で+或は-符號の何れかに屬してゐる。而して電子轉移に際しては必らず+と-項との間に結合が起り,+と+項或は-と-項との間には決して轉移は起り得ない。これが+,-項間の選擇律である。第四圖に示された轉移に於ては12枝共に皆此の+,-選擇律を嚴密に守つてゐる。〇日の $^{\circ}\Sigma \rightarrow ^{\circ}II$ 轉移に際しては,以上述べた三種の重要なる選擇律に支配せられて轉移の數は大いに制限を受け,考へ得らる可き無數の轉移の中より可能なるもののみが選び出されるのである。

水蒸氣の放電管に於て Fortrat¹⁰ 及 Watson¹¹⁾ 等に依つて 見出された QiaiB 及 QiaiB 及 QiaiB なる 弱い枝がある (第四圖). 是等の枝は Unorthodox satellite branches と呼ばれ明かに +→+ 轉移にて上述の禁制を破つてゐるものである。最近田中²¹ 氏の研究に依れば酸素水素侶より發光する OII 帶 (約2811 帶) に於ては是等の禁制枝の痕跡をも見出され得なかつた。之は即ち炤の如き化學反應に作ふ發光に於ては此の選擇律は完全に滿足せられてゐる事を表はしてゐる。只放電管に於ては電場の影響の為にこの禁制は屢き破れる事があるのである。

次に各廻轉項の何れが+或は一項に属するかと云ふ事は、量子力學的に決められるもので茲 では其結果のみを述べる。** +、一符號の附け方は ∑ 及 用 項に依つて同じでない。 ∑ 項に

^{*} 第四國に於ける \$R₂₁, \$Q₂₁, \$Q₂₁; \$Q_{R₁₅} \$Q₁₂, \$Q_{P₂} \$Q_{P₂ \$Q_{P₂} \$Q_{P₂ \$Q_{P₂ \$Q_{P₂ \$Q_{P₂} \$Q_{P₂} \$Q_{P₂} \$Q_{P₂} \$Q_{P₂}}}}}

^{**} 量子力學に於ける分子の對稱的性質に依るもので、分子狀態を裝はす固有函數が、總での原子核及電子の位置性標に -1 を乗ずる場合に、符號を變ずるか否かによつて、夫々一項及十項と決める。

分子の對稱的性質には尚此の他に gerade 及 ungerade (g, u 對稱)及び symmetrisch 及 antisymmetrisch (s, a 對稱) の二の區分法があるが、是等は OH 分子に於ては關係無く、唯同一の二原子より成る分子 (Cl., O. 等) に於てのみ存在する對稱性である。

 Π 項に於ては之と全く趣きを異にして、K 及 J の一定の値に相應する一水準は、更に分割して極く接近した二水準 A 及 B (第四圖)となり、其中の一は十項他は一項となる。從つて此の場合には Σ 項に於ける如く Σ^+ 或は Σ^- の區別は不必要である。此の如きエネルギー水準の分割する現象は、前述のスピン重複と全然異なり、之を Λ 型重複(Λ -type doubling)と稱する。 Λ 型重複は電子スピンとは全く無關係であつて、分子の廻轉運動に依つて生する磁場の影響に依るものである。

Aは分子内電子の軌道運動による角運動量の分子軸方向への射影成分を表はす量子数であるが、Aの方向が分子軸の方向と同一であるか又は反對であるかに随つて、分子全體のエネルギーに僅少の差を生する。若し分子が静止してゐる時には、廻轉に依る磁場は零にて ± 4 の二方向に依るエネルギーの差は無くなり所謂縮退 (degeneration) の現象を現はしてゐるが、一度分子の廻轉が始まれば生じた磁場の為に此の縮退は填れ、廻轉の激しくなる程(即ち磁場の强くなる程)益と ± 4 の二方向に依る分子エネルギーの差は大きくなる、随つてエネルギー水準の分割が起る。之が 4 型重複の現はれる原因である。12)

