固體の勢力狀態に就いて,特に結晶中の 電子勵起に開聯して

仲 田 幸 男

I	格 育	Ⅳ エナジー準位の分光學的研究
I	比熱の測定からエナジー 準位	の V 結晶による光の吸収機構, 勵起状
	魯田	龍の性質
ľ	磁氣の調定からエチジー 準位	[の \] 過剰準位の神秘
	释山	11 結 論
		I

[I] 緒 言

氣間の原子(分子,イオン)中の電子の勢力狀態に就いては過去十數年の間に,分光學的方法 に依つて可なり良く研究せられ,共等のエナジー準位と其の物理的及び化學的性質との間の多 くの關係が成立せられた.化學の大部分が固體又は溶液と關係してゐる以上,此等內部に於け る電子のエナジー狀態を知り,上述の關係を組立てる事は,化學者や物理學者に極めて興味の ある事であるが,固體に就いては今迄あまり研究せられなかつた.

原子は一般に結合したる時は、共れが單獨の時と共のエナジー準位を異にす。例へば", He, HgAr, Hg, のスペクトルは、此等が原子の時と較べて既に變化して、スペクトル線は幅が廣 くなり帯の形となるのみなれども、此等は尚原子間の結合が弱いからであつて、 H₂, O₂, N₂... になると、單獨の原子のスペクトルとは根本的に異なるスペクトルを示す。此れは結合の際原 子間に電子の交換が行はれ、所謂原子結合を生じて電子のエナジー狀態が進だ變化するからで ある。

遊離の原子やイオンが結合して固體を形成する時にも、極めて小数の場合を除き一般には莫 大な lattice field の為め其の勢力狀態を進しく異にする。强磁性體の如く量子力學的交換力を 生じて結合する時、又單なる電子瓦斯を生じて金屬結合をなす場合、それから以上程原子場の 影響が强くなく、固體內の原子が未だ Russell-Saunders の Coupling (L-S-coupling) を保持し ており、従つて原子力場(電場)の作用は其の遊離狀態に於ける原子に攝動として取扱ひ得る場 合がある。此の最後の場合が最も簡單であつて稀土類鹽類の結晶が此れに屬するが、上述の如 き固體のエナジー狀態の研究には此れが最も好都合な材料を提供するのである³。稀土類鹽類

	К 1	ւ 2	М З	N 4		05
	1111-			spd	ſ	
Ce	2	8	18	Ts	1	8
Pr	•		:		2	8
:				:	:	
Ċp	1	1	1	1	14	ė

即ち不飽和電子設は 4f であつて, 此れが外部の飽和の O-殻に よつて保護されてゐるから, 外部からの結晶電場の作用をあまり 受けない為め,*此等イオンは遊離の時とあまりエナジー狀態を變 化しない事が考へられる. 事實 Hund³⁹ は氣體狀態と同一と見做 し basic electronic levels に就いて此等イオンの磁氣能率 (µ=g

結晶中の稀土類元素は三價のイオンの形で表の電子配置を取る。

* 勿論内部の不敏和電子による外部への影響もあまり現れないから,此の電子の變化は結晶の弾性振動に 大した影響を與へない。此れは不飽和電子が外部にある MnO, Fe₂O₃ 等と著しい封稱にある。此等に於 ける此の電子の變化は結晶振動や、結晶形の變化をとしなふ。 仲田・ 固體の勢力狀態 (紹介)

Vol. XII

√](]+1)β) を計算し、此れを室温に於ける此等結晶の帶磁率の測定値から求めた磁氣能率
と比較した、此れが第一表に示す如く Sm と Eu とを除き極めて良き一致を示した。
然れ共、低温になるにつれ結晶の格子振動が小となると結晶電場(磁場の作用は比較的小)の

イオン	4f	G.S.	$ \begin{array}{c} \text{II und calc.} \\ \mu = g \sqrt{J(J+1)\beta} \end{array} $	$\mu = 2.84 \frac{\text{observed}}{\chi_{\text{M}}(T-\theta)} \beta$
La	0	'S ₀	0.00	反磁性
Ce	. 1	=Fs/2	2.54	2.5
Pr	2	³ I I ₄	3.58	3.6
Nd	3	4 Ia/2	3.62	3.7
11	4	⁵].	2.68	
Sm	5	61 fa/2	0.84	1.5
Eu	6	7F.	0.00	3.4
Gđ	7	BS7/2	7.94	7.9
ть	8	7F.	9.72	9.7
Dy	9	6I I 13/2	10.65	10.5
l Io	10	• 5I8	10.61	10.5
Er	11	4113/2	9.58	9.6
Ta	12	31 I.;	7.56	7.3
УЬ	13	2F7/2.	4.54	4.5
Ср	14	150	0.00	反磁性

第一股

μ: 磁氣能率 χ: 帶磁率 J: 全角運動量 g: ランデ Splitting factor, β: Bolit's magneton

影響が現れ最早氣體の時と勢力狀態は等しくは無く, 遊離イオンの各縮退準位 (degenerate level) が此の結晶力によつて数多の異なる準位に分裂する.そして温度に感じて,結晶中にボ ルツマンの分布法測に従つて, 此等分裂した各エナジー準位を取るイオンが生じて来る. 此係 め間體のスペクトルは基複雑であつて, 其の吸收スペクトルは著しい数の線を含み,現今未だ 皆てのエナジー準位の決定は到底困難なる状態にある. かかる所謂 "Electronic activation" に 依つて複雑になつた結晶中のエナジー準位を知る實驗的方法として,分光,磁氣,比熱の測定 の三方法がある. 本紹介に於いては,稀土類鹽類の結晶に就いて此等の方法に依つて得られた 結果を述べ, 此の方面に於ける Bethe, Van Vleck, Penney & Schlapp, Kynch 等の量子力學的 理論とを比較して見たいと思ふ. 化學者に興味ありと思はれる部分を特に詳述して,他は消略 又は簡單に記述するに止めた.

[II] 比熱の測定からエナジー準位の導出

結晶を彈性振動體として導いた、 Debye の理論比熱の式が實驗と良く合はず、 多くの物質の異常比熱の原因は結晶中の Electronic activation による物と見られる.

比熱の測定に依つて、結晶のエナジー準位を知る方法は、次の通りである、"先づ Gd₂(SO₄)₃・8H₂O と S_{au2}(SO₄)₃・8H₂O と比較して見ると、格子振動による比熱は兩者等しい事が考へられる。それは兩者は isomorphous mixture を作るから結晶形に闘する常数が大體等しいし、更に Einstein⁵⁰ の結晶中の振動體の振動数 ν に闘する次の式からも明かである。

-

仲田, 固體の勢力狀態 (紹介)

No. 6

$$\nu = \frac{C}{\mu^{1/8} \, \mathrm{S}^{1/6} \, \mathrm{K}^{1/2}}$$

C: 原子の幾何學的配置に關する數, μ : reduced mass S: 密度, K: 腰縮率 Cd の方は Sn より S と μ は大きいが K は小さいから結局 ν は兩者に於いて等しい。

且つ Gd 鹽は後速する磁氣測定や分光法によつて 10~300°K の間に於いては, thermal electronic activation を起さない事が知られてなり、従つて結晶中の Gd⁺⁺⁺ は全部 basic state $s_{7/2}$ を取つており、然かも S-state は Bethe の定理によると、結晶電場によつては分裂しないから、 Gd 鹽は純粹に格子振動による比熱のみを現はす。 若し今 Sm 鹽の比熱が Gd の比

熱と差があるならば、共の相異は S_m^{+++} の 電子振動による比熱を示してゐる事になる。 かくして S_m 鹽中の Electronic activation を 知る事が出来る。第一岡には S_m と Gd^0 の比熱の差を示したものである。此の電子比 熱曲線の分析によつてイオンのエナジー準位 を誘導する事も出来るが、 $S_{m_2}(SO_4)_a \cdot 8H_2O$ は吸收スペクトルによつて(後述) 共の素底狀 態が、0、160、188、225 cm⁻¹ の4つの水準に Splitting してゐる事が解つてゐるから⁹、此 れと比較すればよい。





更らに Kramers の量子定理によると¹²⁾, 奇數個の電子を持つ狀態の多重項は少くとも二重 縮退をしており結晶電場によつて完全に縮退を退く事が出來ない。 電場によつて Splitting し

^{*} 吸收スペクトルは選擇律によつて禁止せられる準位があるが、 かかる禁止準位と雖、 比熱には現れるか ら此の比較は何時も出來る物ではない。

仲山, 因體の勢力狀態 (紹介)

Vol. XII

温度°K	比熱 σ-34	σ=33
0	0.00	0.00
170	0.06	.03
205	.17	.08
240	.31	.18
293	.57	.38
-400	1.04	.83

た準位は更にイオンの磁氣的相互作用によつて分裂し得る のである. かかる磁場による Splitting levels は共の間隔 が甚だ狭いから出来るだけ低温に於いて比熱を測定すると 認め得る可能性がある. そこで 15°K から 2.6°K の間 でS_{ab}(SO₄)₃.⁸H₂O (59個電子), Nd₂(SO₄)₃.8H₂O (59個電子), Nd₂(SO₄)₃.8H₂O (57個 電子)の比熱を測定して見ると¹⁰⁰,第二, 三闘となる. 闘か ら解る如く, かかる低温に於いては格子振動による比熱の 簡單化式 Cp=0.0003.0T^a に良く一致する. 此の値から比

熱式(1)によつて計算すると、 イオンの 磁氣相互作用による二つの最低の電子狀態間の間隔は、

 $\sigma =$ Screening constant





 1 cm^{-1} より小でなければならぬ事になる。 尚第四圖に $Nd_2(SO_4)_3 - 8H_2O$ の $3^\circ \sim 40^\circ \text{K}$ の比熱 を示してあるが、明かに electronic activation による比熱を認め得る。 S_{m} の時と同様にスペク



トルから求めた¹¹⁾ basic multiplet 0,77, 260 cm⁻¹ と p =2,4,4 を式(1)に入れて比熱を計算すると, 實驗値と 良く一致する. 然し 40°K 迄では 260 cm⁻¹ を入れなく とも大して差がないから, 比熱の測定は 77 cm⁻¹-level の みの存在を證明したのみである. 比熱の測定による方法* は未だ Ahlberg-派の以上の 研究以外には 行はれて ゐな い.

[111] 磁氣の測定からエナジー準位の導出

遊離の1個の原子の持つ磁氣能率は Hundia によれば、

次の式によつて示される・

 $\mu = \mathbf{g} \cdot \mathbf{\mathcal{V}} [\mathbf{J} + 1] \boldsymbol{\beta} \dots (2)$

Curie-Langevin の定理を用る帶磁率で示すと¹⁴,

 $\chi = \frac{\beta^2 g^2] [J+1]}{3 k T} \qquad (3)$

茲に、J¹⁵ は原子の全角運動量であつて、 電子のスピンと軌道による運動量をヴェクトル合成 (L+S)した物である。g は Lande's splitting factor であつて廻轉磁氣效果又は次の式から分光

* 此の方法は Van Vleck が疑問を持つてゐる,此れに就いては後で違べる.

