# 講義ノート

# グラファイト層間化合物の物性

東京大学物性研究所 田 沼 静 一

### (1982年7月5日受理)

§1. Introduction

層状構造をもつ結晶の特徴は、層内の原子間結合力が層間の結合力に比べてずっと大きい点にあり、グラファイト、 $MX_2(M; V, V, M, W, W$ 族遷移金属、X; S, Se, Te)がその代表である。図1に示すように、層状結晶の層間に、intercalant と呼ばれる異種原子、分子を挿入することを intercalation と呼び、

それにより生成する物質を intercalation 化合物あるいは層間化合物と呼ぶ。 これらの典型である graphite intercalation compound (GIC)について 主に述べる。

GIC は他の層間化合物と比較して 構造の秩序が良いため特に物理的興味 が持たれている。その主な点を以下に 挙げる。

(1) 凝縮力

intercalant が層間に侵入して安定 な化合物として存在する。その凝縮力 はどのような機構によるものか,未解 決の問題である。

(2) staging の機構

図2に示されるように GIC では intercalant がグラファイトの n 層お きに入る stage 構造を持つ。 n = 10

\*) TANUMA, Seiichi





図2

となる GIC が知られており, intercalant 間の距離は 35Å にも及ぶ。 もとのグラファイトで 層間結合力が弱いにもかかわらず, GIC においてこのような長距離力がどのような機構によ り生ずるかは, 重要な問題である。

(3) 幾何学・構造の多様性

intercalant の面内の構造は、グラファイトの原子配列の周期と簡単な整数比になる Commensurate (整合), 比が無理数(簡単な整数比ではないものも含む)である Incommensurate (不整合), またグラファイトに対する intercalant の相対位置が固定されてい る registered 構造をとるものと様々である。

(4) Dynamics

i) intercalant の侵入過程

∥) stage の変換

Ⅲ) 相変化 (ordering の変化, order ↔ disorder )

(5) intercalant の種類-ドナーとアクセプター

C は IV 族で電子親和力と仕事関数がほぼ等しい両性元素であることによる。ドナー型 GIC の場合, *c* 軸方向と *c* 面内方向の抵抗比  $\rho_{\perp}/\rho_{\parallel}$  がグラファイトの値(~3000)に比べ小さ く数 100 ~ 1000 と三次元的になるのに対し,アクセプター型 GIC の場合それは 10<sup>6</sup> とはる

グラファイト層間化合物の物性

かに大きく、二次元的であることを示している。ドナーは金属原子であり、アクセプターは非 金属分子である。また、アクセプター型 GIC では、intercalantが一般に大きいため層間距離 が広がり、グラファイトのπ電子の重なりによる伝導度への寄与が小さくなるためと考えられ ている。

(6) 電荷移動

挿入物質1モルあたりの電荷移動量をfで定義する。fはGICの種類により異なり、f = 0.6 (1st stage アルカリ金属GIC)、f = 1 (2nd stage 以上アルカリ金属GIC)、 $f \leq 0.5$  (アクセプター型GIC)となっている。

(7) GIC の電子構造

二次元性フェルミ面、およびそれと三次元性フェルミ面との共存に興味がある。

- (8) その他(電気伝導度,光物性,格子振動,磁性などにおける多様な性質)
- (9) 応用面
- i) 超イオン性(GIC でははっきりわかっていない)

intercalant が層に沿って動きイオン伝導を示すことから(例、TiS<sub>2</sub>-Li), 電池の電極 としての応用が考えられる。

ii) 異方性伝導体

ある方向には、Cuよりもよい伝導性を示す化合物が存在する。(例、2nd stage  $AsF_5$ -GIC)

- Ⅲ)水素の吸蔵と重水素,三重水素の分離
- iV) 超伝導(例, 1st stage K-GIC(C<sub>8</sub>K))
- V)触媒

ここで、いくつかの共通点をもつ半導体と層間化合物との比較をしておく。

- (1) ともに伝導性を人工的に制御できる。
- (2) 不純物
   ドナー型
   { トナー型
   { トナー型
   { の物質ができる。

(3) 半導体は一次固溶体で格子点に random に入る (~ $10^{19}$ /cm<sup>3</sup>) ため散乱中心となり mobility は小さくなり,  $\rho \ge 100 \mu \Omega$ cmである。 一方層間化合物は定比化合物で規則的に格子点 を占有し, mobility は大きく  $\rho \ge 10 \sim 1 \mu \Omega$ cmである。

intercalation による物質の物性の変化は表1のようにまとめることができる。

表 1



----> intercalation により host の carrier が増加する。 ---> intercalation により層間距離がひらく

# §2. 層間化合物の製法

(1) グラファイトの種類

i) 天然産

多結晶はセイロンに多く産する。単結晶はニューヨーク州の Ticonderoga 鉱山に少量含有 され、その大きさは数mmのフレークである。

ii) HOPG (Highly Oriented Pyrolytic Graphite)

炭水化物を高温で分解して作った低配向グラファイト板を圧力下 3000 °C以上で熱処理して できたもので、c軸に沿って高配向でc面どうしの平行からのずれ角 $\theta$ は $\theta = 2 \sim 0.3$ °程度 である。面内は多結晶である。

Ⅲ) Kish グラファイト

製鉄過程で溶解した鉄鋼から鉄が蒸発したあと結晶化して得られる。HOPG よりも, ordering はよい。面内の配向は単結晶のものが多く含まれる。(日本でのみ作られている。) (2) intercalant の種類

ドナー;アルカリ金属,アルカリ土類金属希土類金属など。

アクセプター;ハロゲン,金属塩化物,酸( $HNO_3$ , $H_2SO_4$ , $AsF_5$ , $SbF_5$ など), 有機分子など。

(3) 合成法

2 ゾーン蒸気輸送法

図3のようにグラファイトと intercalant の温度差を変化させ、目的の stageの化合物を得

る。またグラファイトとintercalant の温度を等しくし、反応時間により stage 数を変化させる方法もある。ハ ロゲンを挿入する場合は、濃度により 分圧を制御し、stage を変化させる( 図4)。

ii) 液相 intercalation 法

グラファイトを、目的とする intercalantの溶液に浸しておくことにより、 intercalation する方法である。 濃度 ・時間・温度により、stage が決まる。 Ⅲ) 電気化学法

酸を intercalation する場合, Pt とグラファイトを電極としintercalant の濃い酸溶液中で電気化学的に酸化す る。電圧により stage 数は決まる。 [V) co-intercalation 法

グラファイトと直接 GIC を作らな い水素などを intercalation する場合, まずKを挿入し  $C_8$ Kとした後水素を入 れる方法である。その反応のモデルが 図5に示してある。この方法は T1, Hg, benzene の GIC を合成する際 にも用いられる。

以上のような方法により得られる典 型的な GIC について述べておく。

FeCl<sub>3</sub>-GIC;空気中で安定。1st stage は存在しない。magnetic. incommensurate.





