表面物性

表面の電子の動きや原子配列構造を二次元光電子分光で直接見る

奈良先端科学技術大学院大学

物質創成科学研究科

大門 寛

近年の物性研究は、電子や原子レベルで現 象を解明するミクロな学問である。STM の探 針を使って原子の位置や動きを見ることもで きるし、光電子分光によって電子のエネルギ ーや動く速さ、方向などを直接見たりするこ ともできる。

物質の電子的な性質は、「電子エネルギー バンド」によって決まっている。「電子エネル ギーバンド」とは、波数ベクトル(電子の運 動量に比例するベクトル量で、記号kで表す) と、エネルギーEとの関係をグラフに表した ものである。真空中なら、運動エネルギーは 速度の2乗に比例するので、通常は上向きの 放物線になる。二次元の等方的な物質の場合 には、x方向もy方向も同じで、エネルギー 軸の周りに軸対称な放物面になる。固体の中 の電子は原子核が作っている格子の中を動く ために、この曲面は放物面からはずれたり、 ギャップができたりする。

電子は、このバンドにエネルギーの低い順から詰まっている。一番高いエネルギーを持っている電子のエネルギーをフェルミエネル ギー(フェルミ準位)と言い、この準位にある電子の持つ波数ベクトル(kベクトル)の 終点を繋いだ曲面の形を「フェルミ面」と言う。放物面のバンドの場合は、フェルミ準位 で輪切りにした円形の断面図がフェルミ面に なる。

フェルミ準位付近の電子は一番動きやす いので、この準位にどんな電子がいて、どの ように動いているかによって種々の物性が現 れる。例えば超伝導は、フェルミ準位にある 2個の電子が対を作ることによって現れる現 象であるが、対を作ったところにエネルギー ギャップができる。このようなフェルミ面付 近の電子の振る舞いを詳細に調べることが物 性メカニズムの解明に重要である。

我々の研究室では、これまでよりもずっと 詳しくかつ迅速にエネルギーバンドや原子構 造を"見る"ことのできる分析器を完成し、 新物質を効率よく創成する研究をしている。 さらに、量子力学の基本である電子の軌道角 運動量や、 $p_x や d_{x2-y2}$ などの原子軌道の形も見 えるようになってきた。また、原子配列の立 体写真を撮る方法も世界で初めて開発された。 この講義では、電子エネルギーバンドや原子 構造などの解析法の基礎的な紹介とともに、 二次元光電子分光を使ったこれらの最近のト ピックスについて紹介する。

[目次]

第1	章 光電子分光による電子状態	ミの解析
1.1	光電子分光の概要	636
1.2	分析器	636
1.3	光電子分光の式	637
1.4	価電子励起	638
1.5	内殻励起	638
1.6	角度分解光電子分光	638
1.7	二次元角度分解光電子分光。	とフェルミ
	面マッピング	639
1.8	光電子構造因子	640
1.9	原子軌道解析	640

第2章 電子散乱による原子構造の解析 2.1 平面波と球面波の原子による散乱 641 2.2 電子線の結晶表面による散乱 642 2.3 菊池バンドと菊池線 644 2.4 光電子回折と光電子ホログラフィー 645 2.5 円偏光光電子回折 649

2.6 立体原子顕微鏡 651

第1章 光電子分光による電子状態の解析

1.1 光電子分光の概要

光電子分光とは、固体試料に光を照射して 出てくる光電子のエネルギーや放出角度を分 析して、固体内の電子状態や原子構造に関す る知見を得る手法である。そこで用いられる パラメータは、図 1-1 に示したように、単色 光のエネルギーhv、光の偏光ベクトル A、光 の入射方向 $\theta_p \phi_p$ 、光電子の運動エネルギーE_k、 光電子の出射方向 $\theta \phi$ 、光電子のスピン₂、 光電子の進入深さ、光電子の平均自由行程 λ など である。光電子の平均自由行程 λ はエネルギ ーによって違うが、物質の種類によってある 程度共通のユニバーサル曲線が描ける。E_k が 10 から 50eV 位のときに最短となり、5 Å程度 であり、表面敏感になる。



図 1-1 光電子分光のパラメータ

光電子分光は励起光のエネルギーによって、
紫外光電子分光(UPS)とX線光電子分光
(XPS, ESCA)に大別される。
・UPS:真空紫外光10~50 eV
光源:希ガス放電管、シンクロトロン 放射光
対象:価電子帯構造、浅い内殻
特長:エネルギー分解能が高い 応用:ARUPS、フェルミ面マッピング
・XPS:軟X線50~1500 eV
光源:AlKa、MgKaなど特性X線、シン クロトロン放射光
対象:内殻電子
特長:元素分析

応用:ESCA、価電子状態密度、光電子 回折・ホログラフィー シンクロトロン放射光(軌道放射光)は、 相対論的なエネルギーをもつ電子が磁場によ って軌道を曲げられるときに放出する光であ るが,以下のような特長があるので、近年盛ん に用いられている励起光である。

- 赤外からX線までの全ての波長の光 が取り出せる。
- ② 実験室の光源よりはるかに明るい。
- ③ アンジュレータなどの挿入光源を用いると、さらに強い光が得られる。
- ④ 偏光が自由に作れる。
- ⑤ パルス光である。
- ⑥ 超高真空である。

1.2 分析器

光電子の分析に最もよく用いられている分 析器は、同心半球型分析器と円筒鏡型分析器 (CMA)である。これらは、ある角度の周りの 数度の範囲の光電子を全て一点に収束する二 重収束が実現されていて、明るくて分解能の 良い分析器である。1方向の収束しかないが 製作の簡単な分析器として,並行平板型静電 偏向分析器と共軸円筒型127°分析器がある。 これらは、ある角度での光電子のエネルギー を分析する角度分解型の分析器である。

広い範囲の角度を一度に分析する二次元表 示型の分析器として、回転楕円鏡型分析器と 球面鏡分析器がある。ここでは私が独自に開 発した「二次元表示型球面鏡分析器」[1,2] を紹介する。試料に光を当てたときに出る 様々な電子のうち、特定の運動エネルギーを 持つものの角度分布を、歪み無く広い立体角 で二次元的に表示することができる。一度に 測定できるため、測定時間が数万分の一にな り、従来数日かかっていたのが数分でできる ようになった。

図1-2に、この分析器の概念図を示す。構成は、主に半球型のグリッドと、半径がその約2倍の外球電極と障害リングとからなる。 試料から出た電子はグリッドと外球および障害リングの間の電場で反射されてアパチャー に集束する。構造は一見複雑だが、この間の 電場は単純な球対称電場になっている。それ ぞれの電極の内側の面は球面であって、その 半径に応じた電圧がかけてある。球対称電場 なので、この中での電子の軌道は、ケプラー の法則に従う楕円軌道である。ガードリング は、端の電場が球対称からずれるのを防ぐた めのものである。アパチャーを通り抜けた電 子は、阻止電位グリッドを通過して2枚のマ イクロチャネルプレートで増幅され、蛍光板 で観測される。

試料から出たときの方向とアパチャーに 入る方向が並行であり,蛍光板上で観測され る角度分布は試料から出たときの角度分布と 厳密に等しくなっている。つまり、スクリー ン上の像が全く歪んでいないのがこの分析器 の大きな特長である。厳密に収束するため角 度範囲を大きくとることができ、±60°か ら±80°の分析器が実現している。



図 1-2 二次元表示型球面鏡分析器

障害リングは、エネルギーがパスエネルギ ーより少し大きいものの軌跡を遮る役目を持 ち、阻止グリッドは少し小さいエネルギー以 下の電子を阻止することができるので、この 2つの役割により、ある一定のエネルギーの 粒子だけの角度分布パターンを得ることがで きる。エネルギー分解能はパスエネルギーの 1%から 0.3%程度である。

励起光は図のように電極に開けてある穴 を通して入れる。グリッドの中に入っている 電子銃は、LEEDパターンやオージェ分光 の測定のためのものである。このような小さ なものはシールドしておけばグリッドの中に 入れることができる。ただし、蛍光板上の像 はその立体角の所だけ影ができる。蛍光板で 光るパルスの数および位置は、真空の外から CCDカメラシステムを用いて測定している。

1.3 光電子分光の式

電磁波と相互作用している電子の Hamiltonian は次のようになる。

$$H = \frac{1}{2m} \left(\bar{p} - \frac{e}{c} \bar{A} \right)^2 + e\Phi$$

ここで、電磁波を
 $\bar{A} = 2\bar{A}_0 e^{i(\bar{k}\cdot\bar{r} - \alpha t)}$

としている。また、 $\vec{p} = -i\hbar \vec{\nabla}$ である。これ は、良い近似で次のように書ける。

$$H \cong \frac{1}{2m} \bar{p}^2 - \frac{e}{mc} \bar{A} \cdot \bar{P}$$

$$= H_o + H'$$

$$\Box \Box \overline{C}, \quad H_o = \frac{1}{2m} \overline{p}^2, \quad H' = -\frac{e}{mc} \overline{A} \cdot \overline{P} \circ$$

光電子励起(時間に依存した摂動論)

