

Über die Dissoziation Mehratomiger Salze.

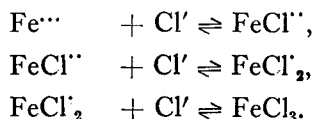
Von

Nobuji Sasaki.

(Eingegangen am 17. Januar 1924)

In der vorliegenden Abhandlung soll die Abhängigkeit des Dissoziationszustandes eines mehratomigen Salzes von der Gesamt-, von der Kationen- und von der Anionenkonzentration mathematisch untersucht werden.

Als Beispiel nehmen wir Ferrichlorid, welches in folgender Schema dissoziiert :



Setzt man zu dieser Lösung eine Gemenge d' von Ferrichlorid hinzu, so wird der Gleichgewichtszustand zerstört und ein neuer sich einstellen. Die Konzentrationen der Ionen (FeCl_3 einschliessend) vor und nach dem Zusatz von Ferrichlorid wollen wir durch folgende Tabelle bezeichnen :

	Vor dem Zusatz	Nach dem Zusatz
Fe^{+++}	a	$a+x$
FeCl^{++}	b	$b+y$
FeCl_2'	c	$c+z$
FeCl_3	d	$d+d'-x-y-z$
Cl'	e	$e+3x+2y+z,$

wobei offenbar

$$e = 3a + 2b + c.$$

Die Gleichgewichtsgleichungen sind demnach vor dem Zusatz

$$ae = K_1 b,$$

$$be = K_2 c,$$

$$ce = K_3 d,$$

und nach dem Zusatz

$$(a+x)(e+3x+2y+z) = K_1(b+y),$$

$$(b+y)(e+3x+2y+z) = K_2(c+z),$$

$$(c+z)(e+3x+2y+z) = K_3(d+d'-x-y-z),$$

wobei K_1 usw. die Gleichgewichtskonstanten der einzelnen Reaktionen bezeichnen.

Falls die zugesetzte Ferrichloridmenge d' sehr klein ist, so sind x, y und z auch sehr klein. Die letzten drei Gleichungen können dann folgenderweise vereinfacht werden :

$$\frac{x}{a} + \frac{3x+2y+z}{e} - \frac{y}{b} = 0,$$

$$\frac{y}{b} + \frac{3x+2y+z}{e} - \frac{z}{c} = 0,$$

$$\frac{z}{c} + \frac{3x+2y+z}{e} - \frac{d'-x-y-z}{d} = 0.$$

Aus diesen drei Gleichungen erhält man

$$x = \frac{d'}{d} \cdot \frac{e-2(b+c)}{bce} \cdot \frac{1}{\Delta} = \frac{d'}{d} \cdot \frac{3a-c}{bce} \cdot \frac{1}{\Delta},$$

$$y = \frac{d'}{d} \cdot \frac{3a+e-c}{ace} \cdot \frac{1}{\Delta} = \frac{d'}{d} \cdot \frac{6a+2b}{ace} \cdot \frac{1}{\Delta},$$

$$z = \frac{d'}{d} \cdot \frac{6a+2b+e}{abe} \cdot \frac{1}{\Delta},$$

wobei $\Delta = \{a(b+4c+9d) + b(c+4d) + cd + e(a+b+c+d)\} / abcde$.

Man erhält daraus noch

$$3x+2y+z = \frac{d'}{d} \cdot \frac{3a+2b+c}{abc} \cdot \frac{1}{\Delta},$$

$$p'-x-y-z = \frac{dz}{c} + \frac{d'(3a+2b+c)}{abce} \cdot \frac{1}{\Delta}.$$

Da, wie ersichtlich, $y, z, 3x+2y+z$ und $d'-x-y-z$ alle positiv sind, so ist es klar, dass FeCl'' , FeCl'_2 , FeCl_3 und Cl' alle stets zunehmen müssen, wenn die Ferrichloridlösung in ihrer Konzentration zunimmt. Was Fe''' betrifft, so ist

