修士論文

(1982年度)

擬一次元導体 β-M_xV₂O₅における 「バイポーラロン」の微視的証拠とその伝導機構

筑波大·物理 小野田 雅 重

目

次

- 第1章 序 論
 - 1.1 はじめに
 - 1.2 結晶構造
 - 1.3 バイポーラロン(ポーラロン対)モデル
 - 1.4 現在までの実験事実
 - 1.5 本研究の目的
- 第2章 実 験
 - 2.1 試料作製
 - 2.2 核磁気共鳴法(NMR)
 - 2.3 電子スピン共鳴法(EPR)
- 第3章 実験結果

3.1 NMR 結果

- 3. 1. 1 β -Na_xV₂O₅ \mathcal{O} ⁵¹VNMR
- 3.1.2 β -Cu_xV₂O₅ \mathcal{O}^{51} VNMR
- 3.1.3 β -Li_xV₂O₅ \mathcal{O}^{51} V \geq ⁷LiNMR
- 3.2 EPR結果
- 3.2.1 $\beta Na_x V_2 O_5 \mathcal{O} V^{4+}$
- 3.2.2 β -Cu_xV₂O₅OV⁴⁺
- 第4章 検 討
 - 4.1 β -Na_xV₂O₅
 - 4.1.1 ⁵¹V核の四重極相互作用
 - 4.1.2 V₁核のKnightシフト

- 4.1.3 スピン磁化率
- 4.1.4 g值
- 4.1.5 価数揺動の動力学に関するモデル
- 4.1.6 電子スピン緩和
- 4.1.7 電気伝導機構
- 4.1.8 Wigner 結晶
- 4.2. β -Cu_xV₂O₅
- 4.2.1 ⁵¹V核のKnightシフト
- 4.2.2 スピン磁化率
- 4.3 β -Li_xV₂O₅
- 4.3.1 ⁵¹V核の四重極相互作用
- 4.3.2 Li⁺の運動
- 第5章 結 論
- 謝 辞

参考文献

第1章序 論

1.1 はじめに

一般に,擬一次元導体では「Peierls 転移」と呼ばれる金属 – 絶縁体転移が期待され,¹⁾幾つ かの物質においてこの転移の機構が解明されつつある。最近では超伝導状態の出現する一次元 導体が発見され,この方面の研究に力が注がれている²⁾本研究の対象とする β -M_xV₂O₅系は, 特に β -Na_xV₂O₅の電気伝導度³⁾光反射⁴⁾の測定などから擬一次元導体であると考えられる。 しかし,この系では一次元軸方向に電子伝導帯が形成されていない為に,通常の一次元金属と いう立場は適用されない。他方,この系では、バイポーラロン状態が実現している可能性のあ ることが,Chakraverty達によって指摘されている⁵⁾バイポーラロンは、強い電子一格子相互 作用を介して生じた電子間の引力が、近接原子間の電子のCoulomb斥力に打ち勝つことによ り生じる実空間における電子対を意味し、その基底状態はスピン一重項である。これに対して 同一原子上の実空間における電子対も可能であることが指摘されている。例えば、Anderson によるアモルファス半導体⁶⁾RiceとSneddonによるBaPb_{1-x}Bi_xO₃⁷⁾長沢によるK₂Pt(CN)₄ Br₀₃・3H₂O⁸⁾の議論などがある。

以上の点から、 β -M_xV₂O₅系では、他の一次元導体にはない新しい性質を持った電子系、及

擬一次元導体β-M_xV₂O₅における「バイポーラロン」の微視的証拠とその伝導機構 び伝導機構が存在することが予想され興味深い。

1.2 結晶構造

 β -M_xV₂O₅系の中で最も典型的な物質である Na_{0.33}V₂O₅の結晶構造は、Wadsleyによって最初に決定され⁹⁾その後も幾つかの報告がある^{10,11)}この物質は空間群 C2/mをもった単斜晶系の結晶で、単位胞には 2 個の NaV₆O₁₅ が含まれている。格子定数は、a = 10.086Å, b = 3.612Å, c = 15.435Å, β = 109.61°である。(a, c) 面に投影した結晶構造を図 1.1 に示す。この図に



図 1.1 β -Na_{0.33}V₂O₅の結晶構造の(a, b)面投影

表わされているようにバナジウムには、 V_1 , V_2 , V_3 と分類された 3 つの結晶学的に異なる位置 が存在し、それぞれ酸素により八面体的に囲まれている。ナトリウムは、 V_2O_5 格子が大きく変 形することによって生じたb 軸方向に伸びるトンネルの中に入る。この様子を図 1.2 に示す。 さらに詳しくみると、金属元素Mの入る位置は図 1.3 に示すとおり 2 つずつ数種類存在するが,¹²⁾ x 値が 0.33 の場合は全ての位置のうち半分を占めるようになる。 β -Na_{0.33}V₂O₅ の場合は、図 1.3 におけるM₁に Na が存在するが、M₁とM₁/の間の距離が約 2Åと短く、並んで入ったので は大きな Coulomb 斥力が働くので、各面に 1 個ずつ存在すると思われる。

この結晶構造における最も重要な点は、図1.4のようにVイオンがb軸方向にジグザグの鎖 を形成していることである。この物質の高い電気伝導度を示す方向は、このジグザグの鎖の方 向に一致している。





図1.2 トンネル構造の様子

図1.3 金属元素Mの入る位置



図 1.4 Vイオンの鎖構造

1.3 バイポーラロン(ポーラロン対)モデル

バイポーラロンモデルは,最初にChakraverty達によって提案された⁵⁾彼らは最も単純な2 つの位置と2つの電子からなる系を想定し,電子(e),格子(1),及び電子-格子相互作用(e-1) を含むハミルトニアン

$$H = H_{\rm e} + H_{\rm l} + H_{\rm e^{-1}} \tag{1}$$

を考えた。まず電子項*H*eは

$$H_{\rm e} = \sum_{i=a,b} \varepsilon_0 n_{i\sigma} + \sum_{i,j=a,b} T_{ij}^0 C_{i\sigma}^* C_{j\sigma} + U \sum_{i=a,b} n_i^{\uparrow} n_i^{\downarrow} + v \sum_{i,j=a,b} n_{i\sigma} n_{j\sigma'}$$
(1a)

で与えられる。ここに ϵ_0 は位置エネルギー, T_{ij}^0 は重なり積分,Uは同一位置上における反平行

擬一次元導体 β -M_xV₂O₅における「バイポーラロン」の微視的証拠とその伝導機構 スピン間のCoulomb斥力, v は近接位置 a, b 間の電子のCoulomb斥力, $n_{i\sigma}$ はスピン σ の占 有演算子, C^+ とCはフェルミオンの生成, 消滅演算子である。格子項 H_1 は, 格子の弾性定数 $\beta \geq a$, b間の局所歪み x_{ab} を用いて

$$H_1 = \frac{1}{2}\beta x_{ab}^2 \tag{1b}$$

と書ける。また電子-格子相互作用項He-1はその結合定数 λを用いて

$$H_{\rm e-l} = \lambda \left(n_{a\sigma} + n_{b\sigma'} \right) x_{ab}$$
(1c)

と表わす。ここに、(1b)と(1c)の和を最小にする局所歪み x_{ab}^{0} は、

$$x_{ab}^{0} = -\frac{\lambda}{\beta} \left(n_{a\sigma} + n_{b\sigma'} \right) \tag{2}$$

で与えられ、この時ハミルトニアン(1)は

$$H_{\text{eff}} = \sum_{a,b} \epsilon n_{a,b,\sigma} + \sum_{a,b} T_{ab} C_{a\sigma}^* C_{b\sigma} + U_{\text{eff}} \sum_{i=a,b} n_i^{\uparrow} n_i^{\downarrow} + v_{\text{eff}} \sum_{i,j=a,b} n_{i\sigma} n_{j\sigma'} \quad (3)$$
と変形される。ここで



$$T_{ab} = T_{ab}^0 e^{-\lambda^2/2\beta\omega_0}$$

である。但し、*T_{ab}*については波動関数の重なりが変位する影響を考慮に入れている。 (3)は厳密に解くことができ、図1.5のような結果を得る。但し



Electron Configurations & Energy Levels

図1.5 二電子の配置とそれらのエネルギー

$$U_{\rm eff} - v_{\rm eff} \gg T_{ab}$$

の近似を用いた。また2Jはスピン一重項-三重項の交換エネルギーで

$$2J = \frac{4T_{ab}^2}{U_{\rm eff} - v_{\rm eff}}$$

と書ける。

図 1.5 からわかるように $v_{eff} < 0$,或いは 2 $J > v_{eff}$ である限り,基底状態はスピン一重項のバイポーラロンである。最近,これらのバイポーラロンのボーズ凝縮等について幾つか議論されている¹³⁻¹⁵⁾

1.4 現在までの実験事実

1.4.1 β-Na_{0.33}V₂O₅の擬一次元伝導性

[1] 電気的性質

電気伝導度に異方性があることは、この物 質の構造決定直後に Ozerovよって報告さ れた¹⁶⁾その後、Perlstein と Sienkoは、室温 から 77Kまでの範囲にわたって、結晶 b 軸に 平行な直流電気伝導度を測定した¹⁷⁾この結果 を図 1.6に示す。そして一次元導体の研究が 行われだした 1970年代に入って、Wallis 達 は、 b 軸に平行と垂直な直流電気伝導度 (σ_{\parallel} , σ_{\parallel})、及び異方性 ($\sigma_{\parallel}/\sigma_{\parallel}$)の温度変化を測定





し、この物質が擬一次元導体であることを決定づけた³⁾ これらの結果を図 1.7 と 1.8 に示す。 室温における $\sigma_{\parallel} \ge \sigma_{\perp}$ の値は、それぞれ 110 Ω^{-1} cm⁻¹ $\ge 0.87 \Omega^{-1}$ cm⁻¹である。

この結果で注目すべきことは次の2点である。

i) σ_{ll} と σ_l の温度変化が半導体的で,類似している。

ii)約100K以下では、温度が減少するにつれて異方性の大きさが減少する。

i)の結果は、典型的な一次元金属であるTTF-TCNQなどが、Peierls 転移温度以上では温度の低下に伴い、電気伝導度が上昇するという電子伝導帯の存在を示すことと対照的である¹⁸⁾すなわち、 β -Na_xV₂O₅の電気伝導は電子伝導帯によるものではなくて、Perlstein と Sienkoが述べているような電子のホッピングによると考えられる。尚、電気伝導が電子によることは、ホール係数が負であることからわかる¹⁷⁾さらに j)の結果から、 σ_{\parallel} が σ_{\perp} に大きく依存している



図 1.7 β-Na_{0.33}V₂O₅の直流電気伝導度 の温度変化

ことがわかる。 of がいくら大きくても,結晶 の不完全性等によって, b 軸方向に伸びる鎖 が途中で切れていると,電子はそこで周囲に ある鎖へ飛び移らざるを得なく,結局 olの影 響を受けるわけである。このような現象は特 に低温で顕著になることが期待され, ii)の結 果を導くと考えられる。実際,鎖の切れ目の 影響を受けにくい高周波電気伝導度の測定結 果は,図1.9に示すように直流の場合より低 温において何桁も大きい値を示している¹⁹)





図 1.10 β-Na_{0.33}V₂O₅の近赤外反射率



図 1.8 β-Na_{0.33}V₂O₅の直流電気伝導度 の異方性の温度変化



図 1.9 β-Na_{0.33}V₂O₅のb 軸方向の高周 波電気伝導度の温度変化



図 1.11 β -Na_{0.33}V₂O₅の近赤外反射率

KaplanとZylbersztejnは、近赤外領域で光反射の測定を行い図 1.10と1.11に示すような 結果を得た⁴⁾ 光をb軸に垂直に入射し、b軸方向に偏光された場合の反射率 R_{\parallel} ,及び垂直に偏 光された場合 R_{\perp} が示されている。注目すべき点として、 R_{\parallel} に金属特有のプラズマエッジがみ られることがあげられる。図 1.10に示したような振る舞いは、TTF-TCNQ等にも見られる²⁰⁾ 図 1.11 は、プラズマエッジ近傍で Drudeモデルによるフィッティングを行ったもので、波長 1.2~1.7 μ mの間で良く合っている。

1.4.2 β-Na_xV₂O₅における価数揺動

[1] 核磁気共鳴(NMR)

丸山達は、定常法 NMR の測定を行い²³ Na 核の Knight シフトがなく、完全な 1 価の陽イオン になっていることを示した 21 、従って、Na の s 電子は V の 3 d 軌道の一部に移り、そこで V⁴⁺と V⁵⁺の混合原子価状態が形成されていると考えられる。実際、ほとんど Knight シフトのない