學の數値から求め得る.

 $g=1+\frac{J(J+1)+S(S+1)-L(L+1)}{2J(J+1)}$

g は 」と µ が比例しない為めにかかる係敷である。量子力學によれば, 全角運動量 」はー つの原子系の運動の恒敷であつて、一定のエナジーを持つ原子には一定の」の値を持つ、」が 若し變化すれば、其れは其の原子の勢力状態が變化した事であつて, 電子が減躍又は再分配し た事を意味する。 かくて(3)式により, χ の變化を實驗的に求める事によつて原子の内部の電 子の變化を知り得るのである。(3) 式は原子が 1 つの 電子狀態を 取る時の式で あるが, Van Vleck¹⁶⁾ は原子が 2 つ以上の電子狀態を取り混合せる場合は第二次のゼーマン項 (a) を更に附 加せなければならない事を量子力學考察から導いた。

 $\chi = \frac{\dot{\beta}^2}{3kT} g^2 J (J+1) + a \cdots (4)$

ゼーマン項 α は角運動量に垂直の方向の磁氣能率の成分であつて、温度に無關係である。

 $a = \frac{\beta^2}{6(2J+1)} \left[\frac{F(J+1)}{h\nu(J+1;J)} + \frac{F(J)}{h\nu(J;J-1)} \right]$ F(J) = $\frac{1}{I} \left[(S+L+1)^2 - J^2 \right] (J-(S-L)^2)$

(4)式は氣體原子の帶磁率に就いて最も一般式なのである。

次ぎに實驗結果を述べると、 先づ $Gd_2(SO_4)_3 \cdot 8H_2O$ は Onnes & Jackson の測定によると 14°K の低溫迄 Curie の法則 ($\chi=C/1$) に良く合うので、 Gd^{+++} は結晶力によつて變化され τ ,氣體狀態と同様に此のイオンは全部 ${}^{s}S_{7/a}$ の狀態にある物と見られる.次は S_m であるが、 S^{m}_{*} (SO_4) $_{3} \cdot 8H_2O$ は Curie の法則に合はず、 S_m^{+++} の基底狀態の ${}^{s}H_{3/a}$ のみでは(3) の Hund

の式は實驗と合はない.電子異性體の存在と結晶力の影響 によるものと考へられる。(第五圖) Freed¹⁷⁾ は 6 H_{2/2} より 少し高い エナジーのイオンが結晶中にある事を假定したが, $\stackrel{?}{_{1}}$ Spedding¹⁸⁾ は稀土類イオンが勵起されると, 4f-電子の1部 $\stackrel{?}{_{-1}\times}$ は 5s, 5p の完成殼を越へ, 5d, 5c, 5g 軌道に飛躍するものと し、殘りの 4f 電子は此等の軌道と强く 結合 (此の軌道は結 晶電場と强く 結合 す)してゐる傷め帶磁率に關興 世ず, 唯



勵起電子の スピンのみが此れに闘與するものとし、第一勵起水準として ((⁵I₄·g)₅)10/3 を取つ て Curie 恒数 C₁ を計算した.

$$C_{0} = \frac{N}{3k} J(J+1) g^{2} \beta^{2*} = \frac{\left(\frac{2}{7}\right)^{2} \frac{5}{2} \times \frac{7}{2}}{(2.838)^{2}} = 0.08867 \dots 6 II_{b/2}$$

$$C_{1} = \frac{2^{2} \left(\frac{1}{2} \times \frac{3}{2}\right)}{(2.838)^{2}} = 0.3724$$

帶磁率 χは 'H_{s/2} と ('L_s, g) の兩水準の混合せるものとすれば.

$$\frac{C_0 N_0}{T+d_1} + \frac{C_1 (1-N_0)}{T+d_2} = \chi \qquad (N_0: {}^6H_{4/2} 水準にあるイオンの%)$$

* 此の際 Van Vleck のゼーマン項 a は兩準位が異なる多重項に屬し且つ可なり分離してゐるから省略で きる。

仲田. 問體の勢力狀態 (紹介)

Vol. XII

コ は $N_0=100\%$ の時 curie 點となるもので今 $4=2^{\circ}K$ とし、 N_0 は次の式で計算される、

$$\frac{1 - N_o}{N_o} = \frac{S_1 \cdot e^{-\frac{h\Delta \nu}{kT}}}{S_o(1)} \cdot S:$$
 統計的重量

T°K	No	N	N ₀ C ₀	N_1C_1	計算 2-10%	實驗 χ-10⁶
73.8	0.9359	0.0641	830	239	1410	1402
80	0.9159	.0841	813	313	1373	1375
90	.8808	.1192	781	444	1332	1338
100	.8443	.1557	749	580	1:30:3	1308
120	.7716	.2284	684	851	1260	1254
140	.7096	.2904	629	1081	1205	1206
160	.6558	.3442	581	1282	1150	1171
180	.6107	.3893	542	1450	1094	1140
200	.5734	.4266	508	1589	1038	1119
250	.5042	.4958	447	1846	910	1065
300	.4578	.5422	406	2019	803	1035

第 三 表 Sug(SO₄)₃、SH₂O の帯磁率

 $^{6}II_{0/2} + ((^{5}I_{4} \cdot g)_{8})_{10/2} \cdot \frac{1}{17/2} \qquad \Delta \nu = 105 \text{ cm}^{-1}$

40°5g, 40°5f, 40°5d,の構造の勵起電子狀態をとつた所謂電子異性體が結晶中に存する事が解る。 以上は Spedding の説明なれども、後の分光學的方法の所で、此の勵起狀態の電子構造に就て Van Vleck の此れと異なる考へと共に更に述べたい。

150°K から高温では比熱の時と同様 ${}^{6}\text{H}_{72}$ 旅態を取るイオンが生する為めである。 dJ=5/2- $7/2=932 \text{ cm}^{-1}$ で熱エナジー kT によつて與へ得る大きさである。 ${}^{6}\text{H}_{7/2}$ を考量し(4)の Van Vleck の式の a を求め, $J=\frac{5}{2} \geq \frac{7}{2}$ の間にボルツマンの分布則を適用して, (5)式から χ を 計算すれば、實驗と (第六圖)良く一致する¹⁹.

 E_{n}^{+++} も S_{n}^{+++} と同様, 基底狀態 F_{0} 以外に F_{1} (255 cm⁻¹) 及び F_{2} を考へに入れると, 實驗の帶磁率を説明し得る. 但し低溫に於いては 勵起狀態 $F_{1,2}$ が無くなり, 最深項 F_{0} の みになると, 此の水準が J=0 であつて縮退してゐない爲め, 磁場に於いて分裂し得ず, 闘の 如く低溫になると, 漸次 χ が T に對し恒數となる.

Pr と Nd イオンは多重項間の 距離が 可なり 大きい為め (Pr: ^{*}H₄₋₅cm=2100cm⁻¹) (Nd: ⁴K_{*/2}=n/2=1800cm⁻¹) 熱エナジーによつて 勵起狀態を取る事なく、 70[°]K より室温迄 Curie-Weiss (X=C/(T+4)) の式が良く一致するから, 此等イオンは全部 basic state を取るものと見ら







れる. 然し 70°K より低温になると Curie-Weiss の式から逸行をする. 此れは考底狀態が結 晶電場によつて, 数多の勢力準位に Splitting する傷めである. Penney & Schlapp²⁰ は Van Vleck の常磁性定理²⁰と, Bethe の結晶電場による項分裂(スタルク效果)の定理²⁰を應用して, 此の問題に見事な解決を與へた.

氏等は金属イオンを取り圍む原子の電場のボテンシャル V は、 原點としてイオンの廻りに 坐標の Taylor Series に展開できるものとし、且つ稀土類墮類の場合は此の中で cubic sym-

 $V = const. + (Ax² + Bxy + \dots) + (Cx⁴ + Dy⁴ + \dots + Gx²y² + \dots Kx³y + \dots) + \dots$

metry の電場が最も優勢であるとし、此れのみを取つてポテンシャルとして (6)式を用わた。

 $V = D (x^4 + y^4 + z^4)$ (6)

Bethe の定理を應用して、此の電場による 分裂 を計算し、更に磁場が存する場合此等 Splitting levels の縮退の除去による各エナジー水準が帶磁率に關與するものとし、次の帶磁率 の式からx を計算した。

$$\chi = -\frac{N}{H} \sum \frac{\partial W}{\partial H} e^{-W/kT} / \sum e^{-W/kT} \qquad (7)$$

₩:エナジー水準,Ⅱ:磁場

先づ Pr に就いて計算したる式は

 $\chi = (2 \operatorname{Ng}^2 \beta^2 / a) (53 e^{13\mu} / 5760 + e^{-2\mu} / 30 - 61 e^{-71\mu} / 2688 - 5 e^{-14\mu} / 252$ $+ \mu (25 e^{13\mu} + e^{-7\mu}) / 192] \div (3 e^{13\mu} + 2 e^{-2\mu} + 3 e^{-7\mu} + e^{-14\mu})$

茲に $\mu = 48a/kT$, a = pD であつて, p は $S(x^{i} + y^{i} + z^{i})$ のマトリツクス要素の係数である. D 或は a は實驗に合ふ様に定めなければならぬ Parameter である. 絶對零度の χ_{0} を實驗値 から求めると.

Vol. XII

 $\chi_0 = -10 \text{ Ng}^2 \beta'/a$ (β : ボーアマグネトン) 式から a=-0.293 cm⁻¹ となり、全 Splitting の間隔 389 cm⁻¹ に相當してゐる。 χ_0 として Gorter& de Haas の値を用ゐた。 第八〇の曲線の②が上記の理論式であつて、〇 印は Gorter



& de Haas の實驗値で若だ良く一致してゐる. 然し a の値の如何んにより曲線は可なり速つ てくる. ①③④ は a = -0.37 cm^{-1} , -0.30 cm^{-1} , 0 cm, $^{-1}$ であつて, ④は Hund の式 (3)を 示してゐる. Nd に就いては

> $\chi = (2g^{2}\beta^{2}N/A) \left[(0.1483 e^{19.59\mu} + 0.2396 e^{-9.11\mu} - 0.3879 e^{-39.86\mu} \right]$ + $\mu \left((6.065 e^{19.59\mu} + 4.031 e^{-9.11\mu} + 1.680 e^{-20.06\mu} \right)$ $\div \left[2 e^{19.59\mu} + 2 e^{-9.11\mu} + e^{-39.86\mu} \right]$



[IV] エナジー準位の分光學的研究

此の方法が最も詳細にエナジー準位を教へるものであり,比熱磁氣の測定は重要な補助手段 の感がある。

此の方法は周髄の吸收スペクトルを検するにある、多くの稀土類鹽類が着色せる如く(Gd 鹽

のみは無色), 此れは可視部から紫外部に吸收があり, 然かも陰根を變じてもスペクトルに大 差無い事から, 此の吸收は陽根の稀土類イオンによるものである事が解る. 陰根の吸收は大低 更に 短波長の 2700Å 位にあるから、8500Å 位から 可視部の吸收スペクトルは 今問題の 金屬 イオンの吸收である. 又重金屬に關する X 線の測定値を稀土類イオンに迄延長すると, 4f 電 子殻の電子を1 個取り除くに 要するエナジー* は水晶を 通過する光の 振動數に相當してゐる. 従つて結晶中の electronic actiation に相當する振動數は可視部にある事は當然である. 緒言 に於いて述べた如く稀土類イオンは結晶中に於いても、氣態の如く格子場の作用をあまり受け ないから, スペクトルはまとして線スペクトルから成る事が想像される.