始状態が H_0 の固有状態 Ψ_0 (エネルギー E_i) であって、H'によって終状態 Ψ_1 (エネルギ ー E_i)に遷移する確率Wは、

 $w \propto |A_0|^2 |M_{fi}|^2 \delta(E_f - E_i - \hbar\omega)$ となり、フェルミの黄金則と呼ばれる。 $\delta(E_f - E_i - \hbar\omega)$ はエネルギー保存則を表 している。ここで、

$$M_{fi} = \int \Psi_f * e^{(i\mathbf{k}_{hv} \cdot \mathbf{r})} \hat{\mathbf{A}} \cdot \nabla \Psi_i d\mathbf{r}$$
$$\hat{\mathbf{A}} = \mathbf{A}_0 / |A_0|$$

遷移確率を決めているのは、この遷移行列要 素 M_Gである。

Dipole 近似

通常の光電子分光の場合には、次に説明する Dipole 近似が成り立つ。光のエネルギーが 10eV のとき、 $k_{hv} \sim \frac{1}{100nm}$ なので、 $r \sim 10$ Åとすると $k \cdot r \sim \frac{1}{100}$ となり、

 $e^{-i\vec{k}\cdot} \sim 1 - i\vec{k}\cdot\vec{r} + \cdot \cdot \cdot$ の第2項以降が無視できて

$$\left\langle k_{s}(0) | e^{i \bar{k} \cdot \bar{r}} p_{A} | n_{s}(0) \right\rangle$$

$$\sim \left\langle k_{s}(0) | p_{A} | n_{s}(0) \right\rangle$$

$$= i m \omega_{kn} \left\langle k_{s}(0) | r_{A} | n_{s}(0) \right\rangle$$

遷移確率は次のようになる。

$$W_{ij}(\varepsilon) = 4\pi^{2} \alpha a^{2} o I(\varepsilon) M_{if} \right|^{2}$$

 ε : 光電子のエネルギー α : 微細構造定数(~1/137) a_0 : Bohr radius (5.29×10⁻⁹ cm) $I(\varepsilon)$: 光のエネルギー密度

$$\sum c c \left| M_{if} \right|^2 = \left| \left\langle f \left| \vec{e} \cdot \mathbf{r} \right| i \right\rangle \right|^2$$

1.4 価電子励起

価電子の励起の時には、始状態と終状態は ブロッホ関数である。

 $\Psi_{i} = \exp(i\mathbf{k}_{i} \cdot \mathbf{r})u_{i}(\mathbf{k}_{i}, \mathbf{r})$ $\Psi_{f} = \exp(i\mathbf{k}_{f} \cdot \mathbf{r})u_{f}(\mathbf{k}_{f}, \mathbf{r})$ $u_{i}(\mathbf{k}_{i}, \mathbf{r}) \geq u_{f}(\mathbf{k}_{f}, \mathbf{r}) \text{it, 結晶の周期性を持}$

 $u_i(\mathbf{k}_i, \mathbf{r}) \ge u_f(\mathbf{k}_f, \mathbf{r})$ は、結晶の周期性を持つ関数である。これらの関数を用いると、

$$M_{if} = \int \exp(-i\mathbf{k}_f \cdot \mathbf{r}) u_f^*(\mathbf{k}_f, \mathbf{r}) \overline{e} \cdot \mathbf{r}$$

 $\times \exp(i\mathbf{k}_{i}\cdot\mathbf{r})u_{i}(\mathbf{k}_{i},\mathbf{r})d\mathbf{r}$

結晶の周期性を考えると、この積分の値は任 意の格子ベクトルの移動に対して不変でなけ ればならないから

$$\mathbf{k}_{f} = \mathbf{k}_{i} + \mathbf{G}$$

となる。価電子状態を還元ゾーン形式で表す と、kベクトルが保存されることを意味して いる。この性質により、光電子のkベクトルを 測定することで、始状態のkベクトルを知る ことができ、バンド構造が測定できる。表面 から飛び出すときに表面垂直方向に力を受け るために、垂直方向のkベクトルは厳密には 保存しない。

1.5 内殻励起

内殻電子を励起するときには、始状態を特 徴づけるものは角運動量(量子数は *l*,*m*)で ある。実関数の始状態をとると

$$\phi_{nlx}(r,\theta,\phi) = R_{nl}(r) \sum_{m} n(m) Y_{lm}(\theta,\phi)$$

ここでlxは p_x や d_{xy} 軌道などを意味している。 n(m)はその軌道を作るための係数である。終 状態のブロッホ関数も量子数l,mの関数で展 開する。

$$\begin{split} \phi_{E_{kin},\bar{k}}(r,\theta,\phi) &= 4\pi \sum_{l'm'} (i)^{l'} \exp(-i\delta_{l'}) \\ &\times Y_{l'm'}^{\bullet}(\theta_k,\phi_k) Y_{l'm'}(\theta,\phi) R_{E_{kin},l'}(r) \\ &\neq \delta \geq \text{Dipole matrix element } l \\ &\left\langle \phi_{E_k,\bar{k}} \middle| \vec{\epsilon} \cdot \vec{r} \middle| \phi_{nlx} \right\rangle = 4\pi \sum_{l'm'm} n(m)(-i)^{l'} \exp(i\delta_{l'}) \\ &\times Y_{l'm'}(\theta,\phi) \middle| \epsilon_x(x/r) + \epsilon_y(y/r) + \epsilon_z(z/r) \middle| Y_{lm}(\theta,\phi) \right\rangle \\ &\left\langle Z_{l'm'}(\theta,\phi) \middle| \epsilon_x(x/r) + \epsilon_y(y/r) + \epsilon_z(z/r) \middle| Y_{lm}(\theta,\phi) \right\rangle \\ &\left\langle Z_{l'm'}(\theta,\phi) \middle| \epsilon_x(x/r) + \epsilon_y(y/r) + \epsilon_z(z/r) \middle| Y_{lm}(\theta,\phi) \right\rangle \\ &\left\langle Z_{l'm'}(\theta,\phi) \middle| \epsilon_x(x/r) + \epsilon_y(y/r) + \epsilon_z(z/r) \middle| Y_{lm}(\theta,\phi) \right\rangle \\ &\left\langle Z_{l'm'}(\theta,\phi) \middle| \epsilon_x(x/r) + \epsilon_y(y/r) + \epsilon_z(z/r) \middle| Y_{lm}(\theta,\phi) \right\rangle \\ &\left\langle Z_{l'm'}(\theta,\phi) \middle| \epsilon_x(x/r) + \epsilon_y(y/r) + \epsilon_z(z/r) \middle| Y_{lm}(\theta,\phi) \right\rangle \\ &\left\langle Z_{l'm'}(\theta,\phi) \middle| \epsilon_x(x/r) + \epsilon_y(y/r) + \epsilon_z(z/r) \middle| Y_{lm}(\theta,\phi) \right\rangle \\ &\left\langle Z_{l'm'}(\theta,\phi) \middle| \epsilon_x(x/r) + \epsilon_y(y/r) + \epsilon_z(z/r) \middle| Y_{lm}(\theta,\phi) \right\rangle \\ &\left\langle Z_{l'm'}(\theta,\phi) \middle| \epsilon_x(x/r) + \epsilon_y(y/r) + \epsilon_z(z/r) \middle| Y_{lm}(\theta,\phi) \right\rangle \\ &\left\langle Z_{l'm'}(\theta,\phi) \middle| \epsilon_x(x/r) + \epsilon_y(y/r) + \epsilon_z(z/r) \middle| Y_{lm}(\theta,\phi) \right\rangle \\ &\left\langle Z_{l'm'}(\theta,\phi) \middle| \epsilon_x(x/r) + \epsilon_y(y/r) + \epsilon_z(z/r) \middle| Y_{lm}(\theta,\phi) \right\rangle \\ &\left\langle Z_{l'm'}(\theta,\phi) \middle| \epsilon_x(x/r) + \epsilon_y(y/r) + \epsilon_z(z/r) \middle| Y_{lm}(\theta,\phi) \right\rangle \\ &\left\langle Z_{l'm'}(\theta,\phi) \middle| \epsilon_x(x/r) + \epsilon_y(y/r) + \epsilon_z(z/r) \middle| Y_{lm}(\theta,\phi) \right\rangle \\ &\left\langle Z_{l'm'}(\theta,\phi) \middle| \epsilon_x(x/r) + \epsilon_y(y/r) + \epsilon_z(z/r) \middle| Y_{lm}(\theta,\phi) \right\rangle \\ &\left\langle Z_{l'm'}(\theta,\phi) \middle| \epsilon_x(y/r) + \epsilon_y(y/r) + \epsilon_z(y/r) \right\rangle \\ &\left\langle Z_{l'm'}(\theta,\phi) \middle| \epsilon_x(y/r) + \epsilon_y(y/r) + \epsilon_z(y/r) \right\rangle \\ &\left\langle Z_{l'm'}(\theta,\phi) \middle| \epsilon_x(y/r) + \epsilon_y(y/r) + \epsilon_z(y/r) \right\rangle \\ &\left\langle Z_{l'm'}(\theta,\phi) \middle| \epsilon_y(y/r) \right\rangle \\ \\ &\left\langle Z_{l'm'}(\theta,\phi) \middle| \epsilon_y(y/r) \right\rangle \\ \\ &\left\langle Z_{l'm'}(\theta,\phi) \right\rangle \\ &\left\langle Z_{l'm'}(\theta,\phi) \right\rangle \\$$

