結合電子回路における カオスーカオス転移工

熊本大教育 福島和洋

九工大工 山田知司

愛教大物理 矢崎太一

結合力オス系の研究は、時空力オスへの第一段階としての意味から興味深い。結合振動子系を考える。結合が強いときには、引き込み現象が起こる。これは、個々の振動子の状態がカオスのときでも起こるので、このとき引き込んだ状態は空間的に一様で、時間的にカオスである。結合の強さを弱くしていくと、引き込みが破れ、個々の振動子は別々の振動を行う。従って、系は空間的に非一様な状態となる。これは丁度、時間的にも空間的にもカオスの状態であり、乱流状態に対応する。2振動子結合カオス系においては、一様カオスから非一様カオスへの転移に伴って、Pomeau and Manneville の3つの型¹゚とは異なる新しい型の間欠性カオスが見い出されている。²゚

2振動子結合系は、空間的広がりをもつ系の最小単位と見なすことができるので最も単純ではあるが、空間的な面が取り入れられた系と考えられる。我々は、2つの振動子の結合系について、等価な回路を用いて実験を行っている。3-5)回路を図1に示す。1つの振動子は、インダクター L(100

$$K = \frac{L}{L_0} \tag{1}$$

で表される。外部電源の電圧

$$E(t) = V_h + G \sin \omega t$$
 (2)

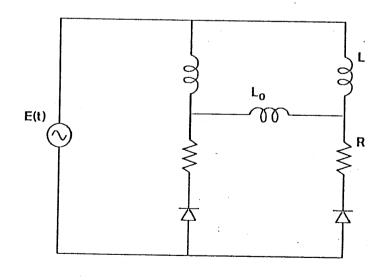


図 1

研究会報告

をかけ、ダイオードの両端の電圧 V₁ と V₂ を測定する。ここで、直流バイアスは V₀ = 1 V に固定し、交流振幅 G と振動数 f (= ω/2π)を変えることにより、種々の状態が観測される。測定値は A/D変換器を用いてディジタル データ として マイクロコンピュータ に取り込んでいる。

我々は以前に、各々の振動子系が2周期状態で結合したとき、Pomeauand Manneville の type-3 間欠性カオスが生じることを観測した。³'これは、周期状態の不安定化によって生じた間欠性カオスの例である。

さて、各々の振動子がカオスの状態で結合した場合について行った実験結果を述べよう。 $^{4-6}$ 1

図 2 からわかるように、 K が十分大きいときでも系は完全に引き込んではいな

い。これは、2つの振動子の特性 特にダイオードの特性、が完全に 一致していないからである。測定 したムVの時系列データの絶対値 の平均値

$$\langle r \rangle = \frac{1}{N} \sum_{i} |\Delta V_{i}|$$
 (3)

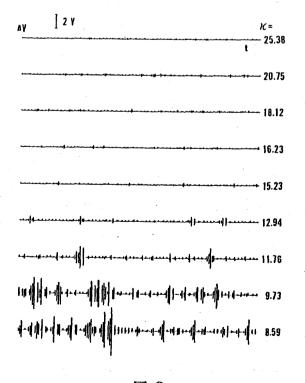


図 2

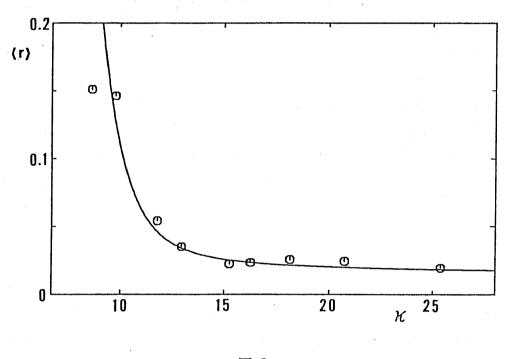


図 3

最近、時系列データから、そのゆらぎの特徴を引き出す新しい計算法が、藤坂と井上によって開発された。 7 揺動スペクトル理論と呼ばれるその方法は、時系列 {u;} から、特性関数

$$\lambda_q = \frac{1}{q} \lim_{n \to \infty} \frac{1}{n} \log \langle e^{q \sum u_i} \rangle$$
 (4)