図 4



AlCl<sub>3</sub>-GIC;空気中不安定,1st stage 存在する。

K, Rb, Cs-GIC;空気中不安定。1st~8th, 10th stage 存在する。1st stage は超伝導体。

Li-GIC;他のアルカリ金属とは異なる構造をもつ。

Br-GIC; アクセプター型。1st stage は存在しない。合成が容易。

 $\rm AsFe_5-GIC$  ;  $\sigma_{c/\!\!/} > \sigma_{Cu},~\sigma_{c/\!\!/} / \sigma_{c\_\!\!/} \thicksim 10^6$  , incommensurate .

SbCl<sub>5</sub>-GIC;空気中で安定。 commensurate。

# §3. Characterization

(1) 目視

色は stage 数に敏感である。

アルカリ金属 GIC; 1st stage 一黄, 金, ピンク, 2nd stage — steel blue, 3rd stagedark blue。

アクセプター型 GIC; 1st stage 一暗青, 2nd stage — グラファイト的(metallic black)。

(2) 重量增加

化学式がわかっており, stoichiometry が保証されているとき, stage 数を知ることができる。

(2) 長さ

厚さの変化により stage 数を知る。

 $\Delta t / t_0 = d_j / nc_0$  (t; 厚さ, (4)参照)

 $AsF_5$ -GIC ではよい指標である。(図6)

(3) 化学分析



 $(n; stage 数, c_0; グラファイトの層間距離, d_s; intercalant をはさむグラファイト 間距離, d_i; intercalant を入れたことによる層間の広がり)$ 

 $d_s$ ,  $c_0$ は stage 数によらないことから n が求まる。

反射強度が強く,線幅が狭く,他の stage の反射が出現しない場合,純粋な staging であると考えられる。

また (00l) 反射の強度の系列変化により intercalant の配置を求めることができる。 図7 は AICl<sub>3</sub>-GIC の stacking arrangement を求めた例である。

(5) 電顕

c面に平行に電子線を入れ、各グラファイト層と intercalant 層を分別して直接見ること ができ、stage のようす、dislocation などの直接観察が可能である。



## §4. Stage の変換

(1) Daumas-Hérold model

Staging が変わる時, intercalant 層(以下 I 層と略す)の原子が, どうやって別の層に移 るのかという素朴な疑問を, intercalation を行っている者は抱いてきた。 グラファイト層を ぬけて移るとはまず考えられない。前述の2ゾーン蒸気輸送法についても同様だが, 切り口か ら一度出た原子が層を選別して入るとは考えられない。

この疑問に対して Daumas と Hérold は図8 b の様な model を出した。層に垂直な方向から 見れば,たしかに staging をなしている。 しか し,層に平行な方向から見ると,intercalant 原 子は各層に at random に入っている。故に, Staging は domain 構造を,本質的に伴うと考 えられる。

domain 間の境界では、かなりの歪みを生じて いるから、図8bと比べると、図8aの方がエネ ルギーは低い。しかし、準安定的な Daumas – Herold model の方を、 事実上とると考えられ る。



この model で考えれば、 I 層は、温度を上げてやることによって面内で動きやすくなるだろうし、又、蒸気圧を変えたりすることにより準安定的な方向へ再配列がおこって、Stagingが変わることができる。例として、図9のように 3rd Stage と 4th Stage が隣合っている所を考える。矢印の様に I 層を動かしてやることで、Stage は入れかわることが出来る。



図 9

# (2) Safran の相図

Safran は、2次元の uniform な charged sheet として I 層を考え、それがお互いに距離 の4乗に反比例した斥力を及ぼし合うとして Staging を説明した。もっとも、Stagingの説明 には他にもいくつかある。1つは、domain 間の歪みの持つ弾性力を Staging の原因とするも の。又、一つは、東大の上村氏が試みているものであるが、local に charge が存在してい る I 層を考えて、その一様でない電荷分布の存在が Staging の長距離力のもととするもので、 domain 構造を前提としない理論である。

Safran が、その model に従って提案した相図を図 10 に示す。T = 0では、 化学ポテンシ



()内の数はステージ数を表わす。

図10 化学ポテンシャルと温度の関数として表わしたもの。スケールは面内相互作用エネルギー $U_0$ で規格化されている。温度及び組成( $\tilde{n}^{-1}$ )で表わしたもの。 $\tilde{n}$ はステージ数に相当する。 ハッチ された部分は相共存領域である。

ャルμの増加に伴い,低 Stage へ移行することが示されている。なお,図中で"liquid" と は,面内構造を無視したために生じた 1st Stage 高密度相であり, "gas"とは, intercalant 原子が低密度ながらすべてのグラファイト層間に分布する相である。

§5.構造

(1) いくつかの結晶構造例

結晶構造は三つの要素によって決まる。Staging と積層秩序,そして面内構造である。今, 最も簡単な形として,カーボンの蜂の巣構造に対して I 層が commensurate な構造をとって いるものを,いくつか,図 11, 12, 13, 14 に示した。 ただ,実際の化合物においては,ほとん どが incommensurate な構造となっている。