⁵¹V核の信号と負のシフトを持った信号が観測された。 この結果を図 1.12に示す。両者の強度比は,外部磁 場が b 軸に平行である時,図 1.12に挿入してあるよう に 1 対 2 である。このことは,全ての Vイオンが 4 価 にはなり得ないことを示している。仮に,負のシフト を持った信号が V⁴⁺に対応するとすれば,前の強度比 は 5 対 1 (x = 0.33の時 V⁵⁺は 1.67 個, V⁴⁺は 0.33 個) になるはずであるが,実験では逆に 1 対 2 である。こ れは Goodenough が指摘している V⁴⁺にはなり得な い V₂ 位置の信号と,V⁴⁺になり得る V₁ と V₃ 位置の信号 に対応するものである。すなわち,負のシフトを持った 信号は,V⁴⁺と V⁵⁺が NMR 観測時間よりも十分に速い 時間で揺らいで共鳴線の尖鋭化を起こしたものと解釈される。



このVの価数揺動の動力学的面をみる為に、恵良田達はパルス法NMRの測定を行い、²³Na 核のスピン-格子緩和時間を求めた²²⁾図1.13がその結果である。 彼らはV⁴⁺になり得るV₁と V₃位置からの双極子磁場が²³Na 核の緩和の原因であると考えて、V₁とV₃の価数揺動時間と電 子の存在確率という4個のパラメーターを用いて検討した結果、77KにおけるV₁とV₃の揺動 時間を、それぞれ10⁻¹²sと10⁻¹⁰~10⁻¹¹s 程度と評価した。但し、ほとんどの電子がV₁に存在 し、それらの全てが双極子磁場を作っていると仮定している。

[2] 電子常磁性共鳴(EPR)

Friederich 達は、マイクロ波が b 軸と垂直になるような 配置でXバンド周波数における EPRの測定を行った^{23,24)} 得 られた共鳴線は V^{4+} からのもので、その形は Lorentz 型であ った。これは、電子の運動による共鳴線の尖鋭化が起こって いることを示している。ある結晶方向における線幅と g 値の 温度変化を図 1.14 に示す。約 150K 以下の温度で、どちらも 急激に変化している。次にスピン磁化率の温度変化を図 1.15 に示す。150K より高温では Curie-Weiss 則に合っており、 この時の Curie 定数は、Na 濃度 から期待される値に大体一 致している。これは Na のs電子が全て Vの 3d 軌道に移って



図 1.14 β-Na_{0.33}V₂O₅のEPR 吸収微分曲線のピーク 間幅とg値の温度変化

いるとしたNMRの結果と対応している。

その後、高橋達はより詳細な実験を行い、77Kにおけるg値と線幅の異方性を解析した²⁵⁾g 値の主値は、 $g_X = 1.930$, $g_Y = 1.969$, $g_Z = 1.983$ と決定された。ここにZ軸はb軸に対応し、 XとY軸は(a, c)面内にある。X軸とa軸とのなす角度は約70°である。この主軸はV₁を囲む 酸素が作る八面体と一致しており、ほとんどの電子がV₁位置に存在することを表わしている。 V₁の周囲をとりまく結晶場から、d軌道は dε(d_{xy}, d_{yz}, d_{zx})と dr(d_x2-y², d_{3z}2-r²)に分裂 している。彼らは、スピン-軌道結合の摂動論に従ってg値を第0近似で解析した結果、V⁴⁺ の基近状態が d_{xy}軌道であることを示した。しかし、結晶構造上の要請からV₁の基底状態はd_{yz}



図1.13 β-Na_{0.33}V₂O₅の ²³Na核のスピン-格子 緩和時間の異方性



図 1.15 β-Na_xV₂O₅(x = 0.21, 0.33) のスピン磁化率の温度変化

軌道でなければならない。この矛盾を打開するために彼らは、 「 V_1 は電子が来た時に八面体の中央に変位する」というモデ ルを提案した。こう考えれば、基底状態が d_{xy} 軌道であって も構わない。このモデルは図 1.16 に示すとおり、 V_1 が互い に近づくという結果、いわゆる dimerizationを導く。 さら に、こうして生じると思われる電子対の運動を考慮に入れて、 77Kにおける線幅の異方性を説明した。ここで、電子対が 壊れる時間は約 10⁻¹¹s である。

上記のモデルは、Chakraverty 達の提案したバイポーラロ ンと密接に関係づけられるように思える。しかし、両者の間 には重大な相異点がある。すなわち、上記のモデルは磁気的 でありスピン数がS = 1であるのに対し、バイポーラロンは 非磁気的でS = 0である。

1.4.3 β-Na_xV₂O₅の構造相転移

[1] NMR

150K 付近で構造相転移の存在することが前述の丸山達に よるNMRの実験で明らかにされた²¹⁾図 1.17は⁵¹V 核の四重 極効果によるサテライトの温度変化である($\bigcirc -V_1 \ge V_3$, $\triangle - V_2$)。高温側から存在する信号が 130K で消失し、低温 側で存在する信号が 170K で出現する。このようにサテライ



図 1.18 β-Na_{0.33}V₂O₅の⁵¹V核の スピン-格子緩和時間の 温度変化



図 1.16 V₁位置における V⁴⁺の変位の様子



図 1.17 β-Na_{0.33}V₂O₅の ⁵¹V核の四重極効果によ るサテライトの温度変化



図 1.19 β-Na_{0.33}V₂O₅ の X 線 サテライト反射の強度 の温度変化

擬一次元導体β-M_xV₂O₅における「バイポーラロン」の微視的証拠とその伝導機構

ト信号が変化するのは,結晶構造によって決まる⁵¹V核の電場勾配が変化する為で,結晶構造が 変化していることを表わしている。彼らは2つの信号の共存温度領域が存在することから,こ の変化を一次構造相転移であると考えた。また図1.18は⁵¹V核のスピン-格子緩和時間の温度 変化であるが,同じ温度領域で急激な変化が見られる²²⁾

[2] X 線回折

金井達はX線回折の実験によって、図1.19に示すように200K以下の温度領域で、波数ベクトル(0,0.5,0)のサテライト反射を観測した²⁶⁾これは、低温の超格子構造の周期が、室温におけるb軸方向の格子定数の2倍であることを意味する。彼らは、この変化を二次構造相転移と考えた。上に述べた構造相転移の原因として次のことが考えられよう。

- i) 一次元導体特有の Peierls 転移。
- ii) Na の運動凍結後の長距離秩序。
- III)Chakraverty達の提案したバイポーラロン(S = 0),或いは高橋達の提案した V^{4+} 対 (S = 1)の長距離秩序。

1.4.1 節で述べたように、 β -Na_xV₂O₅ の電気伝導は電子のホッピングによる可能性が強いため |) は否定される。また ||) のみが原因となっていることも、 次に述べる実験事実から否定される。

 β -Na_{0.33}V₂O₅の他に、金井達は β -Li_{0.36}V₂O₅に対してもX線回折の実験を行い、この物質 においても超格子構造を観測した。ここで、Na とLi の原子散乱因子が大きく異なるにもかか わらず、 β -Na_{0.33}V₂O₅と β -Li_{0.36}V₂O₅のサテライト強度はほぼ同じであった。これから、Na のみが構造相転移の原因となっているとは考えられない。しかし、Na のみが超格子構造を形 成するのではなく、周囲の酸素を歪ませて、これが超格子構造を形成する可能性はある。さら に酸素原子の歪みが、V に影響を及ぼしていることも考えられる。

iii)は、バイポーラロン、或いはV⁴⁺対の間のCoulomb斥力を考慮に入れれば、当然期待されよう。

1.4.4 β-Cu_xV₂O₅の金属-非金属転移

[1] 電気的性質

CasalotとHagenmullerは β -Cu_xV₂O₅粉末体の電気伝導度を種々のCu 濃度にわたって測定した²⁷⁾この結果を図 1.20 に示す。Cu 濃度が高いものほど伝導度が高くなる傾向を示している。表 1.1 に Cu 濃度に対する活性化エネルギーの値がまとめられている。その後, Villeneuve 達は結晶 b 軸に平行な直流電気伝導度を測定し、図 1.21 に示すような結果を得た²⁸⁾ Cu 濃度が 0.54 の時の室温近くの温度変化では図 1.21 の挿入図に示されるように、約 200 K付近に



表 1.1 β-Cu_xV₂O₅粉末体の電気伝導度の活性化 エネルギー

Compositions	<i>Т_Е</i> (°К)	E_{RT} (eV)	$\log \sigma(\Omega^{-1} \text{cm}^{-1})$ pour $T = 125^{\circ} \text{K}$	<i>Е_{нт}</i> (eV)	$\log \sigma (\Omega^{-1} \mathrm{cm}^{-1})$ pour $T = 400^{\circ} \mathrm{K}$
$Cu_{0,30}V_2O_5\beta$			2,56	$0,076 \pm 0.003$	0.75
$Cu_{0.35}V_2O_5\beta$	95		2,95	0.068 ± 0.003	0,86
$Cu_{0,40}V_2O_5\beta$	175	0.090 ± 0.006	1,10	0.058 ± 0.004	1.04
Cu _{0.45} V ₂ O ₅ β	200	0.070 ± 0.005	1.40	$0,050 \pm 0.003$	1.11
$Cu_{0.50}V_2O_5\beta$	275	0.057 ± 0.005	ī.73	0.039 ± 0.002	1.26
$Cu_{0.35}V_2O_5\beta$	235	0.039 ± 0.003	0.36	0.030 ± 0.002	1.36
$Cu_{0,iin}V_2O_5\beta$		0.023 ± 0.002	0,65	0.023 ± 0.002	1.42

幅広い極大が現れ、高温側では、温度の上昇に伴い抵抗が増加する金属的特性が見られる。すなわち、Cu 濃度が高い場合には、 β -Na_xV₂O₅とは異なって電子伝導帯が存在すると考えられる。一方、低温側では逆に、温度の低下とともに徐々に抵抗が増加する半導体的特性が現れる。このような緩やかな金属-非金属転移は、K₂Pt(CN)₄Br_{0.3}・3H₂Oでも観測されており²⁹⁾非常に興味深い。

尚、 β -Cu_xV₂O₅の金属-非金属転移を示す他の証拠として、Villeneuve達による熱電能のデ ータがある $^{28)}$

[2] 磁気的性質

図 1. 22 は、Casalot と Hagenmuller による静磁化率の測定結果である²⁷⁾ 但し、Van Vleck の軌道常磁性項と内殻電子の反磁性項は除かれている。室温以上の温度領域では、全ての静磁 化率が Curie-Weiss 則に合っている。この時の Curie 定数が表 1.2 にまとめられている。また Cu 濃度が高いものほど静磁化率の温度依存性が小さくなり、金属的になることが期待される。 Sperlich 達は、 β -Cu_xV₂O₅単結晶に対してQバンド周波数における EPR 測定を行った³⁰⁾ 得



図 1.22 β -Cu_xV₂O₅の静磁化率の温度変化

られた共鳴線形は図 1.23 に示すように、マイク ロ波が結晶 b 軸と垂直になる配置では Lorentz 型 であるのに対して、平行になる配置では非対称型 (Dyson 曲線)である。このことから、 β -Cu_xV₂O₅ においても電気伝導の異方性と電子の運動が期待 される。次に、b 軸方向の共鳴線幅の温度変化を 図 1.24 に示す。彼らは低温における線幅の広が



表1.2 β-Cu_xV₂O₅のCurie定数と Weiss温度

Compositions	<i>Т_м</i> (°К)	C _m	С _{V**}	Ρ _m (μ _b)	θ (°К)
$Cu_{0,30}V_2O_5\beta$	310	0,146	0.488	1,97	- 175
$Cu_{0.35}V_2O_5\beta$	300	0,165	0,473	1,94	- 195
$Cu_{4,40}V_2O_5\beta$	295	0,183	0.456	1,91	- 220
$Cu_{0,45}V_2O_5\beta$	300	0.210	0,468	1.93	- 290
$Cu_{9.50}V_2O_5\beta$	310	0.246	0,492	1.98	- 380
Cu _{0.55} V ₂ O ₅ B	335	0,316	0,575	2.14	- 580
$Cu_{0,60}V_2O_5\beta$	350	0,400	0.666	2,31	- 800



Q 1.24 β-Cu_xV₂O₅のEPR線幅の 温度変化(x=0.4)とCu濃 度による変化

りから,電子のホッピング過程に必要な活性化エネルギーが約10Kであると評価している。 この活性化エネルギーは電気伝導度に対応するものではなく, V₁と V₃ 位置の間の電子のホッ ピング過程に必要なエネルギーと考えられる。

1.5 本研究の目的

Chakraverty達のバイポーラロンモデルは、 β -Na $_xv_2O_5$ の低温比熱に γT の項があることを 説明する為に提案されたものだが、このモデルを考えなければならないという必然性はない。