を計算し、揺動スペクトル

$$\sigma(\alpha) = q(\alpha - \lambda_q) \tag{5}$$

を求める方法である。ただし、

$$\alpha = \frac{d}{dq} (q \lambda_q) \tag{6}$$

である。もし、時系列 【ui】 が2つの値 г と r 2 だけで構成されて

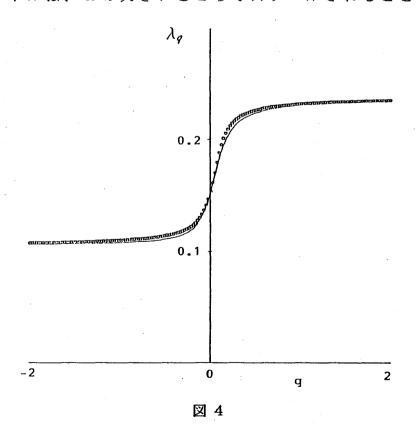
研究会報告

いるとすると、 λ_q は T をパラメーターとして、

$$\lambda_q = \frac{1}{q_T} log \left(P_1 e^{q_T r_1} + P_2 e^{q_T r_2} \right) \tag{7}$$

と表される。ただし、 p_1 , p_2 は、、 u_1 がそれぞれ、 r_1 , r_2 をとる確率である。我々は、この方法を用いて、図2の時系列のゆらぎを計算した。 $\mathcal{K}=9$. 7 3 のデータについて求めた特性関数 λ_q のグラフを図4に示す。実線は、(7)式を表す。図4において、実験データによる λ_q と2値モデルによる λ_q とは良く一致しているように見える。実験の時系列が2値モデルで表されるということは、むしろ驚くべきことである。

一般の相転移と同様、間欠性カオス転移においても、同じ意味でスケーリング則が成り立つ。揺動スペクトル $\sigma(\alpha)$ のスケーリング関係が、いくつかの間欠性カオス転移の例について研究されている。 81 また、結合ロジスティック写像から得られた、この型の間欠性カオスの転移点付近での特性関数 λ_q のスケーリング関係についても調べられている。 91 我々は、違う方法でスケーリング関係を調べている。元の時系列のn乗をとることによって、新しい時系列を再構築する。すると、ベキnが大きくなるに従って、間欠性が強調され、あたかも、ある種の転移点に近づくように見える。この再構成された時系列について求めた揺動スペクトルは、nの大きいところでスケールされることを見い出した。



-568-

例えば、ある1つのパラメーターについてだけしか実験データを得ることができないというような場合に、この n乗操作の方法は有用である。つまり、1つの時系列はそれだけで、多くの情報を含んでおり、n乗するという操作によって、その一面を引き出すことができるからである。

2つの振動子結合系における、一様カオス一非一様カオス転移に伴う新しい型の間欠性カオスの特徴について、いくつかの方法で研究した。結果は、大自由度系に対しても予測されることであると考えられる。我々の回路は、空間1次元、或は2次元への拡張は可能であり、今後の課題としたい。

参考文献

- 1) H. Fujisaka and T. Yamada: Prog. Theor.phys., 74 (1985) 18; 75 (1986) 1087.
- 2) Y. Pomeau and P. Manneville: Commun. math. Phys., 74 (1980) 189.
- 3) K. Fukushima and T. Yamada: J. Phys. Soc. Jpn., 57 (1988) 4055.
- 4) 福島和洋,山田知司,矢崎太一: 物性研究 51 (1989) 645.
- 5) T. Yamada, K. Fukushima and T. Yazaki: Prog. Theor. Phys. Suppl., 99 (1990)
- 6) T. Yamada, K. Fukushima and T. Yazaki: to be published.
- 7) H. Fujisaka: Prog. Theor. Phys., 71 (1984) 513; H. Fujisaka and M. Inoue: ibid., 74 (1985) 20.
- 8) H. Fujisaka, R. Hagihara and M. Inoue: Phys. Rev., 38 (1988) 3680.
- 9) T. Yamane, T. Yamada and H. Fujisaka: Prog. Theor. Phys., 80 (1988) 588.