$$Y_{lm}(\theta,\phi) = (-1)^{\frac{m+|m|}{2}} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \sqrt{\frac{2l+1}{2}} \frac{(l-|m|)!}{(l+|m|)!}$$

$$\times P_l^{\mu\nu}(\cos\theta)e^{\prime\prime}$$

これらを用いると、Dipole matrix element は次のように書ける。

$$\left\langle \Phi_{E_{k},\bar{k}} \middle| \vec{\epsilon} \cdot \vec{r} \middle| \Phi_{nlx} \right\rangle = 4(2/3)^{1/2} \pi^{3/2}$$

$$\times \sum_{l'm'm} n(m)(-i)^{l'} \exp(i\delta_{l'}) Y_{l'm'}(\Theta_{k} \Phi_{k}) R_{l'}(E_{k})$$

$$\left\{ \left[\epsilon_{x} \left(- \left\langle l'm' \middle| 1 \right| lm \right\rangle + \left\langle l'm' \middle| 1 - 1 \right| lm \right\rangle \right) \\ + i\epsilon_{y} \left(\left\langle l'm' \middle| 11 \right| lm \right\rangle + \left\langle l'm' \middle| 1 - 1 \right| lm \right\rangle \\ + (2)^{1/2} \epsilon_{z} \left\langle l'm' \middle| 10 \right| lm \right\rangle$$

1.6 角度分解光電子分光

多くの測定角において価電子帯からの光 電子スペクトルを測定し、その情報から始状 態のバンドの分散関係(*E*_g, k)を解析する手 法を角度分解光電子分光という。光電子は結 晶から飛び出すときに、表面方向には力を受 けないので,表面に平行な波数ベクトル $\mathbf{k}_{\prime\prime}$ は 保存される。光電子スペクトルにピークが観 測されたら,その運動エネルギー $\mathbf{E}_{\mathbf{k}}$ とその時 の検出角度(θ 、 ϕ)から、 $E_{\mathbf{l}}$ と $\mathbf{k}_{\prime\prime}$ は次のよ うに求まる。

$$E_{B} = h\nu - E_{k} - \Phi$$
$$k_{II} = \sqrt{\frac{2m}{\hbar^{2}}E_{k}}\sin\theta$$

多くの角度とピークについてのデータを プロットして、エネルギーバンドが求まる。

バンド構造の研究例として、単結晶グラフ ァイトのバンド構造およびフェルミ面の研究 [3]を紹介する。グラファイトは炭素原子が蜂 の巣状に並んだ平面が集ってできている。図 1-3 に、そのバンド構造を示す。結合エネル ギーが5 e V付近から下に向かって開いてい るバンドは炭素の2p_x, 軌道からできている $\sigma_{2,3}$ バンドである。結合エネルギーが一番 浅い所で上に向かって放物面状に開いている バンドは、炭素の2p_x軌道からできている π バンドである。 れたパターンを図 1-4 a, b, c, などに示 す。図 1-4 a から c に行くに従って、明るい 所が外側から内側に入って来るが、これは π バンドの放物面が小さくなっていくことに対 応していて、この事から図 1-3 のバンド構造 が導かれる。

図 1-4 a では、ブリルアンゾーンの6角形 の頂点が明るいというフェルミ面の形が良く 見えている。フェルミ面が点であるというこ とから、電気を運ぶ電子の数が少ないことが 判り、グラファイトの電気伝導度が金属と半 導体の中間的なものであることが理解できる。 グラファイトに色々なものをドープすると電 気伝導度が非常に大きくなるという実験事実 があるが、それはこの図から理解することが できる。電気陰性度の大きな元素や化合物を ドープすると、フェルミ準位が下がり、フェ ルミ面が点でなくて図 1-4 c のように広がる ので、電気を運ぶ電子の数が大きく増え、電 気伝導度が上がる。このように、グラファイ トのフェルミ面は、フェルミ面と電気伝導度 の関係を示す好例である。



1.7 二次元角度分解光電子分光とフェルミ 面マッピング

二次元分析器を用いて、図 1-3 のバンドの、 a, b, c, などのエネルギー位置で測定さ



図 1-4 グラファイトのバンドの二次元 測定例(a),(b),(c)と、それらを重ねて表示 した3次元的なπバンド構造(d)



同様にして、超伝導体についても解析 [4]を行った例を図 1-5 に示す。

1.8 光電子構造因子

図 1-6 は図 1-4bと同じ結合エネルギーの 測定結果であるが、励起光に水平の直線偏光 を用いて測定したものである。この結果では, 第一ブリルアンゾーンの内側にだけ見えてい て、外側には見えていない。これは、「光電子 構造因子」[5]という新しい概念で解釈できる。 解析の結果、このπバンドが結合軌道からで きていると、第一ブリルアンゾーンの内側が 強く、外側が弱くなることが判った。



図 1-6 水平の直線偏光で測定したグラファ イトのπバンド(図 1-4 bに相当する)

1.9 原子軌道解析

図 1-6 においては、図 1-4 と異なり、上下 の頂点が見えていない。これは、π 軌道の対 称性と入射光の偏光方向の関係から生じた現 象である。入射光の偏光ベクトルは面内にあ り、この紙面では水平になっている。すなわ ち、このπバンドはグラファイト面に垂直な 2 p ² 軌道からできているが、入射光の偏光ベ クトルが水平なので、対称性から上下の線上 には観測されないことになる。このように、 励起源に直線偏光を用いると、強度の角度分 布から軌道の対称性まで良く判る[6]。このよ うな対称性や結合の議論は、従来の角度分解 型の測定では極めて難しいものであり、二次 元光電子分光の有効性を示している。

[内容についての参考書]

- (1) [Photoemission in Solids I, II] M. Cardona and L. Ley (Springer 1978)
- (2)「表面・界面の電子状態」丸善表面科学 シリーズ4
- (3) 大門 寛: 日本物理学会誌 49 (6) pp.447-454 (1994).

[1章の参考文献]

- [1] H. Daimon: Rev. Sci. Instrum. 59 (4) (1988) pp.545-549.
- [2] H. Daimon, and S. Ino: Rev. Sci. Instrum.61 (1) (1990) pp.57-60.
- [3] H. Nishimoto, T. Nakatani, T. Matsushita, S. Imada, H. Daimon, and S. Suga: J. Phys.: Condens. Matter 8 (1996) pp.2715-2732.
- [4] T. Okuda, H. Daimon, M. Kotsugi, K. Nakatsuji, M. Fujikawa, S. Suga, Y. Tezuka, S. Shin, M. Kasai, and Y. Tokura: J. Electron Spectrosc. Relat. Phenom. 88-91 (1998) 473-477.
- [5] H. Daimon, S. Imada, H. Nishimoto, and S. Suga:

J. Electron Spectrosc. Relat. Phenom. 76 (1995) pp.487-492.

[6]H. Daimon, M. Kotsugi, K. Nakatsuji, T. Okuda, K. Hattori, Surf. Sci. 438 (1999) 214-222.

第2章 電子散乱による原子構造の解析

はじめに

電子と物質との相互作用はエネルギーによって強くも弱くもなり,良質のビームを作る ことが容易なので、電子の散乱は物質の解析 に多用されている。通常は図 2-1 のように、 試料の外から電子線を照射して、回折ビーム や励起された二次電子などを観測する。光電 子も同様な散乱をするが、図 2-2 のように電 子源が結晶中にあることと、平面波ではなく て球面波であることが異なっている。

後述するように、電子源のすぐ近くに他の 原子があることから、電子の軌道角運動量が 測定できたり,原子配列の立体写真を撮影す ることができたりする。ここでは光電子の散 乱について解説する。







図 2-2 光電子の散乱

2.1 平面波と球面波の原子による散乱

球面波が近くの原子によって散乱される場 合の式を考える。原子は球対称なポテンシャ ルであると考える。固体中では球の半径を原 子半径にとり、muffin-tinポテンシャルと呼 んでいる。球対称なポテンシャルの場合の Schrödinger 方程式は、軌道角運動量量子数 *l*ごとに分かれて、

$$-\frac{1}{2}\frac{1}{r^2}\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}r}\left[r^2\frac{\mathrm{d}\phi_l(r)}{\mathrm{d}r}\right] + \frac{l(l+1)}{2r^2}\phi_l(r) + V(r)\phi_l(r) = E\phi_l(r)$$

muffin-tin の外側では V(r)=0 なので、解は第 1種と第2種の Hankel 関数, $h_l^{(1)}(kr)$ と $h_l^{(2)}(kr)$, の1次結合で書ける。

$$h_{l}^{(1)}(kr) \xrightarrow[r \to \infty]{r \to \infty} i^{-(l+1)} \frac{\exp(+ikr)}{kr}$$
$$h_{l}^{(2)}(kr) \xrightarrow[r \to \infty]{r \to \infty} i^{(l+1)} \frac{\exp(-ikr)}{kr}$$