第十圖22 は固體 SaCla・6H2O の吸收スペクトルで,線、多重線、帶,連續吸收の所がある。



SmCla・61LO の吸收(結晶): 1 4648 及 1 4200は鉱港な高温型の吸收線。

先づ線、多重線の中心は溫度下降と共に赤の方に移動し、多重線內の各線の開隔が大となる、 此れは Spedding & Bear は温度下降と共に結晶が收縮し原子間の距離が近づく傷め、結晶電 場の作用が大となる。且つ此の影響が、高い闘想単位に低い悲庭準位より、より大なる傷めで あるとしてゐる。次は線の幅であるが、液體水素の溫度に就いて見ると、次の3つの群からな る。

- (1) 狭い多重線からなる廣い鋭い線
- (2) 一重の細い鋭い線, 数は比較的少
- (3) 乡重線から成立つ狭い朦朧帶

温度が上昇すると、特この此等の線は幅が廣くなり、端が朦朧となり、室温位になると、大低 の多重線は废い朦朧帶となつてしまふ。かかる事實は多重線が電場によつて出來てゐるとすれ ば、良く説明される。装しい低温では原子の振動がないから、スペクトル寫真撮影中金屬イオ ンは常に一定の電場の作用を受けるが、高温になると原子の振動がおとり、電場の强さが寫真

^{* 5}s 電子を取り出すには 45 ボルト, 5p 電子を引離すには 34 ボルトのエナジーを必要とし、41 電子は此 れより小なるはエナジーで引擎し得る答である。 Urey & Ruark, Atoms, Molekules & Quanta, (1930).

Vol: XII

露出中絶えず變化するから、或る時は多重線の開隔が狭くなり、他の時は廣くなる。かかる平 均が寫真に記録されるから、線は分散して帶となるのである。次は各線の强さに闘する温度の 影響である。此れは3つの群に分ち得る。

(1) 温度下降と共に强さが増加するもの, low temperature lines (1) と称す,何時も現れる 大群で,更に2つの群に分つ事が出来る。線が紫及び紫外部にあつて、强さの變化の小なるも のと 6000 と 4320 A の間にあつて温度と共に强さが著しく變るもの也。

(2) 多くの弱い線が多重線の紫側にある。 液體水素の温度で弱く, 温度が上ると急に消える.

(3) 各多重線の赤側にある線群,此れは 20°K では存しないが高温になると出現する.此れは high temperature lines (h) と稱せられる.

先づ以上の(1)群の線は基底と脚起狀態間の轉移によるものである。(2)群も同様であるが轉移 の確率が小さいらしい。(3)群は基底準位の近傍に電場によつて Splitting して生じた準位と, (1)群を生ぜしめると同じ勵起準位との間の轉移によるものである。Splitting levels は 160,210, 300 cm⁻¹にある事が解る(此の求め方は後に述べる)。 温度が高くなると、 基底準位にあるイ オンの一部はボルツマンの法則によつて、より高い Splitting levels を取るやうになる。(3) 群の線が高温になると出現し低温で消えるのは、此れが為めである。高温になると高いエナジ ー狀態を取るものが多くなる結果、素底準位のイオンの敷は減少し、従つて(1)群の線は强さ が減少する。線の强さは又轉移の確率にもよる。此の確率は固體の場合温度に全く無關係では ない。(1)群の 6000 から 4320 Å の間の線の强さの著しい減少は此れが為めであらう。(1)群 の紫から紫外部にある強さがあまり變化しないのは、あまり吸取が強い為めで若干の線や帶は 光が結晶を通過する迄に完全に吸收されてしまふ。共の為め強さの變化が現れない。更に强さ の著しい減少の原因は前述の高温に於ける結晶場の動揺性によるものであらう。



228

仲田・ 固體の勢力狀態 (紹介)

かかる條件下では 格子と 電子の 軌道の Coupling 或は電子の 軌道と スピンの能率の 間の Coupling は特に職起狀態に於いて, 破れる可能性がある。 此等準位の多くはかくて多原子分 子に於けると 同様不安定となる. かかる 不安定な準位に飛躍する 電子は明瞭に量子化されな い. 従つて連續吸收を示す. かくて得られたスペクトルから SmCl₃・6H₂O のエナジー階段圖 を書く事が出来る. 第十一圖に線の强さと共に此れを示した.

次には Nd₂(SO₄)₄・8H₂O²⁹ に就いて述べん,磁氣測定の所で述べた如く, Penney と Schlapp の量子理論がある。Goner & de Haas の帶磁率の1つの値から此の理論によると, 基底準位 は 0. 243, 834 cm⁻¹ に分裂してゐる事になり Goner & de Haas の帶磁率一溫度曲線と甚だ 良く一致した,然し此の理論は Spedding, Hamlin & Nutting の指摘せる如く,未だ次の點で全 く完全ではない。

(1) 稀土類の硫酸鹽 (・811₂0) は Ce を除き他の皆は結晶學及化學的に甚だ類似しており, 従つて格子構造は皆等しい筈で,結晶場の作用が皆等しいと考へられるが,事實は電場の恒數 D は Nd³⁺ は Pr³⁺ より3.9倍大でないと實驗と合はない.

(2) Er は Nd と大體稀土類元素列の中で性質の等しい位置にあり兩者共に ⁴ の狀態をと る, 然るに Nd は Curie の法則から書だ變化してゐるが。 Er は de Haas, Wierma & Capel

I	Ce	Pr	Nd	Ii	Sm	En	Gđ	の測定によると、14°~285°K に於て Curie
п	ТЬ	Dy	Ho	Er	Ta	Yэ	Ср	の法則に合ふ。Na に合致する上記の理論 は Er に合ふ事は考へられない。 ³³

(3) S_m³⁺ は Cubic field によつて2或は3本に "H_{s12} がSplitting する筈也、然るに分光學 的には少くとも4本を觀測してゐるのである.³⁰

(4) 理論では Cubic Symmetry の電場を假定せるが、結晶學的には monoclinic であつて Cubic Symmetry より、より小なる事が考へられる。然し理論に於て rhombic Symmetry を用 ゐても實驗と合はなかつた。 従つて稀土類イオンの廻りの電場は SO、イオンによつて歪めら れない八面體の各角に位置する酸素原子の展開状態によつてのみ決定せられる。

かかる見地から Nd₂(SO₄)₃・SH₂O. の勢力狀態を分光學的に檢する事は法だ興味がある. 第四表は實驗結果である.

先づ此等測定値から、基底準位の近くにある陶起準位を決定するには、二方法がある。一方 法は吸收の強さは低位にある吸收イオンの数に比例する事實を利用したもので、**励起**狀態のイ オンの数はボルツマンの法則に従つて温度下降と共に、急に減少する。かかる**励起**狀態から發 起する線は温度下降と共に急に消え去る。此の消失の温度から大體基底と**動起**狀態との間の間 隔を計算する事が出來る。此れは十二屆に例示してある。第二方法は二つの低位の準位から發



(1) 16,000cm⁻¹多重項, プリズム分光器 a, 300.b.78°K (2) 19,000cm⁻¹多重項, 格子分光器
 (3) 21,000cm⁻¹多重項, 格子分光器 (4) 23,300cm⁻¹ 多重項, 格子分光器, a, 169°K, b78°K c 20°K * x, 77 cm⁻¹準位, y, 260cm⁻¹ 準位.

.仲田・ 固體の勢力狀態 (紹介)

.

e.

Vol. XII

第 四 汳

20°K			78°K		169°K		298°K		
Angstroms	Wave Number	Int.	W.N.	Int.	W.N.	Int.	w.n.	Int.	Турс
6838.4	14,619.	34	14,622.	6wd		1		1	h
-	·	1	14,658.	3wd					h
6801.9	14,697.	6d	14,700.	6d	14,702.	3d			1
6784.9	14,735.	64	14,737.	Gd	14.741.	4wd			1
6765.8	14,776.	-6d	14,778.	6d	14,780.	4wd			
6747.7	14,816.	-5đ	14,817.	6d	14,820.	4wd			
		8 - ⁻	(14.873.		(14.875.				
6713.4	14,891.	4vwd	14,892.	6vwd	14,894.	4vwd			i
			14,910.		14,9172		15,661.	Ovd	h
4		3		Î a		1	15,694.	Ovd	h
	5)					E.	(15,726.		
1						1	115,762.	Ovwd	8
		1 8		10 mm		i 8	15,809.		
			15,825.	0d			100 Str 0 2010 - 3410		h
		9 1	15,853.	2d	15,853.	0d	15,841.	Ovfd	j h
		1	15,880.	; 3d	15,881.	0d	15.877.	Ovfd	h
6287.6	15,900.	6s	15,901.	5s	15,902.	0d	100000000000000000000000000000000000000		1
6276.6	15,928.	95	15,928.	95	15,928.	6d	15.923.		1
6265.6	15,956.	.9s	15,956.	95	15.956.	6d	15,960.	1	1
241	1.15		15,974.7	0.4			10,1000		82
			15,985.	0.0					h
6248.9	15,998.	5d	15 998.	64	15,998.	2vd	15 004		0.587
6234.4	16.036.	84	16 036	0.4	16.035	Ba	16 097		
6294 9	16 000	74	16 060	8.4	16 058	144	10,037.		0.00
0224.0	10,000.	N.G.	19,000.	1.1	10,090.	- 40	10,009.		
5514.0	10 101	5.1	10,000.	2.1	10 101	6.1			l P
5509 0	10,101.	34	10,140.	00	10,101.	1 Oct			3. B
0004.9	15,147.	10	18,148.	Ja.					1946.
- 10- A		1	. 18,148.	Ove		i an i			h
5491,3	18,206.	2d	18,205.	20	18,205.	04			
5486.4.	18,222.	2d	18,225.	0a		W and			<i>4</i>)
5475.1	18,259.	3s	18,259.	2d	18,260.	04			
5470.1	18,276.	24	18,276.	0d					
		in the second se	18,304.	04					h
5454.0	18,330.	24	18,333.	2d					
5437.5	18,386.	14	18,385.	ld	18,382.	0d			0
5409.7	18,480.	14	18,480.	ld		1			
000000000000			18,484.	2d		1 1			
5404.4	18,498.	14	18,498.	2d	18,490.	0d			
5389.6	18,549.	Od	18,553.	ld	18,546,	04			
5373.3	18.605.	0a	18,610.	0d	18.614.	0.1			2
	886 b . 16	.2082	18,720.	- 0d	18.721.	2d			
			18,760.	2wd	18,761.	3wd	18.6857		h
X8 - 3			2014 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	1 1 12 01000000	(18.786.	L Marine F	1,000		Q unano
			18,805,	2wd	18.801.	4vwd	1,00		h
		1			18 818.	1.			
		· · · ·		:	(18.8:0.4	t î			2
		. I	18.845.	Owd	18.856.	2vwd			1
			1.03 T 1.07	1000000000	18 884/	7.0.000			
		9 E	18 907.	0.	18 900.	14		Į)	h
	12 12	4 1			(18.925./				
5277 3	18 044	6.	18,946	104	18 947	3rund		1	- N.
	10,011.	19 a	10,010,	-	· 18 041	U Mu		1	1
					18 020 /				ļ
5969 0	18 000	- A	19 000	101	18 007	9			
0202.9	10,000.	OVS	10,000.	Dwor	10,0014/	avwd:	1	1	- m
				1 4	10,014.	8			
TOTE O	10.007		10.005	10.1	19,020.	0.3			
0299.8	19,021.	JWS	19,020.	IUwd	10,030.	Zwd		1	
5010 71	10.005 4		110.057 /		(10.059	r r		1	1
(5243.7	(19,005,		19,037.	10	19,002.	line w			1
0242.1	19,070.	·7vwd	119,085.	Tovwd	19,082.	2vwd			
5237.8	119.087.	1 1	19,113.	1	19.123.	1 1		1	