今若し A の値が0 ならば、±A の二方向に依る差異は分子廻轉が幾ら激しくなつても現れ得ない筈である。随つて一般に 至項 (A=0) に於ては A 型重複は電子スピンとは無關係であるから、如何なる多重性の項にも現はれる。 A 型重複は電子スピンとは無關係であるから、如何なる多重性の項にも現はれる。 A 型重複は次に述べる結合法則の不一致の結果を説明する場に見出された現象であつて、理論的に Hund, Kronig, Van Vleck 等に依りて論ぜられてゐる。

(4) 結 合 法 則

前衛迄述べた所は、Fortrat 岡式に於ける R, Q, P 枝の生成を説明する為に、第四岡の如き廻轉水準を假定する必要ある事を述べた。次に此の如き分子構造の假定の下に、帶線の波數間の関係を査べて見よう。

帶線の波動は、二の廻轉水準間のエネルギー差によつて與へられる。今廻轉量子數 K なる 廻轉水準の項値(廻轉エネルギーを波動單位にて表はしたもの)を F(K) を以て表はす。然る時は選擇律(4)に依りて $R_{1,2}$, $Q_{1,2}$ $P_{1,2}$ 枝の帶線の波動を次の如く表はす事が出来る。

$$\begin{cases} R_{1}(K) = \nu_{1}^{0} + F_{1}'(K+1) - F_{1B}''(K) & ... & ... & ... \\ Q_{1}(K) = \nu_{1}^{0} + F_{1}' & ... & ... & ... & ... \\ P_{1}(K) = \nu_{1}^{0} + F_{1}'(K-1) - F_{1B}''(K) & ... & ... & ... \\ R_{2}(K) = \nu_{2}^{0} + F_{2}'(K+1) - F_{2B}''(K) & ... & ... & ... \\ Q_{2}(K) = \nu_{2}^{0} + F_{2}' & ... & ... & ... & ... \\ P_{2}(K) = \nu_{2}^{0} + F_{2}'(K-1) - F_{2B}''(K) & ... & ... & ... \end{cases}$$
(7b)

但し F'(K) 及 F''(K) は夫々**勵**起及正規狀態の廻轉項を表はし、K 値は凡て正規狀態の K'' 値を表はすものとする、又 ν'' は F'=F''=0、即ち分子が全然廻轉運動を靜止せる際の假想的な(實現しない) 帶線の波敷にて、是を帶の原點と稱する。

次に(6a)と(6b)との差をとれば

练10卷

但し次の如く置く.

く、
$$\left\{ egin{aligned} & J_1F_1'(K+rac{1}{2}) \cong F_1'(K+1) - F_1'(K) \ & arepsilon_1(K) \cong F_{1A}''(K) - F_{1B}''(K) \end{aligned}
ight.$$
 なたがける $A_1F_1'(K+rac{1}{2})$ は、励

第四岡を參照すれば、(8)式に於ける 4,F,f($K+\frac{1}{2}$) は、勵起狀態($^{\circ}\Sigma$)に於ける相隣る二の廻轉水準間の間隔を表はし、又 ϵ ,(K) は正規狀態($^{\circ}\Pi$)に於ける 4 型重複の隔りを表はしてるる事が分る。 ϵ , は非常に小さいから 4,F, に對して考へに入れなければ、(8)式は正規狀態には全く關係なく、勵起狀態に於ける廻轉水準間の間隔のみを獨立的に表はしてゐる事になる。

次に又 (6b) と (6c) との差を取れば

$$Q_{1}(K) - P_{1}(K) = F_{1}'(K) - F_{1}'(K-1) - \{F_{1A}''(K) - F_{1B}''(K)\}$$

$$= A_{1}F_{1}'(K - \frac{1}{2}) - \varepsilon_{1}(K) \qquad (9)$$

但し

$$\begin{cases} \Delta_1 F_1'(K - \frac{1}{2}) \cong F_1'(K) - F_1'(K - 1) \\ \epsilon_1(K) \cong F_{1A}''(K) - F_{1B}''(K) \end{cases}$$

(9)式も亦(8)式と同様に動起狀態に於ける廻轉水準間の間隔を遊離し得てゐる.