 $h_l^{(1)}(kr)$ は原子からの出射波で、 $h_l^{(2)}(kr)$ は 原子に対する入射波である。入射波の振幅が β_l だったとすると、入射波と出射波は位相が 異なるだけで振幅は等しくなければならない ので、

$$\phi_{l} = \beta_{l} \left[\exp(2i\delta_{l})h_{l}^{(1)}(kr) + h_{l}^{(2)}(kr) \right]$$

ここで、 δ_l は角運動量lの部分波のV(r)による散乱の phase shift である。V(r)=0のときには $\delta_l=0$ なので

$$\phi_{l} = \beta_{l} \left[h_{l}^{(1)}(kr) + h_{l}^{(2)}(kr) \right] = \beta_{l} 2 j_{l}(kr)$$

となる。 $j_l(kr)$ は球ベッセル関数である。散乱 波 $\phi_{i}^{(s)}$ は上の2つの式の差になるので、

$$\phi_l^{(s)} = \beta_l \left[\exp(2i\delta_l) - 1 \right] h_l^{(1)}(kr)$$

平面波の散乱

平面波は球ベッセル関数を用いて次のよう に展開できる。

$$\exp(i\mathbf{k}\cdot\mathbf{r}) = \sum_{l=0}^{\infty} i^{l} (2l+1) j_{l}(kr) P_{l}(\cos\theta)$$
$$P_{l}(\cos\theta) はルジャンドル多項式である。従って$$

- 641 -

$$\beta_{l} = i^{l} (2l+1) P_{l} (\cos \theta)/2$$
となるので、散乱波 $\phi_{l}^{(s)}$ は
$$\phi_{l}^{(s)} = \frac{i^{l} (2l+1) P_{l} (\cos \theta)}{2} [\exp(2i\delta_{l}) - 1] h_{l}^{(1)} (kr)$$

$$= i^{l+1} (2l+1) e^{i\delta_{l}} \sin \delta_{l} P_{l} (\cos \theta) h_{l}^{(1)} (kr)$$

$$\xrightarrow{r \to \infty} \left\{ \frac{1}{k} (2l+1) e^{i\delta_{l}} \sin \delta_{l} P_{l} (\cos \theta) \right\} \frac{e^{ikr}}{r}$$

となり、平面波の場合の散乱振幅の公式

$$\frac{d\sigma}{d\Omega} = |f(\theta)|^2$$
$$= \left|\frac{1}{k}\sum_{l}(2l+1)e^{i\delta_l}\sin\delta_l P_l(\cos\theta)\right|^2$$

が導かれる。

球面波の散乱

散乱原子への入射波が球面波の場合には、 その球面波を散乱原子のところで展開すると 次のようになる。

$$\frac{\exp\{i\mathbf{k}\cdot(\mathbf{r}-\mathbf{R}_{o})\}}{|\mathbf{r}-\mathbf{R}_{o}|}$$
$$=ik\sum_{l=0}^{\infty}(-1)^{-l}(2l+1)P_{l}(\cos\alpha)t_{l}^{(1)}(kR_{os})$$
$$\times j_{l}(k|\mathbf{r}-\mathbf{R}_{s}|)$$

ここで、 \mathbf{R}_{o} と \mathbf{R}_{s} は光電子放出原子と散乱原 子の位置ベクトルであり、その距離を R_{os} と した。 α は \mathbf{R}_{s} - \mathbf{R}_{o} と \mathbf{r} - \mathbf{R}_{s} とのなす角である。 散乱振幅 $f(\alpha)$ は、次のように書ける⁹。

$$f(\alpha) = \frac{1}{k} \sum_{l=0}^{\infty} (2l+1)e^{i\delta_l} \sin \delta_l P_l(\cos \alpha)$$
$$\times \sum_{s=0}^{l} \frac{(l+s)!}{s!(l-s)!} \left(\frac{i}{2kR}\right)^s$$

2番目の Σ (*s*=0→*l*)の項は入射波が球面波で あることによる補正項で、 *kR* が大きいとき や、入射波が平面波のときには1となり、通 常の平面波に対する散乱因子に帰着する。

運動エネルギーが原子のポテンシャルに比 べて大きいときにはほとんどの位相差 δ ,が 同符号で小さくなり、Bornの公式が使え て次のようになる。

$$f(\alpha) = \frac{1}{k} \sum_{l=0}^{\infty} (2l+1)\delta_l P_l(\cos \alpha)$$

ルジャンドル多項式 $P_l(\cos \alpha)$ は、前方 (cos $\alpha = 1$) においては常に1であり、この和は 全ての *l* で加算的に足し合わされ、大きくな る。このため、前方散乱が強くなる。このよ う な時には散乱波 $\psi^{s}(\mathbf{r})$ の前方での値は $\psi^{0}(\mathbf{r})$ よりも大きくなる。散乱する原子まで の距離が短いほど、(2) 式の 1/R の効果や、 非弾性散乱の影響が少ない事などにより、ピ ークは強くなる。従って、だいたいの所は、 最近接や第二近接原子のみが前方散乱のピー クを作ると思って良い。

2.2 電子線の結晶表面による散乱

平面波が、周期的な散乱体や弱い散乱ポテ ンシャルによって散乱されるときには、次の ような Schrödinger 方程式の積分表記が役 に立つ。

$$\left[-\frac{\hbar^2}{2\mu}\nabla^2 + V(r)\right]\psi(r) = \frac{\hbar^2 k^2}{2\mu}\psi(r)$$

$$E = \frac{\hbar^2 k^2}{2\mu}$$

$$\mu = \frac{m_A m_B}{m_A + m_B} \approx m_e$$

$$\psi^+(r) = e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{r}} - \frac{1}{4\pi}\frac{2m}{\hbar^2}\int \frac{e^{ik|\mathbf{r}-\mathbf{r}'|}}{|\mathbf{r}-\mathbf{r}'|}V(\mathbf{r}')\psi^+(\mathbf{r}')d\mathbf{r}$$

$$i\mathbf{k}\cdot\mathbf{r} = \frac{1}{2\pi}\frac{2m}{[\mathbf{r}-\mathbf{r}']}\left[\frac{1}{|\mathbf{r}-\mathbf{r}'|}V(\mathbf{r}')\psi^+(\mathbf{r}')d\mathbf{r}\right]$$

$$= e^{-\alpha} - \frac{1}{4\pi} \frac{1}{\hbar^2} \left[\int e^{-\alpha} v(\mathbf{r}) d\mathbf{r} \right] - \frac{1}{r}$$

=
$$e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{r}}$$
+ $f(\theta,\phi)\frac{e^{ikr}}{r}$ つまり、ここでの散乱因子は次のようにポテ

ンシャルのフーリエ変換で書き表される。

$$f(\theta,\phi) = -\frac{m}{2\pi\hbar^2} \cdot \int e^{-i\mathbf{q}\cdot\mathbf{r}'} V(\mathbf{r}') d\mathbf{r}'$$

微分散乱断面積 d σ / d Ω (立体角 d Ω 内へ の散乱確率) $|f|^2$ なので

$$I(\theta,\phi)\mathrm{d}\Omega = I_0 |f(\theta,\phi)|^2 \mathrm{d}\Omega$$

となる。

表面格子からの散乱

表面格子を表す単位格子ベクトルを a. b とし、 1つの単位格子に原子が m 個あり、その格子 内の座標が

$$\mathbf{r}_{j} = \mathbf{x}_{j} \mathbf{a} + \mathbf{y}_{j} \mathbf{b} + \mathbf{z}_{j} \mathbf{c} \qquad (j = 1 \cdots m)$$
$$0 \le x, y, z \le 1$$

であるとする。ここで、c ベクトルは表面に 垂直なベクトルとする。各原子のポテンシャ ルを 1 1

 $\Im[v_i(\mathbf{r})] = V_i(\mathbf{g})$

とする。コンボリューションとフーリエ変換 の下記の関係を用いる。

$$\Im[f(x) \cdot g(x)] = F(u) * G(u)$$

$$\Im[f(x) * g(x) = F(u) \cdot G(u)]$$

$$\Im[\delta(x)] = 1$$

$$\Im[\delta(x-a)] = \exp\{2\pi i a u\}$$

$$V_{c}(\mathbf{r}) = \left\{ \sum_{n_{1}n_{2}} \delta(\mathbf{r} - n_{1}\mathbf{a} - n_{2}\mathbf{b}) \right\}$$

$$* \left\{ \sum_{j=1}^{m} v_{j}(r) * \delta(\mathbf{r} - \mathbf{r}_{j}) \right\}$$
なので、そのフーリエ変換は

$$V_{c}(\mathbf{g}) = \left[\sum_{n_{1}n_{2}} \exp\{2\pi i \mathbf{g} \cdot (n_{1}\mathbf{a} + n_{2}\mathbf{b})\}\right]$$
$$\times \left[\sum_{j=1}^{m} V_{j}(g) \exp(2\pi i \mathbf{g} \cdot \mathbf{r}_{j})\right]$$