問體 Nd (SO4)2・81120 の吸収線の振動数

230

仲川・ 周體の勢力狀態 (紹介)

231

5000 0	1 10 100	ta I							1
0228.8	19,120.	25							
5226.9	19,127.	15							
5224.2	19,136.	ls			1	1			
5223.3	(19,139.	i sao con	(19,142./	2.45	19,140.				
$\{5215.3$	{ 19,169.	6vwd	19,168.	9vwd	19,181.	2vwd	5		
5207.71	(19,197.		19,195.		19.224.		P.C.		h
5206.3	19,202.	2d	and a second	19			1		CVT+
5203.7	19.212.	2d					ö		
5200.9	19 222	20					Ű		
5195 8	19 230	14							
5105.9	10 943	9.1						-	
5107 7	10.071	24							
51050	10 979	20							
0100.0	19,270.	a							
01/1.0	19,009.	10							
51540	10.000	100		8	(19,265.				
51/4.0	19,320.	10			19,327.	2vwd			
5164.4	19,398.	Id	19,369.	7d	(19,391./	1.155			
5159.6	19,376.	0d	1						
5156.0	19,390.	Id	í.					=	
5150.0	19,412.	ld	States in cases	was in th					
5142.9	19,439.	6d	19,443.	8d	19,435.				
5139.9	19,450.	8d	2		1				
5135.2	19,468.	0d							
5132.9	19,477.	0d	19,475.	7wd					
5120.7	19.523.	Gwd	19.500.4	A./AN.A.A.					
1.46.161	100		19.534	Sywd		2 verd			
5112.8	19.553.	Good	19 567 /		î li û	an 7 1916			
5104.0	10 587	5	(10,0011			(B)	
5000 8	10,602	5				1			¢.
5005.4	10 690	ow		*		6			
50050,4	10,020.	ow	2						
5090.07	19,007.	- aw	110 070 4			6			
5080.9	(19,070.	our control	19,078.	1994 C	÷				
0005.8	19,723.	Avw	119,709	7 vwd		8			
(5057.0	119,769.	120110	19,727.	15 132000	19,753./				
5052.0	19,789.	2d	19,790.	1d					
		Wines	(19,855.1	- 21	(19,834.				
5046.1	19,812.	Id	19,878.	3vwd	19,875.	2vwd	s (2)		1.
	and some a literature of the		19,902.		19,917.	6	1		
(5017.5/	(19,925.4		(19,936.	over es	(19.935.		18,685.4		
5012.1	19,946.	4dyw	19,948.	Jywd	19,956.	2vwd			1
5007.1	19,966.	and an and a second	19,971.	100000000000000000000000000000000000000	19.978.				
4994.0	20,019.	1d	20,024.	0d	17/22/4/00/22/14/27				
4981.7	20,068.	1d	20,069.	Od			20.054.		
4973.8	20,100.	14	1777 A.	72/6/55					
4962.9	20.144.	1d	20,138,	0.4)		
4836.6	20.670.	04	20.670	4.		, í			
4824.9	20.720	five	90,791	8.00	90 794	94	90 712 /		
2020 ATT.		015	20, 21,	1943	190 756 /	24	20,710.		140
3					1 90 797 /	1vwd			્યાર
8					190 204 /	10000000000000000000000000000000000000	8		· •
					20,024.	Oywd			n
4774.9	90.010	0.5	00.000	100	120,875.	1.7.1.1.1.1.7.1.1.1.1.1.1.1.1.1.1.1.1.1			
4//4.2	20,940,	35	20,939.	va					- L
1870 0	00 0FF	N	00 0	0.5	20,951.	5wd			h
4//0.2	20,957.	38	20,957.	9d					
4762.0	20,993.	4s	20,992.	9a	1111112020111	1422 28			
			1.0.0.0	2120422	21,004.	5wd		}	h
4756.5	21,017.	8vs	21,017.	8s	V0				h
4752.8	21,033.	8vs	21,033.	10s	21,036,	6d			
4744.7	21,069.	8s	21,069.	8s	21,069.	6d			· K
4740.0	21,096.	85	21,091.	85	21,001.	6wd			1
4730.7	21,132.	0d			249540 (97 7 6)	17757793322			1
	5. 			~	(21.131./	_			ĩ
4727.3	21,148.	6dw	21,146.	8dw	21,147.	5ywd			1
			2.92		21,153./	1.000	2		8
4716.0	21,198,	0d					10		
4714.0	21,207.	0d							
4711.9	21.217.	74	21,218	84	21,215.	5d	12		
4707.8	21,235	7vs	21,235	448			ŝ		
4705.9	21,943	Ovd		· • • •					
	a second de la companya de la company	- C. 1992 - 1	8	·	4	· 3		e	

No. 6

1

1

232

仲田・ 固體の勢力狀態 (紹介)

.

Vol. XII

.

	1 101 070 /		101 0711	í - 5	101 000/		4	1 R	
100 0 0	21,276.	12 2 2	(21,2/4./		21,269.	· 2 · 3			
4695.9	121,289.	6vwd	121,289.	7vwd	121,287.	6vwd			
the second second	21,303./		21.304.		21,306.				
4689.7	21 317.	0va			2593053 53	3			
4684 9	91 398	Qua			7				
1001.0	1,00C.	ora			1				
4081.0	21,000.	Ura	1997) (52502)	1221 5	41101000000	G 585			
4073.3	21,392	6wd	21,394.	7wd	21,395.	6wd			
4663.8	21,430.	0d	21.435.	1d	38 C	1			
4659.9	21 453.	94		981393					
1057 7	91 462	Q.,	01 169	Q	91 ACA	4.3			
4047 0	21,403.	OS CI	21,400.	05	21,404.	40			
4047.5	21,011.	0a	21,513.	Ja	21,018.	Zvd			
4638.8	21,551.	4wd	21,550.	3wd					
11	(21,568.		/21.570./						
4631.9	21.583.	Sywd	21.581.	2vwd					
	91 507 /		91 509 /						
1005 5	01 010		07 015	2.1					
1020.0	21,010.	aaw	21,010.	SULW	01.010	Å			
4018.3	21,047.	2wd	too diffuse	12721	21,643.	0vwd			
4605.9	21,705.	2dw	- 21,705.	2dw	1.1. 1.761	1		r i	
4586.9	21.795.	4dw				U			
000000 ·		10000	91 700	3dw	91 800	2dw			
1501.0	91.905	34	, a a / a / a / a / a	U.I.N	21,000.	OU W			
4004.0	21,800.	20			DT 000 4	52 19			
10102038383	515775884719945	±92= - 8	(21,906.)	32/8 0.0	21,896,	11200			
4559.3	21,927.	4vwd	21,931.	7vwd	21,927.	2vwd			
		•	21.957./		21.959./	0	1		
4470.9	29.261	0.4				10	21 925/		
1180 9	00.114	5					2.1,0000		
4400.0	22,414.	Zwu							
4400.0	22,435.	2d							
4447.7	22,477.	Ovd							
4446.6	22.483.	Od							
4431.0	09 569	lud		(H)					
1494 9	99 506	0.4							
4417.3	00,004			9					
4411.1	25,004.	Qa							
		1 1	12020000000000000	1520108	R1008-04012-080	00.001	23,014.	2d	h
		1 1	23,045.	0d	23,013.	60	23,035.		
		1	8				23.071.	6vwd	h
			22.080	40	23.079	40	23 109/	1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1	0.0
			20,000.		20,010		99 991 /		
(2001) 5		200	00.000	0.	00.000	100	(00,000	0.000	140
4:30:3.5	23,230.	S	23,229.	$_{\rm MS}$	23,229.	os	2.5,2.5.5.	40	h
							(23,246.1	5	
				8 V			, 23, 290.		
4289.3	23,306.	9ws	23.305.	10ws	23.304.	8sw	23,310.	Sywd	1
1		19 Mar 1					93 931 /		
1000.2	00.000						(20,0,001.		
4280.0	2.3,0.52.	25	60.010	1232					
4281.7	23,348.	4 4 1	23.346.	2d					121
4279.8	23,359.	3s	23,356.	5s				3	- 1
4278.8	23.364.	3s	23.368.	3s					
4277.7	23 371	45	10000000	12					
4900 9	01 41 7	01							
1001.0	20,411	owa							
4204.4	23,444.	Owd	0						
4257.4	23,482.	Owd							
4244.7	23,552.	0d							
4238.0	23,590.	0.0							
4234 4	23 609	0.4							
1998 2	97 644	5.	92645	9c					
1000	20,044.	-95	20,010.	43					
4225.0	23,070.	4d	23,672.	00			(12
	4 0		23,684.	-4d	23,685.	60			h
4211.4	23.738.	34	23.735.	0d	and a construction of the second s				
4207.3	23 762	10 vs	93 761	18	23,759.	64	23.765.	3d	1
		1.0.00	93 800	0.1	99 810	04		80800	í.
1100 0	00 070	- E	00,000.	0.1	00.002	6.2			
4186.8	25,878.	Dd	25,883.	UCI	20,880.	va			
4181.6	23,908.	Id	0	8					
4177.5	23,931.	3s		1.000		121-00-0			
4175.5	23,943.	7sw	23,947.	10	23,946.	1d			
4179 9	22 056	8	93 054	0.4		0.004655			
4160.0	09.070	0.3	20,00%	Q.					
4109.2	23,019.	20	1.m						
4163.5	24,012.	1d							
4153.0	24.072.	4s	24,073.	0d	An opposite Spectra Reservance	12. Common 1			
4145.3	24.117.	6d	24,421.	0d	24,126.	0d			
4070.3	24 562	844	24,562	35	24,564.	0d	24,572	0d	
1058 0	94 6.19		1,000	~	- 1,00 1	***		3 -	
10547	04.050	1.0							
4004.7	24,000.	1 LS		ц — 1	L, J	U. 1		. 1	

