

## 確率的 Eight Vertex 模型の「弱い普遍性」

東大・理 池田 博

Baxter の Eight Vertex 模型<sup>1)</sup>の注目すべき点は普遍性が破れていること、すなわち臨界指数が系のエネルギー・パラメーター  $\lambda$  の連続関数になっていることである。しかし、「弱い普遍性」<sup>2)</sup>は満たされているようである。Suzuki<sup>2)</sup>によって提案された「弱い普遍性」の要点は、相関距離の臨界指数  $\nu$  で割った任意の指数は普遍であるという事である。

ここでは Eight Vertex 系の確率的模型を作り、動的現象における弱い普遍性の有効性をチェックしてみる。

まず Eight Vertex 模型に等価な正方格子上的 Ising 模型

$$\beta H = -K \sum_{j,k} (\sigma_{j+1,k} \sigma_{j,k} + \sigma_{j,k+1} \sigma_{j+1,k}) - \lambda \sum_{j,k} \sigma_{j,k} \sigma_{j+1,k} \sigma_{j,k+1} \sigma_{j+1,k+1}$$

から出発する。動力的 Ising 模型<sup>3)</sup>と同様にして、このハミルトニアンより次のような確率的模型を作る。

$$\frac{d}{dt} p(\{\sigma\}, t) = -\sum_j W_j(\sigma_j) p(\{\sigma\}, t) + \sum_j W_j(-\sigma_j) p(\{-\sigma_j\}, t),$$

$$W_j(\sigma_j) = \frac{1}{2} (1 - \sigma_j \tanh E_j),$$

ここで  $\sigma_j$  に作用する場  $E_j$  は

$$E_j = K \sum_{n,n,n} \sigma + \lambda \sum_{f.s.t} \sigma_1 \sigma_2 \sigma_3$$

で与えられる。(最初の和は第2近接スピン、次の和は4体力からくるスピン)。文献3)と同様に高温展開が定義できるが、ここでは簡単のために、 $\lambda$ の1次までの範囲で高温展開する。例として、非線形応答に関する臨界減速を特徴づける非線形緩和関数

$$\tau_\lambda^{(n,1)} = \int_0^\infty dt M(t)/M(0) \sim (T - T_c)^{-\Delta_\lambda^{(n,1)}}$$

の指数  $\Delta_\lambda^{(n,1)}$  を評価する ( $M(t)$  は時刻  $t$  のオーダー・パラメーターの平均値)。 $\Delta_\lambda^{(n,1)} = \Delta_0^{(n,1)} (1 - q\lambda)$  の形で、数項の展開級数より ratio 法で  $q$  を計算する。数項の計算から確定的な数値を決めるのは良くないが<sup>4)</sup>、結果は  $q \sim 1$  となって、 $\nu = 1 - \frac{\pi}{4} \lambda \left( \frac{\pi}{4} \sim 1 \right)$

中野藤生

と比べて、オーダーとしては弱い普遍性と矛盾しない ( $\Delta_\lambda^{(n,1)}/\nu \simeq \Delta_0^{(n,1)} = \text{普遍}$ )。より定量的な結果は、収束のよい線形緩和関数<sup>3)</sup>を評価すると得られるであろう。

結論としては、動的現象でも弱い普遍性が成立しているようである。これからの方向に関して次の点を示す。(i)繰り込み群によるアプローチ。一つの方法として連続体模型を作ることがある。Eight Vertex 系では普通のG-L系と違って、2つの場が必要になってくる。(ii)擾動論<sup>5)</sup> 臨界点で  $M(t) \sim t^{-\omega}$  ( $\omega = \beta/\Delta^{(1)}$ ) なので、 $\omega$  が  $\lambda$  に依れば  $\frac{\partial}{\partial \lambda} M(t) \sim -\frac{\partial \omega}{\partial \lambda} \text{Int} + \dots$  という形がでる。この場合 Int の項が出ない事を示せば、 $\frac{\partial \omega}{\partial \lambda} = 0$  より  $\beta/\Delta^{(1)} = \omega_0$ ,  $\Delta^{(1)} = \beta/\omega_0 = \frac{\beta_0}{\omega_0} (1 - \frac{\pi}{4}\lambda) = \Delta_0 (1 - \frac{\pi}{4}\lambda)$  となって1次の範囲で弱い普遍性が有効であることがわかる。しかし、非平衡での平均を問題にしなければならぬので、証明は難しい。

### 参 考 文 献

- 1) R. J. Baxter, Phys. Rev. Letters **26** (1971), 832.
- 2) M. Suzuki, 物性研究 ( 前回の報告 )
- 3) H. Yahata and M. Suzuki, J. Phys. Soc. Japan **27** (1969), 1421.
- 4) Z. Csépes and Z. Rácz, preprint (Eötvös Univ., Budapest)
- 5) L. P. Kadanoff and F. J. Wegner, Phys. Rev. **B4** (1971), 3989.

## Phase Transitions in KDP and DKDP and in Two-Douplet Spin System

名大・工 中野藤生

### § 1 序 論

本節は前おきである。スピン変数  $\sigma_i$  ( $\pm 1, 0$  の3つの値をとる) によって表される  $i$  番格子点の各状態が  $D(\sigma_i)$  重に縮退しているとする。格子全体のハミルトニアンは

$$H = -J \sum_{(i,j)} \sigma_i \sigma_j \quad (1)$$