## 液相の統計力学の問題点

この研究会の趣旨に沿って,でき上った話ではなく,これから行おうとしていることの問題意識を述べ,議論のきっかけとしたい。

conventional な液相の統計力学に関し、二つの問題点を指摘し、これ に代る approach の可能性を考察する。

#### I. hierarchy 的見方とBethe 近似的見方

conventional な統計力学では、1体分布関数、2、3・・・体分布関数のhierarchyをsuperposition 近似など、何らかの形で切断して、2体分布関数に対する積分方程式を作るという形で、いわば low density (hard sphere radius に比べてmean distance が大きい)側からのapproachをしている。しかし液相でessential なのは粒子に大きさ(半径aとしておく)があることであり、遠く離れた二点の相関は、距離に依存した平均的相関が直接働くわけではなく、その二点の周り半径aの球内に他の粒子がいるか否かが本質なのである。

この点に注目し、格子統計のBethe 近似のようにある領域(例えば interaction range を半径とする球)を考え、その中での可能なあらゆる配置(連続空間では計算不能かも知れないが格子模型でならある程度可能 の起る確率を計算し、遠距離でも2体相関は基本というhierarchy 的立場 に対して、短距離の高次相関の方を重視し、遠距離相関は短距離相関の繰返しによって生ずるという立場がある。

通常のBethe 近似は、簡単にいえば、隣接する(z+1)個(z は near est neighbour 数)の格子点に統計力学を適用し、中央と周囲は任意に選んだから同等という selt-consistecy を課す。その過程において(z+1)個の格子点で起りうるあらゆる状態の実現比の式を作っており、この近似の枠内でこの比は計算可能であり、従って(z+1)個の中の数個の状態を与えたときの残りの点の状態に対する条件確率もわかる筈である。そうすれば一

次元問題のとき可能なように一端から順にみて行く"Markov過程的"扱いが二次元以上でも可能であろう。

しかし、Bethe 近似での consistency の要求は一点における量に対してのみであるのでつじつまかあわなくなるが、もっと多くの量に対してself-consistent にすればこの考えは可能である。Kikuchi らの Cluster Variation Method  $^{1)2}$  はこのような考え方といってよい。 (本誌 Vol.14 (1970) B9 のモレキュール報告で紹介)。 Kikuchi の論文  $^{2)}$  では格子模型で固 - 液 - 気体に相当する  $^{3}$  相を導いているが、この液相と称する状態の性質をもっと調べてみることは興味深い。

また液体金属問題としてはこの状態における電子状態に興味があるが、上で得られた相関を用いてnearly free で計算するやり方の他に、電子目身もます short range order を感じるという tight binding的approachがあり、そこでも Betne 近似的見地は有効であろう。

I. canonical ensemble 理論は一粒子の運動に着目していないこと 古典統計では座標積分と運動量積分が独立にできるが、このことは粒子が potential の大きいところで速度が遅くなるといったような一粒子の力学を捨て去った立場である。 low densityで且つ比較的速く混り合ってしまう気体では ensemble average と time average が等しいというようなことで許される立場であろうが、固体の場合にはこれは unphysical な程の長時間平均をとっていることになるだろう。液体の場合もそうではないか。

むしろ気体の場合に衝突中の僅かの時間を除く始んどの時間は自由に運動しているという気体運動論が有効なのに対して、殆んどの時間多体衝突中(多粒子と相互作用している)であるという逆の極限で、いわば「液体運動論」とでもよぶべき approachがありうるのではないか。

固体では粒子は束縛され、自由度が死んでいることが本質であり、固体、 液体、気体の三相を連ねてみるとき、一つの古典統計力学的扱いだけでは済 まないように思われる。

क लिखान हा समान्यसार्ह

· or invertible is a new

# 

その後【の見方に近い論文

S.Baer: J.Chem.Phys. 36.2406 (1962)

S.Baer: J.Chem.Phys.38.2668 (1963)

D.R. Squire and Z.W. Salsburg: J. Chem. Phys. 40. 2364 (1964).

の存在を知りました。

またⅡに関連して研究会当日

から御指摘頂きましたが、Itinerant Oscillator Model は私の意味での「液体運動論」かどうか未だにわかりませんが、私自身もII の問題の所在に最近気付いたばかりで、これに関して具体的 idea をもっているわけではありません。

1) R.Kikuchi: Phys. Rev. <u>81</u>, 988 (1951)

M.Kurata, R.Kikuchi and T. Watari: J.Chem Phys. <u>21</u>, 434 (1953).