実際, rTの項は単なるSchottky異常と考えてもよいのである。さらに彼らは,バイポーラロンの基底状態がスピン一重項であることを静磁化率の測定によって確かめようと試みたが,低 温で磁化率の増大するCurie-Weiss項が共存する為に成功しなかった。

本研究の第一の目的は、NMR法とEPR法を用いてバイポーラロンの微視的証拠を得ることにある。NMR測定より得られる⁵¹V核のKnightシフトは元来スピン磁化率に対応しており、この場合のように低温でスピン磁化率が小さくなり不純物等による効果が相対的に大きくなる時でも信頼できるデータが得られる。またEPR測定から得られるスピン磁化率とg値の温度変化を、NMRの結果と対応させながら解析を進める。

第2の目的は、電子スピン緩和を詳細に検討し価数揺動を起こしている電子の動力学的振る 舞いについて情報を得ること、及び β - $M_xV_2O_5$ 系の一次元伝導機構を解明することにある。

第2章 実 験

2.1 試料作製

NMRの測定に用いた β - $M_xV_2O_5$ は、 $M_x = Na_{-0.33}$ 、 $Cu_{0.31}$ 、 $Cu_{0.42}$ 、 $Li_{-0.25}$ 、 $Li_{-0.36}$ の5種 類である。この中で前の3種類に対してはEPRの測定も行った。これらの試料はBridgman 法によって石英管の中で作製された。

[1] β -Na_{~0.33}V₂O₅

純度 99.9 %の V_2O_5 と Na₂CO₃をモル比 6 対 1 で混合した粉末体を、大気中 750[°]C で約 1 時間加熱し、平均 7[°]C/cmの温度勾配を持つ電気炉から約 5.2 cm/hourの速さで引き上げた。この時の反応式は

$$Na_2CO_3 + 6V_2O_5 \rightarrow 6Na_{0.33}V_2O_5 + CO_2 + \frac{1}{2}O_2$$

である。得られた単結晶は、平均的な大きさが 0.5×10×0.1 mm³である針状結晶で、NMR 測 定には小さすぎる為、結晶軸を揃えて貼り合わせ測定に耐え得るものを作製した。

 $\beta - M_x V_2 O_5$ では(a, b)面が劈開面となっている為、a軸とb軸を揃えることはできたが、 2軸だけだったので、作製した材料はC^{*}軸(a, b軸に直交する軸と定義する)に関して 180° 回転する 2 つの方向を持つ結晶の集まりになった。尚、EPR 測定に用いた試料の大きさは1 ×2×0.1mm³程度である。

[2] β -Cu_{0.31}V₂O₅, β -Cu_{0.42}V₂O₅

純度 99.9%の V_2O_5 と純度 99.99%の Cu をモル比 3 対 1,5 対 2 で混合した粉末体を石英管 に真空封入 ($10^{-2} \sim 10^{-3}$ Torr)した後, [1]と同様の方法で作製した。得られた単結晶は β -

擬一次元導体β-M_xV₂O₅における「バイポーラロン」の微視的証拠とその伝導機構

 $Na_{0.33}V_2O_5$ ほど大きくなく、またb軸以外の軸が不揃いであった為にNMR測定にはb軸のみ 揃えて貼り合わせたものを用いた。

[3] $\beta - \text{Li}_{\sim 0.25} \text{V}_2 \text{O}_5$, $\beta - \text{Li}_{\sim 0.36} \text{V}_2 \text{O}_5$

純度 99.9%の V_2O_5 と Li_2CO_3 をモル比 2 対 x の割合で混合した粉末体より次の反応式に従って作製した。

$$\frac{x}{2}\operatorname{Li}_{2}\operatorname{CO}_{3} + \operatorname{V}_{2}\operatorname{O}_{5} \to \operatorname{Li}_{x}\operatorname{V}_{2}\operatorname{O}_{5} + \frac{x}{2}\operatorname{CO}_{2} + \frac{x}{4}\operatorname{O}_{2}$$

この試料は, [1] の条件よりもかなり急冷した場合にのみ得られた。このことは, Li_xV₂O₅の 相図でβ相が 300 K以上でのみ安定とされていることと矛盾しない³¹⁾ 尚,以上の 5 種類の試 料組成比は,筑波大学分析センターに依託し決定されたものである。分析方法はプラズマ発光 分析である。

2.2 NMR法

2.2.1 装 置

β-M_xV₂O₅における金属元素M,及び⁵¹V のNMRは連続波を用いる方法で行った。 使用した装置はVarian社製 WIDE LINE NMR SYSTEM(表2.1)である。

図 2.1 に NMR スペクトロメーターのブ ロック図を示す。高周波発振器から発生す る高周波(3-35 MHz)が減衰器を通り送 信コイルに送られて、そこで振動磁場(最 表 2.1

VARIAN WII	DE LINE NMR	R SYSTEM
Magnet	V7400	
Pole piece dia Pole piece gap Maximum field Homogeneity of	meter field	6 inch 1.764 inch 24.4 kG 70 mG/cm ³
Power supply	E-7900	
Spectrometer	WL-15	
RF unit	WL-210	
RF probe	WL-230	

大振幅 2 G)を作る。一方,低周波発振器より任意の大きさに増幅された低周波数 (35 Hz)が 磁場変調コイルに送られて,掃引される静磁場には周波数 35 Hz で振動する変調磁場が加わる。 共鳴条件 $\omega = rH$ が満たされると試料中の核スピン系は共鳴を起こす。共鳴信号の検出には核 誘導法を用いている。この方法では送信,受信コイルが幾何学的に完全に直交しているので, 受信コイルは送信コイルからの出力を拾うことなく核磁気誘導信号のみ検出することができる。 受信コイルにより拾われたこの信号は高周波増幅され高周波が検波された後,ロックイン検出 器に送られる。そこでは狭域帯低周波増幅された後,位相敏感検波が行われ吸収,或いは分散 曲線の 1 次微分が得られる。終段は, 沪波回路で時定数に応じて雑音が平均化される。ロック イン検出器からの出力は S/Nを大きくする為にデジタル積算器によって積算される。十分な S/N を確保した後, X-Y レコーダーに出力する。



図 2.1 NMRスペクトロメーターのブロック図

2.2.2 磁場較正

磁場較正には、NaVO₃水溶液中の²³Na核(Na⁺)と⁵¹V核(V⁵⁺),LiCl粉末体中の⁶³Cu核(Cu⁺)の共鳴線を適宜使用した。これらの信号を基準にして、 β - $M_xV_2O_5$ における金属元素Mと⁵¹V 核の共鳴線シフトを決定した。磁場較正は測定前と測定終了後の合わせて2回行い、磁場の変 動の有無をみた。

2.2.3 温度制御

試料の温度制御はN2ガスのガスフロー法により行った(図2.2)。制御できる温度領域は90K



図 2.2 NMRにおけるガスフロー法

擬一次元導体 $\beta_{-}M_{x}V_{2}O_{5}$ における「バイポーラロン」の微視的証拠とその伝導機構 から 370Kまでである。試料近傍の Pt 抵抗センターが温度をモニターし、±1Kの精度で制御 している。他に液体窒素用の小型ガラス製 dewarを用いて 77Kにおける測定を行った。

2.3 EPR法

2.3.1 装 置

EPR吸収微分曲線はXバンド周波数で得られた。使用した装置はJEOL社製JES 型電子スピン共鳴装置(表 2.2)である。

図2.3にEPRスペクトロメーターのブロック 図を示す。ガン発振器で発振されたマイクロ波は 単向管を通った後,方向性結合器により reference 系と信号系に分かれる。信号系は回転型減衰器で 表 2.2

JEOL EPR SPECTROMETER

Magnet & Power supply	JM-301
Pole piece diameter Pole piece gap Maximum field Homogeneity of field	300 m/m 6 m/m 10 kG 30 mG/cm ³
Microwave unit	JES-SCXA
Cavity resonator	JES-UCX-2
Goniometer	JES-UCR-2





図 2.3 EPRスペクトロメーターのブロック図

-549-

必要なパワーに減衰させられ、サーキュレータを通りTE₀₁₁円筒空胴共振器に入る。EPRが 励起されマイクロ波が反射されて、マジックTとクリスタルマウントからなるバランスミキサ ーに入り検波され、前置増幅器により増幅される。reference 系は位相器によって信号系と同 位相に調整され、delay lineを通り検波ダイオードに最適バイアスパワーを供給する。

一方,高周波発振器により掃引される静磁場に変調磁場(100 kHz)が加わり,共鳴条件が満たされると,100 kHz の変調を持ったバランスのずれがロックイン増幅される。以降は,NMR 法と同様である。

2.3.2 磁場較正

空胴共振器内に常時 MgO(Mn)を挿入し, 試料の信号と同時に, 超微細相互作用により6本 に分かれた M²⁺の信号も測定し, これをもとに磁場較正を行った。

2.3.3 温度制御

試料の温度制御は⁴HeとN₂ガスのガスフロー法により行った(図2.4)。測定温度領域は19K から310K付近までである。試料の温度は試料の上部3.5cmのところにある熱電対(Au(Fe)-クロメル)によってモニターしている。尚,測定温度は±0.5Kの精度になるように注意した。 他に液体窒素用の小型ガラス製dewarを用いて77Kにおける測定を行った。



図 2.4 EPRにおけるガスクロー法

第3章 実験結果

3.1 NMR結果

3.1.1 β -Na_xV₂O₅ \mathcal{O}^{51} V NMR

2本の⁵¹V核の中心共鳴線が観測された。丸山達が報告しているように、外部磁場の方向が 結晶 b 軸に平行な場合、幅の狭い共鳴線(A)のシフトはほとんど0であり、幅の広い方(B)は 負のシフトを持っていた。

一般に共鳴線シフト $\left(\frac{\Delta\nu}{\nu_{\rm L}}\right)$ は、Larmor 周波数 $\left(\nu_{\rm L}\right)$ によらない Knight シフトの項(K)と、 $\nu_{\rm L}^{-2}$ に比例する 2 次の核四重極効果によるシフト $\left(\frac{f}{\nu_{\rm r}^2}\right)$ の和で表わされる。



 $\frac{\Delta \nu}{\nu_{\rm L}} = K + \frac{f}{\nu_{\rm L}^2}$

図 3.1 2 組の⁵¹V核の Knight シフト の異方性

従って、2本の共鳴線の周波数依存性を測定す れば Kとfを分離することができる。そこで我 々は、10 MHz から 20 MHz までの周波数領域 で2本の共鳴線シフトを測定した。その結果、 共鳴線Aでは、2次の核四重極効果が無視し得 るほど小さいのに対して、共鳴線Bでは、その 効果がかなりあることがわかった。この方法で 得られた 290 Kにおける 2 組の Knight シフト、 及び共鳴線Bの 77 (〇)、290 (●) における f の (b, c*) 面内の異方性を、それぞれ図 3.1 と 3.2 に示す。次に、構造相転移温度上下で 2 次 の核四重極効果によるシフトを補正することに



よって得られた,共鳴線BのKnightシフトの温度変化を図3.3に示す。構造相転移温度以下でKnightシフトが急激に増加する,すなわち,磁化率が急激に減少する傾向が見られる。

3. 1. 2 β -Cu_xV₂O₅O⁵¹V NMR [1] β -Cu_{0.42}V₂O₅

外部磁場の方向が b軸に平行な場合 β -Na_xV₂O₅ とは異な 0^{51} V 核の中心共鳴線は 1本であった。 しかし、測定温度が 190Kの時、中心共鳴線は 3本に分離した。これらは、低磁場側にシフト する共鳴線 (A)、ほとんどシフトが 0 で V^{5+} と 考えられる共鳴線 (B)、及び高磁場側にシフト する共鳴線 (C)に分けられる。

これらの共鳴線シフトの周波数依存性を見る 為に,我々は $\nu_{\rm L} = 10 \text{ MHz} \ge 22 \text{ MHz}$ で測定を 行った。その結果,298Kでは(1)のfの値が 0.06 (MHz)²であったのに対し,90Kでは f_A = 0.19, $f_B \sim 0$, $f_C = 0.09 (\text{MHz})^2 \ge 変化し$ た。このことから、 β -Cu_{0.42}V₂O₅では190K付 近で構造相転移が起こると考えられる。図 3.4 は構造相転移温度上下で2次の核四重極効果に よるシフトを補正することによって得られた, 各共鳴線のKnightシフトの温度変化である。

 $[2] \beta - Cu_{0.31}V_2O_5$

外部磁場の方向がb軸に平行な場合,3本の ⁵¹V核の中心共鳴線が観測された。この中の1 本は低磁場側に大きくシフトしており,M = NaやLiでは見られなかったものである。しかし, この共鳴線の強度は他の共鳴線と比較して10 分の1以下であるので,ここでは触れない。他 の2本の共鳴線のKnightシフトの温度変化を