No. 6

'仲田・ 固體の勢力肤態 (紹介)

233

4050.8 24,680. 0s 24,772.	0,1	
1000 T 04005 10, 04000 7 04000 03 04070		
	00	
4020.5 24.805. 108 24,806. 78 24,802. 30 24,873.	20	
4010.2 24,929. 4s 24,932. 0d		
4007.9 24.944. 9vs 24.944. 2s 24.947. 1d		
4006.2 24,954. 7s 24,954. Is		
4003.8 24,969, 7s 24,971, 1d 24,968, 1d 24,966,	0d	
4002.3 24,979. 3s	1 1	
4000.6 24,989. 5s 24.990. 0d		
26,101, 5s $26,101, 3d$ $26,114.$	1d	h
3818.9 26,178. 10vs 26,178. 9s 26,178. 7s 26,184.	3 d	1
3804.7 26,276. 10 5 26,274. 5 5 26,272. 3d 26,272.	1d	
3751.6 26.648. 6vs 26.648. 2s 26.654. 1d		
3747.4 26,678. 3s 26,676. 4s		
8741.7 26.718, 9vs 26.717, 4s 26.720, 2d 26.731,	0d	
3739.7 26,732 1.	(327)	
3736.8 26,753. 0.		
2624.4 27.583 14 27.587 14 27.589 04		
2621 9 27 602 0d		
9610 2 97 699 2 97 699 94		
301030 2130231 35 213030 20	1	
3012.2 $21,000.$ 31 $21,000.$ 31		h
3004.0 $21,100.$ 10 $21,101.$ 10 $21,100.$ 01 $-$	24	1
		11
27,817. 3d 27,819. 3d		
3574.3 27,969. 10v3 27,973. 8vwd		
(27,992)	V	
(28,019.2		
3564.7 28,045. 10sw 28,044. 8vwd 28,069.7		7.
29.019. 4s 29.024. 3s		
29,039, Os		
3438.4 29.075. 3s 29.074. Is		
3435.7 29.098 10vs 29.099 6s 29.099 5wd		
29,326 24 20,000 000		
29.548 04		
3401.5 29,391. 0dw 29,401. 3d 29,405. 0d		

w=wide=15--80cm⁻¹幅 vs=芯だ鮮鋭な線 vw=30cm⁻¹以上 s=鮮鋭 d=朦朧 h=high temperature line vd=書だ朦朧 l=low temperature line Int=强度(强さを0-10に分ち, 0 はヨムパレータで見分け難いもの, 1 は甚だ弱し, 2-5 は小程の弱さ, 5-10 は强い吸收, 10 は線又は帶の中心に於いて完全吸収せられるもの)

起して一つの種々の共通の高位の準位に終る吸收線が、スペクトル中に存する時は、共の二つ の低位の間隔に等しい一定の振動數の間隔が全スペクトルに繰り返し發見される筈である。第 五、六表に此れを例示した。

かくして Nd+++ に就いて 77 cm⁻¹ と 260 cm⁻¹ の勢力準位を發見した。 勿論スペクトル線の朦朧性によつて正確には決定されない事が多い.

Gorter & de Haas の帶磁率の測定値から, Penney & Schlapp の理論によつて求めた 243 と 834 cm⁻¹ とは一致しない. Gorter の實驗を不正なりとし. 今得た分光學の數值, 77, 260 cm⁻¹か ら D を求め理論の曲線を書くと, 此の曲線は Hund の曲線に,より近づいており, 従つて 前述の此の理論の不合理の4つの内1つを除く事が出來る. 即ち Er の曲線と似て 来てゐる. 且つ場桓數 D は Penney & Schlapp の 計算に於ける値の 1/3 となり Pr の D と近より, 不 合理の1つを更に除く事になる. 又 Gorter & de Haas と異なつた測定値を得た Zernicke & James の帶磁率の値と一致する. 従つて若し Gorter の測定値を不正なりとすれば. 分光方法 から得た値は Penney & Schlapp の理論と一致する. Cubic Symmetry の電場の假定は正しく, 仲田・ 固體の勢力狀態 (紹介)

Vol. XII

.邻 ⋽. 77 cm ^{_1} 雅	妻 位	第 六 表 260cm ⁻¹ 準位					
. 78°K		78°K	۸ ۲ .				
1 h	V	15.661 (RT) 15.923 (F	CT) 262				
14,737	79.						
14,700. —14,622.	78.	13,094 (K1) $-13,900$ (F	(1) 206 .				
15,90115,825,	76.	18,760 -19,025	265				
15,928	75. 76.7	18,805	ı) 265				
16,06015,985.	75.	18 907	961				
18,129. —18,054. 18,259. —18,178.	75. 81.	(20,787(e) -21,033)	201				
18,38418,304.	80.	$1_{20,756}$ -21,017	5200				
19,02518,946. 19,07118,996. 19,44210,986.	77. . 75.	$\begin{cases} 20,824 & -21,091 \\ 20,827 & -21,091 \end{cases}$	s260				
19,443 19,308.	10.	20,875					
19,955, -19,879, 21,017, -20,939,	76. 78.	23,045 - 23,305	260				
21,03320,957.	76.	23.080 - 23.346	266				
21,06920,992.	77.	07 709 00 0/4	200				
23,30523,229.	76,	21,182 -28,044	262				
23,76123,684. 23,88323,806. 26,17826,101.	77. 77. 77.	s=about, h=20°K, e=169	°K, RT=300°K				

實驗と理論の準位の數が一致してゐる。 Sm³⁺ に於いてのみ理論より多くの準位の數を發見せ られたのは、 Van Vleck や Frank の所設に於ける過剩の準位は格子振動から由來する事を支 持する事は出來ない。若しさうとすれば Nd³⁺ に於ても格子振動の準位を發見されなければな らないからである。

次には $Pr_2(SO_4)_5 \cdot 8H_2O^{30}$ と NdCl₅ · 6H₂O³⁰ に就いて述べる. Pr に就いては basic multiplet として 0, 110, 235, 500 cm⁻¹ を観測された. Penney & Schlapp の計算 0, 98, 619 & 379 cm⁻¹ と一致しない. 然しかかる場合何時も任意の恒数 D の決定法であつて, Nd の D を用ゐる と, 0, 149, 256, & 576 cm⁻¹ となり, 又實驗の 500 cm⁻¹ 準位を用ゐて D を求め計算すると 0, 115, 198, 500 cm⁻¹ となつて, 今分光法で得た値と可なり良く一致を示すが, 尚相違があるの は恐らく次の事實によるものと思はれる. 稀土類硫酸鹽は皆 8 分子の結晶水を持つが, Ia と Ce のみは 9 分子の水を持つ. Ce と Pr は隣る元素であつて, Pr は 8 分子 Ce は9分子である. 稀 土類は原子番號が大となる程具の容積は小となつてゐるのである (Lanthaniden Kontraktion). で, Pr は 9 分子の水を含み得ないが既に格子は擴大してゐる. 此の擴大は理論に 於けるより 電場の强さを弱め,又歪ませる事になる. potential equation に D (x⁴+y⁴+z⁴) をのみ取つた理 論との良き一致は覚めない事は當然である.

NdCl₃・6H₂O は 0.62 & 250 cm⁻¹ の準位が 發見された. Nd₂(SO₄)₃・8H₂O より各準位が少 し低くなつてゐる. 此れは前述の Pr₂(SO₄)₃ 8H₂O の時と同様であつて, 鹽化物は Pr は 7H₂O を持ち, Nd は 6H₂O を持つから, Nd に於いて電場は少し理論より外れて弱くなつてゐるが 硫酸鹽の方はそうでないからである.

以上は基底狀態附近のエナジー単位の存在に就いてであつたが、此等の低位にある谷準位から如何なる脚起準位に上るか、即ち如何にして光が吸收されるかと云ふ事に就いて以下に述べ て見たい。

234

-

仲田, 固體の勢力狀態 (紹介)

235

〔V〕 結晶による光の吸收機構,勵起狀態の性質

三價の稀土類元素イオンの基底狀態が 4^{[*}(v=1, 2, ……14) である事は, 緒言にて速べた磁 氣的の理由や,又最近 Lang³⁵⁾ が見事なスペクトル分析によつて Ce⁺⁺⁺ の基底狀態が 4^{[2}F_{6]} である事を示し,今日では先づ疑ひの無い物と云へる. 然し闘起準位が如何なる物かに就いて は,二つの假説があつて此れに對する實驗的證明は時により,何れの假說かに有利であつて, 未だ明かでない.

(1) excitation hypothesis
(2) non-excitation hypothesis
(1)の假説は Spedding 一派の支持する所で、 勵起狀態は 4f^{x-1}5d 或は 4f^{x-1} 5g で電子は1 個 5s 5p の完成殼を越えて高い軌道に上る.
(2) の假說は Van Vleck³⁰ の主唱で、 Freed,³⁰⁾ Tomaschek³¹⁾ 等が同じ主張をなしてゐる. 此れは勵起準位も 4f^x であるが全軌道量子數 L 或 はスピン S が異なつてゐる.
(個々の 1 は同一).
(1) の轉移は普通の電氣的二重極子幅射で あるが, (2)の轉移は (4f^x-4f^x) 氣體スペクトルに於ける Laporte の禁制線である. Van Vleck は四重極子幅射³⁰,磁氣的二重極子幅射或は結晶電場による電子運動の變形から起る電氣變極 子幅射を考へると、此の轉移が可能である事を說いてゐる.
先づ excitation-hypothesis を 支持する實驗から述べる.