まず,図11に示したのが, $P(2 \times 2) R0^{\circ}$ という構造例である。 図中,太い菱形で面内単 位胞を示した。点線で表わされているカーボンの単位胞に対し,4倍の面積を持つことがわか る。実例としては,アルカリ金属を intercalation した 1st Stage,  $C_8X(X=K, Rb, Cs)$ がある。A・A・A・A・ と配列したカーボン層の間にくるI層原子の位置は, $\alpha \cdot \beta \cdot \tau \cdot \delta \cdot \alpha \cdot$  $\beta \cdots と順次変わる。ただし, C_8K では <math>\alpha \cdot \beta \cdot \tau \cdot \delta \cdots$ と変わるのに対し,  $C_8Cs$  では, $\alpha \cdot \beta \cdot \tau \cdot \alpha \cdot \beta \cdot \tau \cdots$ となることが知られている。

現実に存在するもので、一番密な構造は、図 12 に示した  $P(\sqrt{3} \times \sqrt{3}) R 30^\circ$  というもので ある。この単位胞は、カーボンの単位胞の 3 倍の面積をもつ。実例として、 $C_6 Li$ ,  $C_6 Eu$  が



図13



あるが、 $C_6 Li$ で、 $\alpha \cdot \beta \cdot r \cdot \alpha \cdot \beta \cdot r \ge I$ 層が変わるのに対し、 $C_6 Eu$ では、 $\alpha \cdot \beta \cdot \alpha \cdot \beta \cdots$ である。

 $C_{12n}X$ で、  $n \ge 2$ の場合、つまり 2nd Stage 以上を可能性として示したのが図 13 であり、

 $h(\sqrt{12} \times \sqrt{12}) R30^{\circ}$ という構造である。ある I 層で  $A_{\alpha}$  と  $B_{\alpha}$  に原子があれば,  $C_{\alpha}$  にはな く,  $B_{\alpha}$  と  $C_{\alpha}$  にあれば  $A_{\alpha}$  にはない, という面内構造をとる。さらに, I 層は,  $\alpha \cdot \beta \cdot r \cdot \delta \cdots$ という配列を持つから,  $3 \times 4 = 12$  の I 層の配列をもつ。しかし, 実際に構造解析が進むと, この図に当る commensurate な実例は無いことがわかってきた。

図 14 は、カーボンの網目に対して 19. 1° 傾いた菱形をもつ、 $P(\sqrt{7} \times \sqrt{7}) R$ 19. 1° という 構造である。 SbCl<sub>5</sub> を intercalation したものがこの構造だと思われてきたが、 実際には、 7 × 7 という大きな格子を持つことが明らかになった。

(2) intercalation による格子の変化

各 intercalant 原子が,金属の状態でつくる bcc 格子を,(111)面にそって,その中 心がグラファイトの一つの炭素原子上の層間位置にくるように重ね合わせたのが図 15 である。



図中, +, -, 0でカーボン面に対する上下関係を示している。図15aで, Cs を見ると, そ れぞれの原子はちょうどグラファイトの六角の中心にくるように重なっていて, Cs が層間に 入り易いことを示している。 Rb では,中心より少し縮んだ位置にきているので,うまく重な るには,格子が少し伸びなければならない。K では,その必要が一段と強くなっている。経験 的には, K, Cs, Rb ともに図11に示される構造をとることがわかっている。図15b で, Li は,その格子を少し縮めることによりグラファイトの格子に合い, C<sub>6</sub>Li は図 12 の構造をと ることも同様の説明でわかる。

ところが、Na はグラファイトに intercalation しない。これは Na 格子が  $C_6X$ の構造には 大きすぎ、 $C_8X$ の構造には小さすぎるためであるかもしれない。ただ、 配向性の悪いグラフ ァイトの場合には、カーボンの網目が切れたり、歪んだりして、網目の大きさが変わるためか、 少しは intercalation する。

例えば、 $C_8Cs$  では 0.6 の電荷移動量をCs がもっていて、Cs 1 f = 0.6 fの電子がグ ラファイトの  $\pi$  Band に入ることが NMR の実験からわかっている。このように、実際に層間 に入った時の電荷移動を考えれば、金属のときの格子をそのままあてはめて考えてもいいもの かとも思われるが、上述のような幾何学的関係は示唆的である。

intercalation によって、グラファイトの格子も変わる。 カーボンの層間の距離は、何も入れない時で 3.35Å であるが、  $C_6Li$  で 3.72Å 、  $C_8K$  では 5.35Å にまで拡がる。 カーボン面内で、C の六角形の一辺の長さを  $d_{C-C}$  とすると、何も入れない時は 1.420Å であるが、ドナー型原子を intercalation した時には

 $C_8X$ :  $d_{C-C} = 1.420 + 0.03266Z/r$  Å

 $C_6X$ :  $d_{C-C} = 1.420 + 0.01958Z/r$  Å

r:イオン半径 X:K, Cs, Li, Ba, Sr, Eu, Yb

Z:原子価(アルカリ; Z=1, アルカリ土類, 希土類; Z=2)

という経験則に従って拡がり、アクセプター型を intercalation した時には、  $d_{C-C}$  は縮まる ことが X 線で確認されている。これを利用して、  $d_{C-C}$  の変化を見て intercalant 原子がドナ ー型かアクセプター型か知ることもできる。

固体で  $Br_2$  分子のつくる格子をグラファイト面上に投影したものが図 16 であり、黒点で示 したグラファイトの六角の中心に重なる様に、格子がわずかに伸びた形で intercalation する 事がわかる。図 17 には  $FeCl_3$  を intercalation した場合を示したが、 I 層がグラファイトの 層に対して incommensurate であることが格子の大きさを比べるとわかる。 又、この図で、 下の I 層では Fe の八面体配位が、上の I 層では、等価でない 2 つの Fe イオンが示されてい る。

(3) 構造相転移

X線,比熱等より知られているアルカリ金属 2nd Stage GIC の相転移について表2に示す。 アルカリ金属といっても、金属ごとにそれぞれ相転移の内容が異なり、非常に複雑な様相を呈 していて興味ある所である。