之と同様に (7a), (7b), (7c) に就ても, 次の (8a) 及 (9a) 式を得る。

$$\begin{split} R_{2}(K) - Q_{2}(K) &= F_{2}'(K+1) - F_{2}'(K) + F_{2A}''(K) - F_{2B}''(K) \\ &= \Delta_{1}F_{2}'(K+\frac{1}{2}) + \varepsilon_{2}(K)......(8a) \\ Q_{2}(K) - P_{2}(K) &= F_{2}'(K) - F_{2}'(K-1) - \{F_{2A}''(K) - F_{2B}''(K)\} \\ &= \Delta_{1}F_{2}'(K-\frac{1}{2}) - \varepsilon_{2}(K).....(9a) \end{split}$$

但し

$$\begin{cases} \Delta_1 F_2'(K + \frac{1}{2}) \cong F_2'(K+1) - F_2'(K) \\ \Delta_1 F_2'(K - \frac{1}{2}) \cong F_2'(K) - F_2'(K-1) \\ \varepsilon_2(K) \cong F_2 A''(K) - F_{2B}''(K) \end{cases}$$

斯くの如く帶線の波数間の關係より励起狀態に於ける相隣る二の廻轉水準間の間隔を遊離し得る事が出來る。之を結合法則(Combination principle)と稱して帶の微細構造分析には基礎的な法則である。次に $\lambda \lambda 2608$, 2875 及 3428 の三帶に就て、 $R_1(K)-Q_1(K)$, $R_2(K)-Q_2(K)$, 及び $Q_1(K)-P_2(K)$, $Q_2(K)-P_2(K)$ の値を示せば第三表¹³の通りである。

第三表 右合法 则

(其 一)

	R ₁ (K)	$-Q_{i}(K)$		$R_2(K)-Q_1(K)$				
к	7.2608	λ2875	λ3428	к	λ.2608	λ 2875	λ3428	
1	61.3	61.5	67.4	1	60.8	60.7	67.2	
2	91.1	91.7	101.4	2	90.9	90.5	99.6	
3	121.5	122.9	136.0	3	121.3	121.0	134.8	
4	.150.2	151.6	168.9	4	151.6	151.8	168.9	
5	183.0	183.2	202.6	. 5	181.5	181.5	201.8	

(但し K=6~12 省略ナ)

(其 二)

	$Q_i(K) - P_i(K)$				$K_{\underline{a}}(K) - Q_{\underline{a}}(K)$				
K	λ.26O8) 2875	λ3428	K	λ <i>260</i> 8	λ.2875	λ3428		
1	30.3	30.4	34.1	1			(34.3)		
2	60.4	61.0	67.7	2	61.0	61.2	68.5		
3	91.0	90.5	101.1	3	91.5	92.6	100.9		
4	119.2	121.9	134.3	4	121.5	122.1	133.9		
5	150.7	150.4	167.1	5	152.2	152.2	168.3		

【但し K=6~16 省略す】

第三表(其一)及(其二)を比較すれば、次の関係が存在する事が明かになる。

$$R_1(K) - Q_1(K) = Q_1(K+1) - P_1(K+1)$$
(10)

$$R_2(K) - Q_2(K) = Q_2(K+1) - P_2(K+1)$$
(10a)

然るに K 値が大となる程, (10) 及 (10a) の等式は成立し難くなる。折くして結合法則の不一致の事實より、4型重複の存在が見出されたのである。今 (8) 及 (9) の二式より實際に (10) の關係式を導いて見ると、結局 (10) の左邊に ε , $(K)+\varepsilon$, (K+1) なる項を加へねばならない事が分る。 (10a) に就ても同様である。

第三妻に於ける三の帶の中,最初の二の帶(λ 2608 帶と λ 2875 帶) に就て見ると,是等の二帶は $R_1(K)-Q_1(K)$ 等の値を凡て共通に有してゐる。是れ即ち最初の項の廻轉水準間の間隔が兩帶に於て全く相等しい事實を表はしてゐるもので,之等の二帶は共通の振動狀態から轉移したものである事が分る。實際に λ 2608 及 λ 2875 帶は 夫々 振動狀態(v'=2) \rightarrow (v''=0)及び (v'=2) \rightarrow (v''=1) なる轉移に相當する帶にて最初の振動狀態 v'=2 を共有してゐるのである(第五表參照),斯〈の如〈一般に結合法則を應用して,或る帶系に屬する多數の帶の中より,共通の振動狀態を初項として共有する數個の帶のみを選出する事が出來る。