図 3.5 ⁵¹V核の Knight シフトの 温度変化

図 3.5 に示す。200 K付近で異常が見られ、別の共鳴線が現れる。

3.1.3 β -Li_xV₂O₅ σ ⁵¹V ξ ⁷Li NMR

[1] β -Li_{0.36}V₂O₅ \mathcal{O}^{51} V NMR

 β -Na_xV₂O₅と同様に2本の⁵¹V核の中心共鳴線(A, B)が観測された。 その中で高磁場側へ

擬一次元導体 $\beta_{-}M_{x}V_{2}O_{5}$ における「バイポーラロン」の術視的証拠とその伝導機構 大きくシフトしている共鳴線 Bの核四重極効果を見る測定を行った。

図 3.6 は 77, 291 K における f の (b, c*) 面内の異方性で、共鳴線 Bの核四重極パラメーターが大きく異なり、構造相転移がこの温度領域内で起こっていることがわかる。また図 3.7 は室温における共鳴線 $A(\blacktriangle) \ge B(\bigoplus)$ の核四重極効果によるサテライトの (b, c*) 面内の異方性である。

次に、共鳴線 Bの Knight シフトの異方性と温度変化を図 3.8 と 3.9 に示す。 β -Na_xV₂O₅と同様に Knight シフトの極小現象が見られる。



図 3.6 ⁵¹V共鳴線Bの核四重極効果 の異方性



図 3.8 ⁵¹V共鳴線Bの Knight シフト の異方性



図 3.7 2 組の⁵¹V 核の四重極効果に よるサテライトの異方性



図 3.9 ⁵¹V 共鳴線 Bの Knight シフト の温度変化

[2] β -Li_{0.36}V₂O₅ $\geq \beta$ -Li_{0.25}V₂O₅ \mathcal{O}^{7} Li NMR

いずれの試料でも、⁷Li 核のKnightシフトはほぼ0であった。このことは、2s 電子がLi の上にいず V側に移り、Li が 1 価の陽イオンLi⁺になっていることを示している。 次に、⁷Li 核の共鳴線幅の温度変化を図 3. 10 に示す(〇-

x=0.36, ●-x=0.25)。室温付近では, Li⁺は運動してお り,共鳴線の尖鋭化を起こしている。また Li 濃度の違いに よって,Li⁺ の運動が止まり始める温度が異なる。

3.2 EPR結果

3.2.1 β -Na_xV₂O₅ \mathcal{O} V⁴⁺



図 3.10 ⁷Li NMR吸収 微分曲線のピーク間幅 の温度変化

Xバンド周波数で観測された共鳴線形は、線幅の約5倍 にわたる磁場範囲ではLorentz型であった。但し、振動磁場がb軸(一次元伝導方向)に平行 でない場合、120K以上の温度領域で分散曲線が混合する為に生じる非対称な共鳴線(Dyson 曲線)が観測された。



図 3.11 スピン磁化率の温度変化

図 3.11 にスピン磁化率の温度変化を示す。ここで、その値は Friederich 達が報告しているものと実験誤差の範囲内で一致している。その他に彼らは、ある結晶方向における g 値と線幅の温度変化を測定しているが、我々はより詳細な情報を得る為に、それらの異方性も測定した。T = 19.2, 77.4, 300.0Kにおける g 値の(a, c) 面内の異方性



図 3.12 g 値の異方性



擬一次元導体β-M_xV₂O₅における「バイポーラロン」の微視的証拠とその伝導機構

を図 3.12 に、及び主軸位置近傍の温度変化を図 3.13 に示す。ここに主軸Zはb軸に対応し、 XとY軸は(a, c)面内にあり、X軸とa軸のなす角度は約70°である。g値の主軸の1つがb 軸に対応することは、結晶構造から見て明らかである。次に、T = 19.2, 77.4, 300.0Kにおけ る吸収微分曲線のピーク間幅の(a, c)面内の異方性を図 3.14 に示す。この異方性は、180°の 周期を持つ sinusoid 曲線で表わされる。また図 3.15 はピーク間線幅のb軸方向と(a, c)面 内の主値の温度変化を表わす。構造相転移温度以下で線幅が急激に減少する傾向が見られる。







図 3.15 EPR 吸収微分曲線のピーク 間幅の温度変化

3.2.2 $\beta - Cu_{x}V_{2}O_{5} \mathcal{O}V^{4+}$

Xバンド周波数で観測された共鳴線形は、Cu 濃度が 0.31 の場合は線幅の約5倍、Cu濃度が

0.42の場合は約8倍にわたる磁場範囲でLorentz 型であった。但し,振動磁場はb軸に平行である。

図 3.16 はスピン磁化率の温度変化を示したもの で、Curie-Weiss 則的に振る舞うことがわかる。吸 収微分曲線のピーク間幅の異方性は、77Kから室温 までの温度領域では 180°の周期を持つ sinusoid 曲 線で表わされる。ここでは、Cu 濃度が 0.42 のT =77.4、149.8、226.0Kにおけるピーク間線幅の(a, c) 面内の異方性を、g値とともに図 3.17 に示す。 また図 3.18 はピーク間線幅の(a, c)面における主 値の温度変化であるが、その傾向は β -Na_xV₂O₅ と



図 3.16 スピン磁化率の温度変化

異なって、154K付近で極小値を持ち、それ以下では温度の低下とともに線幅は徐々に広がる。





間幅の温度変化

第4章 検 討

4.1 β -Na_xV₂O₅

4.1.1 ⁵¹V核の四重極相互作用^{32,33)}

2次の核四重極効果を無視でき、且つ Knight シフトの小さい共鳴線 Aは V⁵⁺ の信号に対応 すると考えられる。Goodenoughによる電子構造論に従えば,³⁴⁾ この信号は V₂ 位置からの寄与 である。

一方、四重極効果を無視し得ない負のKnightシフトをもつ共鳴線 Bは、V⁴⁺とV⁵⁺の混合原 子価状態にあり、且つそこで価数揺動を起こしていると期待される⁵¹V核の信号に対応すると 考えられる。従って、共鳴線 Bに対応する Vの位置を推定し、その電子状態を解明することが、 β -Na_xV₂O₅の物性を知る上で最も重要になる。

共鳴線シフトにおける二次の核四重極相互作用の具体的表現を次に示す³⁵⁾

$$\frac{\Delta\nu}{\nu_{\rm L}} = K - \frac{\nu_{\rm Q}^2}{6\,\nu_{\rm L}^2} \left[I \left(I + 1 \right) - \frac{3}{4} \right] \left[A(\phi) \mu^4 + B(\phi) \mu^2 + C(\phi) \right] \tag{1}$$

但し,

擬一次元導体 β-M_xV₂O₅における「バイポーラロン」の微視的証拠とその伝導機構

$$\mu = \cos\theta, \qquad \nu_{\rm Q} = \frac{3e^2gQ}{2I(2I-1)h},$$

$$A(\phi) = -\frac{27}{8} + \frac{9}{4}\eta\cos 2\phi - \frac{3}{8}\eta^2\cos^2 2\phi,$$

$$B(\phi) = \frac{30}{8} - \frac{1}{2}\eta^2 - 2\eta\cos 2\phi + \frac{3}{4}\eta^2\cos^2 2\phi,$$

$$C(\phi) = -\frac{3}{8} + \frac{1}{3}\eta^2 - \frac{1}{4}\eta\cos 2\phi - \frac{3}{8}\eta^2\cos^2 2\phi,$$

である。(1)で、Iは⁵¹V核のスピン数 $\frac{7}{2}$ 、 ν_Q は四重極周波数、 η は電場勾配の非対称パラメー ター、(θ , ϕ)は、それぞれ図 4.1 に示すような電場勾配テンソルの主軸と外部磁場のなす天頂 角、方位角である。

結晶構造から見て、⁵¹V核における電場勾配テ ンソルの主軸の1つはb軸に一致していると考 えられる。この時、 $\frac{A\nu}{\nu_{\rm L}}$ 対 $\frac{1}{\nu_{\rm L}^2}$ のプロットから得 られたfのc^{*}軸方向の値(図3.2)が負になる ことを説明する為には、電場勾配テンソルの中 で最大である主軸(Z軸)は(a, c)面内に存 在しなければならないことがわかった。(a, c) 面内におけるZ軸の位置を決定する為に、(1) を次のように書き直す。

$$\frac{\Delta \nu}{\nu_{\rm L}} = K - \frac{\nu_{\rm Q}^2}{6\,\nu_{\rm L}^2} [I(I+1) - \frac{3}{4}]$$

$$\left[D(\Omega)\xi^{2}+E(\Omega)\xi+F(\Omega)\right]$$



図 4.1 結晶軸に関する回転面と電場 勾配テンソルの主軸座標系を示す ステレオ投影

(2)

但し

$$\begin{aligned} \xi &= \cos 2\psi, \\ D(\Omega) &= -\frac{3}{8} \,\eta^2 + \frac{3}{8} \,(\eta + 3) \,\eta \,\cos^2\Omega - \frac{3}{32} \,(\eta + 3)^2 \cos^4\Omega, \\ E(\Omega) &= -\frac{1}{4} \,\eta - \frac{1}{8} \,(\eta + 3) \,(\eta + 5) \cos^2\Omega + \frac{3}{16} \,(\eta + 3)^2 \cos^4\Omega, \\ F(\Omega) &= -\frac{3}{8} + \frac{1}{3} \,\eta^2 - \frac{1}{8} \,(\eta + 3) \,(2\eta - 5) \cos^2\Omega - \frac{3}{32} \,(\eta + 3)^2 \cos^4\Omega \end{aligned}$$

である。(2)で、 ΩはZ軸とa軸のなす角度、 ψ は (b, c^{*})面において外部磁場とb軸のなす 角度を表わす。これらの角度関係を図 4.1に示 す。こうして我々は実験値と(2)を比較するこ とによって、核四重極パラメーター ν_Q , η, Ω を決定できる。図 4.2の実線と破線は、それぞ れ*T* = 77と290Kにおける(2)の計算値で、こ の時のパラメーター値は表 4.1のとおりである。

表 4.1 ⁵¹V 共鳴線 Bの核四重極パラメーター

T (K)	$\nu_{\rm Q}({ m MHz})$	n	Ω
77	0.338	0.10	$67^{\circ} \pm 3^{\circ}$
290	0.278	0.30	$71^{\circ} \pm 4^{\circ}$



図 4.2 ⁵¹V共鳴線 Bの核四重極効果 の異方性。図中の実線と破線 はそれぞれ T = 77と 290Kに おける (2)による計算値

決定された電場勾配の主軸方向は、図4.3からわかるようにV₁の周りの酸素が作る歪んだ八面体と一致している。すなわち、共鳴線Bは主にV₁からの寄与である。

一般に四重極周波数における電場勾配 q は

$$q = q_{\text{latt}} \left(1 - \gamma_{\infty} \right) + q_{\text{loc}} \left(1 - R_{Q} \right)$$
(3)

と書ける³⁶⁾ここに q_{latt} は周囲のイオンから生じる電場勾配であり、 q_{loc} はV⁴⁺イオン内の不完 全殻にある電子の非球対称分布が、その⁵¹V核に作る電場勾配である。また r_{∞} と R_Q はSternheimer の反遮蔽因子である。(3)に対応して、観測された四重極周波数 ν_Q は



図 4.3 V₁位置の周りの結晶構造と電場勾配テンソルの主軸

$$\nu_{\rm Q} = \nu_{\rm Q}^{\rm latt} + \nu_{\rm Q}^{\rm loc} \tag{4}$$

と表わせる。ここで ν_{Q}^{loc} の値を評価する為に、 ν_{Q}^{latt} を $V_{2}O_{5}$ の値³⁷⁾で置き換える。この $V_{2}O_{5}$ における V イオンの周囲の酸素配置は β -Na_x $V_{2}O_{5}$ の場合とほぼ対応しており、最大である電 場勾配の方向も一致している³⁸⁾ $V_{2}O_{5}$ の四重極周波数と非対称パラメーターは、それぞれ ν_{Q} = 0.054 MHz と $\eta = 0$ であることがわかっている³⁷⁾こうして表 4.1 から、77K では ν_{Q}^{loc} =0.284 MHz と 0.1 < $\eta_{loc} \leq 0.119$, 290K では $\nu_{Q}^{loc} = 0.224$ MHz と 0.3 < $\eta_{loc} \leq 0.372$ を得る。ここに η_{loc} は q_{loc} に対応する非対称パラメーターである。また、 η_{loc} の導出の際に

$$1 - r_{\infty} \ge 1 - R_{Q}$$

と仮定した。

 β -Na_xV₂O₅の場合,dε軌道のエネルギー準位の方がdγ軌道よりも低いと考えられるので V⁴⁺の基底状態はd_{yz},d_{zx},d_{xy}軌道の線形結合で表わせる。今,Fermi準位におけるd_{yz}とd_{xy} 軌道の確率密度をくとくで表わそう。原子に束縛された電子のモデルでは,非対称パラメータ ーは

$$\eta_{\text{loc}} = \left| \frac{3\left(\zeta + 2\zeta' - 1\right)}{3\zeta - 1} \right| \tag{5}$$