 $Pr_{a}(SO_{4})_{3} \cdot \cdot 8H_{a}O$ に就いて見るに、若し Van Vleck の non-excitation bypothesis によると、 4f²~4f² 型の轉移で、 職起状態は基底状態と同一の電子構造であるから 結晶場のボテンシャ ル方程式は兩状態に於いて同一となし得、且つ勵起狀態の敷はパウリの原理によつて制限され るから、 即ち ³H, ³F, ³P, ¹I, ¹G, ¹D, のみが 許された項となり、 此等に 就いて電場による Splitting Patterns を計算すると、第七表になる、基底狀態が ³H, であるから ³H₅, ³H₆ への轉

項	精 Cubic field	hit rhombic field	外 部 magnetic field
21 I ₅	-4	11	11
°II ₆	5	13	13
	13	. 33	- 33
5F4	4	9	9
³ F ₃	3	7	7
3F2	2	5	5
3P2	1	5	5
3 P 1	1	3	3
³ P ₀	1	1	1
1I ₆	6	13	13
1G4	4	9	9
1D2	2	5	5
¹ S ₀	1	1	1
	25	58	55

5 七 裘

移は極赤外部にありスペクトルに観測されない、共の他表の他の準位への轉移もスペクトルに

No. 6

Vol. XII

入つて来ない部分にあり、殊に赤外部にある、³H₄ からの轉移には選擇率が働く、然し、たと へ皆この轉移が許され且つスペクトルに観測されるとしても、實驗によつて得られた勵起多重 項は數百本の線からなる帶をなしており、到底第七表に於ける線の數に合はない、又 Ellis³²は 観測した紫の帶は ³H₄→³P₀, ³P₁ & ³P₂ の轉移. 赤の帶は ³H₄→⁴I₆ の轉移に相當してゐる 事を指摘してゐるが、此れも甚だ不合理である。何んとなれば、P-項は cubic field に於いて 分割されない、1 項は唯の6本に分割されるのみであるからである。 然し 観測された 異常に 過剰の多くの線は格子振動の準位によるものらしい。此等の多くは電子準位と同程度の强さで あつて、勵起電子と格子振動の間に强い Coupling が行はれてゐる為め、互に密に接した数百 本の線からなる吸收帶となつたものと見られる。然し Van Vleck の假說を持つてしては I と ³P に於いて强い Coupling を観測し、同じ 4f² である ³H に観測されない事を證明し得ない のである。更に原子番號が高くなると、念に Coupling が小となる事實、即ち Pr の次の Nd では若干の多重項のみが上記の吸收帶を持つており。且つ會合線が甚だ弱い、Su では甚だ厚 い Conglomentes にのみかかる吸收帶が現れ、Gd では最早観測されなくなる事の説明が出 来ない。

然し 5s, 5p の完成数を越へ電子が飛躍する exitation hypothesis によれば、此の事實は定性的に説明され得る。原子量が小になるにつれて其の状態に於いて含まれてゐる電子雲の比較的大きい部分が外部に出て來る。此の外部では近隣の原子との强い Coupling が可能であるからである。

此の吸收帶の中には、殊に紫側に、約等しい振動数の差を持つた線が観測される.又多重項 の紫側に大なり小なり鮮明な線の一群(此れは多分格子振動準位也)が20°では明かに存するが、 温度を上げると急に消えるものがある.線が消えるのみならず一般の吸收も消失する様に思ふ. 此れは初めの Sm の所ででも速べたが、Pr の時は特に此の影響が著しい、Sm の所で前述せし 如く、結晶が振動をなす時比の振動の鋭い量子化が突然消える所に達する様である. 然しかか る格子振動の正確な性質は electronic activation の小なる液體水素の温度で更に多くの測定を 為さなければ解らない.

NdCl₃・6H₂O に就いて述べると、勵起多重項は次の2つの群に分ち得る.

(1) 敷本の强い線からなるもの、14.700 及び 15.800 cm⁻¹ 多重項

(2) 多数の弱い線を作ふ多数の强い線からなる。17.003; 18.000; 19.000 cm⁻¹ 多重項. (2)の弱い線は互にあまり接近せる為め、厚い Conglomerates に於いては互に連續して多原子 分子に於ける帶と似たものになる。此れは多分格子振動の準位が重なつてゐるのである。かか る弱い線を作ふかどうかは多重項の線の强度にはよらない。此の場合も Pr の時と同様に、Van Vleck の 4f³~4f³ 轉移機構をとると、勵起狀態の数と位置が實驗と合はす。過剰の線を観測 する。唯 14.600 cm⁻¹ 多重項に於いてのみ、6本の内5本の Splitting Pattern は此の假說から 可能な ²K_{10/2} 或は ²L_{10/2}, 17/2 の狀態の若干と良く一致する。第6本目は說明が出來ない。且つ 此れがスペクトルに於いて最も强い線なのである。

然し 4¹³~4¹⁵ x の excitation theory によれば、(2) 群の多重頃の説明に都合が良く, 電子 は1個 5s 5p 殻の外にあるのであるから格子振動との容易な Coupling を期待し得る のであ る. 更に外部に電子の存しない悲哀狀態では、かかる Coupling を認め得なかつた事實も, 此 の假說に行利であるが, Van Vleck³³⁾ の指摘せる如く線の强度分布の説明に不合理な所がある。 化學者にとつて:興味特に深いかかる 勵起狀態の研究には 更に 都合良いのは Gd 鹽である。

236

237

何んとなれば、Gd イオンは基底狀態(S) が電場に於いて一重であるからである。従つて吸收 線は直ちに動起狀態の準位を示すのである。結晶構造や化學組成に於ける變化に伴ふ動起狀態 の變化も容易に観測し得る。然し不幸にして、Gd はスペクトルが紫外部にあり、主要多重項 は 2700 Å にあり、頂度大低の陰イオンの吸收も此所にある為め。此等陰イオンを含む鹽では 研究が不可能である。又かかる場合氣體イオンのスペクトルの数値が特に重要であるが、現今 Ce+++ 以外は此の數値が存しない。

陰根の吸收が 2500 Å より短波長にある次の鹽に就いて研究せられた. (實驗値 : 原報参照物)

- I. Gd (COOH)₃, Gd (BrO_3)₃ · 9H₂O, Gd ($C_2H_3SO_4$)₃ · 9H₂O
- II. $Gd_2(SO_4)_3 \cdot 8H_2O$, $Gd_2(SeO_4)_3 \cdot 8H_2O$, $Gd(C_2H_3COO)_3 \cdot 3H_2O$, $Gd(C_3H_7COO)_3 \cdot 2H_2O$
- III. $Gd(CH_3COO)_8 \cdot 4H_2O, Gd(CCI_3COO)_3 \cdot 3H_2O, Gd(CCI_3CH_2CH_2COO)_3 \cdot 10H_2O$

Gd (iso C₃11₇COO)₃ · 6H₂O

税測された物は9つの主要多重項と此れに伴ふ多くの弱線から成立つ. 弱線は或時は鮮明, 又或

時は朦朧,或は群をなす時,或は可な り分離してゐる 所があつた. (第十三 岡は多重項內の構造を示す).

所で Spedding 一派は此の 場合も non-excitation hypothesis では種々の不 都合を生する事を前と同様に論じてゐ るが,要するに Gd+++ による變極子 幅射では3つの選擇率 $\Delta S = 0$, $\Delta L = \pm 1$ を破る 必要がおこるから, 此れは不可能で,又四極子輻射では實 驗の線の强度が出す更に弱い筈なので ある,

一方 excitation hypothesis では Freed, Van Vleck (後述す) 等が反對 する所は完成穀の外に出た電子は近隣 原子の搖動的播動を受け,常に朦朧帶 となると云ふのである。 然し 'Cr 及 Mn 鹽は完成穀の外に電子が存する (3d 電子) が, 鋭い線吸收を觀測され



る^物 以上, かかる Van Vieck の反對は承認し難いと Spedding は云つてゐる.

シ重項內の各線は結晶電場による氣體 Gd+++ のスペクトルの分裂によつて生じた物で、 電子振動に分子間又は格子振動の重合したものが存しない事は次の事から明かである。若 し格子振動が現れてゐるとすれば、Gd+++ と結合するイオン又は分子の質量とスペクトルに 於ける間隔との間に若干の關係がある箸である。然し此れは観測されない。又多重線の間隔が 格子の何所のかの振動に相當するとすれば、振動のエナジーは數 10cm⁻¹ の程度となる。又異た る多重項の線の間に一定の振動差の存在が期待される。又溫度と共に强い强度の變化がある 箸であり、溫度上昇と共に段々と高い振動状態からの飛躍に相當する新しい吸收線を認めなけ

Vol. XII

ればならないが、20°~300°の間に何れも親測されないのである。

次に線の港しい朦朧性の事であるが、Gd の有機化合物の最も簡單なもの以外にはうまく説明されない。此の結晶は柔くあるが、然し何時も完全結晶であつて、ガラス質又は半ガラス質は見とめられない。若しガラス質ならば原子排列の不規則性から直ぐ線の朧腺性を考へ得るが、 今の様な完全結晶では (Gd-butyrate) アルキール群の何所かの麺轉又は振動の結果として、Gd 原子とアルキールとを連結する Carboxyl 酸素(電場を作る物)が小さい週期的動揺を起すぼめ、 結晶電場の動揺によるものとせなければならない。(此の事は Sm の所でも既に速べたが)又 GdCl₃・6H₂O に於ける水の酸素の動揺より大であつて Gd-propionate, Gd-butyrate ではスペ クトルの朦朧性は 20°K にても尚存してゐるから、アルキール基の動揺は熱エナジーによつ たものとは考へられない。結晶を照す紫外線の1部の吸收によるものらしい。脂肪酸の低級の ものは 2500 Å 以下に於いて吸收を示す。吸收されたエナジーは主に炭素原子に電子動起を起 すであらう。然し電子飛躍と共に C-C、C-H、等の振動が起る事が考へられる。 然し Gd (C-H₄COC)₃・3H₂O の完全結晶にて 2700 Å から 100 Å 位の幅の光源にて吸收スペクトルを 撮つたが尚線は鮮明にはならなかつた。第十三岡は Gd 鏖は陰根が種々變化しても多重項の位 置は變化しないが、多重項内の各線の位置、數、性質は可なり變化する事を示してゐる。此れ は結晶の對稱の度合に主に關係する。

Spedding は更に固體スペクトルに對するゼーマン效果の研究から³⁰, excitation theory にー



層の實驗的根據を與へてゐる.