表2



インコメ: incommensurate



図17

# §6. 電子構造 [

(1) グラファイトのバンド構造

グラファイトのπバンドは2コの電子で満たされていて、2次元グラファイト面だけを考慮 する場合、金属的なフェルミ面は出現しない。ただ、ゾーン境界でのエネルギー・ギャップが K点でゼロになり、上のバンドと連結している。エネルギースペクトルは連続であるが、状態 密度がゼロの所にフェルミエネルギーが一致している為、ゼロギャップの半導体と考えられる。 しかし実際の三次元グラファイトでは面間の相互作用が存在する為に、K点での縮退がとけ、 図18に示すような電子と正孔のフェルミ面が出現する。これは tight binding 近似のもとに、 HKH、H'K'H'の付近を、それからの外れベクトル Kp を用した摂動によって詳しく記述した Slonezewski-Weiss-McClure (SWM)のモデルで解かれている。 図中ではフェルミ面を誇



張して描いているが,実際は長さと太さの比が~ 12 程度の細長いもので, 電子・正孔密度と しては 2 × 10<sup>19</sup>/cm<sup>3</sup> という値が得られている。

(2) rigid-band-model for GIC

intercalant をグラファイトに対するドナーとアクセプターに分類し、ドナーの場合は電子 が増え、正孔が減る。アクセプターの場合は電子が減り、正孔が増えると考える。従って GI C のバンド構造は、グラファイトのそれの延長線上にあると考えている。しかしこういった単 純な議論が成立する為にはいくつかの必要条件が存在する。

• intercalant が格子をくんで新たにバンドを形成しないように randomに入る必要がある。

。 transfer された carrier がグラファイトの各層に一様に分布する。

• 層間隔が変化しない。

◦ C−Cの bond の長さが変化しない。

(3) c 軸の折りたたみ (staging による超格子の効果)

rigid band model に *c* 軸方向の超格子 (staging)の影響を採り込れる。これによって、 C<sub>36</sub> K, C<sub>48</sub> K, C<sub>60</sub> K の dHvA 効果の周期が説明されている。

例えば 4th stage の場合図 19 のように正しい周期は  $I_0$  だが、AB stacking による差は小 さいとする  $I'_0$  となる。 I 層による G-G層(グラファイト層)間の拡がりを無視すれば、  $I'_0 = 2c_0$  となり、  $c^*$ 方向への Brillouin zone の厚さは 1/2 になる。ここへ、rigid band model で得られた Fermi 面を折り込 めば、GIC の Fermi 面が得られる。  $C_{48}$  K,  $C_{36}$  K の場合の例を図20に 示し、 $C_{48}$  K における実験との比較を 表3に示す。また Dresselhaus らに よれば、 $C_{60}$  K に観測された dHvA の9コの周期のうち8コまで説明でき ている。

問題点としては、均一な電荷分布を 前提としていて、 $f \ll 1$ の場合にしか そういう条件が満足されていないこと である。しかし、図 28 に示す Horzworth の $C_{18}$  Li (3rd stage)

のバンド計算ではπバンドの一部



(conduction band)の電子が、比較的層間に均一な分布をしており、大部分を占める残りの valence electron は Li の隣層に強く局在しているので、それ程無理のある仮定ではないと思 われる。



図20

c	0 1	-	
t =	11.1	1	
3	· · ·		

dHvA branch		Obs. $(x 10^{-7} \text{Oe}^{-1})$	cal. $(\times 10^{-7} \text{ Oe}^{-1})$	
S <sub>1</sub>	α	2.96	2.96	
S <sub>2</sub>	β	3.79	2.46	
S <sub>3</sub>	γ	4.20	3.40	
S <sub>4</sub>	δ	6.96	7.00	
S <sub>5</sub>	ε	8.27	7.00	

(4) 1st stage  $C_8 M$  (M=K, Rb, Cs)

1st stage アルカリ金属 GIC の tight binding band 計算が上村らによってなされている。 これは、グラファイトのバンドに K の丸いバンドが少し小さくなって overlap した形に近い (図21)。  $\Gamma$  点のまわりにある K の丸いフェルミ面は、斜線の部分に対応している。また面

内の超格子(2×2)があり、面内 での Brillouin zone の折りたたみ により、グラファイトの柱状のフェ ルミ面がKのつくる中央の丸いフェ ルミ面を囲んでいる。柱状フェルミ 面の断面その他が dHvA で見出さ れており、柱状部分については計算 と実験結果はよく一致している。ま た  $C_6$  Li (Horzworth et al)の場 合は、 $C_8$  Kと結晶構造が異なる為



に球状のフェルミ面はない (図22)。これが、 $C_8 K$  で見られる超伝導が $C_6 Li$  では見出されていないことと、関係しているのかもしれない。

§ 7. 電子構造 || --- carrier の層間分布 ---

3rd stage 以上の GIC では carrier の層から層への分布が電子構造を考える上で重要になってくる。1つの極端な例として図 23 (a) のような, intercalant から G層が得た carrierが G層に一様に分布しているモデルが考えられる。またその反対に図 23 (c) のように, bounding layer に完全に局在した分布をとる metallic sandwich model が考えられる。 しかし



実際の GIC では図 23 (b) に示すような、(a) と (c) の中間の分布を持つであろう。

(5) Pietronero Ø Thomas-Fermi model

I層に一様な正電荷の sheet を考え、電子は G層に分布しているとする。 G層に、 I層の 隣りから順に番号をつけ、第 Z層の電荷量を  $\rho_Z$ 、フェルミエネルギー  $\mu(Z)$  とすると

$$\frac{d^{2}\mu(Z)}{dZ^{2}} = \frac{4\pi}{\epsilon_{\perp}} \rho_{Z} = \frac{4\pi}{\epsilon_{\perp}} [p(\mu_{Z}) - n(\mu_{Z})]$$
  
 $\epsilon_{\perp} : c 軸方向の誘電率$   
 $p, n : 正孔・電子の濃度$ 

SWM model のバンドパラメーターを用いて  $p(\mu_Z) - n(\mu_Z)$  を計算すると図 24のようになる。小さい Z では  $\rho_Z \sim (1 + \frac{Z}{Z_0})^{-4}$   $Z_0 = 5.2$  Å。 大きい Z (または小さい f)では,

screen length を 7.7Å とした指数関数 となる。図からは、 $\rho_2/\rho_1 = 0.14(f = 1)$ , 0.29(f = 0.1)と読みとれる。大 きいZのところではZが1増すごとに電 荷は 0.6 倍になる。