と書ける。上で導出した η_{loc} の値と(5)を用いれば、 V^{4+} の基底状態についてある程度の知見 を得ることができる。以降は次の節で議論する。

さらに観測された四重極周波数が、酸素原子により八面体的に囲まれている $VO_2(V^{4+})$ の⁵¹V 核四重極周波数 0.490 MHz³⁹⁾の半分程度であることから、 V_1 は V^{4+} と V^{5+} の混合原子価状態に あると結論できる。

4.1.2 V₁核のKnightシフト³³⁾

[1] 温度依存性

一般のs,dバンドの遷移金属で常磁性状態を考えると、全体のKnightシフトは

 $K(T) = K_{s} + K_{vv} + K_{d}(T)$ (6)

と書ける^{40,41)}ここで K_s , K_{vv} , $K_d(T)$ は、それぞれ s 電子による接触相互作用、Van Vleckの 軌道常磁性、そして d バンドのスピンからの寄与である。通常は $K_d(T)$ のみに温度変化がある と考えてよい。一方、磁化率も同様の寄与に分けることができる。

$$\chi(T) = \frac{2}{3}\chi_{\rm s} + \chi_{\rm vv} + \chi_{\rm d}(T) + \chi_{\rm dia} \tag{7}$$

但し X_{dia}は, 普通 Knightシフトには寄与しない内殻電子の反磁性による項である。

d バンドスピンによる Knight シフトは、次の3つの項からなる。

$$K_{\rm d}(T) = K_{\rm cp}(T) + K_{\rm dip}(T) + K_{\rm orb}(T)$$
 (8)

ここで $K_{cp}(T), K_{dip}(T), K_{orb}(T)$ は、それぞれ d 電子スピンによって生じた内殻分極、電子-核スピン間の双極子相互作用、そして d 軌道モーメントからの寄与である。

これらの Knight シフトと磁化率の間には

$$K_i = \frac{H_{\rm hf}^i}{N_{\rm A}\mu_{\rm B}}\chi_i \tag{9}$$

の関係がある。ここで、 N_A はAbogadro数、 μ_B はBohr磁子、 H_{hf}^i は超微細相互作用結合磁場である。(8)に対応して H_{hf}^d は

$$H_{\rm hf}^{\rm d} = H_{\rm hf}^{\rm cp} + H_{\rm hf}^{\rm dip} + H_{\rm hf}^{\rm orb} \tag{10}$$

と書ける。普通の 3 d 遷移金属では、4 s 電子の超微細場の方が 3 d 電子のそれより一桁大きいけれども $^{42)}\beta$ -Na_xV₂O₅では χ_s が χ_{vv} と $\chi_d(T)$ に比べて非常に小さいので、ここでは K_s の寄与は考えないことにする。こうして⁵¹V核の Knightシフトは

$$K(T) = K_{vv} + K_{d}(T) = \frac{1}{N_{A}\mu_{B}} \left[H_{hf}^{vv} \chi_{vv} + H_{hf}^{d} \chi_{d}(T) \right]$$
(11)

と表わせる。

前節で述べたように、Na の s 電子(ここでは $\frac{1}{3}$ 個) は V₁($\frac{2}{3}$ 個) の 3d 軌道に移っているので、そこは V⁴⁺と V⁵⁺が 1 対 1 の 割合の混合原子価状態になっている。さらに 4 価と 5 価の間で速い価数揺動を起こしていると考えられるので、観測された Knight シフトはその平均値であることが期待される。従って、j = a, b, c^{*}軸における Knight シフトの平均値は次のように書ける。

$$\langle K(T) \rangle_{av} = \frac{1}{3} \sum_{j} [K_{vv}^{j} + K_{d}^{j}(T)] = \langle K_{vv} \rangle_{av} + \frac{\langle H_{hf}^{d} \rangle_{av}}{2N_{A}\mu_{B}} \chi_{d}(T)$$
 (12)

ここで、 $<K_{vv}>_{av}$ は混合原子価状態にあるVan Vleck成分の平均を表わす。

今, Chakraverty 達の提案したバイポーラロン状態が、 β -Na_xV₂O₅ において実現している と仮定してみる。その基底状態はスピン一重項であり、熱的に励起された'single' ポーラロン が磁気モーメントを持っている。バイポーラロン状態にある電子の束縛エネルギーをdで表わ すと、Knight シフトの温度依存性は

$$< K(T) >_{av} = < K_{vv} >_{av} + \frac{g_0^2 \mu_B S(S+1)}{6 k_B} < H_{hf}^d >_{av} \frac{1}{T} \frac{e^{-\Delta/T}}{1 + e^{-\Delta/T}}$$
 (13)

擬一次元導体 $\beta_-M_xV_2O_5$ における「バイポーラロン」の微視的証拠とその伝導機構 と書ける⁵⁾ ここで、 $g_0 = 2.0023$ 、 $S = \frac{1}{2}$ 、 k_B はBoltzmann定数である。

実験結果と比較する為に、(13)の< H_{hf}^{d} >_{av}を評価する必要がある。まず(10)で等方的な第 1項については、Pouget 達が、酸素により八面体的に囲まれているVO₂のV⁴⁺に対して H_{hf}^{cp} = - 83±3kOe/ μ_{B} を得ている^{39,43)}次に、電子-核スピン間の双極子相互作用である第2項の平 均は明らかに0である。また第3項は、軌道角運動量がほとんど消失している場合にg値を用 いて

$$H_{\rm hf}^{\rm orb} = \left[\frac{2\left(g-2\right)}{g}\right] \mu_{\rm B} < \frac{1}{r^3} > \tag{14}$$

と書ける。ここに $<\frac{1}{r^3}$ >は $\frac{1}{r^3}$ の期待値で、V⁴⁺に対しては $<\frac{1}{r^3}$ >=3.684a.u.と計算されてい る $^{42)}_{\circ}$ 4.1.4節の表 4.2の値を使って、 $<H_{hf}^{orb}>_{av}$ =-11kOe/ μ_B を得る。結局、 $<H_{hf}^{d}>_{av}$ の値は -94kOe/ μ_B と評価される。

こうして我々は、< K_{vv} >_{av}と Δ をパラメーターとして実験結果と(13)を比較できる。図 4.4 の実線は、< K_{vv} >_{av} = 0.164%、 Δ = 192Kとした時の計算値で、実験結果を良く再現している。 すなわち、 β -Na_xV₂O₅における V₁の基底状態がスピン一重項であることが微視的な立場から 明らかにされた。

以上の議論に対して、交換結合した2スピン系におけるスピン一重項-三重項構造に基づいた解釈も可能であると考えられる。しかしながら、V⁴⁺のdimerizationが起こる典型的な酸化

物VO₂では,スピン一重項と三重項の間のエネ ルギー差が約 2000Kと非常に高い為に⁴⁴⁾この解 釈を適用するのには無理がある。

[2] 異方性

温度によらないVan Vleck項は別として, 電子-核スピン間の双極子相互作用,及び d 軌 道モーメントにより生じる核における磁場が, 温度変化する Knightシフトの異方性の原因と 考えられる。

結晶構造から見て、 β -Na_xV₂O₅ で最も対称 性の高い軸はb軸である。そこで問題を簡単化 する為に、 $K^{(I)} = K^{b}, K^{(L)} = \frac{1}{2}(K^{a} + K^{c^{*}})$ という パラメーターを導入する。 $K^{(I)} \geq K^{(L)}$ の超微細 場は、それぞれ $H^{(I)}_{hf} \geq H^{(L)}_{hf}$ で定義する。まず



図 4.4 V₁核の Knight シフトの温度変化 図中の実線は(13)による計算値

(10)の第3項については、(14)と表4.2のg値を使って $H_{hf}^{orb(/)} = -5kOe/\mu_B, H_{hf}^{orb(\perp)} = -14$ kOe/ μ_B を得る。次に(10)の第2項であるが、原子に強く束縛された電子のモデルを用いると、 この項は

$$H_{\rm hf}^{\rm dip} = < \mathbf{P}_2^0(\cos\theta) > \mu_{\rm B} < \frac{1}{r^3} > \mathbf{P}_2^0(\cos\theta)$$
(15)

となる。⁴⁵⁾ ここで P₂⁰ は Legendre の陪関数, θ は電子の位置ベクトルとb 軸のなす角度, θ は外部磁場とb 軸のなす角度である。結晶構造データによると、dε 軌道(d_{yz}, d_{zx}, d_{xy})のエネルギー準位の方が、dr 軌道(d_{3z}²-r², d_x²-y²)よりも低いと考えられる。そこでdε軌道に対して(15)を計算すると、d_{yz}とd_{zx}については $H_{\rm hf}^{\rm dip(I)} = 32 \, {\rm kOe}/\mu_{\rm B}$, $H_{\rm hf}^{\rm dip(I)} = -16 \, {\rm kOe}/\mu_{\rm B}$, d_{xy} については $H_{\rm hf}^{\rm dip(I)} = 32 \, {\rm kOe}/\mu_{\rm B}$, $H_{\rm hf}^{\rm dip(I)} = -16 \, {\rm kOe}/\mu_{\rm B}$, d_{xy} については $H_{\rm hf}^{\rm dip(I)} = 32 \, {\rm kOe}/\mu_{\rm B}$, $H_{\rm hf}^{\rm dip(I)} = -16 \, {\rm kOe}/\mu_{\rm B}$, d_{xy} については $H_{\rm hf}^{\rm dip(I)} = -65 \, {\rm kOe}/\mu_{\rm B}$, $H_{\rm hf}^{\rm dip(I)} = 32 \, {\rm kOe}/\mu_{\rm B}$ の結果を得る。ここにz軸はb軸に平行であり、x軸とa軸のなす角度は、理想的な八面体位置に対応させて約70°である。これらの計算値と実験結果を比較することにより、V₁の基底状態は d_{yz}、またはd_{zx} であることがわかった。こうして異方的超微細場は、 $H_{\rm hf}^{\rm d(I)} = -55 \, {\rm kOe}/\mu_{\rm B}$, $H_{\rm hf}^{\rm d(I)} = -113 \, {\rm kOe}/\mu_{\rm B}$ となる。図4.4の実線は、 $K_{\rm vv}^{(I)} = 0.177\%$, $K_{\rm vv}^{(1)} = 0.159\%$ とした時の(13)の計算値で、実験結果との一致は良い。ここで我々は、< K(T) >_{av}の温度変化から得られたバイポーラロンの束縛エネルギー $d = 192 \, {\rm k}$ を用いた。

以上の解析から、 V_1 の基底状態は d_{yz} , または d_{zx} であることがわかったので、前節の非対称 パラメーターの議論に戻ろう。(5)において、 d_{xy} の確率密度である ζ' を無視すれば、 η_{loc} は

$$\eta_{\rm loc} = \left| \frac{3\left(\zeta - 1\right)}{3\zeta - 1} \right| \tag{5}$$

となる。推定した η_{loc} の値を用いて、77Kでは 0.93 $\leq \zeta < 0.94$ 、290Kでは 0.82 $\leq \zeta < 0.85 \epsilon$ 得る。また、この ζ の値を使って 77Kにおける ν_Q^{loc} の 290Kに対する比率を計算すると、1.20±0.05を得るが、この値は実験値から得られる比率

$\frac{0.284\,\text{MHz}}{0.224\,\text{MHz}} = 1.27$

と良く一致している。

従って、 V_1 の基底状態は主に d_{yz} 軌道であるといえよう。これは、Goodenough が結晶構造 をもとに議論した結果 $^{34)}$ と一致している。