結合法則は亦、正規狀態に就ても勵起狀態に於けると同様に適まる。即ち (6a) と (6b) 式に依り次式を得る。

$$R_1(K-1)-Q_1(K)=F_{1A}''(K)-F_{1B}''(K-1)$$
(11)

同様に
$$R_2(K-1) - Q_2(K) = F_{2A}''(K) - F_{2B}''(K-1)$$
....(11a)

又 (6b) と (6c) 式とに依り

$$Q_1(K)-P_1(K+1)=F_{1B}''(K+1)-F_{1A}''(K)$$
(12)

同様に
$$Q_2(K)-P_2(K+1)=F_{2R}''(K+1)-F_{2A}''(K)$$
(12a)

是等の式は勵起狀態とは全く關係無く,貝正規狀態(終項)に於ける廻轉水準間の間隔を表はしてゐる。第四表に於て前例の三帶に就て, $R_1(K-1)-Q_1(K)$ 等の値を掲げる。是等三帶の中の二帶 $\lambda 2875$ と $\lambda 3428$ 帶は,其の終項の廻轉水準間の間隔を共通に有してゐる事が分る。實際に於て之等の二帶は失々(v'=2) \rightarrow (v''=1) 及び(v'=0) \rightarrow (v''=1) なる振動狀態間の轉移に依るもので(第五表參照),正規狀態に於ける v''=1 なる振動狀態を共有してゐる。

斯くの如くして結合法則の應用に依り、或帶系に属する總での帶の中より、同一の初項或は同一の終項を共有する幾つかの帶群(之を帶級數と云ふ)を選び出す事が出来れば、それにて帶の振動分析は完了した事になる。又或る未知の帶が、果して其の分子の帶系に属してゐるか否

第10卷

第四次 結合 法 則 (共一)

5 0	$R_{l}(K-1)-Q_{l}(K)$				$R_2(K-1)-Q_2(K)$				
K	λ2608	λ 2875	λ3428	к	λ2608	λ 2875	`∧3 42 8		
2	84.0	81.1	80.5	2	61.1	58.5	57.8		
3	118.4	115.1	113.9	3	100.8	96.1	97.3		
4	153.1	148.0	148.5	4	140.2	134.0	134.6		
5	190.1	181.9	181.9	5	178.3	172.2	172.1		
6 .	225.3	217.0	217.1	6	217.0	207.8	208.2		

[但 K>6 省略]

(共 二)

:543	$Q_i(K)$	P ₁ (K+1)		$Q_{i}(K)-P_{i}(K+1)$					
К	λ2608).2875	λ3428	К	λ 2608	λ.2875).3428		
1	83.0	80.6	80.2	1	61.0	59.0	58.9		
2	117.5	113.9	114.1	2	101.8	98.2	97.8		
3	152.4	147:0	147.2	3	- 140.6	135.1	134.4		
4	187.6	180.7	180.8	4	178.6	172.6	171.9		
5· .	222.7	214.0	214.1	5	216.5	207.9	206.4		

〔但 K>5 省略〕

かを確かめるには、未知の帯の後細構造分析を行ひ結合法則の助をかりて其帯の水準間隔が、 既知の分子の終項乃至初項の廻轉水準間の間隔に一致するか否かを見るのである。

(5) 分子恒數の計算

帶線の波敷間の關係より、分子の慣性能率及び原子核間の距離が計算出來る。次に共の計算 法の概略を述べよう。

前節に於て、廻轉量子數 K なる廻轉項の項値を簡單に F(K) を以て代用したが、F(K) は 實は (13) の如き表現式を有するものである $^{(14)}$

$$F(K) = B_{v}(K(K+1) - I^{2} + \overline{G^{2}}) + f(K, J-K) + \phi_{i}(K, J) + D_{v}K^{2}(K+1)^{2} + \dots (13)$$

(13)式に於て第二項 f(K,J-K) はスピン重複を表はす項にて、 $J=K\pm \frac{1}{2}$ を代入する事によつて、 $f(K,-\frac{1}{2})$ 及 $f(K,+\frac{1}{2})$ なる二成分を得る。 Σ 項に於ては簡單に次の如く省略し得。

$$f(K, -\frac{1}{2}) = -\gamma \frac{K+1}{2};$$
 $f(K, +\frac{1}{2}) = \gamma \frac{K}{2}$ (14)