$$x \geq 0, \text{ je nachdem } 3a-c \geq 0 \text{ ist.}$$

Bezeichnet man die Ionenkonzentrationen nach dem Zusatz von d' Ferrichlorid mit aa , βb , γc , δd und ϵe , so erhält man leicht die Beziehung:

$$a : \beta : \gamma : \delta = 1 : \epsilon : \epsilon^2 : \epsilon^3.$$

Im vorliegenden Falle ist $\epsilon > 1$, da $3x+2y+z > 0$ ist. Wird also die Ferrichloridlösung konzentrierter, so werden die komplexeren Ionen viel schneller in ihrer Konzentration zunehmen als die weniger komplexeren und umgekehrt. Aus dieser Erwägung ist ersichtlich, dass die Beziehungen $3a-c >, =, < 0$ im Verlaufe der Konzentrationszunahme der Reihe nach befriedigt werden. Fe''' wird also beim ständigen Zusatz von Ferrichlorid zum reinen Wasser anfänglich zunehmen ($3a-c > 0$) und dann eine maximale Konzentration erreichen ($3a-c = 0$), um dann abzunehmen zu beginnen ($3a-c < 0$).

Im nächsten Falle wollen wir das Ferriion allein von der Lösung wegnehmen und dessen Einfluss studieren. Wegnahme des Ferriions allein geschieht derart, dass man von der Lösung das Ferrichlorid wegnimmt und durch Zusatz einer entsprechenden Menge Chlornatrium den Verlust an Chlorion kompensiert. Chlornatrium wird hierbei als vollständig dissoziierbar angenommen.

Die Konzentrationen der Ionen vor und nach der Wegnahme der a' Menge von Fe''' sind:

	Vor der Wegnahme	Nach der Wegnahme
Fe'''	a	$a+x+y+z-a'$
FeCl''	b	$b-x$
FeCl'_2	c	$c-y$
FeCl_3	d	$d-z$
Cl'	$e+e'$	$e+e'+x+2y+3z,$

wobei e' eine vorher im Überschuss zugesetzte Chlorionenmenge bezeichnet.

Ist a' sehr klein, so kann man die Gleichgewichtsbedingungen folgenderweise schreiben :

$$\frac{x+y+z-a'}{a} + \frac{x+2y+3z}{e+e'} + \frac{x}{b} = 0,$$

$$-\frac{x}{b} + \frac{x+2y+3z}{e+e'} + \frac{y}{c} = 0,$$

$$-\frac{y}{c} + \frac{x+2y+3z}{e+e'} + \frac{z}{d} = 0,$$

woraus man erhält

$$x = \frac{a'}{a} \cdot \frac{2c+6d+e+e'}{cd(e+e')} \cdot \frac{1}{\Delta},$$

$$y = \frac{a'}{a} \cdot \frac{-b+3d+e+e'}{bd(e+e')} \cdot \frac{1}{\Delta} = \frac{a'}{a} \cdot \frac{3a+b+c+3d+e'}{bd(e+e')} \cdot \frac{1}{\Delta},$$

$$z = \frac{a'}{a} \cdot \frac{e+e'-2b-2c}{bc(e+e')} \cdot \frac{1}{\Delta} = \frac{a'}{a} \cdot \frac{3a-c+e'}{bc(e+e')} \cdot \frac{1}{\Delta},$$

wobei Δ gleich wie im vorigen Falle ist, e muss aber hier in $e+e'$ umgeschrieben werden.