4.1.3 スピン磁化率³³⁾

スピン磁化率は低温で発散する傾向にあるが、Curie-Weiss 則だけで全ての温度範囲を説明 することはできない。また、前節で述べた Knight シフトの温度依存性とも異なる。 β -Na_xV₂O₅は18K付近で反強磁性的な転移 を起こすことがSchlenker達によって報告され ているので⁴⁶⁾スピン磁化率は次の2つの成分で 表わされると仮定してみる。

$$\chi_{\rm d}(T) = \chi_{\rm pair}(T) + \chi_{\rm isolate}(T) \quad (16)$$

ここで $\chi_{pair}(T)$ は、基底状態がスピン一重項で ある電子対からの寄与であり、 $\chi_{isolate}(T)$ は孤 立常磁性状態の磁化率である。これらの磁化率 は、

$$\chi_{\text{pair}}(T) = \frac{C_{\text{p}}}{T} \frac{e^{-\Delta/T}}{1 + e^{-\Delta/T}},$$
 (17)

$$\chi_{\text{isolate}}(T) = \frac{C_{\text{i}}}{T + T_{\text{w}}} \tag{18}$$

と書ける。ここでCはCurie定数,T_wはWeiss 温度で18Kとする。図4.5は, \varDelta =169K,C_p



図 4.5 スピン磁化率の温度変化 図中の実線と破線は、それぞ れ(16)と(17)による計算値

= 0.133 ± 0.04 emuK/mole, $C_i = 0.029 \pm 0.009$ emuK/mole とした時の $\chi_d(T) \ge \chi_{pair}(T)$ の計算値を、それぞれ実線と破線で示したもので、実験結果を良く再現している。この結果から孤立常磁性スピンの数が、電子対を形成しているスピン数の約 $\frac{1}{5}$ であることがわかる。

4.1.4 g值³³⁾

磁化率が,スピン一重項である電子対と希薄常磁性スピンから構成されていることがわかっ たので,観測された共鳴線に対して次の2つの解釈が可能であろう。

1) それぞれの q 値と幅を持った 2 本の共鳴線の重ね合わせ。

ⅱ)2つの状態の結合の強さが、それぞれのLarmor 周波数の違いと同程度、或いはそれ以 上である。

どちらの解釈が正しいかを見る為に,我々はQバンド周波数(34.7 GHz)で測定を試みた。 その結果,77Kと300Kで得られた共鳴線形はほぼLorentz型で,g値とその異方性はXバン ド周波数の時と実験誤差の範囲内で一致した。また,線幅はXバンド周波数の場合より数%拡 がりを見せたが,その異方性は一致していた。このことから我々は ii)の解釈を採る。

注)

この解釈によると、4価と5価の混合原子価状態にある⁵¹V核のKnightシフトの温度依存性は、もし 希薄常磁性状態の超微細場がバイポーラロン状態のそれと等しいならば、スピン磁化率と同じ傾向になる はずである。しかしながら、後節で議論するように、 β -Cu $_{0.42}$ V $_2$ O $_5$ では希薄常磁性状態の超微細場はバ イポーラロンのそれよりも小さい。従って、スピン磁化率と 51 V Knightシフトの間で温度依存性が異な ることは矛盾なく理解できる。

それぞれの g 値を決定する為に、観測された g 値が次式で与えられると考える。

$$g = \Xi(T) g_{p} + [1 - E(T)] g_{i}$$
(19)

但し、 $\mathcal{Z}(T)$ は $\chi_{pair}(T)$ の $\chi_{d}(T)$ に対する比で

$$E(T) = \frac{\chi_{\text{pair}}(T)}{\chi_{\text{pair}}(T) + \chi_{\text{isolate}}(T)}$$

である。また $g_p \geq g_i$ は, それぞれ $\chi_{pair}(T) \geq \chi_{isolate}(T)$ の g 値である。図 4.6 と 4.7 の実線 は実験値を最も良く再現する (19)の計算値で, この時の $g_p \geq g_i$ の主値は表 4.2 に示すとおり である。ここで主軸 X と Y は (a, c) 面内にあ り, Z 軸は b 軸に対応する。また g_i のX 軸と a 軸のなす角度は 77°±4°である。

こうして得られた g_p から、バイポーラロン状 態にある V^{4+} の 3d 軌道のエネルギー準位配置 を計算できる。八面体に近い結晶場にある (3d)¹ イオンの g 値は、スピン-軌道結合の摂動論に 従えば

$$g_{ab} = g_0 \delta_{ab} - 2 \lambda \sum_{n \neq 0} \frac{\langle 0 | L_a | n \rangle \langle n | L_b | 0 \rangle}{W_n - W_0}$$
(20)



図 4.6 g 値の異方性 図中の実線は (19) による計算値

と書ける $^{47)}$ ここで λ はスピン–軌道結合定数, L_a は軌道角運動量演算子, W_n は軌道状態nのエネルギー,そしてa, b = x, y, zである。既に 4.1.2節で基底状態は主に d_{yz} 軌道であること

	Х	Y	Z
g_{p}	1.944 ± 0.004	1.944 ± 0.004	1.981 ± 0.002
g _i	1.924 ± 0.002	1.982 ± 0.002	1.986 ± 0.002

表 4.2 バイポーラロン状態 (g_p) と希薄常磁性状態 (g_i) の g 値

擬一次元導体 β-M_xV₂O₅における「バイポーラロン」の微視的証拠とその伝導機構



がわかっている。これを考慮に入れて、 g_p の異方性を説明し得るエネルギー準位配置は図 4.8 のようになった。

一方、 g_i の値が V_2O_5 中の希薄な V^{4+} のg値^{48,49)}とほぼ一致していることは興味深い。

4.1.5 価数揺動の動力学に関するモデル⁵⁰⁾

 β - $M_xV_2O_5$ 系の電子構造については、Goodenough が結晶構造、ボンド距離、そして酸素 2p と V 3d の反結合準位を考慮に入れて詳細に議論している³⁴⁾ 彼の理論を要約すると次の 2 点に なる。

ドナーであるMイオンの作る非周期的ポテンシャルは、一定数のV3 位置のみにわたって電子を非局在化させる。

Ⅱ) 電子は,最もエネルギーの低い状態として V₁位置の3d 軌道に入る。

これらの理論的予測と前に述べた実験事実から、我々は β -Na_xV₂O₅の電子スピン緩和現象 を議論するためのモデルを用意した。すなわち、バイポーラロン状態はV₁位置で実現し、他方、 希薄常磁性状態はV₃位置で非局在化していると考える。さらに Goodenoughが示唆しているよ うに、この非局在化により、V₃位置のまわりの酸素2p 軌道に電子が混ざっていることが予想 される。電子の混合が最も期待される酸素位置は、図1.1のO₅である。ここで、バイポーラ ロン状態にある電子数は、X線で観測された dimerization 現象と直接的に関係づけるために は 0.33 個である必要がある。一方、希薄常磁性状態にある電子数は、スピン磁化率の結果か ら 0.067 個である。

4.1.6 電子スピン緩和⁵⁰⁾

価数揺動を起こしている電子の動力学的振舞いについて情報を得る為に、電子スピン緩和を 検討する。

 β -Na_xV₂O₅のEPR線幅は、V⁴⁺間の双極子相互作用と、 51 V核との超微細相互作用という2

つの機構から構成されていると考えられる。Xバンド周波数での共鳴線形が純粋なLorentz型 であることは、双極子場と超微細場が電子の運動により尖鋭化されていることを示している。

今,スピンSなる同種スピン系を考えた場合,双極子相互作用による線幅,すなわち横緩和 率は

$$\left(\frac{1}{T_2}\right)_{\rm dip} = \frac{(g\mu_{\rm B})^4}{\hbar^2} S\left(S+1\right) \sum_{i \neq j} \left[\frac{3}{8} J_{ij}^{(2)}(2\omega_{\rm Z}) + \frac{15}{4} J_{ij}^{(1)}(\omega_{\rm Z}) + \frac{3}{8} J_{ij}^{(0)}(0)\right]$$
(21)

で与えられる 51 ここで、 ω_Z は電子のZeeman 周波数である。スペクトル密度 $J^{(q)}(\omega)$ は、双極 子結合の幾何学的因子

$$F^{(0)} = \frac{1 - 3\cos^2\theta}{r^3}, \quad F^{(1)} = \frac{\sin\theta\cos\theta e^{-i\phi}}{r^3}, \quad F^{(2)} = \frac{\sin^2\theta e^{-2i\phi}}{r^3}$$

を使って

$$G^{(q)}(\tau) = \langle F^{(q)}(t) F^{(q)*}(t+\tau) \rangle$$

として与えられる相関関数のFourier 変換である。ここに (r, θ, ϕ) は, ある電子対を結ぶベ クトルの外部磁場方向に対する球座標である。全ての規格化した相関関数が $\exp(-|\tau|/\tau_c)$ で 表わされると仮定すれば, (21)の横緩和率は

$$\left(\frac{1}{T_2}\right)_{\rm dip} = <\omega^2 >_{\rm dip} \frac{\tau_{\rm c}}{1+\omega_{\rm Z}^2 \tau_{\rm c}^2}$$

の形に書きかえられる。ここで、 $\langle \omega^2 \rangle_{dip}$ は双極子相互作用の2次能率、 τ_c は各々のスピンに作用する双極子場の相関時間である。極度尖鋭化の条件($\omega_Z \tau_c \ll 1$)の時、(21)を使って2次能率は

$$<\omega^{2}>_{dip} = \frac{3}{2} \frac{(g\mu_{B})^{4}}{\hbar^{2}} S(S+1) \sum_{i \neq j} \frac{1 + \cos^{2}\theta_{ij}}{r_{ij}^{6}}$$
 (22)

と書ける。

Sperlich達は、 β -Cu_xV₂O₅に対してEPRの実験を行い電子の運動による共鳴線幅の尖鋭 化の効果を考慮に入れて、 52,53 V₁とV₃位置の間の電子のホッピング過程に必要な活性化エネル ギーが約10Kであると評価している³⁰⁾一方、 β -Na_xV₂O₅の場合は、約10K以下の温度領域で EPR線幅が再び拡がり始めることがFriederich達によって報告されている²³⁾ 共鳴線幅を尖 鋭化する条件が満たされない為にこの現象が生じたと解釈すると、電子のホッピング過程に必 要な活性化エネルギーは10K以下であると評価できる。

このことから19K以上の温度領域では、相関時間ではは温度によらないと考えてよいだろう。

擬一次元導体 $\beta_-M_xV_2O_5$ における「バイポーラロン」の微視的証拠とその伝導機構 従って前述のモデルと(22)に基づいて、 V_1 、 O_5 、 V_3 位置におけるスピンの2次能率の総和を 次のように計算できる。

$$< \omega^{2} >_{\mathrm{dip}}^{\mathrm{sum}} = \sum_{n} \{ E(T) < \omega^{2}(\mathbb{V}_{1} \leftarrow n) >_{\mathrm{dip}} + p [1 - E(T)] < \omega^{2}(\mathbb{O}_{5} \leftarrow n) >_{\mathrm{dip}}$$
$$+ (1 - p) [1 - E(T)] < \omega^{2}(\mathbb{V}_{3} \leftarrow n) >_{\mathrm{dip}} \} \Lambda(n)$$
(23)

ここでnは V_1 , O_5 , V_3 各位置を表わし, $\langle \omega^2(m \leftarrow n) \rangle_{dip}$ は $m \ge n$ 位置の間の双極子相互作用 によるm位置におけるスピンの2次能率を表わす。またpは O_5 のp軌道における電子の混合 度, $\Lambda(n)$ はn位置におけるスピン濃度である。 $\Lambda(n)$ は前述のモデルから次のように書ける。

$$\Lambda(V_1) = \frac{1}{2} \frac{e^{-169/T}}{1 + e^{-169/T}},$$
$$\Lambda(O_5) = \frac{1}{10}p,$$
$$\Lambda(V_3) = \frac{1}{10}(1 - p)$$

但し、 V_3 位置と最近接した O_5 位置に分布している電子は同一であるとみなされるので、それらの間の双極子相互作用は(23)から除かれるべきである。 今考えている電子スピン分布を図 4.9 に示しておく。

さらに超微細相互作用による 2 次能率 $< \omega^2 >_{hf}$ を導入する。これは、 V^{4+} の超微細場が方向依存性を持つ為に異方的であると考えられる。この寄与は前の双極子項に重ねられるので、最終的に横緩和率は

$$\frac{1}{T_2} = (\langle \omega^2 \rangle_{\rm dip}^{\rm sum} + \langle \omega^2 \rangle_{\rm hf}) \tau_{\rm c} \qquad (24)$$

と書ける。但し、 $< \omega^2 >_{hf}$ は温度によらないと 仮定している。

こうして $p \geq < \omega^2 >_{hf}$ が与えられれば、実験 結果と(24)を比較することにより τ_c を決定で





きる。図 4.10と4.11 は p = 0.25, $\tau_c = (1.2 \pm 0.2) \times 10^{-11}$ sとした時のEPR線幅の(a, c) 面内における異方性,及び主軸方向の温度変化の計算値を実線で示したもので,実験結果との 一致は良い。また図 4.10の破線は $< \omega^2 >_{hf} \tau_c$ の異方性を表わす。このように温度変化しない