数に γ は恒數 (OH, γ =0.216) である。第三項 ϕ (K, J) は Λ 型重複に相當し,一定の K 及 J に對し僅かに値を異にする ϕ _a(K, J) 及 ϕ _b(K, J) なる二値をとる。但し Σ 羽に於ては Λ 型重複は存しないから,この二の値は互に相一致して,次の如く表はせる。

$$\phi_i(K, J) = -\partial K(K+1)....(15)$$

数に δ は小さい恒數である。又第一項及第四項に於ける B_{σ} 及 D_{σ} は分子の慣性能率に關係を有する分子恒數にて,是等を求むる事が次の目的である。 (\overline{G}^{σ}) は茲では特に必要はないが,電子軌道角運動量の分子軸に直角な方向の成分を表はしてゐる)。

次に簡單の為、OH 分子の勵起狀態 (Σ 項) に就ての計算を述べよう。 Σ 項に於ては(13)式 に於て A=0 である。今(14)及(15)を(13)式に代入すれば次の二式を得る。

$$F_1(K) = B_v(K(K+1) + \overline{G^2}) + \gamma \frac{K}{2} - \delta K(K+1) + D_v K^2(K+1)^2 + \dots (16)$$

$$F_2(K) = B_v(K(K+1) + G^{\frac{1}{2}}) - \gamma \frac{K+1}{2} - \partial K(K+1) + D_vK^2(K+1)^2 + \dots (16a)$$

F_{*}(K) 及 F_{*}(K) の平均値を F_{**}(K) にて表はせば

$$_{x} \dot{F}_{12}(K) = B_{y}^{x}(K(K+1) + \overline{G}^{2}) - \frac{r}{4} + D_{y}K^{2}(K+1)^{2} + \dots (17)$$

となる. 茲に BŸ≡Bv-∂ と置く

(17)式に於て、K の代りに (K+1) 及 (K-1) を夫々代入し、其等の差をとれば

$$F_{12}(K+1) - F_{12}(K-1) = 4B_v^x(K+\frac{1}{2}) + 8D_v(K+\frac{1}{2})(K^2+K+1)$$

然るに第四圖に依りて明かな如く勵起狀態に於ける F₁₂(K+1)ーF₁₂(K-1) は, R₁₂(K) と P₁₂(K) との差に等しい。(R₁₂(K) は、R₁(K) と R₂(K) との平均値、P₁₂(K) に就ても同様) 即ち

$$F_{12}(K+1) - F_{12}(K-1) = R_{12}(K) - P_{12}(K)$$

脳つて R 枝と P 枝の帶線の波敷の間に、次の關係式が成り立つ。

$$R_{12}(K) - P_{12}(K) = 4B_v^x(K + \frac{1}{2}) + 8D_v(K + \frac{1}{2})(K^2 + K + 1)$$
(18)

R_{ie}(K)-P_{ie}(K)の値は、第三表に依りて實驗的に與へられる。隨つて是等の値を用ひ最小自乘法 に依りて恒數 BV 及 D、を求める事が出來る。即ち帶分析によりて得られるものは BV であつ τ B_v と僅かに相異してゐる。今後便宜上之を B_v と記す。 D_v は B_v に較べて非常に小さい 恒數にて, 茲にて除り重要ではない.

B. は振動量子數 v の函數にて、各振動狀態に於て多少異なる値をとる。 即ち

$$B_v = B_c - a(v + \frac{1}{2}) + \dots$$
 (19)

にて表はせる. 茲に B。は分子振動が全く静止せる理想的狀態の分子恒數にて. a は振動狀態 に無關係の小さい恒數である。B。は理論上次の表現式を有する。

$$B_e = h/8\pi^2 cI_e$$
(20)

茲に I。は分子の慣性能率(分子振動の辭止せる際の)を表はし、h 及 c は失々プランク恒數及 真空中の光速度である。之等に實際の値を代入して計算すれば

$$B_e = 27.70 \times 10^{-40}/I_e$$
(20a)

となる。(2°a)式に依りて、Be を知れば分子の慣性能率 Ie を計算し得る。

又二原子の有效質量を $\mu(=rac{M_1M_2}{M_1+M_2},\ M_1$ 及 M_2 は二原子の質量) とし、平衡位置に於ける 二原子核間の距離を r。とすれば

$$I_e = \mu r_e^2$$
(21)

(21)式に依りて、原子問距離 re を算出し得る.

