

7. リゾチーム分子の動的過程の研究
 8. 強誘電体における不純物効果

中山正昭
 小東泰治

1. Matrix-Tree Theorem と Link Graph

天 橋 淳

2次元球面 S^2 への link の projection は S^2 をいくつかの領域に分割する。これらの領域は2つの class に分類されることが知られており、このことから link graph が定義され link の determinant という link type の invariant が得られる。R・H・Crowell は Kirchhoff による matrix-tree theorem を用いて link の determinant が link graph の spanning tree と関係があることを示し、Bankwitz Theorem の証明に応用している。ここで matrix-tree theorem とは graph G から得られるある正方行列の余因子が G の spanning tree の個数に等しいことを示すものである。

本論文では、weighted graph に対する matrix-tree theorem を説明し、Kirchhoff の定理がその corollary として得られることを示す。また、link graph の spanning tree と link graph の基本変形をもとに link の determinant が link type の invariant であることの別証を与えその性質を調べる。

2. On Groups of Twist-spun Knots

吉 川 克 之

n -knot とは $(n+2)$ 次元ユークリッド空間 R^{n+2} 内に locally flat に embed された n -sphere のことである。E. Artin は R^4 の中の平面 R^2 上に両端を持つ arc を、この平面 R^2 を軸として回転する事により R^4 の中の 2-knot を構成した。E. C. Zeeman は Artin の 2-knot を複雑にした twist-spun knot を考え出した。本論文ではまずこの twist-spun knot が Fox のいわゆる moving picture method により構成出来る事を証明した。次に 1-knot k の n -twist-spun knot の group $G(k, n)$ の代数的性質を調べた。主な研究結果は次の通りである。☆[定理] rank

$G'(k, n) \leq (m-1)(n-1)$, 但し, k は m -bridge knot, $n \geq 1$ ☆ [定理] k : normal form (α, β) を持つ 2-bridge knot $\Rightarrow G'(k, 2) \cong \mathbf{Z}_\alpha$ ☆ [定理] 任意の正奇数 N に対して order $2N$ 及び $4N$ の元を持つ 2-knot が存在する。☆ [定理] $C(G(k, n)) \cong \mathbf{Z} \oplus A$, 但し $A = C(G(k, n)) \cap G'(k, n)$, $n \neq 0$. $G'(k, n) = [G(k, n), G(k, n)]$

3. ドリフト波乱流の厳密 Gauss 分布解と その 2 時間相関関数

長 沢 潔

磁場のかかったプラズマ中の電場 ϕ はプラズマの電気伝導率を ∞ , イオンの温度を 0 とした近似で Hasegawa-Mima 方程式と呼ばれる非線形偏微分方程式

$$-\frac{\partial}{\partial t} (\nabla_{\perp}^2 \phi - \phi) + \{ (\nabla_{\perp} \phi \times \hat{z}) \cdot \nabla_{\perp} \} (\nabla_{\perp}^2 \phi - \ln n) = 0$$

に従う。

ϕ を理想的確率関数の Hermite 汎関数列で展開することによりその確率的性質を調べた。その結果, 厳密に Gauss 分布をする特解が見出され, その 2 時間相関関数 $\langle \phi(0)\phi(t) \rangle$ は指数的に減衰する事が示された。

更に Hasegawa-Mima 方程式を精密化し, ドリフト, モードと対流モードに分け前者に対する Gauss 分布の解が後者を励起するというモデルで拡散を計算し Bohm 型の拡散係数を得た。

4. Self-Consistent Einstein Theory と その相転移現象への応用

井 尻 雅 春

非調和格子振動子系の物性を Einstein モデルによる自己無撞着近似理論により議論する。従来の self-consistent phonon theory とは異なり, 本研究では実空間一体近似の描像を採用する。言うまでもなく, 非調和性は自己無撞着になる条件により取り入れる。この方法により,