Man erhält ferner

$$x+2y+3z = \frac{a'}{a} \cdot \frac{b+2c+3d}{bcd} \cdot \frac{1}{\Delta},$$

$$x+y+z-a' = -\frac{ax}{b} - \frac{a'(b+2c+3d)}{bcd(e+e')} \cdot \frac{1}{\Delta}.$$

Da, wie ersichtlich, x , y , und $x+2y+3z$ alle positiv und $x+y+z-a'$ negativ ist, so folgt, dass durch Wegnahme des Ferriions Fe^{+++} , FeCl^{++} und FeCl_2 stets abnehmen, während Cl' stets zunimmt. Was FeCl_3 betrifft, so ist

$$z \geq 0, \text{ je nachdem } 3a+e'-c \geq 0 \text{ ist.}$$

Durch Wegnahme des Ferriions nimmt also FeCl_3 bei hoher Konzentration zu; da aber e' bei fortwährender Wegnahme des Ferriions

zunimmt, so muss bald $3a+e'-c \leq 0$ werden, d. h. FeCl_3 hierbei abzunehmen beginnen. Bei niedriger Konzentration oder in Gegenwart von genügend grossem Überschuss von Chlorion nimmt FeCl_3 stets ab. Diese notwendige überschüssige Chlorionenmenge übertrifft schon die hinreichende, wenn sie einem Drittel der der Ferriionenmenge entsprechenden Chlorionenmenge gleich, d. h. $e'=a+b+c+d$ ist, wobei $3a+e'-c=4a+b+d$ offenbar immer positiv ist.

Schliesslich wollen wir den Einfluss von Zusatz des Chlorions allein studieren. Die Konzentration der Ionen vor und nach dem Chlorionzusatz e' sind:

Vor dem Zusatz Nach dem Zusatz

Fe^{++}	a	$a-x-y-z$
FeCl^{+}	b	$b+x$
FeCl_2	c	$c+y$
FeCl_3	d	$d+z$
Cl'	e	$e+e'-x-2y-3z$,

wobei $e=3a+2b+c+e''$ ist, (e'' : die vorher überschüssig enthaltene Chlorionenmenge).

Falls e' sehr klein ist, so erhält man ähnlicherweise folgende drei Gleichungen:

$$\frac{-x-y-z}{a} + \frac{e'-x-2y-3z}{e} - \frac{x}{b} = 0,$$

$$\frac{x}{b} + \frac{e'-x-2y-3z}{e} - \frac{y}{c} = 0,$$

$$\frac{y}{c} + \frac{e'-x-2y-3z}{e} - \frac{z}{d} = 0,$$

woraus man erhält

$$x = \frac{e'}{e} \cdot \frac{a-c-2d}{acd} \cdot \frac{1}{\Delta},$$

$$y = \frac{e'}{e} \cdot \frac{2a+b-d}{abd} \cdot \frac{1}{\Delta},$$

$$z = \frac{e'}{e} \cdot \frac{3a+2b+c}{abc} \cdot \frac{1}{\Delta},$$

wobei Δ gleich wie oben ist.

Ferner gewinnt man

$$x+y+z = \frac{e'}{e} \cdot \frac{b+2c+3d}{bcd} \cdot \frac{1}{\Delta},$$

$$e'-x-2y-3z = \frac{e'(a+b+c+d)}{abcd} \cdot \frac{1}{\Delta}.$$

Da, wie ersichtlich, z , $e'-x-2y-3z$ und $x+y+z$ positiv sind, so nehmen durch Chlorionzusatz FeCl_3 und Cl' stets zu und Fe''' ab. Was FeCl'' und FeCl'_2 betrifft, so haben wir

$$x \geq 0, \text{ je nachdem } a-c-2d \geq 0,$$

$$\text{und } y \geq 0, \text{ je nachdem } 2a+b-d \geq 0 \text{ ist.}$$

Da $2a+b-d = (a-c-2d) + (a+b+c+d)$ ist, so bleibt die Beziehung $2a+b-d > 0$ bestehen sofern als $a-c-2d > 0$, $= 0$ und noch etwas weiter. Wie oben gesehen, haben wir die Beziehung

$$a : \beta : \gamma : \delta = 1 : \varepsilon : \varepsilon^2 : \varepsilon^3$$

und da $\varepsilon > 1$ ist, so werden c und d bei fortwährendem Chlorionzusatz vor a und b vorzuherrschen beginnen.