例へば OH 分子の励起狀態 (\mathcal{S}) に於ける恒數の値を据ぐれば

 $B_e' = 17.383 \text{cm}^{-1}$, $\alpha' = 0.860 \text{cm}^{-1}$, $I_e' = 1.591 \times 10^{-40} \text{gr cm}^2$, $r_e' = 1.009 \times 10^{-8} \text{cm}$.

(勵起狀態には 'を附け、正規狀態には "を附ける)。

次に OH 分子の正規狀態 (H) に就ても亦同様な恒數の値が得られるが, II 狀態に於ける計 算は旣述の ♪ 狀態に於ける如くに簡單には行かない。故に審しい計算法は 省略して結果のみ

第10卷

掲ぐれば

 $B_e''=19.025$ cm⁻¹, $\alpha''=0.724$ cm⁻¹, $I_e''=1.454\times10^{-10}$ gr cm², $r_e''=0.964\times10^{-8}$ cm. を得る。⁵

今駒起及正規狀態の分子恒數を比較すれば、 $I_e'>I_e''$ であり、隨つて $B_e'< B_e''$ である。これは帶スペクトルの電する方向と密接な關係があり、概して帶スペクトルが赤の方向(長波長側)に量する時は $B_e'< B_e$ で (OH, NH, CH紫外、CN赤、 I_e , B_{re} , CI、帶等)、紫の方向 (短波長側)に量する時は $B_e'>B_e''$ である (C_e , CH 紫、CN 紫、CaH, MgH 帶等).

斯くの如くにして帶スペクトルに微細棒造分析を施せば、一般にOH分子に限らず總での二原子分子に對して、其の慣性能率と核間距離とを算出し得らる。例へば本文の最初、第一表に於て數種の水素化物分子の正規狀態に於ける Le 及 re の値を掲げた如くである。

以上述べた所が帶の微細構造分析の概要である。此の方面に就て書かれた書物は W. Jevons, Report on Band-Spectra of Diatomic Molecules, (1932); R. S. Mulliken, Reviews of Modern Physics, Vol. 2, 3, 4. (1930~1932); H. Sponer, Molekülspektren und ihre Anwendung auf die chemische Probleme, H. Band (1936) 等が比較的新しい。興味を有せられる讀者は就て見られたい。又種々の分子の分子恒數に關する表は、上述の Jevons (1932) 及 Sponer, I. Band (1935) に載つてゐる。

[III] OH 帶の振動分析

(1) 振動分析

OH 分子はその重心を通り分子軸に垂直なる直線の周りに廻轉運動を行ふ他に、分子軸に沿ふて O 及 H 二原子は互に振動を行つてゐる。前章に於ては帶の微細構造分析の手段に依つて、OH の廻轉運動に關する分子構造を明かに爲し得た。次に本章に於ては振動分析の方法に依つて、分子振動に關する構造を 速べようと思ふ。尚本章に就ては、CI。分子の振動分析に關する前紹介論文12を参照されたい。

廻轉エネルギーと同様に分子の振動エネルギーも亦量子化せられてゐるが故に、各振動狀態を表はすに量子數を用ゐる事が出來る。v'及v''を以て夫々分子の勵起及正規狀態の振動量子數とする。前章([H],(4))に於て述べた如く結合法則を併用する事に依つて、OH 帶系に屬する帶の中、共の初項の振動狀態を共有する帶群、及び終項の振動狀態を共有する帶群を見出し得る。斯くして第五表の如き振動分析表を作り上げる事が出來る。

第五表 OH 帶頭の波長 (Å)

(a) D. Jack, (b) H. L. Johnston, D. H. Dawson & M. K. Walker, (c) K. Chamberlein & H. B. Cutter, (d) T. Tanaka, Z. Koana & M. Siraisi⁽ⁱ⁾ 13) に依る.