(6) Blinowski model

Blinowski model では, nth stage のGICを, 独立したn枚の二次元グラ ファイト板の subsystem の結合体とみ なす。G層はI層から遠ざかるにつれて, 正孔濃度が減少するような電荷分布をも つと予想されるが,その電荷分布のつく る静電ポテンシャルエネルギーの変化が バンドの形に影響して,更にそれが電荷 分布の決定にはねかえるという風に,



self consistent な計算を行う。ここでも、SWM model のバンドパラメーターを用いる。 (例) 3rd stage GIC (アクセプター型)

 $u_{i\boldsymbol{k}}(\boldsymbol{r}) = c\sum \exp\left[i\boldsymbol{k}(\rho_m + \tau_i)\right]\phi_Z(\boldsymbol{r} - \rho_m - \tau_i)$ 

c:規格化因子

k:二次元波動ベクトル

 $\rho_m$ :external layer のブラベ格子ベクトル

 $\tau_{2j-1}$ ,  $\tau_{2j}$  ( $j = 1, 2, \dots, n$ ):原点から layer j の A,B type C 原子への最近接 距離。

 $\phi_Z$ :  $2p_Z$  orbital

$$H = \begin{vmatrix} \delta + \delta_1 & -x & r_1 & 0 & 0 & 0 \\ -x^* & \delta - \delta_1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ r_1 & 0 & -\delta + \delta_2 & -x^* & r_1 & 0 \\ 0 & 0 & -x & -\delta - \delta_2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & r_1 & 0 & \delta + \delta_1 & -x \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -x^* & \delta - \delta_1 \end{vmatrix}$$

 $\delta$ ,  $\delta_1$ ,  $\delta_2$ : non-equivalent atomic position 間の potential energy を表わす パラメーター

この計算結果を図 25 に示す。 バンドは三種生じ,フェルミレベルはそのすべてにかかってお り, 柱状のフェルミ面が 3 コ 生じる。また 正孔の層間分布は, 外層:内層=0.86 : 0.28 となり大部分が外層(bounding layer = external layer)に集まっている。

Rigaux らは図 26 のような 2nd stage GIC(SbCl<sub>5</sub>, Br<sub>2</sub>, AlCl<sub>3</sub>)についての光 反射スペクトルを得ている。  $\hbar \omega = 0.37$ eV に極小が見られる。これは Blinowski model で得られた 2nd stage GIC のバ ンド構造で考えられる intervalence transitionのエネルギーと一致している(図 27)。 $V_1, V_2$ のエネルギーは,  $E_{1,2} = \frac{1}{2}(\pm r_1 - \sqrt{r_1^2 + 3r_0^2 a^2 k^2})$ より

 $E_2 - E_1 = r_1 = 0.37 \text{ eV}$ 

また,SWM modelで得たグラファイト 自身の値は  $r_1 = 0.39 \text{ eV}$ である。

同様な光反射スペクトルで観測された plasma edge から, carrier 濃度ひいては 電荷移動量 f が得られる。2nd stage  $C_{24}$  SbCl<sub>5</sub> に対して,  $r_0 = 3.12$  eV とす ると  $f = 0.27, r_0 = 2.14$  eV とすると f





-297-

= 0.45。一方次に述べる dHvA で得られた 値は *f* = 0.57 である。

(7) c 面内のバンド折りたたみ効果

intercalant が層間で commensurate な 配置をとる場合には、c 面内でのバンドの折 りたたみ効果が現われる筈である。

2nd stage  $C_{24}$  SbCl<sub>5</sub> について,dHvA効 果の9種類の振動は Blinowski model に面 内の折りたたみを加えることによって説明で きる。この GIC は, 面内7×7の超格子が 確認されており, Brillouin zone はグラフ ァイトの 1/49 の大きさに縮まる。その為に, アクセプター SbCl<sub>5</sub>によって大きくなった正 孔のフェルミ面が重なり合い,複雑な構造を もつ。但し,振動数を充分説明できるように 選んだ f = 0.57の値は, Rigauxらの光反射



スペクトルから決定されたf = 0.27 (or f = 0.45)に比べると、かなり大きくなっている。 (8) ソフィスティケートな方法

Horzworth らによって、3rd stage C<sub>18</sub>Li のバンド計算がなされている。これは、 pseudo-potential formulation を用いた local density approximation で、 平面波と LC AO との mixed basis set によって電子波動関数を表示し、 層から層への電子分布を selfconsistent に求めている(図28)。これによると、conduction band の波動関数の振幅は、



グラファイト層間化合物の物性

bounding layer のみならず internal layer にもかなり分布し, valence band では, bounding layer にほとんど集まっている。従って, アルカリ金属 GIC の場合, 伝導電子の 電荷分布が均一であるというモデルは, 悪い近似ではなさそうである。

# §8. 輸送現象

# (1) Stage 依存性

Fischer らの実験結果(図 29)を見れば, c 面内の電気伝導度に Stage 依存性があることがわかる。傾向として、1st

Stage よりも 2nd Stage ~ 4th Stage GIC の方が高い電気伝導 度を持っている。特にAsF<sub>5</sub> の 2nd Stage GIC は銅よりも高い 伝導度を示している。

図 29 を図 30 のように模式的に 書き換えると、低 Stage (領域]]) と高 Stage (領域])の2つに分 類できるであろう。領域]では、  $\rho \propto n$ (Stage 数)となっている。 単純な議論をすれば、高 Stage GIC では、電子(又は正孔)が 境界層に局在していると考え、内 側のグラファイト層の伝導度を無 視すれば、 $\sigma \propto 2/n$ となり、 $\rho \propto$  $\sigma^{-1} \propto n$ の説明ができる。一方、



領域  $\llbracket$  では,逆に電子(又は正孔)が各グラファイト層に均一に分布していると考える。する と, bounding 層では, intercalant のポテンシャルによって散乱され易く, bounding 層に よって screen された internal 層は,散乱されにくいと思われるので, Stage 数が増す程 $\rho$ は小さくなるのであろう。