図 4.10 EPR吸収微分曲線のピーク 間幅の異方性 図中の実線と破線は,それぞれ(24) による計算値と超微細場による幅



図 4.11 EPR 吸収微分曲線のピーク 間幅の温度変化 図中の実線は(24)による計算値

 τ_{c} という1つのパラメーターのみで、広い温度範囲の実験結果が再現されるのは興味深い。ここでの温度変化の原因は、 V_{1} 位置の'single'ポーラロンが熱励起により増加することである。

もし、電子の拡散的運動が純粋に一次元的であるならば、EPR緩和はいわゆる相関関数の長時間持続によって変更されるべきである。この場合には、(21)の双極子結合における永年項 $J^{(0)}(0)$ が非常に強められて、共鳴線はLorentz型からずれてくる。しかし、 β -Na_xV₂O₅では、V₁とV₃位置の間で電子の三次元的なホッピング運動がある為に、このような一次元効果は現れない。

4.1.7 電気伝導機構⁵⁰⁾

前節で β -Na_xV₂O₅における微視的な電子移動の時間が温度によらず $\tau_c = (1.2 \pm 0.2) \times 10^{-11}$ s であることがわかった。この結果に基づいて、次に巨視的な量である電気伝導度について考えてみることにする。

[1] 一次元の鎖に垂直な電気伝導度 σ

この場合の電気伝導は、電子のホッピング運動による拡散的な伝導であると考えられるので、

$$\sigma_{\perp} = \frac{N_{\perp} e^2 \nu_{\perp} \ell_{\perp}^2}{k_{\rm B} T} e^{-\delta_{\perp}/T}$$
(25)

擬一次元導体 β-M_xV₂O₅における「バイポーラロン」の微視的証拠とその伝導機構

と書ける⁵⁴⁾ ここに N_{\perp} は電荷 e の担体濃度, ν_{\perp} は b 軸に垂直な電子移動の attempt 周波数, l_{\perp} はホッピング距離、 δ_{\perp} はホッピング過程に対する活性化エネルギーである。前述のモデルから、 電子は図 1.1 に示すような $V_1 \rightarrow V_3 \rightarrow V_{3'} \rightarrow V_{1'}$ を通って移動すると考えられるので、 $l_{\perp} = 9.31$ Å となる。また N_1 は

$$N_{\perp} = N_0 \left(\frac{1}{6} - \frac{e^{-169/T}}{1 + e^{-169/T}} + \frac{1}{30} \right)$$

で与えられる。この場合,電子移動で障害となる所は図 4.9 に示した V₃ 位置の間に当るもの と考えられる。Wallis 達による直流電気伝導度の異方性の結果³⁾及び PerlsteinとSienkoによ

る一次元軸方向の伝導度¹⁷⁾の結果から得られる σ_{\perp} の値(25)を比較することによって δ_{\perp} = 886K (0.076 eV)を得る。但し、 ν_{\perp} を4.1.6節で評 価された τ_{c} の逆数で置き換えた。図4.12に示 されるように計算値と実験結果の一致は良い。 [2] 一次元の鎖に平行な電気伝導度 σ_{\parallel}

既に Perlstein と Sienko は, 拡散的伝導度 の温度依存性から, 140K以下の温度領域で δ_{\parallel} = 0.067 eV, 140K以上で δ_{\parallel} = 0.049 eV の活性 化エネルギーを得ている¹⁷⁾しかしながら, 140K から 18K までの直流電気伝導度の振る舞いは, 一次元の 'variable range hopping model'

т (к)

図 4.12 電気伝導度の温度変化 $\ln \sigma T \circ \frac{1}{T}$ に対するプロット

$$\ln \sigma_{\parallel} \propto -\frac{1}{\sqrt{T}}$$

で説明される⁵⁵⁾ すなわち,140K以下の σ_{\parallel} は鎖間の電子のホッピングによって決まっていると 考えられる。このような場合には、一次元鎖の欠陥に影響されにくい高周波電気伝導度が信頼 し得る情報を与えてくれる。これは、Gunning達によって測定されており¹⁹⁾ 彼らの結果を $\sigma_{\parallel}T$ として対数的に $\frac{1}{T}$ に対してプロットしたものが図4.12の白丸である。この図から一次元の鎖 方向においても拡散的伝導が約77Kより上の温度領域で期待される。

まず最初の試みとして,垂直方向と似た機構でこの問題を考えてみる。バイポーラロンの励 起状態である 'single' ポーラロンのみが伝導に寄与すると考えた場合,

$$\sigma_{\parallel} = \frac{N_{\parallel} e^2 \nu_{\parallel} \ell_{\parallel}^2}{k_{\rm B} T} e^{-\delta_{\parallel}/T}$$
(26)

において $l_{\parallel} = 1.806$ Å,及び

$$N_{\parallel} = \frac{N_0}{3} \frac{\mathrm{e}^{-169/T}}{1 + \mathrm{e}^{-169/T}}$$

である。実験結果から、 μ の逆数で与えられる特性時間 τ'_c は 7.6×10⁻¹⁵s 、そして δ_{\parallel} = 454K (0.039 eV)と決定された。この値はスピン緩和で決定された $\tau_c = (1.2 \pm 0.2) \times 10^{-11}$ s より約4桁も小さくて、このような考え方では理解できないことがわかる。

スピン緩和の結果と伝導度が矛盾しないようにする為には、一次元の鎖方向の電子移動がラ ンダムではなくて集団的であると結論せざるを得ない。 β -Na_xV₂O₅では、バイポーラロン状態 がV₁位置で実現していると期待されるので、その集団運動を考えることにする。この立場では、 $\frac{1}{\nu_{\parallel}} = (1.2 \pm 0.2) \times 10^{-11}$ s、 $\ell_{\parallel} = 3.612$ Åとなり、実験結果から $N_{\parallel} = (24 \pm 4)N_0$ 、 $\delta_{\parallel} = 574$ K (0.049 eV)を得る。この結果は、36±6個のバイポーラロンが同時に集団的に動くことを意 味する。すなわち、b軸方向に沿って260±43Åの'domain'が運動することに対応する。この 'domain'の大きさが、X線のサテライトより推定されたb軸方向への長距離秩序の相関距離²⁶⁾ にほぼ一致していることは興味深い。また、この'domain'の原因は、V₁位置のバイポーラロン の向きに、右上がりのものと右下がりのものが存在する為と考えられる。

4.1.8 Wigner 結晶⁵⁰⁾

4.1.6節の電子スピン緩和の解析から,揺動局所場の相関時間,すなわち価数揺動時間_では 温度にあまりよらないことがわかった。そこで遷移時間に対する黄金律

$$\frac{1}{\tau_{\rm c}} = \frac{2\pi}{\hbar} |t|^2 \rho \left(E_{\rm F}\right)$$

を用いて、重なり積分 tの大きさを推定してみる。但し、 $\rho(E_{\rm F})$ は電子の Fermi 準位における状態密度で、これは 50Kまでの比熱の実験⁵⁶⁾から得られる。(比熱を $C = rT + DT^3$ で表わした時 rの値は 8.6 $\leq r \leq$ 13.2 mJ/mole・K²である。)

その結果、バンド幅に対応する量 4*t* は 10⁻²eV 程度となり、 β -Na_xV₂O₅では電子間の Coulomb 相互作用の方が遙かに大きいことがわかる。勿論、最近接のバイポーラロンを作る時には、*t* の大きさは 10⁻¹eV 程度となるが、この場合のように離れた位置では *t* が急激に減少して電子間に大きな Coulomb 斥力が生じていると理解できる。

以上のことから、 β -Na_xV₂O₅のようにイオン性が強い系ではCoulombの長距離斥力が大き い為にWigner結晶が実現していると期待される。前節で見たバイポーラロンの集団運動とは、 一次元Wigner結晶のようにCoulombの長距離斥力が働き、互いにできるだけ離れようとして 次々に押し出されながらバイポーラロンが働くことを意味する。 4.2 β -Cu_xV₂O₅

4.2.1 ⁵¹V核のKnightシフト

Cu 濃度が 0.42 の⁵¹V 核の Knight シフトの温度依存性で注目すべき点は, バイポーラロン的 な振る舞いを示す共鳴線 Aと、 β -Na_xV₂O₅ では観測されなかった常磁性スピンからの寄与で ある共鳴線 Cが共存することである。

今, 共鳴線 Cの Knight シフトが Curie 則

$$K^{i}(T) = K_{\rm vv}^{i} + \frac{g_{0}^{2}\mu_{\rm B}S\left(S+1\right)}{3k_{\rm B}T}\widetilde{H}_{\rm hf}^{\rm d,i}$$

$$\tag{27}$$

で表わせると仮定してみる。但し、 $\widetilde{H}_{\mathrm{hf}}^{\mathrm{d},i}$ はスピン濃度 Λ_i を含む超微細場で

$$\widetilde{H}_{\rm hf}^{\rm d,\,i} = \Lambda_i H_{\rm hf}^{\rm d,\,i}$$

と定義される。図 4.13 の実線は、 $K_{vv}^i = 0\%$ 、 $\widetilde{H}_{hf}^{d,i} = -3 \text{kOe}/\mu_B$ とした時の計算値で実験結果 を良く再現している。

字に、共鳴線 Aの Knight シフトを β -Na_xV₂O₅の時と同様の方法で解析してみる。

$$K^{b}(T) = K^{b}_{vv} + \frac{g_{0}^{2} \mu_{\rm B} S(S+1)}{3 \,{\rm k}_{\rm B}} \widetilde{H}^{\rm d, b}_{\rm hf} \frac{1}{T} \frac{{\rm e}^{-d/T}}{1 + {\rm e}^{-d/T}}$$
(28)

ここに $\widetilde{H}_{hf}^{d,b}$ はスピン濃度 Λ_b を含む超微細場で ある。(28)で、 $K_{vv}^b = 0.154\%$ 、 $\widetilde{H}_{hf}^{d,b} = -36$ kOe/ μ_B , $\Delta = 300$ Kとした時の計算値を図 4.13 に 示す。この曲線は実験結果を最も良く再現する ものではないが、両者はほぼ一致するといえよ う。

以上より、バイポーラロン状態が β -Na_xV₂O₅ のみならず β -Cu_xV₂O₅においても、ある程度 の格子歪みを伴って実現していると期待できる。 この超格子構造の周期は、Knight シフトとス ピン磁化率を比較しスピン濃度 A_b を決定するこ とにより推定できる。

4.2.2 スピン磁化率

 β -Cu_{0.42}V₂O₅では、バイポーラロンと常磁性 スピンが共存することがわかったので、スピン磁化率は次のように表わせる。



図 4.13 ⁵¹V核の Knight シフトの温 度変化 図中の実線は(27)と(28)による 計算値

$$\chi_{d}(T) = \chi_{pair}(T) + \chi_{isolate}(T) = \frac{C_{p}}{T} \frac{e^{-d/T}}{1 + e^{-d/T}} + \frac{C_{i}}{T}$$
 (29)

図 4.14 は、 Δ = 300K, C_p = 0.096 emuK/mole, $C_i = 0.062$ emuK/mole とした時の $\chi_d(T) \ge \chi_{pair}$ (T)の計算値を、それぞれ実線と破線で示した もので、実験結果を良く再現している。 $C_p \ge C_i$ から得られる合計のCurie 定数は 0.158 emuK/ mole となり、Cu 濃度から期待される値と完全 に一致する。

 β -Na_xV₂O₅と同様に、バイポーラロンがV₁ 位置で実現し、常磁性スピンがV₃位置に存在す ると考えると、それぞれのスピン濃度は

 $A_b = 0.382, A_i = 0.247$

となる。

この結果から,バイポーラロンが長距離秩序



図 4.14 スピン磁化率の温度変化 図中の実線と破線は、それぞれ(29) による計算値とバイポーラロンから の寄与

を起こした時に期待されるb軸方向の超格子構造の周期は,格子定数の $\Lambda_b^{-1} = 2.6$ 倍である。 最近,金井と鹿児島は β -Cu_{0.42}V₂O₅のX線回折を行い,200K以下の温度領域でb軸方向に おける格子定数の約3倍の周期を持った超格子構造を観測した⁵⁷⁾すなわち β -Cu_{0.42}V₂O₅にお いても,バイポーラロン状態が実現していると結論できる。現在, β -Cu_xV₂O₅系で x = 0.31, 0.62 等についても研究中であるが,これらは x = 0.42 の結果の詳しい解析とともに別の機会 に発表するつもりである。

4.3 β -Li_xV₂O₅

4.3.1 ⁵¹V核の四重極相互作用

共鳴線AのKnightシフトは小さく、2次の核四重極効果も無視できるので、これは V^{5+} の信号に対応すると考えられる。

一方,共鳴線Bは, $V^{4+} \ge V^{5+}$ の混合原子価状 態にある⁵¹V核の信号に対応すると考えられる。 β -Na_xV₂O₅の場合と同様に解析を進めた結果 共鳴線Bの核四重極パラメーターは表 4.3のと おりになった。図 4.15の実線は, $T = 77 \ge 291$ K