-	U	ı	2	ដ	4	
						2] [
30	3064 (a)	<i>3428</i> (a)				
.1	2811 (a)	3122(a)	3484(b)			
2	<i>2608</i> (a)	2875(a)	3185(b)			š
3	2444(c)	2677(c)	2945 (d)	3254(d)		
4		2517(d)	2753 (d)	3022 (d)	3331(4)	
	Σ.					

第五表は OH 帶系に屬する總での帶の帶頭の波長 $(\mathring{\mathbf{A}})$ を,振動量子數 v' 及 v'' に從つて配列したものである。横列は v'' 帶級數にて初の振動狀態を共有し,縦列は v'' 帶級數にて終の振動狀態を共有する。イタリック字體の帶は第三表及第四表に例證したものを表はしてゐる。 之迄に見出されてゐる帶は,僅かに v''=4 及 v'=4 迄である。

OH 帶の原點の波數は次式にて表はす事が出來る.18)

$$\nu_0 = 32401.9 + 3083.22 \text{v}' - 94.25 \text{v}'^2 - 0.967 \text{v}'^3 - 3649.05 \text{v}'' + 79.65''^2 + 1.000 \text{v}''^3 \dots (22)$$

或は

$$\nu_{o} = 32681.16 + 3176.74(v' + \frac{1}{2}) - 92.80(v' + \frac{1}{2})^{2} - 0.967(v' + \frac{1}{2})^{3} - 3727.95(v'' + \frac{1}{2}) + 78.15(v'' + \frac{1}{2})^{2} + 1.000(v'' + \frac{1}{2})^{3} \qquad (23)$$

(22)は,(23)中の $(v+\frac{1}{2})$ の因數を單に v にて置き代へた簡易式である.計算には此方が便利である.理論的には(23)式を用ゐる.式中 $(v+\frac{1}{2})$, $(v+\frac{1}{2})^s$ 及 $(v+\frac{1}{2})^s$ の各係數は失々次の如き意味を有してゐる.

$$\omega_{e'} = 3176.74$$
, $x_{e'}\omega_{e'} = 92.80$, $y_{e'}\omega_{e'} = -0.967$, $\omega_{e''} = 3727.95$, $x_{e''}\omega_{e''} = 78.15$, $y_{e''}\omega_{e''} = -1.000$.

ωe, Xeωe 及 yewe は分子振動に闘する重要なる分子恒數である.17

分子解離熱は、是等の ω。 及 xeω。 等の分子恒数によりて求める事が出來る、即 ち解 離 熱 De は

$$D_e = \frac{\omega_e^2}{4x_a\omega_a} \tag{24}$$

にて近似的に求め得られるが、此値は進だ不正確である。従つて Birge 及 Sponer の方法 ij に依れば

$$D_{e}' = 2.931 \text{ volt} = 67.5 \text{ kcal},$$

 $D_{e}'' = 4.459 \text{ volt} = 102.0 \text{ kcal}.$

を得る。 D_e は分子振動が静止せる理想的狀態より測定した理論的解離熱である。 D_e より零度振動エネルギーだけ少ない D_o を求むれば

$$D_0' = 2.737 \text{ volt} = 63.0 \text{ kcal},$$

 $D_0'' = 4.230 \text{ volt} = 97.5 \text{ kcal},$

D。は實用的の分子解離熱である。然し Birge 及 Sponer の方法に依る時は、長い外挿法を必要とし、餘り正確な値は期し得ない。なんとなれば v'及 v"値が僅かに 4 迄しか見出されて るないからである。若し特に v'値が相當高い振動狀態迄見出され得たならば、OH の分解熱は一層正確に決定する事が出來るであらうと思はれる。

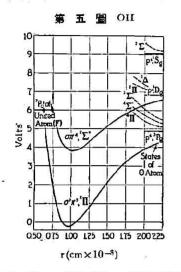
(2) OH 分子の U(r) 曲線

以上の廻轉分析及び振動分析の結果により得られた諸恒數を用ゐて、Morse 函數に依りて分子の原子核間距離 r に對する位置エネルギー U の曲線即ち U(r) 曲線を引く事が出來る、Morse 函數は次の如くである。¹⁾

$$U = E_{e} + D_{e} (1 - e^{-a(r - r_{e})})^{2} \text{ cm}^{-1}$$

$$= \sqrt{8\pi^{2} \text{cx}_{e} \omega_{e} \mu / h} \text{ cm}^{-1}$$
(25)