(2) 温度依存性

C<sub>8</sub>Kの電気抵抗率 ρの温度依存性は,

 $\rho = a + bT + cT^2$  $a = 1.860 \,\mu \Omega \mathrm{cm}$  $b = 7.480 \times 10^{-3} \mu \Omega \text{cm/K}$  $c = 1.536 \times 10^{-4} \mu \,\Omega \text{cm/K}^2$ でよく表わされる。(図31) cの値 が大きいのが、普通の金属と異なる点 である。一般には、電子-電子散乱に よって $T^2$ 項が表われるが, carrier数 が多いと screening がきいてきて, force range が狭くなり、 $T^2$  項は非 常に小さくなる筈である。 C<sub>8</sub>Kの carrier 密度は 10<sup>21</sup>/cm<sup>3</sup> で電子-電子 散乱は小さいと思われる。 $T^2$ 項の理 由として, 柱状のフェルミ面間をとぶ フォノンによる inter surface 散乱に は、大きい波数ベクトルのフォノンが 必要になる為に、通常のフォノン散乱 の $T^1$ 依存項に, 励起的な急激な温度 依存性が重なって,近似的に T<sup>2</sup> 項が 大きくなったと考えられる。

図 32 には、3rd Stage C<sub>36</sub>Kの ρ vs *T* を示す。構造相転移に対応して、 87K と 112Kに異常がみられる。

 $C_x K のホール係数 R_H vs T を示す。$  $(図 33 ) <math>C_{24} K$ ,  $C_{36} K では R_H は$ 温度に対してほぼ一定値を保つが, $<math>C_8 K t$ , 170Kを境にして低温側で 負(electron like), 高温側では正( hole like)の値をとる。これは,  $C_8 K$ のフェルミ面が多重連結をして



-300 -

いて,電子の外に正孔的軌道をめぐるものと2種 類の carrier が存在しているのであろう。

2 carrier model では次のように表わされる。

$$R_{\rm H} = (p\mu_{\rm p}^2 - n\mu_{\rm n}^2) [ec(n\mu_{\rm n} + p\mu_{\rm p})^2]^{-1}$$
  

$$\sigma = 1/\rho = (n\mu_{\rm n} + p\mu_{\rm p}) \cdot e$$
  
n, p:電子, 正孔の density  

$$\mu_{\rm n}, \mu_{\rm p}: \text{mobility}$$

即ち $\mu_p$ ,  $\mu_n$ の温度依存性によって、 $R_H$ の符号 は温度変化によって逆転しうる。

(3) 磁場依存性

2 carrier model での磁気抵抗は,



$$\Delta \rho / \rho_0 H^2 = \frac{\rho}{n} \, \mu_n \, \mu_p \, \left[ \frac{1 + (\mu_n / \mu_p)}{(p/n) + (\mu_n / \mu_p)^2} \right]^2$$

で表わされる。図 34 に C<sub>8</sub> K の磁気抵抗の磁場依存性を示す。  $\Delta \rho / \rho_0$  は  $H^2$  には従わずに,  $H \ge 4$  T の領域で非常によく  $H^1$  linear に変化し ているが,この理由はよくわかっていない。グラ

ファイト,及び C<sub>x</sub>Kの横磁気抵抗の角度依存性 を図 35 に示す。 楕円形のフェルミ面では, $\Delta \rho$  $\propto \alpha \cos \theta + \beta \sin \theta (\theta : H \ge c 軸のなす角) が$ 期待されるが,グラファイトはフェルミ面が細長 $いことを反映して、<math>\beta$ が非常に小さい。

K-GIC の  $4\rho/\rho$  vs  $\theta$  は、 $\theta$  が小さいときは グラファイトとよく似た角度依存性を示す。GIC では、c 軸方向の折り返しにより、開軌道ができ ていることに対応して、 $\theta \sim 90^\circ$ 付近に尖った極 大が見られる。



### § 9. 超伝導

GIC の超伝導は Hanney ら (1965) によって C<sub>8</sub>K, C<sub>8</sub>Cs, C<sub>8</sub>Rb について報告された。

このとき報告された $T_{
m c}$ は, 次のとおりである。

C<sub>8</sub>K: 390 mK(定比化合物)

550 mK( 過剰カリウムでぬれ た試料 )

 $C_8 \text{ Rb}$  : 23 ~ 150 mK

C<sub>8</sub>Cs : 30 ~ 135 mK

(1) C<sub>8</sub>K

グラファイトもKも超伝導にならないこ とと,超伝導の次元性という点で, $C_8 K$ の超伝導の原因追求は興味深い問題である。 Hanney らの報告の後になされた追試では, $C_8 K$ の超伝導は見つからず,疑問視され ていたが,1977年に,小林,辻川/小池, 田沼が再び見い出したが, $T_c$ はかなり低 く次のようであった。

母体

HOPG 
$$T_c \sim 150 \text{ mK} (C_{8.0} \text{ K} \sim C_{14.7} \text{ K})$$
小林ら  
グラフォイル  $T_c \sim 125 \text{ mK} (C_{8.6} \text{ K} \sim C_{9.4} \text{ K})$ 小林ら  
粉 末  $T_c \sim 80 \text{ mK}$ 小林ら  
HOPG  $T_c \simeq 128 \text{ mK} \sim 198 \text{ mK}$   
 $C_8 \text{ K}$ 小池ら

average 147 mK



 $C_8 K$ の超伝導臨界磁場には異方的性質がある。 印加磁場 $H \ge c$ 軸のなす角を $\theta \ge$ するとき、  $0 \le \theta \le 65^\circ$ で第一種超伝導体、  $65^\circ \le \theta \le 90^\circ$ では第二種超伝導体としてふるまう。 乃ち、 磁場の方向によって第一種、第二種の両方の性質を示す超伝導体である。

 $H \parallel c$ 軸のとき、 $C_8 K$ は第一種的に振る舞うので、 $H_{c_{2ll}}$ は観測できないが、 過冷却臨界磁 場  $H_{sc}$ が、表面超伝導核生成磁場 $H_{c_3}$ に等しいと考えられるので、  $H_{c_2} \ge H_{c_3}$ の関係式 $H_{c_3} = 1.695 H_{c_2}$ から $H_{c_{2ll}}$ を求める。一方。 $C_8 K$ を異方性の強い3次元超伝導体とみなして、その