Wir nehmen an, dass die anfängliche Ferrichloridlösung so verdünnt ist, dass die Bedingung $a-c-2d > 0$ bestehen kann. Setzt man zur Lösung ständigerweise Chlorion hinzu, so wird zu Anfang Fe''' ab- und FeCl'' , FeCl'_2 und FeCl_3 zunehmen. Aber bald wird ein Punkt kommen, wobei $a-c-2d=0$ wird. Von diesem Punkt an beginnt FeCl'' abzunehmen, während FeCl'_2 und FeCl_3 noch ihre Zunahme fortsetzen, bis $2a+b-d=0$ wird. Von da ab nehmen sowohl FeCl'' als auch FeCl'_2 ab, bis schliesslich fast alle Ferriionen in FeCl_3 übergegangen sind.

Im folgenden wollen wir die Konzentrationsänderung der Ionen durch Chlorionzusatz etwas quantitativer behandeln.

Durch Zusatz von vollständig dissoziierendem Chlorsalz sei die Chlorionenmenge ver- p -facht. Ergänzt man die dadurch herbeigeführte Verminderung von freiem Ferriion (siehe oben) durch Zusatz

desselben, so erhält man folgende Beziehung:

$$\alpha = 1$$

und deshalb $\beta = \epsilon, \gamma = \epsilon^2, \delta = \epsilon^3$.

Betreffs der Chlorionenmenge besteht die Gleichung

$$(e + b + 2c + 3d)p = (e + b + 2\epsilon c + 3\epsilon^2 d)\epsilon.$$

Da aber $\epsilon > 1$ ist, so muss

$$\epsilon < p$$

sein. Daraus folgt

$$\beta < p, \gamma < p^2, \delta < p^3.$$

Entzieht man nun der Lösung die nachher zugesetzte Menge Ferriion, so werden β und γ abnehmen und auch so δ , vorausgesetzt, dass die Beziehung $3a + e' - c > 0$ besteht (siehe oben). Ver- p -facht man also die Chlorionenmenge, so erhalten wir die Beziehungen

$$\beta < p, \gamma < p^2, \delta < p^3,$$

vorausgesetzt, dass die Lösung eine genügend überschüssige Chlorionenmenge enthält.

Ist die Lösung sehr verdünnt und das Ferrichlorid fast vollständig dissoziiert ist (ohne Hydrolyse), so wird

$$\epsilon \doteq p,$$

vorausgesetzt, dass $p-1$ sehr klein ist, denn dann $b, \beta b, c, \gamma c, d$ und δd können gegen a und e vernachlässigt werden. In diesem Grenzfalle erhält man also

$$\beta \doteq p, \gamma \doteq p^2, \delta \doteq p^3.$$

Falls andererseits die Lösung sehr konzentriert ist oder einen sehr grossen Überschuss von Chlorion enthält, so wird δ fast gleich eins, denn FeCl_3 kann nunmehr durch Zusatz von Chlorion nur sehr wenig zunehmen. β und γ werden, wie oben erwähnt, von einem Punkt an durch Zusatz von Chlorion abnehmen. Man dürfte also folgende Grenzen von β, γ und δ als geltend ansehen:

$$0 < \beta < p, \quad 0 < \gamma < p^2, \quad 1 < \delta < p^3.$$

Eine nähere quantitative Beziehung wäre schwer zu erhalten.

Zusammenfassung.

Es wurde am Beispiel von Ferrichloridlösung mathematisch untersucht, wie die Konzentration des Moleküls und seiner Dissoziationsprodukte aller Stufen von der Gesamt-, von der Kationen- und von der Anionenkonzentration abhängen.

Es ist mir eine angenehme Pflicht, meinem hochverehrten Lehrer Herrn Prof. Dr. M. Chikashige für seine ständige Unterstützung für meine Arbeit an dieser Stelle meinen herzlichsten Dank auszusprechen.