となる。

結晶構造因子は、単位胞による散乱因子 F_u(g) であり、

$$F_u(\mathbf{g}) = \frac{2\pi m e}{h^2} \sum_j V_j(g) \exp\{2\pi i \mathbf{g} \cdot \mathbf{r}_j\}$$

表面全体の散乱振幅を $F_{c}(g)$ とすると

$$F_{c}(\mathbf{g}) = \frac{2\pi m e}{h^{2}} V_{c}(\mathbf{g})$$
$$= \sum_{n_{1}}^{N_{1}} \exp\{2\pi i(\mathbf{g}.\mathbf{a})n_{1}\} \sum_{n_{2}}^{N_{2}} \exp\{2\pi i(\mathbf{g}.\mathbf{b})n_{2}\}$$
$$\times F_{u}(\mathbf{g})$$

$$\sum_{n=-(N-1)/2}^{(N-1)/2} \exp\{2\pi i gan\} = \frac{\sin(\pi gaN)}{\sin(\pi ga)} \approx \sqrt{L(x)}$$

の関係を使うと散乱強度 I は

$$I = I_o |F_u(g)|^2 L(x)L(y)$$

 $L(x) = \frac{\sin^2 N_1 \pi x}{\sin^2 \pi x}$

これをラウエ関数という。 x=(g, a) y=(g, b)(g, a) = h, (g, b) = k が整数のときのみ値をもつ。

逆格子

逆格子ベクトル $a^* = \frac{b \times c}{c - (b \times c)}, \quad b^* = \frac{c \times a}{a \cdot (b \times c)}$

$$\mathbf{a} \cdot (\mathbf{b} \times \mathbf{c})$$
 $\mathbf{a} \cdot (\mathbf{b} \times \mathbf{c})$

$$\mathbf{a} \cdot \mathbf{b} = 0, \ \mathbf{a} \cdot \mathbf{a} = 1$$

散乱ベクトル g が g=ha*+kb*であればラウエ の条件を満足する。a*, b*を単位ベクトルとす る逆格子ロッドに終点を持つとき、回折波を 生じる。 逆格子にすると(hkl)をベクトルにとる

-643 -

 $g(h k l) \perp (h k l)$ m

原点から(hkl)面までの距離をd_{bkl}とすると

$$|g(hkl)| = \frac{1}{d_{hkl}} = 2\frac{1}{\lambda}\sin\theta$$
$$2d_{hkl}\sin\theta = \lambda$$

簡単なケースでは
$$|a^*| = \frac{1}{a}, |b^*| = \frac{1}{b}$$

 逆格子と実空間の構造との関係 (スポット強度と消滅則)

$$I(hkl) \propto |F_u(hkl)|^2$$

= $\left|\sum_i f_i \exp 2\pi i (hx_i + ky_i + lz_i)\right|^2$

電子回折の時にはスポットの出る位置はラ ウエ関数で決まっている。それらのスポット の強度分布が逆格子の強度分布であり、それ と実格子の構造との関係は、上の式にまとめ られている。式だけではわかりにくいが、次 のように考えるとわかりやすい。

簡単のために単位格子に2つの原子がある 場合を考える。消滅則で消える所は、それら の項の位相が180度違う場合である。x方向 だけ考えれば、hxが1/2などの半整数になる ときである。xが1/2であれば、hが1,3,5な どのスポットが消えることになる。これは、 逆格子が2倍になったことと同じであるが,x が1/2のところに原子があるので実格子も半 分になっている。このように一般に逆格子空 間の強度分布の周期は、実格子の間隔の逆数 になっている。

2.3 菊池バンドと菊池線

菊池バンドや菊池線は、結晶内部の原子か ら放出された光電子やオージェ電子、また、 電子線を入射したときに原子の所でフォノン 励起などで非弾性散乱された電子が作るパタ ーンである。電子線回折でよく見られるパタ ーンであるが,球面波の散乱であるため,図 2-2の光電子の散乱と同じに考えられる。

電子が原子から出た当初は小さな球面波で も、広がるにつれて平面波的になっていき、 遠くのところで原子面の組によって Bragg 反 射したものが菊池線である。菊池バンドは、 その原子を含む原子面の面内方向に出た電子 波と、その面の組による上下の Bragg 反射の 干渉によってできる明るい帯である。電子線 の回折によるパターンとの大きな違いは,結 晶の向きを θ だけ変えたときに、回折パター ンは2 θ だけ動くのに対して、菊池パターン は θ しか動かない。言い換えると、菊池パター しい動かない。言い換えると、菊池パタ ーンは結晶の向きに固定したパターンであり, 晶帯軸の方向などがはっきりわかるので、結 晶の方位を決めるのに便利である。

菊池線および菊池バンドの端の線の方向を 知るには, Ewald 球の中心を逆格子の原点に 置き,逆格子点と原点を結ぶ線の垂直2等分 面と球との交線を求める。原点と交線を結ぶ 方向が菊池線の方向である。

実際に得られた菊池パターンの例を、後で 図 2-6(a)に示す。

2.4 光電子回折と光電子ホログラフィー

2.4.1 光電子回折

図 2-3 に光電子回折[1]の概念図を示す。X 線を原子に照射すると光電子が飛び出す。光 電子は真空中に出て行く過程で回りの原子に よって散乱され、その放出角度分布には散乱 された光電子の干渉による強度分布が現れ、 それを光電子回折パターンという。その電子 が束縛されていたエネルギーが異なれば、光 電子の運動エネルギーが異なり、運動エネル ギーを測定することによってどの原子のどの 軌道から放出されたかを知ることができる。 すなわち、原子の種類ごとの構造解析ができ るのが、光電子回折の特長である。



図 2-3 光電子回折の概念図。X線を吸収 した原子は光電子を放出する。光電子は周 りの原子によって散乱され、運動エネルギ ーが数百 e V以上の時には、光電子放出原 子と散乱原子を結ぶ方向に前方散乱ピーク が現れ、その方向の周りに回折リングが現 れる。



図 2-4 W (110) 1×1-Oの表面構

造。黒丸は吸着酸素原子を表し、表面のW 原子から見た酸素原子の方向は AA'BB'CC' の方向である。

光電子回折の例として,W上に酸素原子が 吸着した系での実験例[2]を紹介する。図2-4 のように酸素原子は1×1構造に吸着し,表 面W原子の作る三角形の中心付近に吸着する ことがSTMによって知られていたが,正確 な位置はわからなかった。図2-3は,この系 を横から見た図になっていて,表面のW原子 にX線が当たって光電子が飛び出し,吸着O 原子によって散乱されて光電子回折パターン を作る様子を示している。光電子はそれ以外 にもバルクW原子や吸着O原子からも放出さ れ,それぞれの光電子回折パターンを作る。

この表面からのW4f光電子スペクトルを、 シンクロトロン放射を使って高分解能で測定 した結果を図2-5に示す。W4f光電子はスピン軌道分裂した2本(4 $f_{5/}$,4 $f_{7/}$)のピーク

からなるが、バルクのW原子からの2本のピ ークの他に、第一層のW原子からの表面内殻 シフトしたと2本のピークがはっきり分離し て見える。これは、表面のW原子は,図2-3 のように電気陰性度の大きな酸素原子と直に 結合しているので,電子が酸素のほうに寄る ことによって正に帯電し,電子の結合エネル ギーが大きくなっているためである。このス ペクトルは放射光を用いて測定したもの[3] であるが,このくらいシフトが大きいと,実 験室のX線管でも観測でき,それぞれのピー クの光電子回折パターンを測定することがで きる。



図 2-5 W(110) 1×1-O表面か らのW4f光電子スペクトル。バルクの W原子からのスピン軌道分裂した2本の ピーク($4f_{\frac{1}{2}},4f_{\frac{1}{2}}$)の他に、吸着酸素と 結合している第一層のW原子からの2本

のピークが分離して見える。

Al K_a線を用いてこれらのピークの放出角 度分布を測定したものを図2-6(a),(b)に示す。 励起 X 線管と角度分解型の分析器を固定して, 試料を二軸回転して測定したものである。視 斜角が9°から90°まで3°おきに,方位 角も3°おきに測定したものをつなぎ合わせ て表示してある。画面中央が表面垂直方向に 相当し,ステレオ投影法で表示してある。また, 図 2-7 は,吸着酸素からのO1s光電子回折 パターンである。



(b)



図 2-6 W(110)1×1-0 表面からの(a)バルクWピ ークの2次元光電子回折パターンと, (b)表面W ピークのパターン

図 2-6 を見ると、同じW原子からのパター ンとは言っても、表面とバルクの原子では全 く異なるパターンを示すことがわかる。また, 図 2-7 もこれらとは全く異なり、リング状の パターンが観測されている。これらのパター ンの特徴は、次に述べる光電子回折の一般的 な特徴から理解することができる。