異方性を電子の有効質量テンソルで表現した有効質量モデルで考えると、上部臨界磁場の角度 依存性は次のように表わされる。

$$\begin{split} H_{c_{2}}(\theta)/H_{c_{2//c}\mathbf{h}} &= (\cos^{2}\theta + \varepsilon^{2}\sin^{2}\theta)^{-1/2} \\ \varepsilon^{2}: f \partial f g \pm \mathfrak{k} \\ \varepsilon^{2} &= (m_{\perp}/m_{ll}) = (H_{c_{2/l}}/H_{c_{2}\perp})^{2} = (\xi_{ll}/\xi_{\perp})^{2} \\ m &= \begin{pmatrix} m_{\perp} & 0 & 0 \\ 0 & m_{\perp} & 0 \\ 0 & 0 & m_{ll} \end{pmatrix} \\ \varepsilon : \text{ coherence length} \end{split}$$

この式を用いて計算した H<sub>c</sub>, と H<sub>c</sub>, の角度依存性を図 36 に示す。

BCS 理論によると

 $T_{\rm c} = 0.85 \,\theta_{\rm D} \exp\left(-1/N(0)V\right)$ 

 $\theta_{\rm D}$ : Debye 温度 N(0): 状態密度 水谷らの比熱測定により,  $\theta_{\rm D} = 234.8$  Kであり, これから求めた N(0)V = 0.14 である。また電 子ーフォノン結合定数  $\lambda$  は,  $\lambda = 0.32 \pm 0.01$ と見積れる。また電子比熱より得た N(0) が, 上村らのバンド計算からの N(0) と比較して大 きい理由を,電子-フォノン相互作用によるも のとして  $\lambda$  を見積ると,  $\lambda = 0.21$  の値が得ら れる。強結合超伝導体の例として, Hg: N(0) V = 0.35,  $\lambda = 1.00$ ; Pb: N(0)V = 0.39,  $\lambda = 1.12$  が掲げられるが, C<sub>8</sub>Kの  $\lambda$  は,これ らよりかなり小さいので,弱結合超伝導体と見 なせる。 C<sub>8</sub>K の諸パラメータを表4に示す。



 $C_8$ Kの超伝導には、それがグラファイトとカリウムのどちらの carrier に起因するもので あるかという問題がある。

上村らによると、 $C_8K$ の球状フェルミ面の部分が、 グラファイトの縦光学フォノンと相互 作用して、Cooper 対をつくるとしている。これは、球状フェルミ面のない $C_6Li$ や 2nd Stage 以上の $C_rM(M=K, Rb, Cs)$ で超伝導が見つかっていないことと、 $C_8M(M=K, Rb, Rb)$ 

表4 C<sub>8</sub>Kの超伝導に関する基本的パラメーター

-		and the second se	
	T <sub>c</sub>	(mK)	128~198 (average 147)
	$\theta_{\rm D}$	(K)	234.8
	γ (m	$J/mol \cdot K^2$ )	0.697
	N(0) V		0.14
	λ		0.31 ~ 0.33
	$H_{c}(0)$	( Oe )	10~13
	$H_{\rm c} (T = 0.7 T_{\rm c})$	( Oe )	5~7
	$H_{c2\perp}(T=0.7T_{c})$	( Oe )	12~19

Cs)では超伝導が見つかっていることに一致する。

小林らは、1st Stage の  $C_x K$ がx = 8.0 ~ 14.7まで得られ、その転移点が $T_c ~ 150$  mK で、ほとんど変化しなかったことと、xが増して、Kの mol 数がへると、電荷移動量fが増えるという調節機構が働いて、グラファイトの柱状フェルミ面は一定に保たれ、一方、球状フェルミ面はそれとともに小さくなると予想できることを考え合わせて、柱状フェルミ面が超伝導の源である可能性を指摘しており、この問題に関しては、まだ議論の余地が残されている。 (2) 第3元素の添加

小林らの結果

母体

HOPG	С <sub>8.</sub>	$_{0}\mathrm{K_{0.62}Cs_{0.38}}$	$T > 60 \mathrm{mk}$	くで SC なし
	C <sub>8.</sub>	<sub>0</sub> K <sub>0.88</sub> C s <sub>0.12</sub>	$T_{\rm c} = 90  {\rm m}$	K
	С <sub>8.</sub>	$_{0}$ KH <sub>z</sub> ( $0 < z \le 2/3$ )	$z\simeq 0.19$	$T_{\rm c} = 220  {\rm mK}$
グラフォイ	ル	$\mathrm{C}_8\mathrm{KH}_z$ ( $z\simeq 2/3$ )	$T > 52 \mathrm{mk}$	【で SC なし
家らの結果	L.			

	I c	$\xi_{a}(0)$	ξ <sub>c</sub> (0)
C <sub>4</sub> KHg (1st)	0.72~0.86	2300 ~ 2600	200~240
C <sub>8</sub> KHg (2nd)	$1.70 \sim 1.94$	2000~1600	$140 \sim 48$
C <sub>4</sub> RbHg (1st)	0.99	2900	320
C <sub>8</sub> RbHg (2nd)	1.40 ~ 1.44	1500 ~ 1900	83 ~ 58
$C_4 RbHg + C_8 RbHg (Mix)$	1.28	2200	261

× (n)

۶ (n)

m

アマルガムそのものの $T_{\rm c}$ は

グラファイト層間化合物の物性

KHg<sub>8</sub> KHg₄ KHg<sub>3</sub>  $KHg_2$ KHg Hg RbHg 4. 15K 3.42 3.27 3. 18 1. 20 0.94 1.17 家らのグラファイトーアマルガムで、面白いことは、1st Stage の $C_4$  KHg の $T_c$  が、2nd Stage の  $C_8$  KHg の  $T_c$  よりも低いことで、状態密度の大小関係と逆になっている。また、  $C_4 RbHg + C_8 RbHg$ の $T_c = 1.28K$ の転移が、混合結晶であるのに一段階転移であるのは理 解できない。