表 4.3 ⁵¹V 共鳴線 B の核四重極パラメ

 $\frac{-\not{P}}{T(K)} \frac{\nu_{Q}(MHz)}{\eta} \frac{\Omega}{10^{\circ}}$ $\frac{77}{0.313} \frac{0.05}{0.70} \frac{55^{\circ}}{10^{\circ}}$

擬一次元導体 β-M_xV₂O₅における「バイポーラロン」の微視的証拠とその伝導機構 における(2)の計算値で、実験結果との一致は良い。

次に、図4.16は、室温における共鳴線A(▲)とB(●)の核四重極効果によるサテライトの (b, c*) 面内の異方性で、実線は次式に基づいた計算値である。

$$\begin{aligned} d\nu^{(1)} &= \frac{\nu_{\rm Q}}{2} \{ \left[(\eta + 3) \cos^2 \Omega - 2\eta \right] \cos^2 \psi + \eta - 1 \} \end{aligned} \tag{30} \\ d\nu_m^{(2)} &= -\frac{\nu_{\rm Q}^2}{\nu_{\rm L}} m \{ \frac{17}{24} \left[(\eta + 3) \cos^2 \Omega - 2\eta \right]^2 \cos^4 \psi \\ &+ \frac{1}{12} \left[27 (\eta - 1) (\eta + 3) \cos^2 \Omega - 2 (17\eta + 3) \eta \right] \cos^2 \psi \\ &+ \frac{1}{24} (\eta + 3)^2 \} \end{aligned} \tag{31}$$

(Gauss) 0 0



異方性



⁵¹V共鳴線Bの核四重極効果の テライトの異方性 図中の実線は(2)による計算値 図中の実線は(30)と(31)によ る計算値

(30)と(31)は、それぞれ1次と2次の核四重極効果による $m-1 \rightarrow m$ 遷移のシフトと $m \rightarrow m$ +1遷移のシフトの間隔を表わす。ここに変数は(2)で定義したものと同一である。共鳴線A の核四重極パラメーターは、 $\nu_Q = 0.056 \text{ MHz}$, $\eta = 0.7$, $\Omega = 0^{\circ}$ と決定された。

 β -Li_xV₂O₅における⁵¹V核のKnightシフトの実験結果は第3章に示したが、この結果の詳し い解析は現在進行中であるので、ここでは触れないことにする。

4.3.2 Li⁺の運動

 β -Li_xV₂O₅におけるLi⁺は,室温付近では運動による尖鋭化を起こしていると考えられる。 そこで,Li 濃度が 0.36 の場合の線幅の温度変化に対して,久保一富田の理論式⁵³⁾

$$\tau_h = \frac{4\ln 2}{r\pi} \frac{1}{\Delta H} \tan\left[\frac{\pi}{2} \left(\frac{\Delta H}{\Delta H_0}\right)^2\right]$$
(32)

を適用し、運動の相関時間 τ_h を導出した。その結果が図 4.17 である。但し、完全に運動が止まった時の幅 ΔH_0 は、77K における値 2.71Gを

用いた。また実験上,完全には尖鋭化できない 磁場の不均一性等による幅として,LiCl水溶液 中のLi⁺の幅 0.28Gを適用した。 図 4.17 から τ_h は活性化型の温度変化をしていることがわ かる。

$$\tau_h = \tau_h^0 e^{E/T} = \nu_0^{-1} e^{E/T}$$
(33)

ここで ν_0 は attempt 周波数, E は活性化エネ ルギーである。図 4.17の実線から, $\nu_0 = 4.69$ 10^6 Hz, E = 822Kが得られ, Gendell 達の結 果とほぼ一致していることがわかった⁵⁸⁾この活 性化エネルギーの値は,イオンの運動としては 比較的低いものである。最近,電子イオン導電





性を示す物質が注目を集めているが、この結果は、 $Li_xV_2O_5$ がその一候補となり得ることを示している。

第5章 結 論

擬一次元導体 β - $M_xV_2O_5$ 系の基底状態は非磁気的で、熱的に励起された 'single' ポーラロン が磁気的性質を担っていることが、⁵¹V核のKnightシフト、及びスピン磁化率等から明らかに された。さらにX線回折の実験によって、この系で超格子構造が観測されていることから、格 子歪みを伴ってバイポーラロンが実現していると考えられる。すなわち、強い電子-格子相互 作用を介した実空間における電子対が、近接位置でスピン一重項となって形成されていると考 えられる。

この立場で β -Na_xV₂O₅の電子スピン緩和を検討した結果,混合原子価状態 (V^{4+} , V^{5+})の価

擬一次元導体β-M_vV₂O₅における「バイポーラロン」の微視的証拠とその伝導機構

数揺動時間は約10⁻¹¹sで,19Kから室温に至る温度範囲でほぼ一定であることが明らかにされた。この結果をもとに一次元軸に垂直な電気伝導機構は,電子のホッピング運動による拡散的 伝導として説明できた。これに対して一次元軸方向の高い電気伝導度は,約200Åの周期的バ イポーラロンの集団運動として理解できた。この集団運動のピン止めエネルギーは約0.049eV であった。

さらに β -Na_xV₂O₅では、バイポーラロン間の重なり積分が、それらの間のCoulomb斥力に 比べて遙かに小さい為に、一次元的な Wigner 結晶が実現していると考えられる。

謝 辞

本研究における実験,検討等全ての面にわたって御指導を頂いた長沢博先生に深く感謝致し ます。また EPR の実験方法について詳細なる助言を頂いた高橋利宏先生(現在,パリ南大学 固体物理学研究所)に感謝致します。さらに長沢研究室の方々の御親切に感謝致します。

参考文献

- 1) R. E. Peierls: Quantum Theory of Solids (Clarendon Press, Oxford, 1955) p.108.
- 2) D. Jérome and H. J. Schulz: Adv. Phys. 31 (1982) 299.
- 3) R. H. Wallis, N. Sol and A. Zylbersztejn: Solid State Commun. 23 (1977) 539.
- 4) D. Kaplan and A. Zylbersztejn: J. Phys. (France) 37 (1976) L-123.
- 5) B. K. Chakraverty, M. J. Sienko and J. Bonnerot: Phys. Rev. B17 (1978) 3781.
- 6) P. W. Anderson: Phys. Rev. Lett. 34 (1975) 953.
- 7) T. M. Rice and L. Sneddon: Phys. Rev. Lett. 47 (1981) 689.
- 8) H. Nagasawa: Phys. Status Solidi b109 (1982) 749.
- 9) A. D. Wadsley: Acta Crystallogr. 8 (1955) 695.
- 10) R. P. Ozerov, G. A. Gol'der and G. S. Zhdanov: Sov. Phys. -Crystallogr. 2 (1957) 211.
- 11) H. Kobayashi: Bull. Chem. Soc. Jpn. 52 (1979) 1315.
- 12) J. Galy, J. Darriet, A. Casalot and J. B. Goodenough: J. Solid State Chem. 1 (1970) 339.
- 13) A. Alexandrov and J. Ranninger: Phys. Rev. B23 (1981) 1796.
- 14) A. Alexandrov and J. Ranninger: Phys. Rev. B24 (1981) 1164.
- 15) K. Kubo and S. Takada: preprint.
- 16) R. P. Ozerov: Sov. Phys. -Crystallogr. 2 (1957) 219.
- 17) J. H. Perlstein and M. J. Sienko: J. Chem. Phys. 48 (1968) 174.
- 18) M. J. Cohen, L. B. Coleman, A. F. Garito and A. J. Heeger: Phys. Rev. B10 (1974) 1298.

- 19) W. J. Gunning, A. J. Heeger, R. H. Wallis, N. Sol and A. Zylbersztejn: Solid State Commun.
 26 (1978) 155.
- 20) C. S. Jacobsen, D. B. Tanner, A. F. Garito and A. J. Heeger: Phys. Rev. Lett. 33 (1974) 1559.
- 21) K. Maruyama and H. Nagasawa: J. Phys. Soc. Jpn. 48 (1980) 2159.
- 22) T. Erata, T. Takahashi and H. Nagasawa: Solid State Commun. 39 (1981) 1125.
- 23) A. Friederich, D. Kaplan, N. Sol and R. H. Wallis: J. Phys. (France) 39 (1978) L-343.
- 24) A. Friederich, D. Kaplan, N. Sol: Solid State Commun. 25 (1978) 633.
- 25) T. Takahashi and H. Nagasawa: Solid State Commun. 39 (1981) 1125.
- 26) Y. Kanai, S. Kagoshima and H. Nagasawa: J. Phys. Soc. Jpn. 51 (1982) 697.
- 27) A. Casalot and P. Hagenmuller: J. phys. Chem. Solids 30 (1969) 1341.
- 28) G. Villeneuve, H. Kessler and J. P. Chaminade: J. Phys. (France) 37 (1976) C4-79.
- 29) I. F. Shchegolev: Phys. Status Solidi al2 (1972) 9.
- 30) G. Sperlich, W. D. Lazé and G. Bang: Solid State Commun. 16 (1975) 489.
- D. W. Murphy, P. A. Christian, F. J. Disalvo and J. W. Waszczak: Inorg. Chem. 18 (1979) 2800.
- 32) M. Onoda, T. Takahashi and H. Nagasawa: Phys. Status Solidi b109 (1982) 793.
- 33) M. Onoda, T. Takahashi and H. Nagasawa: J. Phys. Soc. Jpn. 51 (1982) 3868.
- 34) J. B. Goodenough: J. Solid State Chem. 1 (1970) 349.
- 35) K. Narita, J. Umeda and H. Kusumoto: J. Chem. Phys. 44 (1966) 2719.
- 36) A. Narath: Phys. Rev. 162 (1967) 320.
- 37) H. Nagasawa, S. K. Takeshita and Y. Tomono: J. Phys. Soc. Jpn. 19 (1964) 764.
- 38) H. G. Bachmann, F. R. Ahmed and W. H. Barnes: Z. Kristallogr. 115 (1961) 110.
- 39) J. P. Pouget, H. Launois, T. M. Rice, P. Dernier, A. Gossard, G. Villeneuve and P. Hagenmuller:
 Phys. Rev. B10 (1974) 1801.
- 40) A. M. Clogston and V. Jaccarino: Phys. Rev. 121 (1961) 1357.
- 41) J. M. Winter: Magnetic Resonance in Metals (Oxford University Press, 1971).
- 42) A. J. Freeman and R. E. Watson: *Magnetism*, ed. G. T. Rado and H. Suhl (Academic Press, New York, 1965) Vol. IIA, p. 167.
- J. P. Pouget, P. Lederer, D. S. Shreiber, H. Launois, D. Wohlleben, A. Casalot and G. Velleneuve :
 J. Phys. Chem. Solids 33 (1972) 1961.
- 44) K. Takahashi, H. Yasuoka, Y. Ueda and K. Kosuge: Proceeding of International Conference of Magnetism 1982 in Kyoto, to be published.
- 45) M. H. Boon: Physica 30 (1964) 1326.

擬一次元導体 β-M_xV₂O₅における「バイポーラロン」の微視的証拠とその伝導機構

- 46) C. Shlenker, R. Buder, B. D. Nguyen, J. Dumas, A. Friederich, D. Kaplan and N. Sol: J. Appl. Phys. 50 (1979) 1720.
- 47) A. Abragam and B. Bleaney: *Electron Paramagnetic Resonance of Transition Ions* (Clarendon Press, Oxford, 1970) p. 401.
- 48) V. A. Ioffe and I. B. Patrina: Sov. Phys. -Solid State 10 (1968) 639.
- 49) A. Kahn, J. Livage and R. Collongues: Phys. Status Solidi a26 (1974) 175.
- 50) M. Onoda and H. Nagasawa: to be published in J. Phys. Soc. Jpn. 52 (1983) No. 6.
- 51) A. Abragam: The Principles of Nuclear Magnetism (Clarendon Press, Oxford, 1961) p. 292.
- 52) P. W. Anderson: J. Phys. Soc. Jpn. 9 (1954) 316.
- 53) R. Kubo and K. Tomita: J. Phys. Soc. Jpn. 9 (1954) 888.
- 54) C. Kittel: Introduction to Solid State Physics (John Wiley & Sons, Inc., New York, 1976)
 5th ed., p. 542.
- 55) A. N. Bloch, R. B. Weisman and C. M. Varma: Phys. Rev. Lett. 28 (1972) 753.
- 56) C. D. Amarasekara, Y. Miyako, P. H. Keesom and G. D. Khattak: Phys. Rev. B27 (1983) 978.
- 57) Y. Kanai and S. Kagoshima: private communication.
- 58) J. Gendell, R. M. Cotts and M. J. Sienko: J. Chem. Phys. 37 (1962) 220.