図 2-7 W(110)1×1-0 表面からのOls 光電子回折パターン。

光電子の運動エネルギーが数百 eV 以上の とき,散乱波の強度の角度分布は、図 2-3 の ように放出原子から散乱原子を見る方向(前 方方向)が常に強い。角度が前方から離れる に従って散乱波は弱くなるが,前方方向から ある角度だけ離れたところで散乱波との干渉 によって図のような回折リングが生じる。全 体のパターンは,このような前方散乱ピーク と干渉リングの重ね合わせで理解できる。

第2層以下の原子からの光電子の回折図形 には、常に前方散乱のピークが観測できるの で、その方向から第1層原子との結合方向を 知ることが出来る。図2-6(a)は,バルク原子 からの光電子回折パターンなので、原子が並 んでいる[100]や[111]といった各晶帯軸方向 に明るい前方散乱ピークが見えている。さら に、結晶中で球面波が出たときのパターンの 特徴である「菊池パターン」が良く見えてい る。すなわち各晶帯軸方向を結ぶ明るい帯と して「菊池バンド」が見える。

図4(b)では,表面付近の原子からの光 電子回折パターンの特徴である前方散乱のピ ークが6個はっきり見える。これらのピーク の方向は,図 2-4 において表面W原子から吸 着酸素を見る方向であり,AA'BB'CC'の方向, およびもう一つのドメインにあるそれらと1 80°異なる方向に対応している。図 2-5 の 内殻光電子スペクトルはこのピークの方向で 測定したので,表面のピークが強く見えてい たものである。これらの前方散乱ピークの方 向から,図 2-4 の酸素吸着位置を決めること ができる。図 2-4 において,酸素原子はWの 位置から 1.52 Åだけ C の方向にずれており, 吸着高さは 0.84 Åであると求まった[2]。

表面第1層にある吸着子からの光電子の前 方散乱は表面に平行になるため観測されず, 回折図形には表面の延長方向に軸を持つ回折 リングのみが現れる。図 2-7 の酸素1 s 光電 子のパターンにおいては,前方散乱ピークが 見えず,表面の延長に軸を持つ1次や2次の 回折リングが見えている。したがって,この ことからも酸素は表面第1層に吸着している ことがわかる。このように,光電子回折パタ ーンを2次元的に測定すると,詳しい解析を しなくてもある程度直接的に構造を決めるこ とができる。

2.4.2 光電子ホログラフィー ----- フーリエ変換による三次元的な実空間 の立体構造[4]

図 2-3 で示されているように、放出された 光電子を表わす波動関数を Ψ^0 とすると、 Ψ^0 は放出原子を中心として外向きに拡がる球面 波として表される。実際には角度分布は一様 ではないが、ここでは説明を簡単にするため に、次のような角度分布を持たない球面波と して考える。

$$\Psi^{0} = \frac{e^{ikr}}{r} \tag{1}$$

 Ψ^{0} の波が j 番目の原子に当たって散乱され ると、 j 原子を中心とした散乱波 Ψ_{j}^{s} を生じ る。光電子放出原子を原点とした j 原子の座 標ベクトルを r_{j} とする。観測するスクリーン の半径 Rの大きさは、これらの原子間距離に 比べて非常に大きいので、 Ψ_{j}^{s} は次のような 近似式で表される。

$$\psi_{j}^{s} \xrightarrow{r \to \infty} \frac{e^{ikr}}{r} F_{j}(\mathbf{k}) e^{ikr_{j}} e^{-i\mathbf{k} \cdot \mathbf{r}_{j}}$$
(2)

ここで、 $F_j(\mathbf{k})$ は j 原子の散乱因子を r_j で割ったものである。実際には、一回散乱だけでなく、多数の原子によって散乱された後で最終的に j 原子から出て行く波もある。それら

をすべて考慮するには,(2)式の $F_{j}(\mathbf{k})e^{ikr_{j}}$ のところを,

$$\widetilde{F} = \sum_{l}^{\infty} F_{jl} (\mathbf{k}) e^{i k r_{jl}}$$
(3)

に代えれば良い。ここで $F_{jl}(\mathbf{k})$ は l 回散乱し たときの最終的な角度分布を表し、 r_{jl} はその 間に伝播した全距離を表す。放出電子回折図 形 $\chi(\mathbf{k})$ は、直接波 Ψ^0 と散乱波 Ψ^s_j の和の二 乗で次のように表される。

$$\chi(\mathbf{k}) = \left| \psi^{0} + \sum_{j} \psi_{j}^{S} \right|^{2} / \left| \psi^{0} \right|^{2} \qquad (4)$$

(1)、(2)式を(4)式に代入すると、 $|\Psi^0|^2$ は分子と分母で消えて、次のようになる。

$$\chi(\mathbf{k}) = \left| 1 + \sum_{j} \widetilde{F} e^{-i\mathbf{k} \cdot \mathbf{r}_{j}} \right|^{2} \quad (5)$$

ある運動エネルギーの電子を測定していると きにはkの大きさkは一定で、(4)式の χ はスクリーンまでの距離Rに依存せず、kの

方向 \mathbf{k} だけの関数である。(4)式を二乗し て出てくる4つの項の内、初項は1で変化せ ず、電子回折図形のバックグラウンドを与え るだけなので省略する。第4項(散乱波の二 乗から来る項)は小さくて角度変化も小さい のでこれも省略すると、(4)式の $\chi(\mathbf{k})$ は

$$\chi(\mathbf{k}) \approx \sum_{j} \left\{ \widetilde{F}_{j}^{*} e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{r}_{j}} + \widetilde{F}_{j} e^{-i\mathbf{k}\cdot\mathbf{r}_{j}} \right\} \quad (6)$$

となる。ここで原子 j と原点に対して対称な 位置 $\mathbf{r}_{j'} = -\mathbf{r}_{j}$ の所にも原子 j があると考え る。これは、ホログラフィー変換像における 共役像(ツイン像)を作り出す仮想的な原子 である。すると、(6)式の2つの j からの 項は、実際の原子 j と仮想原子 j からの寄与 の和であると考えられ、次のように一つにま とめることができる。

$$\chi(\mathbf{k}) \approx \sum_{j} \widetilde{F}_{j}^{*} e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{r}_{j}}$$
(7)

ここで、実空間の原子分布を $\sum_{j} \delta(\mathbf{r} - \mathbf{r}_{j})$ で表すと、そのフーリエ変換は、 $\sum_{j} \exp\{\mathbf{i} \mathbf{u} \cdot \mathbf{r}_{j}\}$ の形になることを思い出す。 (7)式と見比べることにより、電子回折パ ターンは、ツインも含めた実格子のフーリエ 変換であることを示している。電子回折や X 線回折の場合は,図 2-1 のように観測される ものは実空間をフーリエ変換したものの 2 乗 になって,位相の項が消えてしまうのに対し て,(7)式では位相の項がそのまま残って いることに注意しよう。つまり,フーリエ逆 変換を行えば原子像が再現される。これが放 出電子ホログラフィーの原理である。

この逆変換は、図 2-3 のスクリーンに内向 きの球面波を入射して、O原子付近での波動 の大きさをホイヘンス (Huygens)の原理から 計算することに相当する。Helmholtz-Kirchhoffの積分を、Rが r_j より非常に大き いことを利用して変形すると、原点付近での 波動の強さの3次元分布 $u(\mathbf{r})$ は

$$u(\mathbf{r}) \approx C'' \iint \chi(\mathbf{k}) \exp\{-i\mathbf{k} \cdot \mathbf{r}\} d\mathbf{k}$$
 (8)

で与えられる。(7)式を代入すると
$$u(\mathbf{r}) \propto \sum_{j} \delta(\mathbf{r} - \mathbf{r}_{j})$$
 (9)

となって,原子配列構造が再現される。積分 はkの方向について図 2-3の球面スクリーン 上を2次元的に行う。(8)式は球面フーリ エ変換であり、パラメータrを3次元的に動

しかし,これだけでは(6)式の2つの項と も再生されて $\mathbf{r} = -\mathbf{r}_j$ のところにツイン像が出 てきてしまう。この問題を解決するために, 次の式を用いる方法が開発された[5]。

 $u(\mathbf{r}) = \int_{k} \mathrm{d}k e^{ikr} \iint_{S} \chi(\mathbf{k}) \exp\{-i\mathbf{k} \cdot \mathbf{r}\} \mathrm{d}\hat{\mathbf{k}} \quad (10)$

(10) 式を用いると, r が実像 r_j の時に積分 の値を大きくするのは(6)式の $\tilde{F}_j^{*}e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{r}_j}$ の項 であり, 1 回散乱のときには $F_j^{*}(\mathbf{k})e^{-i\mathbf{k}r_j}e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{r}_j}$ である。したがって,(10) 式の最初の積分は, r が実像 r_j の時に指数が $e^{i\mathbf{k}(r_j-r_j)}$ となり,位相が打ち消し合ってゼロに なるために積分の値が大きくなる効果を持つ。 ツイン像のところでは $e^{2i\mathbf{k}r_j}$ となって振動が 激しくなり積分が小さくなる効果を持ってい る。また,これによって,(3)式に入っている 多数の多重散乱の項も,位相が合わないため 消えることに注意する。(10)式に入っている 2つの指数関数のそれぞれの指数の符号が反 対になっているため,通常の3次元的なフー リエ変換にはならない。