GdCl3-6H2O に就いて得た結果 が第十四間であつて、18000 ガウス 前後の磁場を試料に加えると、多重 項の各線は大抵9本に分裂する、又 随起狀態のランデの分離項gは2(又 は0)であつた。22500 ガウス値の强 磁場になると、パツセン、パツク效 果が現れ、線は成がり、遂に2本に なる。又あまり弱磁場に於いても 9 本にはならないが、かかる場合以外 は9本を得た。かかる事は如何にし ても non-excitation hypothesis では 説明が出來ない、且つ g が2 或は 0 であると云ふ事は、電子のスピン のみが磁場の方向に向く事を意味す

るものであつて,若し駒起駅態4f であるならば,谷駒起駅態は種々のgの値をとる筈であ る。他方4f55d を取るとすれば此の説明が甚良く出来る。4f6 電子は互にラツモル,サン ダニスの coupling を以て結合し,外部の5d 電子は5s 5p の完成殻の遷蔽作用によつて弱 く結合される。5d の軌道は外の電場と強く coupling³⁶⁹ する為め,此れは磁場の方向をとらな い、けれども此の軌道によつて生じた磁氣能率は内部の4f⁶の電子の能率と結合をするが。 仲田・ 固體の勢力狀態 (紹介)

此の coupling の エナ ジー が外部磁場によつて、此の 軌道が其の方向を取り得ない程大き いとすると,結局自由に磁場の方向をとり得るのは,外に出た 5d 電子のスピンのみとなる。(此 のスピンは 5s 5p の遮蔽の35め、他の電子との共鳴效果が小さいので書だ弱く coupling して ゐると考へられる)結局勵起準位は磁場の中に於いて、5d 電子に就いて 2本に分離(間隔 2w: w はラルモーアの歳差)する事になる。 Gd の表底準位は 8 重縮退であるから,磁場に於いて 8



本に分裂する. Bethe の定理によつて,結晶中に於いて, 選擇率 4m=±1,0, が破れるから皆この轉移が許され るとして9本となつて, 頂度實驗によつて得たものと一 致する(第十五圖). かくゼーマン效果の實驗は光の吸收 によつて電子が1個完成殼の外に勵起される事の良き質 驗的證明である.

- (1) 四極子輻射.
- (2) 磁氣雙極子幅射.
- (3) 結晶電場による電子運動の變形から起る電氣雙極子輻射.

(1),(2) は氣體スペクトルに 於いても通常の電氣雙極子輻射が選擇律によつて禁ぜられる 場合には見られる事があるが,(3) は結晶に特有である。(3)は皆ての結晶場によつて起らない。 電場が對種の中心を持たない事を必要とする。若し電場が對種の中心を持つてゐる場合は,其 の波動函数が空間の原點に對する鏡像に對して,奇項と偶項とに區別される事が出來,從つて ラポルテの法則が成立つからである。又(3)は2つの 場合に區別されうる。即ち結晶電場が此



れを形成する原子核の振動の平衡の位置に於いてでさへ、 對稱の中心 を持たぬ場合と、振動によつて平衡より他の位置に移つた時、 對稱の 中心を失ふ場合の2つである。(第十六圖)。 今問題の稀上類靈類がど の程度に對稱の中心を持つてゐるかと云ふに、X 線の研究によつても 酸素原子(電場を作るもの)や H の如き輕い元素の配置は解らない。 Zachariasen³⁹ が Smc(SO₄)₃・8H₂O に就いて X 線によつて得た Sm の 配置を見ると、 Sm-Sm 力場による結晶場は對稱の中心を持たない事 が解る。 Sm 原子は水分子が介在してゐる為、可なり互に大なる距離に あり、此れはあまり問題ではないので、 今の場合更に近くの酸素原子

の電場が重要であつて此れは今迄述べた理論にては Cubic Symmetry を持つてゐると假定せられてゐる。かくて結晶電場の非對稍性は遠く離れた原子に由來する物で,從屬的の重要性のものである事が解る。

今若し excitation theory によつて電子が1個完成殻の遮蔽の外に出るとすれば、此處では强い近隣原子間力の揺動的播動を受けるから、鮮鋭な吸收線は期待する事を得ず、朦朧な帶を親測する筈である、スペクトル中に観測された鮮鋭な線は此れによつては説明できないと云ふの

Vol. XII

が Van Vleck の反對理由である.

Ce や Yb は 4P 及 4P であるから、軌道準位の L は 1 つの値より持たない. Van Vleck の轉移を起す錫めには少くとも 2 つの L の値を必要とするから、 此等に於いてはかかる轉移 は起らない筈で、鮮鋭な線は観測されない筈である。 實際の實驗結果^{40,00} も可なり低温迄も鮮 鋭なる線を認めず、唯强い朦朧帶が紫外部に發見され、Freed は 5d への勵起によるものとし てゐる。氣體原子では禁制線は多く観測されない、然し固體の場合は原子の密度が著しく均大 (百萬倍) する饧め、 選擇律の少しの破壊も認め得べき 幅射をなす 事が考へられる。 實際 Becquerel,⁴³ Tomaschek,⁴⁰ Gorter⁴³ の Pr+++, Nd+++ に於ける測定によると,線の强さは通常 氣體にて見る變極幅射に對して期待する百萬分の一の强さをもつてゐるのである。又 Pr+++ と Nd+++ に於いて可視部に於ける鮮鋭な線は廻轉分散に於ける共鳴中心として全く示さない事 は、 共の强さが殊の外弱い事を示す物である.⁴⁰ 他方 Spedding 一派が稱する Cr や Fe 鹽に 於ける鮮鋭なる線は 3d^a → 3d^a の轉移によつて鮮鋭となつた物で、 Spedding の云う如き高い 軌道への闘起を起す時は振動と電子運動の Coupling はスペクトルをもつと複雑にする筈であ ると Van Vleck は云つてゐる。此れは二原子分子の電子帶に於けると同様である。

二量子狀態間の轉移の確率(スペクトル線の强度)は量子力単に依つて計算する事が可能である。⁴⁶⁵⁹ 此れによると電氣變極子輻射の確率は次の式によつて與へられる,

 $\sigma = 64\pi^{4} e^{2} \nu^{3} q^{2} / 3hc^{3} \cdots (1)$

ν: 輻射振動数 q: 轉移に對するマトリツクス振幅

(1)を計算する為めには量子力學的マトリツクス振幅の自乗 q² を知らなければならない. q² は軌道半徑の山乗 r² の平均値の大さの程度で次の式によつて與へられる.

 $\mathbf{r}^{2} = \iiint \psi^{2} \mathbf{r}^{2} \mathrm{d} \mathbf{v} \qquad (2)$

(2)を計算する認めに φ を知らなければならない。此れに對して有效電荷 Ze の水素類似原子 に對する 4f 波動函数を使用する。

a。は通常の a₀=h²/4 π^2 e²m であつては Ce⁺⁺⁺ の 4f に就いてのみ知られてゐる³³⁾ Z==6.6 で ある. (2)式は計算して

 $r = (360 a^2 a)^{1/2} = 1.53 \times 10^{-8} cm^{-1}$

可観光線をとつて v=20.000 cm-1 とおくと

 $\sigma = 1.3 \times 10^{8} \, \text{sec}^{-1}$ (4)

Van Vieck は更に禁制轉移の確率の概算を行つてゐる。先づ四極子輻射の確率は

Q は四極子の振幅であつて、單位から云ふと、 軌道半徑の自乗の平均値と比較できる程度で あるが、数値は 4f-4f 轉移に對して Q² は(2)式の r⁴ より相當小であつて、時には r^{4/100} よ り小となる時さへある. 然し今定性的な計算に於いては、Q²=r⁴/10 とおき、 $\nu=20,000$ cm⁻¹と すると、

 $\sigma_1 \sim 4 \operatorname{sec}^{-1}$ (I)

次に磁氣雙極子輻射の確率は次の式に依つて與へられる.

 $\sigma_{11} = 64\pi^{4}\nu^{3} M^{2}/3hc^{3}$ (1)

M は問題の二狀態を連ねる磁氣能率のマトリツクス要素である。 スピン執道の相互作用を考

へて M を求めて、 II を計算すると、

 $\sigma_{\Pi} \sim 2 \sec^{-1}$

第三には結晶電場による變形による電氣變極輻射の確率である。對稱の中心を持たない結晶電場が波動函數に偶函數と奇函數の圖別を失はしめる時, 禁制線に對する此の轉移確率 σm が 存在する様になる。結晶中のイオンの波動函數は次の如く遊離イオンの波動函數 ψ の和とし て表す事が出来るとする。

$$\psi = \psi_0^{\mathbf{g}} + \sum_{i} a_i \psi_i^{\mathbf{g}} + \sum_{i} b_i \psi_i^{\mathbf{u}}$$

g と u は ラポルテの對稱の偶と奇項とを示してゐる. 5 は夫々皆ての偶數と奇數の狀態に就 いて和を求める事を意味する(此れは合して波動函數の完全なる正規直交系 (Complete orthogonal set) をなす). 簡單の為めに, 今偶數の電子があると假定して,それ故に 4f* 狀態の非構動 函數 ψ。は偶函數である. (1)式中のマトリツクス振幅 q の大きさの程度は

 $\int \phi' x \phi'' dv = \sum_{i} \{ \int \phi_0^{\mathbf{g}'} x b_i' \phi_1^{\mathbf{w}} dv + \int b_i' \phi_1^{\mathbf{w}} x \phi_0^{\mathbf{g}''} dv \} \sim b_i \int \phi_1^{\mathbf{g}} x \phi_1^{\mathbf{u}} dv \sim b_{if}$

此所で偶項と奇項とを連ねる許された轉移に對するマトリツクス振幅は (2) 式によつて定義される r と同程度の大きさであると云ふ事實を使用してゐる。 捕動理論を應用して

Vhen は對稱の中心を含まない部分,即ち電場の hemihedral part のマトリツクス要素である。 結局轉移確率は

 $\sigma_{111} \sim (64\pi^4 e^2 \nu^3 r^2 / 3hc^3) (V_{hem} / h\nu^1)^2 \sim \sigma_{allowed} (V_{hem} / h\nu^1)^2 \cdots (111)$

レ は ν とは勿論異なり、此れはラポルテの對稱の勵起状態から 4f* を隔離する振動數の間隔 であつて、レー10⁵cm⁻¹ 位である。

既に述べた平衡の位置に於いても對稱を持たざる場合(IIIa)と, 振動によつて非對稱の位置 を取る場合(IIIb)に就いて、Vhem を概算して, 夫々の確率を求めると,

 $\sigma_{111_{\rm m}} \sim 1 {\rm sec^{-1}}$

 $\sigma_{\rm III_b} \sim 1/10 \, {\rm sec^{-1}}.$

比等の確率を實驗と比較して見るに、Pr や Nd 就いて Tomaschek 等が得た轉移確率は 10から100 sec⁻¹ の程度であり、上の理論 I、II、III の何れにも大體一致してゐる。理論的計 算は遊離の稀上類イオンの波動函数のより正確な知識と、結晶電場によつて外部軌道の變形の 狀態に就いて、更に明かになつて來なければ上述より正確な計算は不可能である。以上の計算 によつて解る事は観測されたスペクトル線は I、II、IIIa、IIIa、O皆の原因によつて起つて ゐる可能性がある。從つてスペクトル線は外觀複雜になつて來る譯である。 I、II、III の各原 因によつて生产る吸收線を區別し得るならば、甚だ興味があるが、現今の所不可能である。又 禁制線は普通の變極子轉移にくらべてはるか弱いものである事が解る。

Tomaschek⁴⁹ は稀土類鹽類の燐光スペクトルを檢して又 non-excitation hypothesis を支持してゐる.又氏は固體スペクトル線の分類を行つてゐるが未だ不完全である.