### §10. GICの磁性

GIC の磁性体では、intercalant として、  $FeCl_2$  等の塩化物磁性体と Eu の研究が行なわれている。 C-塩化物磁性体は 2 次元磁性体で非常に複雑であるが、 2 次元 XY 磁性モデルにかなり近いものが実現しているらしい。ここでは寿栄松らによる  $C_6$  Euの磁性について述べよう。

 $C_6 Eu$  では, Eu は 2 個の電子をグラファイトに渡して Eu<sup>2+</sup> となり, グラファイトは  $\pi$ 電子帯に電子を増やし電気伝導度が増加する。 Eu<sup>2+</sup> は S = 1/2 の s state イオンである。結 晶構造は図 37 に示す。面内は  $C_6 Li$  と同じ三角格子を形成しており, Eu イオンだけを考え



ると hcp にかなり近い。

次に磁化過程の実験結果を図 38, 39 に示す。 磁場を c 面内にかけると 3 つの臨界磁場が現われ,低磁場側から順に $H_{c_0}$ , $H_{c_1}$ , $H_{c_2}$ とおく。 $H_{c_0}$ と $H_{c_1}$ の間に平らな部分があり, $H_{c_1}$ を越えると磁化は増加し $H_{c_2}$ で飽和する。この $H_{c_0}$ と $H_{c_1}$ の間の平らな部分は,温度を上昇させるとぼやけてきて、やがて消える。また c 軸に平行に磁場をかけた場合は平らな部分は現われ



ない。

このような磁化過程は次のようなモデルで説明できる。基底状態は三角スピン配列(AF)で あるが、磁場によってフェリ磁性、さらに中間状態を経て強磁性になると考える。しかし、 AF 相とフェリ相の自由エネルギーを比較すると、2 spin 交換相互作用のみを考慮した計算 では AF 相の方が常に安定で、実験結果を説明できない。

そこで伊達らは 4 spin 相互作用の効果を考慮することで,フェリ相の自由エネルギーが低下して,AF相より低くなりうることを示した(図40)。 また c 面内でのスピン配列を図 41 (a)(b) に示す。





(a) anti-ferro,

図 41

# 

§11. 格子振動

格子振動の研究は、純粋のグラファイトと GIC を比較しながらなされている。 c 面のスペ クトルを見るので、面内の格子振動モードの研究が主である。実験手段としては、中性子非弾 性散乱、赤外スペクトル、ラマンスペクトルが挙げられるが、ここでは最もよく使われている ラマンスペクトルについて述べる。

図 42 に示すようにグラファイトは D<sup>4</sup><sub>6b</sub> 空間群で, 12 個のモードがある。

3 個の accoustic モード  $A_{2u}$ ,  $E_{1u}$ 3 個の赤外活性モード  $A_{2u}$ ,  $E_{1u}$ 4 個のラマン活性モード  $2E_{2g}$ 2 個の silent モード  $2B_{1g}$ それぞれのモードに対応する波数は次 のとおりである。

面内ラマン活性  $E_{2g2}$  $\omega = 1582 \text{ cm}^{-1}$ 

面内赤外活性  $E_{1u}$   $\omega = 1588 cm^{-1}$ 面間赤外活性  $A_{2u}$   $\omega = 868 cm^{-1}$ これらは図 43のグラファイトのフォ ノン分散と q = 0 ( $\Gamma$ 点)で一致する。 図 44B は図 43のグラファイトモードを  $C_8$ Kの Brillouin zone に折りたたん だものである。図 44A は  $C_8$ K のモード を計算したもので、A とBを比べると6









A<sub>2u</sub>

図42



図 44

個の新しいモードがAに現われている。しかしこれはK原子によるもので残りのモードはグラ ファイトのモードで,B との対応がつけられる。

図 45 は FeCl<sub>3</sub> グラファイトの実験結果である。これを見ると、 HOPG は 1582 cm<sup>-1</sup> のとこ ろにピークがあり、1st Stage と 2nd

Stage は 1600 cm<sup>-1</sup> の付近にピークがあ る。3rd Stage 以上はダブルピークとな っているが, 左側のピークは, HOPG に源があり, 右側のピークは 1st Stage に源があると考えられる。アクセプター 型GIC のピーク位置をプロットしたの が図46 である。 下の分枝がグラファイ トそのものに源をもつピークで, Stage 数が上がると波数は少しだけ低い方へ動 く。上の分枝も, Stage 数が上がるに伴 って波数が下がっている。

この実験結果から言えることは、1st Stage に源をもつピークは、bounding 層によるもので、グラファイトに源をも つピークは internal 層によるものであ る。後者は、グラファイトの波数をよく 保っていることから、3rd Stage から高 い Stage では、電荷は bounding 層に 局在しているということになる。また Stage 数が下がると波数が上がっている ということは、intercalation によって 格子の stiffening が起っていることを示している。

Graphite Fe Cl3 Stage 1 Stage 2 Stage 3 Stage 4 Stage 6 Stage 11 HOPG 1550 1590 1630 1670 Raman shift (cm') 図 45

一方図 47 はドナー型 GIC のピーク位置を示している。 同じくダブルピークを示しており, 高い Stage では bounding 層に電荷が局在していることを示している。 しかし波数の変化は アクセプター型とは逆に Stage 数が下がると,波数も下がっており,ドナー型 GIC では intercalation によって格子の softening が起っていることがわかる。これは,グラファイトの 蜂の巣格子がアクセプターが入ることによって縮まり,ドナーが入ることによって拡がること







図47

と一致している。

図 48 と図 49 はドナー型 GIC のスペクトルである。1st Stage の 1500 cm<sup>-1</sup>付近のピークは ブロードである。これは、ドナーとの相互作用の結果として幅が拡がっていると言われている。 図 50 はこの部分を詳しく観測したものであるが、ダブルピークになっており、しかも偏光面 に敏感である。図 49 をみればわかるようにこのピークは 1st Stage にのみ現われ、2nd

グラファイト層間化合物の物性

Stage 3rd Stage には現われていないが、このピークについては、まだ説明がなされていない。



-311 -