(10)式の前のエネルギー方向の積分と後の 球表面積分を実行する順序は,研究者によっ て主張が違う。後の表面積分を先に行い,そ の結果を波数 k を変えながら足して行くのが Huygens の原理の考え方に沿っている。しか し,前の積分を先に行って,それを球の表面 方向に足して行くほうが良いという主張の方 が有力である。この場合,最初にエネルギー 方向に平均をゼロにしてから始めるので,強 い前方散乱の効果を弱められるので良い結果 が得られるものと思われる。

図 2-7 においては、回折リングがはっきり 見えているので、光電子ホログラフィーの方 法によって変換して、3次元の実空間像をつ くることができる。その結果を図 2-8[6]に示 す。これは、3次元構造の z = 0 Å での断面 であり、〇印の所に隣の酸素原子が見えるは ずである。外側にずれてはいるが、確かにそ の付近に強いピークが現れていて、原子配列 構造が再現されていることを示している。





図 2-8 酸素1s光電子回折パターン(図 2-7)のホログラフィー変換像

2.5 円偏光光電子回折 ----- 電子の軌道角運動量が初めて見えた

電子の軌道角運動量は量子力学の最も基礎 的な概念であるが、二次元光電子回折パター ンの円二色性を測定することにより電子の軌 道回転を観測することができる。円二色性と いうのは、光学活性な物質の、左右の円偏光 に対する吸収係数の違いのことである。最近 のシンクロトロン放射光技術の進歩により、 軟X線やX線領域の円偏光を利用した新しい タイプの円二色性の研究が可能となってきた。 高エネルギー研究所のARリングやPFリン グ、またSPring-8には円偏光アンジュレータ ^{*1} が設置されており、数 e V から数 k e V ま での強い左右円偏光や楕円偏光を取り出すこ とができる。

我々は、Si(001)面という非磁性かつ非光学 活性な面に、円偏光ビームを垂直に入射する という、通常は円二色性が期待できないよう な系において、二次元表示型の球面鏡分析器 [7]を用いて光電子回折パターンを測定した ところ、前方散乱ピークが円偏光の電場の回 転方向と同じ方向に回転するという新しいタ イプの円二色性を観測した[8]。さらにW (110)1×1-0[9],W(110)1×1[10]などでも 確認された。ここでは、単純な系であるW (110)1×1-0についての研究結果[8]について 紹介する。

2.5.1 W(110)1×1-Oにおける実験 結果

図2-6(b)のような測定を極角61°から7 4°、方位角は0°から360°の範囲で行い、第一層のWからの光電子だけの放出角度 分布をプロットしたのが図2-9(a)、(b) である。それぞれの図の中心が、試料の表面 垂直方向を表しており、回折パターンが表示 されているリング状の範囲が測定した極角の 範囲である。図2-9(a)は、直線偏光で測定 したときのパターンであり、6個のピークは、 図2-6(b)の6つの前方散乱ピークである。 図2-9(b)は、左回りの円偏光で励起した ときのパターンであり、(a)と比べると前方 散乱のピークが全て左に回転していることが 判る。

(a)





図 2-9 W(110)1×1-0 表面からの表面W ピーク(図 2-6 (b)に対応する)の2次 元光電子回折パターン。測定角度範囲は, 極角が 16°~39°の間のみである。(a)は 直線偏光(LP)で励起した場合,(b)は左 回り円偏光(LCP)で励起した場合の測 定結果である。白線は,LP励起(a)での前 方散乱ピークの方位を示す。

2.5.2 ピークの回転の意味

図 2-9 におけるこれらのピークの回転は、 角運動量を持った光電子がまっすぐに広がら ずに、図 2-10 のように回転しながら広がった 結果として簡単に説明する事が出来る。詳し くは原論文を見ていただきたい。

^{*1}電子の進行方向に沿って、螺旋状に周期的 に回転するような磁場分布を作り、特定の波 長の円偏光を強く放射するようにしたもの。



図 2-10 前方散乱ピークの回転の様子。 散乱原子が極座標で(R, θ , 0)にある 時、光電子は回転しながら広がるために 前方散乱ピークの方向の ϕ はOAの向き から Δ だけ回転する。

軌道角運動量の量子数をl、そのz成分の量子 数(磁気量子数)をmとすると、mは光電子 のz軸のまわりの角運動量の量子数である。z軸のまわりの角運動量 mhを持った光電子の、 原子の外側 (r, θ, ϕ) における波動関数 Ψ は、 球面調和関数 $Y_l^m(\theta, \phi)$ を使って次式のよう に書ける。

$$\Psi \propto \frac{e^{ikr}}{r} \times Y_l^m(\theta, \phi)$$

= $\frac{e^{ikr}}{r} P_l^m(\cos \theta) e^{im\phi}$ (11)
= $\frac{P_l^m(\cos \theta)}{r} e^{i(kr+m\phi)}$

ここで、 $P_l^{m}(\cos\theta)$ はルジャンドル陪関数で あり、極角 θ だけの関数である。円偏光励起 による遷移では、始状態の lが終状態では± 1だけ変化し、m は左(右)ネジ円偏光のと きm+1 (m-1) に変わる。始状態がW4fの 場合、始状態の lは3なので、終状態のlは 4 または 2 であるが、この実験での終状態の 運動エネルギー領域においては、l=4の確率 の方がl=2の確率よりもずっと大きい。さら に、Clebsch-Gordan 係数を考えると、左ネジ 円偏光の時はm=4が、右ネジ円偏光の時はm=-4が1番強く励起される。 (11) 式で、位相は $i(kr + m\phi)$ で表されるの で、位相の等しい所をつないだ面(等位相面) の式は、 $r = -\frac{m\phi}{k} + C_1$ で表され(C_1 は定数)、 この式は図 2-11 の細い実線と破線のような 渦巻きを表す。波の進む向きはこの等位相面 に垂直であり、この向きをつないだ線(拡散 曲線と呼ぶことにする)は次の式で表される。

$$\phi = -\frac{m}{kr\sin^2\theta} + C_2 \tag{12}$$

 C_2 は定数である。光電子放出原子をOとして、 散乱原子Aが z=0の面にあるとき、 A原子 を通る拡散曲線を図 2-11 に矢印付きの太い 実線で描いてある。また、等位相面でAを通 るものを細い実線の渦巻きで、位相がそれと 180°違う等位相面を破線で示してある。この 図を見ると、等位相面がAの所でOAの方向 に垂直になっていないので、光電子の進む方 向は矢印のように Δ だけずれることが判る。 従って、図 2-9 においてピークが回転してい たのは、光電子がA原子に衝突するときに、 回転運動によって進む方向がOAを結ぶ直線 の方向からずれていたためであったことが判 る。



図 2-11 散乱原子Aが 2=0 の面にあると き、Aで散乱される光電子は矢印付きの太 い実線の向きに拡散する。実線の渦巻きは 等位相面で、破線は位相がそれと180° 違うもの。角運動量 m=4、運動エネルギ -150 e V、散乱原子AはOから2 A離 れているとして計算してある。

一般に、原子Aの位置が極座標で(*R*, θ,
 Φ)にある時、前方散乱の方向とOA方向とのなす角(ピークのz軸のまわりの回転角)

△は次の式で求められる[8]。

$$\Delta = \tan^{-1} \frac{m}{kR\sin^2 \theta} \cong \frac{m}{kR\sin^2 \theta}$$
(2)

この式は、種々の実験結果を良く再現する [8-10]。また詳しい理論計算[11-13]でも同じ 式が導かれている。

この回転において、図 2-10 に示すように、 ピークの極角 θ は動かずに、方位角だけが Δ だけ回転する。 Δ はmに比例し、k、R、 $\sin^2\theta$ に反比例している。まとめると、散乱 原子が出射原子から見て (R, θ , Φ)の所に あると、前方散乱のピークは円偏光のスピン (電場ベクトルの回転方向)の符号 (±)に 従って、

$$\left(\theta, \phi \pm \frac{m}{kR\sin^2\theta}\right) \tag{14}$$

の所に現れることになる。R が判っている時 には、 Δ を測定することにより、角運動量 mが測定できることになる。逆に、通常はmが 判っているので、結合距離Rが判る事になる。 隣の原子の方向は(8)の平均方向(θ , Φ)で 判るので、三次元的な位置(R, θ , Φ)が詳 しい計算を必要としないで直接分かることに なる[14]。

ここでは簡単のために終状態の(*l*、*m*) を一つだけ考えた。円偏光励起の実験では一 つだけが突出する状況はかなり多いが、他の 成分が混ざったときには*l*については干渉的 に、*m*については非干渉的に平均を取る必要 がある。また、パターン全体を定量的に解析 するには、全ての(*l*、*m*)を取り入れ、散 乱振幅の形や多重散乱を適切に取り入れた量 子力学的な計算を行う必要がある。

この実験では、非磁性の非光学活性物質に おいて円二色性が測定されている。この原因 は、電子の散乱を微視的に見たときには、表 面は滑らかではなく、原子の結合方向(散乱 の方向)と光の入射方向と電子の観測方向が 同一平面上にないからである。このことは、 光電子を使って円二色性を研究するときには、 ここで述べたような効果を考えなければなら ない事を意味している。