茲に E_e =32744.2cm $^{-1}$ の他の恒數は既に與へられてゐるが故に直ちに U(r) 曲線を蜚く事が出来る。第五圖は之を表はす。此の曲線は勿論近似的に正しいのである。



第五岡に依れば、勵起及正規狀態の二曲線は、共の形が相似し、且つ曲線の極小位置が殆ど同一垂直線上に在る。即ち勵起作用に依つて原子核間の距離「は除り影響を蒙らない。(之は前の鹽素分子の場分と大いに相異する")。隨つて v'=0 より v"=0 への轉移が最も確率が大きく、强度大なる事が考へられる (Franck-Condonの原理")。此の帶は (0,0) 帶と稱せられて、第二章の最初に述べた如く λ3064Å に帶頭を有する。第五表に於て强度の比較的大きい帶は、(0,0)帶を頂點とする對角線に近い非常に狭い拋物線上に減る事が分る。是に反して鹽素及其他の分子に於ける如く此の拋物線の形が廣ければ、分子勵起に際して原子核間の距離「は大なる變化を蒙り、分子は不安定となる事が分る。

以上述べた所を綜合すれば、第一章に於て所謂。紫外水蒸 氣帶⁷が何故 OH 自由基に屬するかと云ふ理由を述べ、第二

章に於て LOH 帶⁷ の微細構造分析,第三章に於て LOH 帶系⁷ の帶頭分析に就て述べた。即ち OH なる分子を實例にとつて,主として分子の廻轉運動並に帶の微細構造に關して一般的概念を得るようにつとめ,分子の振動的構造に關する詳細は前紹介論文¹⁰にゆづつた。茲にOH 分子を特に實例に用ゐたのは,OH 帶が最も簡單である為ではなく,寧ろ化學反應に際し屢さ OH帶として出現し,化學反應と密接な關係を有してゐるからである。OH帶は他の帶系に較べて非常に複雜な種類に屬し,隨つて古來多くの研究者に依り研究せられて居る。 尚茲ではOH 帶の Zeeman 效果,及び OH 帶と OD 帶との比較に依る同位元素效果等に就て立ち入つて述べる事は控えた。(昭 10, 9, 15)

女 飲

- 1) 北川, 本誌, 7, 紹82 (昭和8年),
- 2) W. W. Watson, Astrophys. J. 60, 145, (1924).
- 3) II, Sponer, Molekülspektren I, Tabellen (1935).
- 4) F. W. Loomis & W. H. Brandt, Phys. Rev. 49, 55 (1936); 衍本能, 10, 242 抄錄 (昭11).
- K. F. Bonhoeffer u. F. Haber, Z. phys. Chem. 137, 263 (1928).
- 6) 城野, 本誌, 5, 報 122. (昭和6年); 9, 原 1 (昭和10年).
- K. F. Bohoeffer u. H. Reichardt, Z. phys. Chem. 139, 75 (1928).
- D. Jack, Proc. Roy. Soc. A 115, 373 (1927);
 118, 647 (1928); 120, 222 (1928).
- 9) T. Tanaka & M. Siraisi, Proc. Phys.-Math. Soc.

- Japan, 15, 195 (1933).
- 10) Fortrat, J. d. Physique 5, 20 (1924)
- 11) W. W. Watson, Nature, 117, 157 (1926).
- W. Jevons, Report on Band-Spectra, 1932, p. 126.
- 13) T. Tanaka & Z. Koana, Proc. Phys.-Math. Soc. Jap. 15, 272 (1933); 16, 365 (1934).
- 14) R. S. Mulliken, Rev. Mod. Phys. 2, 100 (1930).
- H. L. Johnston, D. H. Dawson & M. K. Walker, Phys. Rev., 43, 473 (1933); D. H. Dawson & H. L. Johnston, ibid. 43, 980 (1933).
- K. Chamberlain & H. B. Cutter, Phys. Rev. 44, 927 (1933).