T.Morita: J.Phys.Soc. Japan. 12.753 (1957)

T.Morita: J.Phys.Soc. Japan. 12,1060 (1957)

2) R.Kikuchi: J.Chem.Phys. <u>19</u>, 1230 (1951)

#### ○討 論

Q: (松田)

幾何学的という事はどういう事か。

A:平均操作の中に見逃されてしまりという事で1粒子の個別性を重んじるという事である。

Q: (下地)

液体の場合に2体衝突が主要であるが、3体、4体の衝突も考えるのか(という事か)

A: それ程考えは固まってはいない。

Q: (下地)

物理量をどういう形にして表わすかをはっきりさせてほしい。

A: 例えば lattice model で有限の interaction を取り入れると 3 相が扱える。その中での液体の位置を探ってみる事など。

Q: (武野)

液体に対してモデルとしてはどんなものを考えているか。

A: lattice modelで long-range の相互作用をとり入れる。具体的 に始めから設定するのではなく, 両方 (lattice gas と integral eq.) をつなげてみたい。

理想液体についてのコメント (松田)

3 相をもつもので最も簡単なもの

Model Hamiltonian,

$$H = \sum_{i < j} \phi (r_{ij})$$

$$\phi (r_{ij}) = \frac{C}{r^n} - \alpha r^3 \exp(-\gamma r)$$

$$n > 3 \cdot c > 0 \cdot \alpha \ge 2 \cdot \gamma \rightarrow 0_+$$

ある温度に対して、 $\alpha = 0$  の状態方程式がわかれば、任意の温度に対して exact に熱力学量が出せる。

$$p = kT (kT_C)^{\frac{2}{n}} p_A^* (v^*)$$

$$p_A^* (v^*) = p_O^* (v^*) - \frac{A}{v^2}$$

 $A=8\pi\alpha C^{-3/n}~(kT)^{-1+3/n},~v=({^c/}_{kT})^{3/n}~v^*$   $\subset\mathcal{O}$  system  $\not\subset$  melting max  $\not\sim$   $\land$   $\not\sim$ 

$$p_{m} \simeq a T_{m}^{1+3/n} \left\{ 1 - b T_{m}^{-1+\frac{3}{n}} \right\}$$

$$a = k \left( k/c \right)^{3/n} p_{m}^{*}, b = 4\pi\alpha c^{-3/n} k^{-1+\frac{3}{n}} v_{m}^{*-2}$$

結果としては、次の所でほご合う。

Na  $n \sim 6$  (a,b)=(20, 9)

-4 y  $= Ar \times n \sim 9$  (\*\*)  $\times (.95, 15) \times \times 9$  (\*\*)

· In the American Company of the Co

metal ではどういう意味があるのかはっきりしない。metal の場合は coreはsoft である。

### 全国Q<sup>\*</sup>: C. 武野 Nag A Company () C. A Paris C. Edward () C. A Paris C. A Company () C. A Compa

Simon eq.はlattice dynamicsから、すなわち、リンデマンのの式とグリュナイゼン定数を用いて出てくる。特にVolume Change による phononの frequency ωの変化が重要と思う。

## 被体中の原子の速度相関

Considerate and the contract of passes and by a contract of the first of the contract of the c

化海绵性磷酸钠 化环间流 医特别氏病 医多种 化对抗性 医乳肿 "我们是这个人就是一个人的人,我们们就是一个人的人,

単純な液体、特にアルゴンのモデルに対する速度相関函数がRahman  $^{1)}$  により数値計算されている。Rahman の "実験"曲線を理論的に導く試みは多数あるが、Sears  $^{2)}$ の it inerant oscillator model は簡潔であり、液体中の原子の振舞いを理解する上で有用と考えられる。Sears のモデルは、原子が調和振動子ポテンシャルの中で摩擦力とランダムな力を受け、一方、原子が入っている調和振動子ポテンシャルの中心はBrown 運動をするといりものである。以下、このモデルについて論ずる。

I. Sears がとのモデルの記述に用いた方程式 (Langevin方程式を一般化したもの)は、Nakahara and Takahashi<sup>3</sup>により注意されたように、揺動一散逸定理を満さない。 我々は原子の速度、調和振動子ポテンシヤル