以上の如く Van Vleck の 4f \rightarrow 4f 轉移假設にも可なり實驗的支持があり, excitation hypothesis と non-excitation hypothesis は何れも眞理であつて, 時により何れかの機構によつて起り又兩者は同一スペクトル中に同時に起る事もあると考へられる.

No. 6

3

Vol. XII

[VI] 過剩なるエナジー準位の神秘

稀土類**麗**類のエナジー単位は多く結晶電場によるスタルク準位を考へる時説明し得る事は既 に述べた.然し時々スタルク準位によつても説明し與はざる準位が存する事も既に述べた.最も 有名なのは Sn であつて、0,160,188.225,(245) cm⁻¹.の四つ或は五つの準位が發見された が、理論の要求は三つである.又 GdCl₅・6H₂O では 0,37,53,79 cm⁻¹, Eu₂(SO₄)₅・8H₂O に は0,21,41 cm⁻¹ を發見した.前者は基底狀態が S であつて、理論的には此れは電場によつ て認め得べく分裂し得ないのである.後者も基底狀態は 'F。であつて、J=0 の狀態は一つの 準位より存し得ない筈であるか、かる過剰なる準位の存在の可能なる説明として、Van Vleck は 3 つの場合を考へてゐる.

(1) 或種の組合せの過ちからおこる虚偽の単位に過ぎない。

(2) 悲広状態のスタルク準位と同じエナジーを持つた勵起状態が存する時、Spedding は此 れを electronic isomer と名づけ、Su では H の $J > \frac{5}{2}$ のもの、Eu では F の J > 0 の状態をとる.

(3) 過剩準位は格子振動による。但し此れは純粹に振動準位である事を意味しない,振動 と電子運動の間の或る相互作用がおこり,振動準位はスタルク準位の性質を伴ひ,兩者の隔別 が失はれてしまふ。

(1) に就いては分光方法と勢力準位の分析法に於いて不完全な所があるかもしれないからであ る. (2) は Spedding が支持してゐるが(前述せり), Miss Frank の Sm⁺⁺⁺ 及 En⁺⁺⁺ の帶磁 率(結晶電場を考量)の計算に於いて⁴⁰, かかる低いエナジーの電子異性體の存在を假定せずし て良く實驗を説明し得てゐるのである。然し比熱測定から求めた準位は過剩の準位を認めなけ ればならない事に, Ahlberg & Freed の實驗ではなつた。然し此の實驗では純粹な電子運動の みの準位が出てゐるかどうかは疑問であると Van Vleck は云つてゐる。 Gd₂(SO₄)₃・8H₂O と Sm; (SO₄)₃・8H₂O の格子振動が嚴密に等しくはないであらう。従つて比熱測定の結果から電子 異性體の存在を直ちに立證されない (又比熱の僅かの差は正確には測定する事が甚だ困難であ る、従つて實驗誤差もあるかも知れない). Van Vleck は Sm の過利準位はスタルク準位と振 動準位が甚だ接近して存する場合共鳴效果を生じ、此の兩準位が性質が等しくなる為め、分光 測定には準位の數が倍加されて現れるのであると云つてゐる。即ち振動準位が加はつてゐるの である。

(3) に於いては振動と電子運動の Coupling が假定される.前述の確率の計算に於ける III。 による吸收線がありとすれば、此の事は是認せられる.此の場合は観測せられる振動数は ν。 ±ω となる.此所にωは格子振動の振動数では ν。は此の振動を無視した場合の振動数である. かかる場合、振動の補正をなす事が出來ない限り、振動準位を結晶の電子準位と誤認をする. 但し III。は吸收線の强度の主要原因でないかも知れないが、然し此の型の或る輻射が起り他 の物と混じて、見かけ上過剰の準位をあたへる事が考へられるのである.

G. J. Kynch⁴⁹ は Penney & Schlapp の理論を更に擴張して,第四次及び第六次の或は此れ ら2つの結合せる Cubic Symmetry の電場によつて稀土類イオンの種々の J-準位の Splitting 模型を理論的に第出して作り,實驗によつて得られたものと比較してゐる。此の進步した理論 によつても實驗によつて得たエナジー準位の位置及數は十分說明出來ない。又電子運動とイオ 仲田・ 岡巒の勢力狀態 (紹介).

243

ンの振動の coupling と電子異性體の存在の假定による過剩の準位によつて複雑にされる事が 認められた。又 Kynch の理論は6個の同一原子(酸素)によつてイオンが閉まれた Cubic Symmetry の電場が存する結晶に就いて應用し得るもので、硫酸鹽の様なそうでない場合には滿足 な實驗事實の說明は出來ない。

(以上の所論に於いては皆て, 比熱, 分光, 磁氣測定の實驗的方法及び試料の調製法に就い て一切述べなかつた. 然し此れ等は決して容易な方法ではないので, 此等に就いては原報を参 照せられたし、)

[VII] 結 論

因體のスペクトルは氣體スペクトルに較べて著しく複雜である. Van Vleck も云へる如く, 未だ皆が謎の狀態にある. 結晶のエナジー準位を導出するには比熱,磁氣,及び分光測定の三 方法が行り,何れも有用なる事が解つた. 結晶電場のエナジー準位に對する影響と,格子振動 の此れに對する關興,及び電子異性體の存在等が考へられた. 結晶電場に就いては量子力學に よつて理論的計算が行はれたが,格子振動の闘興に就いては未だ計算されてゐない. 結晶によ る光の吸收機構から勵起狀態の性質が研究せられたが未だ定説に達してゐない. 結晶によ る光の吸收機構から勵起狀態の性質が研究せられたが未だ定説に達してゐない. かかる研究に 於いて. 常に問題になるのは 4f 群の電子の舉動であつて,化學に關興する電子の研究である から化學者にとつて極めて興味のある問題である. 接觸觸媒作用の機構も此の電子の研究から 明かになるものと信ずる. 最近此の種研究論文も二三現れて來た. 又氣體原子スペクトルでは 教へて具れない原子問力或は結晶力に就いて教へてくれるのである. 更にスタルク準位を實驗 的に決定し, 此れから結晶電場のボテンシャル方程式を作り,結晶中の各原子の配置を知る事 が出來る. かかる場合X線の研究に依つて知り得ない酸素水素の様な輕い原子の空間的配置を 知る事が出來るのである. (13, 11, 30)

文

- E. Rabinowitsch, Z. Elektro. Chem., 39, 702 (1983).
- Freed & Spedding, Nature, 123, 525 (1929). phys. Rev., 34, 945 (1929).
- 3) Hund, Z. Physik 33, 855 (1926).

No. 6

3

- J. E. Ahlberg & Freed, Phys. Rev., 39, 540 (1932). J. Am. Chem. Soc., 57, 431 (1935).
- 5) A. Einstein, Ann. Physik., 34, 170 (1911).
- Ahlberg & Clark, J. Am. Chem. Soc., 57, 437 (1935).
- Giaugue, J. Am. Chem. Soc., 52, 4808, (1930).
 Hicks & Mitschell, *ibid*, 48, 1520 (1926).
- 8) A. Frank, Phys. Rev. 39, 127 (1932).
- Spedding & Bear, Phys. Kev., 46, 975 (1934).
 Ahlberg & Freed, J. Chem. Phys., Phys. 5, 552
- (1937).
 11) Spedding, *Phys., Kev.*, **50**, 574 (1936).
 Spedding, Hamlin & Nutting, *J. Chem. Phys.*, 5, 192 (1937).
- Kramers, Proc. Anst. Acad., 32, 1176 (1929), Bethe, Z. Physik, 60, 218 (1930).

13) W. Klemm, Magnetochemic, 104 (1936).

14) ibid. 107 (1986).

戲

- J-值の表: Bacher & goudsmit, atomic energy state (1932).
- 16) Van Vleck, *Phys. Rev.*, **31**, 587 (1928), E. C. Stoner, *Magnetism & Matter* (1934).
- 17) Freed, J. Am. Chem. Soc., 52, 2702 (1930).
- 18) Spedding, ibid, 54, 2593 (1932).
- 19) E. C. Stoner, Magnetism & Matter 292 (1934).
- 20) Penney & Schlapp, Phys. Rev., 41, 194 (1932).
- Bethe, Ann. Phys. 3, 196, (1929).
 Van Vleck, Theory of Electric & magnetic susceptibilities, (1932).
- 22) Spedding & Bear, Phys. Rev., 42, 58 (1932).
- 23) Spedding, Phys. Rev., 50, 574 (1936).
- 24) loc. cit., Spedding & Bear (1934).
- Spedding, Hamlin, & Nutting, J. Chem. Phys., 5, 191 (1937).
- 26) Spedding, Howe & Keller, J. Chem. Phys., 5, 416 (1937).
- 27) Spedding & Hamlin, J. Chem. Phys., 5, 429 (1937.)

仲田, 因體の勢力狀態 (紹介)

Vol. XII

- 28) Lang, Phys. Rev., 49, 552 (1936).
- 29) J. H. Van Vleck, J. Phys. Chem., 41, 67 (1937)
- 30) Freed, Phys. Rev., 38, 2122 (1931). 及び 46).
- 31) Tomaschek Nature, 130, 740 (1932).
- 32) Ellis, Phys. Rev., 49, 875 (1936).
- 33) Van Vleck, loc. cit, (1937).
- 34) Nutting & Spedding, J. Chem. Phys., 41, 33 (1937).
- 35) J. Gielessen, Ann. Physk., 22, 537 (1935).
- 26) 量子物理學講座:原子スペクトル(昭和十三年) 178, 36.
- 37) F. H. Spedding, J. Chem. Physk., 1, 144 (1933).
- 38) Bethe, loc, cit.
- 39) Zachariasen, J. Chem. Phys., Physk. 3, 197 (1935),

- 40) Tomaschek, Physk Z. 33, 878 (1932).
- 41) Gorter, ibid, 34, 238 (1933).
- 42) Becquerel, Phys. Z. 8, 929 (1907): 9, 94 (1908).
- 43) Roberts, Wallace & Pierce, Phil. Mag, 17, 934 (1934).
- 44) 杉浦: (共立社講座, 電子物理學 昭和十二年).
- Heitler: The Quantum theory of Radiation (1936).

Kramers ; Quantentheorie des Elektron und der Strohlung (1938).

- 46) Freed, & Mesirow, J. Chem. Phys. 5, 22 (1937).
- 47) A. Frank, *Phys. Rev.*, **39**, 119 (1932): **48**, 765 (1935).
- 43) G. J. Kynch, Trans. Farud. Soc., 33, 1402 (1937).