2.6 立体原子顕微鏡

2.6.1 立体原子顕微鏡

----- フーリエ変換無しで三次元的な実空間 の立体構造 原子構造を直接立体的に見ることは,顕微 鏡の究極的な目的であるが,未だに実現して いない。電子顕微鏡は原子配列の二次元的な 投影像を与えるが立体像ではない。走査トン ネル顕微鏡 (STM) は表面の原子配列の凹凸像 を与えるが,表面原子と下の原子の位置関係 はわからない。本研究[15]によって,原子配 列の構造が初めて立体的に見えるようになっ た。

2.6.2 立体視

物体が立体的に配列しているとき,それ ぞれの物体を左右の目で見ると,観測者から 物体までの距離によって左右の目で見る角度 が少し違うが,その角度のずれを視差角とい う。左右の目で見た一組の像を並べたものは 立体写真であり,左右それぞれの目で見るこ とにより,もとの立体を三次元的に認識する ことができる。

視差角(± Δ)は、観測者から物体までの 距離 R に反比例し、遠くのものほど視差角は 小さい。図 2-12 の E,F に左右の目があり、z 軸が頭上になり、x 軸の方向($\theta = 90^\circ$, ϕ = 0°)に顔が向いているとする。極座標表 示で(R, θ , 0)にある物体 A を, E,F にある 左右の目で見た時の視差角 Δ は、

$$\Delta = \tan^{-1} \frac{b}{R\sin\theta} \tag{15}$$

で表される。ここで、両目の間隔を 2b である としている。原子配列について、この関係を 満足する一組の写真を、光電子回折の円二色 性を利用して得ることができる。



図 2-12 立体写真における物体 A の左右 の目の視差角Δと距離 R との関係。

2.6.3 測定例

立体写真は、円偏光X線を試料に照射し, ある原子から出てくる光電子の放出角度分布 パターンを一組(2枚)測定することによっ て得られる。測定は、兵庫県にある放射光施 設 SPring-8 で作られる円偏光X線を、我々の 開発した二次元表示型球面鏡分析器[7]に導 入して行われた。この2枚一組の写真は,電 場が左および右に回転している円偏光を用い て測定したものである。

図 2-13(a), (b) はW(110) 面のW原子の4f 軌道から放出された光電子の放出角度分布パ ターンである。運動エネルギーは 800eV であ る。 (a), (b)は, 回転の向きが反対の円偏光 を用いて測定したものである。図 2-13 (d)に W結晶構造を示す。このパターンは、O原子 から出た光電子の放出角度分布を,[110]方向 (図の上の方)から見ていることになる。図 2-13 (a).(b) においては、図 2-13 (d) の原 子A.B.Cなどによる前方散乱ピークが、図 2-13 (c)のA, B, Cなどの位置, すなわち図 2-13 (d)に示した<100>, <111>, <311>, <210>などの結晶軸の方向に観測されている。 しかしながら、実測された図 2-13 (a), (b)の ピークの位置は、結晶構造から予想される原 子のある方向 (図 2-13 (c)の A, B, C などの 位置)より左右に少しずれていて,そのずれが 立体写真の視差角と同じになっている。

2.6.4 立体視の原理

(13) 式と(15) 式を比べると, 視差角が R に反比例することは同じであるが,分母の $\sin \theta$ の次数が一つ異なっていることがわか る。しかし, $k \approx b$ などは角度によらない定数 であるが,磁気量子数 m は光電子の放出角 θ に依存しており, W4f などの場合, ほぼ sin θ に比例している[14,15]。従って,式(13)と (15) は定数倍異なっているだけで同じ式であ る。その定数倍が倍率になり,ここでの値を計 算すると 2×10¹⁰倍になる。現在の最高の電子 顕微鏡よりもさらに 2000倍も大きい。

なぜ立体視ができるかを物理的に言うと次 のようになる。角運動量を持つ電子というの は、原子からまっすぐ出るのではなく、少し ずれたところから出ることと同じである。衝 突の分野では impact parameter という量で記 号 b で表される。運動量に b をかけたものが 角運動量である。図 2-11 では、電子が広がる 方向の太い矢印を逆に伸ばすと、原子Oのと ころで少しずれているが、そのずれが b にな っていて、その値は角運動量 mħ を運動量 ħk で割ると求められる。計算すると 0.1 Å のオ ーダーである。これと実際の目の距離数 c m の比をとれば、10¹⁰ 倍という拡大率が理解で きる。

2.6.5 立体原子顕微鏡の装置としての二次 元表示型球面鏡分析器

立体原子顕微鏡として用いた装置は、前述 の「二次元表示型球面鏡分析器」[7]であり, 1章の図2に示した。立体原子顕微鏡として の最適の配置は、図2の hv(circular)ように 二次元表示型球面鏡分析器にすれすれに円偏 光を入射して測定するものである。このとき mの放出角依存性がほぼ sin θ に比例して, 歪みの無い立体像が得られる。

他の二次元表示型分析装置でも測定は可能 であるが、この分析器の場合にのみ像の歪み が無いので,歪みを補正したり複雑な計算を 必要とせずに立体写真が直接得られる。

現在は一枚の画像を測定するのに15分程 度かかっているが、将来、円偏光の強度が強く なれば100分の1秒程度の時間での測定も 可能となろう。回転の向きも高速で変化する ことができるようになるので、計算を必要と しない二次元表示型球面鏡分析器を用いると、 実時間測定も可能になるであろう。

応用としては,分子の中や周りでの原子の 動きを見る研究,例えばヘモグロビンのFe原 子への酸素分子の吸着などの直接立体的観測 などがあげられる。原子の動きを見ながらの 新機能材料(例えば超伝導物質)の開発や, 触媒反応機構の解明など,応用物理・化学分 野への応用が期待できる。

また、円偏光で励起された光電子は、放出 角度を選ぶとスピンが揃うので、ピークの強 度の円二色性から、隣の原子のスピンの向き や大きさを決めることができる。

「第46回 物性若手夏の学校(2001年度)」(その1)

(a)



(b)





図2-13 W(110)結晶の(a) 左目用と(b)右目用の立体写真。 (c)はイメージされる原子配列構造を示す。この立体写真は,(d)の O原子からA,B,C等の原子を見ていることになる。

講義ノート

最後に、これらの研究は、東京大学理学部 の井野正三先生、大阪大学基礎工学部の菅滋 正先生のグループ、米国バークレーにあるA LSでのFadley 教授のグループ、および奈良 先端科技大の大門研究室の諸氏らとの共同研 究の成果です。また、「二次元表示型球面鏡 分析器」は株式会社島津製作所が作成しまし た。これらの共同研究者に感謝いたします。

- [2章の引用文献]
- C.S.Fadley: Synchrotron Radiation Research: Advances in Surface Science (Plenum press, New York, 1990).
- [2] H. Daimon, R. Ynzunza, F. J. Palomares, H. Takagi, and C.S. Fadley, Surf. Sci. 408 (1998) 260.
- [3] H. Daimon, R.X. Ynzunza, F.J. Palomares, E.D. Tober, Z.X. Wang, A.P. Kaduwela, M.A. Van Hove, and C.S. Fadley, Phys. Rev. B58 (1998) 9662.
- [4] 大門寛, 放射光 13, (2000) 165
- [5] J. J. Barton: Phys. Rev. Lett. 67, 3106 (1991).
- [6] H. Takagi, H. Daimon, F. J. Palomares, C. S. Fadley, Surf. Sci. 470 (2001) 189.
- [7] H. Daimon, Rev. Sci. Instrum. 59 (1988)
 545. [Erratum: Rev. Sci. Instrum. 61 (1990) 205.]
- [8] H. Daimon, T. Nakatani, S. Imada, S. Suga, Y. Kagoshima, and T. Miyahara, Jpn. J. Appl. Phys. 32 (1993) L1480.
- [9] H. Daimon, R.X. Ynzunza, F.J. Palomares, E.D. Tober, Z.X. Wang, A.P. Kaduwela, M.A. Van Hove, and C.S. Fadley, Phys. Rev. B58 (1998) 9662.
- [10] K. Enomoto, Y. Miyatake, K. Fukumoto, A. Kobayashi, K. Hattori, H. Daimon, M. Kotsugi, S. Suga, T. Nakatani, T. Matsushita, Surf. Rev. Lett. 7, (2000) 643.
- [11] A.P. Kaduwela, H. Xiao, S. Thevuthasan, C.S. Fadley, and M.A. Van Hove, Phys. Rev. B 52 (1995) 14297.
- [12] P. Rennert, A.Chasse, T.Nakatani, K.Nakatsuji, H.Daimon, and S.Suga, J. Phys. Soc. Jpn. 66 (1997) 396.
- [13] A. Chasse and P. Rennert, Phys. Rev. B 55 (1997) 4120.
- [14] H. Daimon, S. Imada, S. Suga, Surf. Sci., 471(2001) 143.

[15] H. Daimon, Phys. Rev. Lett. 86, (2001) 2034.